

Sugestões para resolução de alguns problemas

1. Problema: A – Viagens na minha terra

- Para representar o grafo, pode ser usada uma matriz (200×200), que não é muito grande. Se se optar pela representação por listas de adjacências, não se deve incluir os ramos que são indicados com valor 2 porque, de facto, não existem.
- O programa deve ser decomposto em funções.
 - `construirGrafo`: ler a informação sobre a rede e retornar a representação correspondente
 - `lerAnalisarPercurso`: ler e analisar um percurso, retornando quantos problemas tem (ou um valor que indique que seria inválido para o grupo). Deve ler os dados do percurso ramo a ramo e
 - * determinar em que instante (em minutos) passaria na **origem do grupo** (se passar) e quantos problemas acumulou desde até a **origem da rota** até à **origem do grupo**;
 - * pode-se (ou deve-se) interromper essa análise se esse instante for maior ou igual que o **final** para o grupo ou o **número de problemas for maior** do que o mínimo até ao momento ou **encontrar o destino** (antes da origem);
 - * se não falhar e o instante em que passa na **origem do grupo** for *compatível* com **instante inicial** para o grupo, prossegue a análise da rota até ao **destino do grupo** (ou o fim dos dados da rota), enquanto for útil (i.e., enquanto não ultrapassar o fim do intervalo em que o grupo está disponível e o número de problemas não exceder o mínimo até ao momento).
 - * se não tiver acabado de ler os dados da rota, terá de o fazer (para não baralhar os dados com os de outro percurso)
 - * retorna o número de problemas (se a rota for válida para o grupo) ou um valor que indique que é inválida.
 - função `main` que:
 - * lê os dados do grupo; os tempos devem ser convertidos a minutos;
 - * chama a função que lê os dados da rede e a constrói;
 - * processa todos os percursos, por chamada a `lerAnalisarPercurso` para tratar cada um; conta quantas alternativas o grupo teria com número mínimo de problemas;
 - * imprime o resultado.

2. Problema: C – Mapa sem sentidos únicos

- Construir o grafo por análise dos percursos indicados. Se implementar em C, usar um *array* de contadores para guardar informação sobre o número de adjacentes de cada nó. Em Java, não é necessário, porque o método `size()` retorna o comprimento de uma `LinkedList` em $O(1)$.
- Notar que cada aresta (x, y) só pode ser inserida uma vez. A função `insert_new_edge` não testa se a aresta já existe, mas há uma outra função `find_edge` que permite verificar se existe. É dito que as ligações são bidirecionais: se inserir (x, y) , deve inserir (y, x) , e incrementar o número de adjacentes dos nós x e y , se programar em C. Se se mantém o grafo simétrico, não é necessário verificar se (y, x) existe (quando (x, y) não existe).
- Para cada percurso, as arestas são inseridas à medida que o percurso é analisado. Sendo k o número de nós do percurso, a função de análise deve ter a seguinte estrutura:

```
ler(x);  
compr ← 0;  
Para i ← 1 até k – 1 fazer  
    ler(c); ler(y);  
    compr ← compr + c;  
    Se (x, y) não existir no grafo, colocar (x, y) e (y, x) no grafo;  
    x ← y;  
retornar compr;
```

- **Estrutura do programa principal (para C):**

```
ler(nverts); ler(nperc);  
criar array de contadores nadjs e inicializá-lo a zero;  
criar grafo g com nverts (sem ramos); // pode usar a biblioteca graph.h (ou graph0.h)  
Para i ← 1 até nperc fazer  
    compr ← analisa_percurso(g, nadjs); // insere os ramos novos no grafo e atualiza ndajs  
    escrever compr no formato pedido;  
Para v ← 1 até nverts fazer  
    escrever nadjs[v] no formato pedido;
```

- **Estrutura do programa principal (para Java):**

```
ler(nverts); ler(nperc);  
criar grafo g com nverts (sem ramos); //usar a biblioteca Graph.java (ou Graph0.java)  
Para i ← 1 até nperc fazer  
    compr ← analisa_percurso(g, nadjs);  
// insere os ramos novos no grafo  
    escrever compr no formato pedido;  
Para v ← 1 até nverts fazer  
    escrever o comprimento da lista de adjacentes de v no formato pedido;
```

3. Problema: D – Reservas

- Construir o grafo a partir da informação sobre os seus ramos. **Adaptar** `graph.h` (ou `Graph.java`) **para poder ter dois valores em cada ramo.**
- Processar cada percurso:
 - Analisar cada ligação (x, y) num percurso:
 - * Se (x, y) não existir ou não tiver lugares suficientes para o grupo, imprimir a mensagem correspondente.
 - * Se existir e tiver lugares suficientes, reduzir o número de lugares disponíveis nessa ligação e acrescentar o custo do bilhete ao *montante total a pagar por cada bilhete*.
 - Se a reserva para o grupo falhar, é necessário:
 - * **acabar de ler os dados do percurso** (se ficou a meio);
 - * **repor a informação que foi alterada.** Para isto, será útil memorizar o prefixo do percurso já processado ou, preferencialmente (por tornar a reposição mais eficiente), guardar os identificadores (*apontadores*) dos arcos que foram alterados (para, em tempo $O(1)$, aceder de novo a cada um desses arcos).

- **Estrutura do programa principal:**

```
g ← ler_construir_grafo();
ler(t);
Enquanto (t > 0) fazer
    processar_reserva(g);
    t ← t - 1;
```

- Esqueleto da função de processamento da reserva para um grupo (em Java):

```
public static void processar_reserva(Graph g, Scanner stdin) {
    int custoporpeessoa = 0;
    int lugares = stdin.nextInt();
    int nnos = stdin.nextInt();
    LinkedList<Edge> paraRepor = new LinkedList<Edge>(); // arcos a repor
    int i, x = stdin.nextInt();
    for (i=2; i<= nnos; i++) {
        int y = stdin.nextInt();
        Edge arco = g.find_edge(x,y);
        if (arco == null) {
            escrever a mensagem correspondente
            break; // interrompe o ciclo
        }
        if (numero de lugares no arco é insuficiente){
            escrever a mensagem correspondente
            break; // interrompe o ciclo
        }
        paraRepor.addFirst(arco);
        arco.newvalue2(arco.value2()-lugares); // reduzir lugares no arco
        custoporpeessoa += ... // acrescentar o preco do bilhete da ligação
        x = y;
    }
    if (i <= nnos) { // o ciclo foi interrompido
        ler o resto do percurso (se não tiver terminado)
        somar lugares a cada arco guardado na lista paraRepor
    } else System.out.println("Total a pagar: " + (custoporpeessoa*lugares));
}
```

- Esqueleto da função de processamento da reserva para um grupo (em C):

```
void processar_reserva(GRAPH *g) {
    int lugares, nnos, x, y, custopor pessoa = 0, i, j;
    EDGE *arco;

    scanf("%d%d%d",&lugares,&nnos,&x);
    EDGE **paraRepor = (EDGE **)malloc(sizeof(EDGE *)*(nnos-1)); // arcos a repor
    j=0;
    for (i=2; i<= nnos; i++) {
        scanf("%d",&y);
        arco = find_edge(x,y,g);
        if (arco == NULL) {
            escrever a mensagem correspondente
            break;      // interrompe o ciclo
        }
        if (numero de lugares no arco é insuficiente){
            escrever a mensagem correspondente
            break;      // interrompe o ciclo
        }
        paraRepor[j++] = arco;      // equivale a: ParaRepor[j] = arco;  j++;
        // reduzir o número de lugares na ligação apontada por arco
        EDGE_VALUE2(arco) = EDGE_VALUE2(arco) - lugares;    // segundo valor no arco
        acrescentar o preço do bilhete da ligação ao custopor pessoa
        x = y;
    }

    if (i <= nnos) {      // o ciclo foi interrompido
        ler o resto do percurso (se não tiver terminado)
        somar lugares a cada arco guardado no array paraRepor
    } else printf("Total a pagar: %d\n",custopor pessoa*lugares);

    // libertar o espaço reservado para o array paraRepor
    free(paraRepor);
}
```

4. Problema: E – Halloween

- Ideia: para cada caso, se não houver abóboras no supermercado em que a família se encontra, deve localizar (por BFS_Visit ou DFS_Visit) o supermercado que tem maior número de abóboras entre os acessíveis desse.
- função main:
 - ler informação sobre o número de nós (i.e., supermercados) e número de abóboras existentes em cada nó;
 - ler informação sobre o grafo (inserir (x, y) e (y, x) , para cada par referido)
 - ler o número de casos, k , a tratar e, para cada caso:
 - * ler o nó s (supermercado em que está);
 - * se não houver abóboras em s , aplicar BFS_Visit a partir de s para encontrar o nó que tem maior número de abóboras e é acessível de s (em caso de empate, escolhe o que tem menor identificador); essa função pode retornar 0 se não encontrar nenhum nó nessas condições (porque os nós da rede são numerados a partir de 1);
 - * imprimir o resultado

5. Problema: F – Onde está Wally?

- Ideia: semelhante a **Halloween**.
- Na pesquisa em `BFS_Visit`, manter um *array* de **booleanos** que indica, para cada objeto, se foi ou não encontrado; além desse *array*, deve manter o número total dos objetos que encontrou (diferentes);
- Antes de sair, deve escrever a informação sobre a posição do Wally; e sobre os objetos encontrados (não é necessário ordenar; basta escrever os identificadores à medida que percorre esse *array*).

6. Problema: G – Transporte Rápido

- Ideia: Aplicar `BFS_Visit_Distancia`
- **O enunciado diz que se pode optar por uma jaula maior ou mais pequena**, o que significa que a jaula pode ser tão pequena quanto o necessário para que possa passar na rede. Os máximos indicados para as dimensões da jaula são irrelevantes.
- **Não se deve incluir no grafo os ramos em que a jaula não poderia passar** por mais pequena que fosse. Ou seja, os ramos em que os máximos para a largura, comprimento e altura são inferiores aos mínimos correspondentes para a jaula não são úteis para a resposta. Devem ser descartados durante a leitura dos dados. Assim, o grafo não tem de ter valores nos ramos.
- Qualquer ligação é bidirecional. É necessário construir um grafo simétrico.
- O enunciado refere que **não terá mais do que 500 locais** e que são identificados por inteiros consecutivos, a partir de 1. Esta informação é útil se se usar as estruturas de dados para grafos que estão no arquivo `DAA2324_DataStructures.tgz` (no Sigarra). Para programas em C, note-se que há uma constante simbólica `MAXVERTS` que define a dimensão do *array* de vértices. Essa constante está definida como 1000. Se o número fosse maior, seria necessário mudar esse valor para `MAXVERTS`.

Exemplo de implementação de BFS_Visit (Java)

```
import java.util.LinkedList;
import java.util.Queue;

public static void bfs_visit(int s, Graph g, boolean [] visitados, int [] pai){
    // boolean [] visitados = new boolean[g.num_vertices() + 1];
    // int [] pai = new int[g.num_vertices() + 1];
    visitados[s] = true;
    Queue<Integer> q = new LinkedList<>();
    q.add(s);
    do {
        int v = q.poll();
        for (Edge e: g.adj_s_no(v)) {
            int w = e.endnode();
            if (!visitados[w]) {
                q.add(w);
                visitados[w] = true;
                pai[w] = v;
            }
        }
    } while(!q.isEmpty());
}
```

Exemplo de implementação de BFS_Visit (C)

```
void bfs_visit(int s, GRAPH *g, int visitados[], int pai[]){
    int n = NUM_VERTICES(g);
    // int visitados[n+1], pai[n+1];
    visitados[s] = 1;

    QUEUE *q = mk_empty_queue(n);
    enqueue(s, q);
    do {
        int v = dequeue(q);
        EDGE *e = ADJS_NO(v, g);
        while (VALID_ADJ(e)) {
            int w = EDGE_ENODE(e);
            if (!visitados[w]) {
                enqueue(w, q);
                visitados[w] = 1;
                pai[w] = v;
            }
            e = NXT_ADJ(e);
        }
    } while(!queue_is_empty(q));
}
```