

实验名称 LU 分解

一. 实验内容:

问题描述:

给定矩阵A, 求满足 $A=LU$ 的下三角矩阵L和上三角矩阵U。

LU分解的串行算法请自行查询资料。

LU分解的并行算法请尽量使用负载均衡的矩阵划分方法。

输入:

第一行, 整数n, 表示方阵A的阶数

之后n行, 每行n个浮点数, 表示矩阵A

输出:

2n行, 每行n个浮点数, 表示矩阵L和U

要求: 测试n=500, 1000, 5000时的实验性能

二. 实验环境:

操作系统: ubuntu 16.04 LTS 64bit
编译器: gcc 5.3.1 (for openmp)
 nvcc 7.5.17 (for cuda)
CPU: Intel i7-4720HQ CPU @ 2.60GHz * 8
GPU: NVIDIA GTX965M 2G GDDR5
memory: 8GB DDR3L

三. 实现步骤:

1. OpenMP

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <omp.h>
#include <time.h>

#define MAXN 5001
#define NNN 5000
#define NUM_OF_THREADS 8

double A[MAXN][MAXN];
double L[MAXN][MAXN];
double U[MAXN][MAXN];
int nthreads, tid;

int factorize() {
    int i, j, k;
    #pragma omp parallel shared(A) private(tid, i, j, k)
    {
        for (k = 0; k < NNN; k++)
        {
            #pragma omp for
            for (i = k + 1; i < NNN; i++)
```

```

        A[i][k] = A[i][k] / A[k][k];
#pragma omp for
for (i = k + 1; i < NNN; i++)
    for (j = k + 1; j < NNN; j++)
    {
        A[i][j] = A[i][j] - A[i][k] * A[k][j];
    }
    }
}
for (i = 0; i < NNN; i++)
    for (j = 0; j < NNN; j++)
    {
        if (i <= j)
            U[i][j] = A[i][j];
        else
            L[i][j] = A[i][j];
    }
return 0;
}

int main()
{
    double wtime;
    int i, j;

    srand((unsigned)time(NULL));
    for (i = 0; i < NNN; i++)
        for (j = 0; j < NNN; j++)
        {
            A[i][j] = rand() / 1000;
            L[i][j] = 0;
            U[i][j] = 0;
        }

    omp_set_num_threads(NUM_OF_THREADS);

    for (i = 0; i < NNN; i++)
        L[i][i] = 1;

    wtime = omp_get_wtime();
    factorize();
    wtime = omp_get_wtime() - wtime;

    printf("time = %lf s\n", wtime);

    return 0;
}

```

2. CUDA

```

#include <cuda.h>
#include <stdio.h>
#include <math.h>

__global__ void add( float *a, float *b, float *c) {
    int tid = blockIdx.x;

```

```

    c[tid] = a[tid] + b[tid];
}

__global__ void scale(float *a, int size, int index){
    int i;
    int start=(index*size+index);
    int end=(index*size+size);

    for(i=start+1;i<end;i++)
        a[i]=(a[i]/a[start]);
}

__global__ void reduce(float *a, int size, int index, int b_size){
    extern __shared__ float pivot[];
    int i;

    int tid=threadIdx.x;
    int bid=blockIdx.x;
    int block_size=b_size;

    int start;
    int end;
    int pivot_row;
    int my_row;

    if(tid==0)
        for(i=index;i<size;i++) pivot[i]=a[(index*size)+i];

    __syncthreads();

    pivot_row=(index*size);
    my_row=((block_size*bid) + tid)*size;
    start=my_row+index;
    end=my_row+size;

    if(my_row > pivot_row)
        for(i=start+1;i<end;i++)
            a[i]=a[i]-(a[start]*pivot[(i-my_row)]);
}

float a[5001][5001];
float b[5001][5001];
float c[5001][5001];
float result[5001][5001];

int main(int argc, char *argv[]){
    int N;
    int blocks;
    float *dev_a;
    int i;
    int j;
    N = atoi(argv[1]);
    clock_t start, finish;
    double elapse;

    cudaMalloc((void**)&dev_a, N * N * sizeof(float));
    srand((unsigned)2);
    for (i = 0; i <= N; i++)
        for (j = 0; j <= N; j++)
            a[i][j] = ((rand() % 10) + 1);
    cudaMemcpy(dev_a, a, N * N * sizeof(float), cudaMemcpyHostToDevice);

    start = clock();
    for(i = 0; i < N; i++){

```

```

        scale<<<1,1>>>(dev_a, N, i);
        blocks = N / 50;
        reduce<<<blocks,50,N*sizeof(float)>>>(dev_a, N, i, 50);
    }
    finish = clock();
    elapse = (((double) (finish - start)) / CLOCKS_PER_SEC);
    printf("lu decompositon: %lf sec\n", elapse);

    cudaMemcpy(c, dev_a, N * N * sizeof(float),cudaMemcpyDeviceToHost);
    cudaFree( dev_a );

    return 0;
}

```

四. 实验结果报表

1. OpenMP

本次实验代码总行数	69 lines
累计耗费时间	? ? ?

运行时间(sec)

规模	核数	1	2	4	8
	500	0.1211	0.0632	0.0390	0.04567
	1000	0.9929	0.5148	0.2889	0.3095
	5000	125.5536	69.4698	68.4940	70.4312

加速比

规模	核数	1	2	4	8
	500	1	1.9161	3.1051	2.6516
	1000	1	1.9287	3.4368	3.2081
	5000	1	1.8073	1.8331	1.7826

3.CUDA

本次实验代码总行数	85 lines
累计耗费时间	? ? ?

运行时间(sec)

规模	线程数	$\text{blocks_num} = \text{size} / 50$ $\text{threads_num} = 50$
	500	0.0021
	1000	0.4508
	5000	35.2180

加速比

规模	线程数	$\text{blocks_num} = \text{size} / 50$ $\text{threads_num} = 50$
	500	57.6667
	1000	2.2025
	5000	3.5650

五. 对本次实验的收获和总结

规模为1000的时候和规模为5000的时候，耗时相差不大。
这估计是因为我所用的算法不太适合并行，而且并行的参数也没有调好。

六. 其他问题（请在符合自己情况的地方填入*）

1.你使用的编程模型是（多选）

OpenMP	MPI	CUDA	MapReduce
*		*	

注：以下只需填实验中选择实现方式对应的行，每行单选。

2.在进行并行编程时，我愿意经常使用此编程模型（单选）

	非常符合	比较符合	不确定	比较不符合	非常不符合
OpenMP	*				
MPI					
CUDA		*			
MapReduce					

3.我认为此编程模型有许多非必要而复杂的部分(单选)

	非常符合	比较符合	不确定	比较不符合	非常不符合

OpenMP				*	
MPI					
CUDA				*	
MapReduce					

4.我认为在此编程模型下编程是容易的(单选)

	非常符合	比较符合	不确定	比较不符合	非常不符合
OpenMP	*				
MPI					
CUDA				*	
MapReduce					

5.我认为我需要有技术人员的支持才能使用此编程模型 (单选)

	非常符合	比较符合	不确定	比较不符合	非常不符合
OpenMP				*	
MPI					
CUDA				*	
MapReduce					

6.我认为在此编程模型中，有许多功能都很好地整合在一起 (单选)

	非常符合	比较符合	不确定	比较不符合	非常不符合
OpenMP	*				
MPI					
CUDA		*			
MapReduce					

7.我认为在此编程模型中有许多不一致的地方 (单选)

	非常符合	比较符合	不确定	比较不符合	非常不符合
OpenMP				*	
MPI					
CUDA				*	
MapReduce					

8.我认为大多数人都能很快地掌握此编程模型 (单选)

	非常符合	比较符合	不确定	比较不符合	非常不符合
OpenMP		*			
MPI					
CUDA				*	
MapReduce					

9.我认为此编程模型不灵活 (单选)

	非常符合	比较符合	不确定	比较不符合	非常不符合
OpenMP		*			
MPI					
CUDA				*	
MapReduce					

10.对于在此编程模型下编程，我对问题能够被解决感到很自信 (单选)

	非常符合	比较符合	不确定	比较不符合	非常不符合
OpenMP			*		
MPI					
CUDA			*		
MapReduce					

11.在使用此编程模型前，我需要了解大量的知识(单选)