

5/4/2020

Report Homework 5

Advanced Programming

Mohammad Javad Amin (9523008)
AMIRKABIR UNIVERSITY OF TECHNOLOGY

به نام خدا

هدف پروژه؛ تخمین نمره پایانی دانشجویان به وسیله متغیر تصادفی با توزیع احتمال (pdf) است که این توزیع احتمال یکی از دو توزیع نرمال یا نمایی است که پارامترهای آن توسط عملکرد دانشجو در طول ترم مشخص می‌شود.

ابتدا باید یک صف را پیاده‌سازی کنیم که از آن برای نگهداری دانشجوها استفاده می‌شود.

class APQueue : الگوریتم این صف طبق قانون FIFO است یعنی چیزی اول بیاید اول هم می‌رود. توجه شود که این صف باید بتواند هر چیزی را ذخیره کند پس آن را به صورت template تعریف می‌کنیم.

این class شامل member variable و همچنین member function هایی است که در ادامه به تعریف و بررسی تک تک آن‌ها می‌پردازیم.

member variable های class APDS به صورت private :

۱) Item : این خود یک class است که در همین جا (در قسمت private) باید آن را تعریف کنیم. class Item خود دارای member variable و همچنین member function هایی است که آن‌ها تک تک بررسی باید کرد.

توجه باید کرد که برای اینکه بتوان به member variable و همچنین member function های class Item در داخل class APQueue دسترسی پیدا کنیم باید آن‌ها را به صورت public تعریف کرد.

member variable های class Item :

- pvalue : یک متغیر از جنس pointer بوده که در آن آدرس object ذخیره می‌شود.
- pnext : یک متغیر از جنس pointer بوده که در آن آدرس object Item بعدی ذخیره می‌شود.

member function های class Item :

- constructor که داری یک ورودی از جنس object و ورودی است که به صورت reference به آن داده می‌شود. پیاده‌سازی این تابع به صورت زیر است.

```
template<typename T>
APQueue<T>::Item::Item(T& S)
{
    pvalue = &S;           //save object
    pnext = nullptr;       //initialize pnext
}
```

۲) phead : یک متغیر از جنس pointer بوده که در آن آدرس object Item ابتدایی صف (head) در آن ذخیره می‌شود.

۳) ptail : یک متغیر از جنس pointer بوده که در آن آدرس object Item انتهایی صف (tail) در آن ذخیره می‌شود.

۴) size : تعداد دانشجویان داخل data structure .

در زیر کل class APQueue را مشاهده می‌کنیم.

```
template<typename T>
class APQueue
{
private:
    class Item                //class Item
    {
    public:
        T* pvalue;           //current object
        Item* pnext;         //adress next item
        Item(T&);            //constructor class Item
    };

    Item* phead;             //adress of the head in queue
    Item* ptail;             //adress of the tail in queue
    size_t size;             //number of students in data struture

public:
    APQueue(std::vector<T>&); //constructor
    APQueue(std::vector<T>&&); //constructor for rvalue
    ~APQueue();              //destructor

    void enqueue(T&);         //gets a object and push it to queue
    APQueue<T>* enqueue(T&&); //gets a object rvalue and push it to queue
    T dequeue();              //removes the first thing in queue
    void show();              //show detail

    T operator[](size_t i);   //operator []
};
```

: class APQueue member function

(۱) constructor : ورودی آن یک وکتور که به صورت reference به آن داده شده ؛ از چیز هایی است که میخوایم وارد صف کنیم عمل وارد کرد data ها را در صف با تابع enqueue انجام می دهیم. این تابع به صورت زیر پیاده سازی می شود.

```
template<typename T>
APQueue<T>::APQueue(std::vector<T> &input_vector) //constructor
{
    size = {}; //initialize size
    ptail = nullptr; //initialize ptail
    phead = nullptr; //initialize phead

    for (size_t i = 0; i < input_vector.size(); i++) //push object to queue
        enqueue(input_vector[i]);
}
```

(۲) constructor : مانند constructor قبلی است با این تفاوت که ورودی آن rvalue است و به صورت زیر پیاده سازی می شود.

```
template<typename T>
APQueue<T>::APQueue(std::vector<T> &&input_vector_in) //constructor for rvalue
{
    static std::vector<T> input_vector{input_vector_in}; //to save input object

    size = {}; //initialize size
    ptail = nullptr; //initialize ptail
    phead = nullptr; //initialize phead
    for (size_t i = 0; i < input_vector.size(); i++) //push object to queue
        enqueue(input_vector[i]);
}
```

(۳) destructor : تمام عضوهای صف را از بین می برد و به صورت زیر پیاده سازی می شود.

```
template<typename T>
APQueue<T>::~~APQueue() //destructor
{
    //remove all item in queue
    if(size)
    {
        Item* temp{ phead };
        Item* temp_next{ temp->pnext };
        for (size_t i = 0; i < size-1; i++)
        {
            delete temp;
            temp = temp_next;
            temp_next = temp->pnext;
        }
        delete ptail;
    }
}
```

۴) enqueue: این تابع یک داده جدید می‌گیرد و آن را به آخر صف اضافه می‌کند. و هر دفعه باید آدرس‌ها داده‌های انتهای صف به روزرسانی شود. این تابع به دو صورت تعریف می‌شود که فرق آن‌ها بر اساس ورودی آن است که یکی به صورت `referencer` بوده و دیگری ورودی آن `rvalue` است و باید طوری پیاده‌سازی شود که پشت سرهم بتواند این تابع را `call` کرد. پیاده‌سازی این دو تابع به صورت زیر است.

```
template<typename T>
void APQueue<T>::enqueue(T& in) //get object in queue
{
    Item* new_input{ new Item{in} }; //create new item with input

    if (size > 0)
        ptail->pnext = new_input;
    ptail = new_input;
    if (size == 0) //for save phead
        phead = new_input;
    size++;
}
```

```
template<typename T>
APQueue<T>* APQueue<T>::enqueue(T&& in) //get object in queue for rvalue
{
    Item* new_input{ new Item{in} }; //create new item with input

    if (size > 0)
        ptail->pnext = new_input;
    ptail = new_input;
    if (size == 0) //for save phead
        phead = new_input;
    size++;

    return this;
}
```

۵) dequeue: این تابع اولین عضو صف (`phead`) را از صف خارج کرده و آدرس‌ها را طبق شرایط جدید به روزرسانی می‌کند و در آخر عضو خارج شده را چاپ می‌کند. این تابع به صورت زیر پیاده‌سازی می‌شود.

```
template<typename T>
T APQueue<T>::dequeue() //removes the first thing in queue
{
    if (size == 0) //If the queue is empty return 0
    {
        ptail = phead = nullptr;
        std::cout<<"queue is empty"<<std::endl;
        return 0;
    }

    //removes last data and update adress
    Item* temp{ phead->pnext };
    T item{ *(phead->pvalue) };

    delete phead; //delete phead
    phead = temp;
    size--; //decrease size queue

    return item;
}
```

۶) show: این تابع تعداد عضوهای صف و تک تک اعضا را نمایش می دهد و به صورت زیر پیاده سازی می شود.

```
template<typename T>
void APQueue<T>::show()          //show detail
{
    Item* temp{ phead };

    std::cout << "APQueue of size: " << size << std::endl;
    for (size_t i = 0; i < size; i++)
    {
        std::cout << std::setw(5) << "NO : " << i + 1 << std::setw(8) << *(temp->pvalue) << std::endl;
        temp = temp->pnext;
    }
}
```

۷) operator[]: عضو i ام از صف را برمی گرداند. این تابع به صورت زیر پیاده سازی می شود.

```
template<typename T>          //operator[]
T APQueue<T>::operator[](size_t j)
{
    Item* temp{ phead };

    for (size_t i = 0; i < size; i++)
    {
        if (!(i - j))
            return *(temp->pvalue);
        temp = temp->pnext;
    }

    std::cout<<"object not fined!"<<std::endl; //if i-th is out of the range
    return 0;
}
```

در مرحله بعد این کلاس را برای ورودی با جنس unique_ptr، به صورت جدا تعریف می کنیم. (برای قسمت آخر سوال)

پیاده سازی این class دقیقاً به صورت قبلی است با این تفاوت که ورودی آن مشخص بوده.

```
template <>          //specializations
class APQueue<std::unique_ptr<Student>>
{
private:
    class Item          //class Item
    {
    public:
        Student* pvalue;      //current student
        Item* pnext;          //address next item
        inline Item(Student*&); //constructor class Item
    };

    Item* phead;          //address of the head in queue
    Item* ptail;          //address of the tail in queue
    size_t size;          //number of students in data struture

public:
    inline APQueue(std::vector<std::unique_ptr<Student>>&&); //constructor for rvalue
    inline ~APQueue(); //destructor
    inline void enqueue(Student*&); //gets a object and push it to queue
    inline void show(); //show detail
};
```

پیاده سازی constructor و destructor و enqueue دقیقاً مثل قبل است فقط باید توجه کرد که قبل از اسم توابع inline را برای جلوگیری از خطا نوشت.

```
//specializations

inline APQueue<std::unique_ptr<Student>>::Item::Item(Student*& s)
{
    pvalue = s;          //save object
    pnext = nullptr;     //initialize pnext
}

inline APQueue<std::unique_ptr<Student>>::APQueue(std::vector<std::unique_ptr<Student>>&& input_vector_in) //constructor for rvalue
{
    static std::vector<Student*> input_vector(input_vector_in.size(), nullptr); //to save input object

    size = {};           //initialize size
    ptail = nullptr;     //initialize ptail
    phead = nullptr;     //initialize phead
    for (size_t i = 0; i < input_vector.size(); i++)
    {
        input_vector[i] = input_vector_in[i].release(); //save object
        enqueue(input_vector[i]); //get in queue
    }
}
```

```
inline APQueue<std::unique_ptr<Student>>::~APQueue() //destructor
{
    //remove all item in queue
    if (size)
    {
        Item* temp{ phead };
        Item* temp_next{ temp->pnext };
        for (size_t i = 0; i < size - 1; i++)
        {
            delete temp;
            temp = temp_next;
            temp_next = temp->pnext;
        }
        delete ptail;
    }
}

inline void APQueue<std::unique_ptr<Student>>::enqueue(Student*& in) //get object in queue
{
    Item* new_input{ new Item(in) }; //create new item with input

    if (size > 0)
        ptail->pnext = new_input;
    ptail = new_input;
    if (size == 0) //save phead
        phead = new_input;
    size++;
}
```

تابع show در این حالت صف را به نحو دیگر نمایش میدهد و به صورت زیر پیاده سازی می شود.

```
inline void APQueue<std::unique_ptr<Student>>::show() //show detail
{
    Item* temp{ phead };

    std::cout << "APQueue of size: " << size << std::endl;
    for (size_t i{}; i < size; i++)
    {
        std::cout << std::setw(5) << "NO : " << i + 1 << std::setw(6) << ", Name: " << temp->pvalue->getName() << std::endl;
        std::cout << "\t\t " << "Pr{A Grade} =" << std::setprecision(5) << std::fixed << temp->pvalue->between(17, 20);
        std::cout << "\t\t " << "Pr{B Grade} =" << temp->pvalue->between(14, 17);
        std::cout << "\t\t " << "Pr{C Grade} =" << temp->pvalue->between(10, 14);
        std::cout << "\t\t " << "Pr{D Grade} =" << temp->pvalue->between(0, 10) << std::endl;
        temp = temp->pnext;
    }
}
```

در قسمت بعدی class Student را تعریف می‌کنیم و به صورت base بوده و توابع آن به صورت pure virtual اند و باید این توابع در class هایی که از class Student ارث می‌برند به صورت اختصاصی تعریف شوند.

این class شامل member variable و همچنین member function هایی است که در ادامه به تعریف و بررسی تک تک آن‌ها می‌پردازیم.

member variable ها به صورت private :

(۱) name: نام دانشجو

member function های class Student که به صورت pure virtual اند :

(۱) pdf: این تابع یک عدد از ورودی گرفته و احتمال این که دانشجو این نمره را کسب کند باز می‌گرداند.

(۲) integrator: این تابع سه ورودی a, b, step_size را می‌گیرد سپس انتگرال تابع pdf از نقطه a تا b را به روش دوزنقه ایی حساب می‌کند.

(۳) between: این تابع به ترتیب ۲ ورودی a و b می‌گیرد و احتمال اینکه نمره دانشجو بین a تا b شود را توسط انتگرال گیری عددی به روش دوزنقه ای از تابع pdf در بازه a تا b محاسبه می‌کند. پیاده سازی این class به صورت زیر است.

```
class Student
{
protected:
    std::string name{"MJ amin"}; //name student
public:
    virtual double pdf(double x)=0; //pdf function
    virtual double integrator(double a, double b, double step_size = 0.001) = 0; //integrator
    virtual double between(double a, double b) = 0; //probability between a , b
    virtual std::string getName() = 0; //get name
};
```

قسمت بعدی تعریف class NoramlStudent است که از class Student ارث می‌برد.

این class شامل member variable و همچنین member function هایی است که در ادامه به تعریف و بررسی تک تک آن‌ها می‌پردازیم.

member variable ها به صورت private :

(۱) mean: میانگین توزیع نرمال

(۲) std: انحراف معیار توزیع نرمال

در زیر کل class NoramlStudent را مشاهده می‌کنیم.

```
class NormalStudent : public Student
{
private:
    double mean;    //mean
    double std;     //std
public:
    NormalStudent(std::string name, double mean = 12, double std = 2); //constructor
    NormalStudent(); //default constructor

    double pdf(double x); //pdf function
    double integrator(double a, double b, double step_size = 0.001); //integrator function
    double between(double a, double b); //probability between a , b
    double operator()(double x); //operator() return pdf(x)
    double operator()(double a, double b); //operator() return between(a,b)
    std::string getName(); //get name
};
```

: class NoramlStudent های member function

(۱) constructor : شال ورودی های زیر است.

- name : نام دانشجو
- mean : میانگین توزیع نرمال
- std : انحراف معیار توزیع نرمال

```
NormalStudent::NormalStudent(std::string name, double mean, double std) //constructor
{
    this->mean = mean; //save mean
    this->std = std; //save std
    this->name = name; //save name
}
```

(۲) default constructor : به صورت زیر پیاده‌سازی می‌شود.

```
NormalStudent::NormalStudent() //copy constructor
{
    mean = 12; //save mean
    std = 2; //save std
    name = { "mj amin" }; //save name
}
```

در این class باید توابع موجود در class Student را به صورت اختصاصی تعریف کنیم.

۳) pdf: این تابع یک عدد از ورودی گرفته و احتمال این که دانشجو این نمره را کسب کند بازمیگرداند. این تابع به صورت زیر پیاده سازی می شود.

$$pdf(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}(\text{std})} e^{-\frac{1}{2(\text{std})^2} (x - \text{mean})^2}$$

```
double NormalStudent::pdf(double x) //pdf function
{
    const double pi{ 3.14159 };
    return (1 / (std::sqrt(2 * pi) * std)) * exp(-(1 / (2 * std * std)) * (x - mean) * (x - mean));
}
```

۴) integrator: این تابع سه ورودی a,b,step_size را می گیرد سپس انتگرال تابع pdf از نقطه a تا b را به روش ذوزنقه ایی حساب می کند و به صورت زیر پیاده سازی می شود.

$$A = \int_a^b f(x) dx \approx \Delta x \left(\frac{y_0}{2} + y_1 + \dots + \frac{y_n}{2} \right)$$

```
double NormalStudent::integrator(double a, double b, double step_size) //integrator
{
    double sum{};
    double temp{ a }; //start from a

    for (size_t step{}; step <= (b - a) / step_size; step++)
    {
        if (step == 0 || step == (b - a) / step_size)
            sum += pdf(temp) / 2;
        else
            sum += pdf(temp);
        temp += step_size;
    }

    return step_size*sum; //return integrator (a,b)
}
```

۵) between: این تابع به ترتیب ۲ ورودی a و b می گیرد و احتمال اینکه نمره دانشجو بین a تا b شود را توسط انتگرال گیری عددی به روش ذوزنقه ای از تابع pdf در بازه a تا b محاسبه می کند. این تابع به صورت زیر پیاده سازی می شود.

```
double NormalStudent::between(double a, double b) //probability between a , b
{
    return integrator(a,b);
}
```

operator(): به دو صورت پیاده سازی می شود

- اگر شامل یک ورودی بود باید تابع pdf را call کند
- اگر شامل دو ورودی بود باید تابع between را call کند.

این توابع به صورت زیر پیاده می شود.

```
double NormalStudent::operator()(double x)           //operator() return pdf(x)
{
    return pdf(x);
}

double NormalStudent::operator()(double a, double b) //operator() return between(a,b)
{
    return between(a,b);
}
```

getName(v): اسم دانشجو را برمی گرداند و به صورت زیر پیاده سازی می شود.

```
std::string NormalStudent::getName()                //get name
{
    return name;
}
```

قسمت بعدی تعریف class ExponentialStudent است که از class Student ارث می برد
این class شامل member variable و همچنین member function هایی است که در ادامه
به تعریف و بررسی تک تک آن ها می پردازیم.
member variable ها به صورت private :

lambda(۱): پارامتر توزیع احتمال نمایی

در زیر کلاس ExponentialStudent را مشاهده می کنیم.

```
class ExponentialStudent : public Student
{
private:
    double lambda;        //lambda
public:
    ExponentialStudent(std::string name, double lambda = 0.07); //constructor
    ExponentialStudent();                                       //default constructor

    double pdf(double x);                                       //pdf function
    double integrator(double a, double b, double step_size = 0.001); //integrator function
    double between(double a, double b);                         //probability between a , b
    double operator()(double x);                                //operator() return pdf(x)
    double operator()(double a, double b);                      //operator() return between(a,b)
    std::string getName();                                       //get name
};
```

member function های class ExponentialStudent :

(۱) constructor : شال ورودی های زیر است.

- name : نام دانشجو
- lambda : پارامتر توزیع احتمال نمایی

```
NormalStudent::NormalStudent(std::string name, double mean, double std) //constructor
{
    this->mean = mean;    //save mean
    this->std = std;      //save std
    this->name = name;    //save name
}
```

(۲) copy constructor : به صورت زیر پیاده سازی می شود.

```
NormalStudent::NormalStudent() //default constructor
{
    mean = 12;                //save mean
    std = 2;                  //save std
    name = { "mj amin" };    //save name
}
```

در این class باید توابع موجود در class Student را به صورت اختصاصی تعریف کنیم.

(۳) pdf : این تابع یک عدد از ورودی گرفته و احتمال این که دانشجو این نمره را کسب کند باز میگرداند. این تابع به صورت زیر پیاده سازی می شود.

$$pdf(x) = (\lambda)e^{-(\lambda)x}$$

```
double NormalStudent::pdf(double x) //pdf function
{
    const double pi{ 3.14159 };
    return (1 / (std::sqrt(2 * pi) * std)) * exp(-(1 / (2 * std * std)) * (x - mean) * (x - mean));
}
```

(۴) integrator : این تابع سه ورودی a, b, step_size را می گیرد سپس انتگرال تابع pdf از نقطه a تا b را به روش ذوزنقه ایی حساب می کند و به صورت صفحه بعد پیاده سازی می شود.

$$A = \int_a^b f(x) dx \approx \Delta x \left(\frac{y_0}{2} + y_1 + \dots + \frac{y_n}{2} \right)$$

```
double NormalStudent::integrator(double a, double b, double step_size) //integtator
{
    double sum{};
    double temp{ a }; //start from a

    for (size_t step{}; step <= (b - a) / step_size; step ++){
        if (step == 0 || step == (b - a) / step_size)
            sum += pdf(temp) / 2;
        else
            sum += pdf(temp);
        temp += step_size;
    }

    return step_size*sum; //retrnu integrator (a,b)
}
```

۵) **between** : این تابع به ترتیب ۲ ورودی **a** و **b** می گیرد و احتمال اینکه نمره دانشجو بین **a** تا **b** شود را توسط انتگرال گیری عددی به روش ذوزنقه ای از تابع pdf در بازه **a** تا **b** محاسبه می کند. این تابع به صورت زیر پیاده سازی می شود.

```
double NormalStudent::between(double a, double b) //probablity between a , b
{
    return integrator(a,b);
}
```

۶) **operator()** : به دو صورت پیاده سازی می شود

- اگر شامل یک ورودی بود باید تابع pdf را call کند
- اگر شامل دو وردی بود باید تابع between را call کند.

این توابع به صورت زیر پیاده می شود.

```
double NormalStudent::operator()(double x) //operator() retuen pdf(x)
{
    return pdf(x);
}

double NormalStudent::operator()(double a, double b) //operator() return between(a,b)
{
    return between(a,b);
}
```

۷) **getName** : اسم دانشجو را برمی گرداند و به صورت زیر پیاده سازی می شود.

```
std::string NormalStudent::getName() //get name
{
    return name;
}
```

بعد از اتمام تعریف class ها حال به سراغ تابع GetData را تعریف کنیم.

GetData : ورودی این تابع اسم فایل است که data ها در آن قرار دارند و کار این تابع خواندن فایل و ذخیره کردن اطلاعات هر دانشجو و برگرداندن کل دانشجویان به صورت وکتور است. الگوریتم این تابع را در پروژه های پیش شرح داده ایم. پیاده سازی این تابع به صورت زیر است.

```
std::vector<std::unique_ptr<Student>> GetData(const char* filename)    //get data from .csv file
{
    std::vector<std::unique_ptr<Student>> output{}; //for store students
    std::ifstream input_file{ filename };          //read .csv file

    while (!input_file.eof())                        //while until end of file
    {
        std::string student{};                     //for store each student(line of data)
        std::string data{};                         //for store each data of student in a row
        std::unique_ptr<Student> input_student{};    //for save student in each row
        size_t j{};

        std::getline(input_file, student);          //store each student(line)

        if (static_cast<int>(student[0] == 0))       //if line is empty break from loop
            break;

        std::string name;                           //name student
        double x(), y();
        bool normal{ false };                       //show it's normal or not

        for (size_t i{}; i < student.size(); i++)   //to get data from a line
        {
            if (student[i] != ',')
                data += student[i];
            else
            {
                if (j == 0)                          //set name
                    name = data;
                else if (j == 1)                      //set a
                {
                    x = std::stod(data);
                    normal = true; //it's normal Student
                }
                data = "";
                j++;
            }
        }

        y = std::stod(data); //set b

        if (normal)
        {
            NormalStudent temp{ name,x,y };          //save this normal Student
            output.push_back(std::make_unique<NormalStudent>(temp));
        }
        else
        {
            ExponentialStudent temp{ name,y };      //save this exponentialStudent
            output.push_back(std::make_unique<ExponentialStudent>(temp));
        }
    }

    return output;
}
```

توجه ۱: در ورودی بعضی از تابع ها ؛ دلیل اینکه ورودی را به صورت `reference` می دهیم این است که باعث افزایش `performance` و صرفه جویی در حافظه می شود. و در برخی موارد ورودی را به صورت `const` هم می دهیم که این کار برای جلوگیری از اجازه تغییر در تابع است.

توجه ۲: توضیحات مربوط به پیاده سازی الگوریتم ها در داخل کد به صورت کامنت نوشته شده است و در این گزارش کار سعی شده در مورد الگوریتم توابع توضیح داده شود. نتایج `google test` به شرح زیر است.

```
OK ] APMidtermTest.APQueueTest3 (0 ms)
RUN ] APMidtermTest.APQueueTest4
OK ] APMidtermTest.APQueueTest4 (0 ms)
RUN ] APMidtermTest.APQueueTest5
OK ] APMidtermTest.APQueueTest5 (0 ms)
RUN ] APMidtermTest.APQueueTest6
APQueue of size: 0
*****minus 5 points if did not print empty queue!
OK ] APMidtermTest.APQueueTest6 (0 ms)
RUN ] APMidtermTest.APQueueTest7
queue is empty
queue is empty
APQueue of size: 1
NO : 1      5
OK ] APMidtermTest.APQueueTest7 (0 ms)
RUN ] APMidtermTest.getDataTest
OK ] APMidtermTest.getDataTest (0 ms)
RUN ] APMidtermTest.APQueueTest8
APQueue of size: 8
NO : 1, Name: Moradi      Pr{A Grade} =0.10687      Pr{B Grade} =0.38493      Pr{C Grade} =0.44520      Pr{D Grade} =0.05480
NO : 2, Name: Karimi      Pr{A Grade} =0.02275      Pr{B Grade} =0.81859      Pr{C Grade} =0.15866      Pr{D Grade} =0.00000
NO : 3, Name: Mahikhar      Pr{A Grade} =0.02493      Pr{B Grade} =0.02569      Pr{C Grade} =0.03548      Pr{D Grade} =0.09516
NO : 4, Name: Majedinia      Pr{A Grade} =0.05379      Pr{B Grade} =0.05938      Pr{C Grade} =0.08890      Pr{D Grade} =0.28108
NO : 5, Name: Ghahramani      Pr{A Grade} =0.11791      Pr{B Grade} =0.11791      Pr{C Grade} =0.14012      Pr{D Grade} =0.19740
NO : 6, Name: Keihani      Pr{A Grade} =0.81859      Pr{B Grade} =0.02275      Pr{C Grade} =0.00000      Pr{D Grade} =0.00000
NO : 7, Name: Hassanzade      Pr{A Grade} =0.05954      Pr{B Grade} =0.06917      Pr{C Grade} =0.10995      Pr{D Grade} =0.39347
NO : 8, Name: Amini      Pr{A Grade} =0.53281      Pr{B Grade} =0.28579      Pr{C Grade} =0.02272      Pr{D Grade} =0.00003
*****minus 10 points if did not print properly!
OK ] APMidtermTest.APQueueTest8 (34 ms)
RUN ] APMidtermTest.APQueueTest9
APQueue of size: 8
NO : 1, Name: Moradi      Pr{A Grade} =0.10687      Pr{B Grade} =0.38493      Pr{C Grade} =0.44520      Pr{D Grade} =0.05480
NO : 2, Name: Karimi      Pr{A Grade} =0.02275      Pr{B Grade} =0.81859      Pr{C Grade} =0.15866      Pr{D Grade} =0.00000
NO : 3, Name: Mahikhar      Pr{A Grade} =0.02493      Pr{B Grade} =0.02569      Pr{C Grade} =0.03548      Pr{D Grade} =0.09516
NO : 4, Name: Majedinia      Pr{A Grade} =0.05379      Pr{B Grade} =0.05938      Pr{C Grade} =0.08890      Pr{D Grade} =0.28108
NO : 5, Name: Ghahramani      Pr{A Grade} =0.11791      Pr{B Grade} =0.11791      Pr{C Grade} =0.14012      Pr{D Grade} =0.19740
NO : 6, Name: Keihani      Pr{A Grade} =0.81859      Pr{B Grade} =0.02275      Pr{C Grade} =0.00000      Pr{D Grade} =0.00000
NO : 7, Name: Hassanzade      Pr{A Grade} =0.05954      Pr{B Grade} =0.06917      Pr{C Grade} =0.10995      Pr{D Grade} =0.39347
NO : 8, Name: Amini      Pr{A Grade} =0.53281      Pr{B Grade} =0.28579      Pr{C Grade} =0.02272      Pr{D Grade} =0.00003
*****minus 10 points if did not print properly with 8 students!
OK ] APMidtermTest.APQueueTest9 (40 ms)
RUN ] APMidtermTest.StudentTest
OK ] APMidtermTest.StudentTest (1 ms)
----- 13 tests from APMidtermTest (98 ms total)

----- Global test environment tear-down
----- 13 tests from 1 test suite ran. (100 ms total)
PASSED 13 tests.
```

همانطور که قابل مشاهده است نتایج `google test` موفقیت آمیز بوده.