# Dokumentacja projektu

Projekt zaliczeniowy z przedmiotu Języki Skryptowe

Maciej Jurczyk

Wydział Matematyki Stosowanej Informatyka 2020/2021 studia stacjonarne semestr III grupa 1A

# Spis treści

1	Opis problemu	3
<b>2</b>	Problem matematyczny	3
	3subsection.2.1	
	2.2 Przykładowe rozwiązanie	. 3
3	Algorytm	4
	3.1 Algorytm słowny	. 4
	3.2 Schemat blokowy	
	3.3 Schemat działania programu	. 5
4	Implementacja	5
	4.1 START.bat	. 5
	4.2 Wprowadzanie danych	
	4.3 Obliczanie danych i tworzenie raportu	
	4.4 Przykład	
5	Podsumowanie	8
	5.1 Zrobione	. 8
	5.2 Propozycje rozbudowy	

# 1 Opis problemu

Zadaniem programu jest znalezienie odpowiedniego rozmieszczenia ulepszonych wież w państwie gracza, tak aby całe jego państwo było chronione przed nieprzyjacielem. Możemy jednak postawić tylko k ulepszonych wież. Do dyspozycji mamy dwa rodzaje wieży. Zwykła chroni miasto w którym się znajduje oraz miasta sąsiednie bezpośrednio połączone z nim drogą. Zaś ulepszona wieża ochrania dodatkowo wszystkie miasta połączone drogą z sąsiadami.

Zadaniem programu jest odnalezienie i wypisanie dwóch wierszy opisujących rozmieszczenie ulepszonych wież w państwie gracza. Pierwszy wiersz zawiera liczbę całkowitą oznaczającą liczbę ulepszonych wież, które powinien zbudować gracz. Drugi wiersz zawiera opis rozmieszczenia tych wież, oznaczających numery miast, w których należy zbudować ulepszone wieże strażnicze. W przypadku, gdy istnieje więcej niż jedno rozwiązanie, wypisuje jedną z możliwości.

# 2 Problem matematyczny

# 2.1 Opis modelu matematycznego<sup>1</sup>

W rozwiązaniu przydatny jest graf nieskierowany reprezentujący państwo gracza. Wierzchołki grafu oznaczają miasta, a krawędzie bezpośrednie drogi między nimi. Przekładając odpowiednie pojęcia na teorię grafów otrzymamy poniższą treść.

Niech G=(V,E) będzie grafem o zbiorze wierzchołków V i zbiorze nieskierowanych krawędzi E. Powiemy, że dwa wierzchołki  $u,v\in V$  są w odległości nie większej niż r, jeśli w grafie G istnieje ścieżka łącząca u i v, zawierająca co najwyżej r krawędzi. Dla liczby całkowitej dodatniej r, zbiór wierzchołków X w grafie G=(V,E) nazwiemy r-dominującym, jeśli dla każdego wierzchołka ze zbioru V istnieje wierzchołek ze zbioru X w odległości nie większej niż r. Zbiór 1-dominujący będziemy nazywać zazwyczaj po prostu dominującym.

Zauważmy, że X=V jest zbiorem dominującym w grafie G. Ciekawym problemem jest jednak znajdowanie jak najmniejszego zbioru dominującego lub r-dominującego. W szczególności, problem postawienia k (nieulepszonych) wież strażniczych w państwie gracza to, używając właśnie wprowadzonej definicji, problem znalezienia w danym grafie zbioru dominującego o co najwyżej k wierzchołkach. Stwierdzenie że "Wystarczy k wież by ochronić całe państwo." możemy więc przetłumaczyć na język teorii grafów jako "W tym grafie istnieje zbiór dominujący o k wierzchołkach!".

Co zaś zmieniają ulepszone wieże? Zauważmy, że problem postawienia k ulepszonych wież to tak naprawdę problem znalezienia zbioru 2-dominującego o co najwyżej k wierzchołkach. Zadanie, które ma przed sobą gracz, brzmi więc:

Wiedząc, że w grafie G istnieje zbiór dominujący wielkości k, znajdź w G zbiór 2-dominujący wielkości k.

#### 2.2 Przykładowe rozwiązanie

Aby rozwiązać problem spróbujmy postąpić zachłannie: dopóki istnieje choć jedno niepilnowane miasto, postawmy w nim ulepszoną wieże. A w języku teorii grafów: konstruujemy zbiór wierzchołków X, zaczynając od  $X = \emptyset$ , i, dopóki X nie jest zbiorem 2-dominującym, bierzemy dowolny wierzchołek v w odległości większej niż 2 od wszystkich wierzchołków z X i dodajemy go do zbioru X. Oczywiście, w ten sposób otrzymamy zbiór 2-dominujący. Nie jest jednak jasne, że nie postawimy w ten sposób więcej niż k wież. By to pokazać, rozważmy zbiór dominujący Z wielkości co najwyżej k, zgodnie ze stwierdzeniem o k wieżach. Przeanalizujemy jeden krok naszego algorytmu, w którym do zbioru X dodajemy wierzchołek v (czyli stawiamy ulepszona wieże w v). Zgodnie z definicja zbioru dominującego, istnieje wierzchołek  $z \in Z$  w odległości co najwyżej 1 od v. Poczyńmy kluczową obserwacje: każdy wierzchołek, pilnowany przez (nieulepszoną) wieże postawioną w wierzchołków pilnowany przez ulepszoną wieże postawioną w v. Innymi słowy, w tym kroku zbiór wierzchołków pilnowanych przez postawione dotychczas ulepszone wieże "połyka" wszystkie wierzchołki pilnowane przez (nieulepszoną) wieże w z. W Związku z tym w każdym kroku algorytmu mamy do czynienia z innym wierzchołkiem z. A ponieważ  $|Z| \le k$ , więc wykonamy nie więcej niż k kroków, czyli postawimy co najwyżej k ulepszonych wieź.

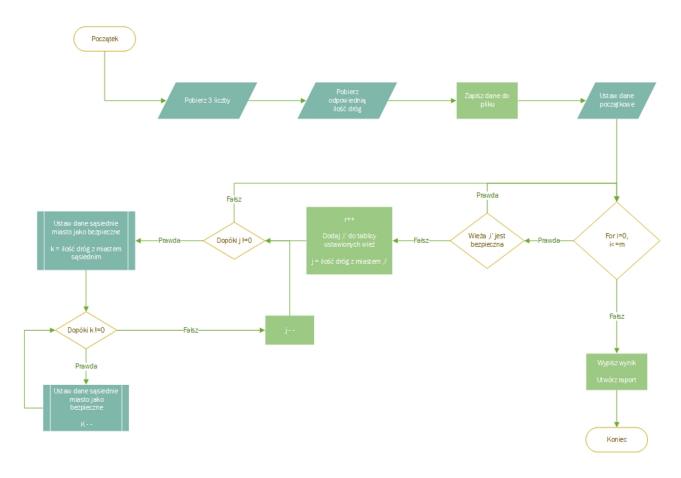
 $<sup>^1{\</sup>rm tre} \acute{\rm s\acute{e}} opisu \ modelu \ matematycznego \ pochodzi \ z \ oficjalnej \ dokumentacji \ z \ rozwiązaniami \ zada\acute{n} \ konkursowych, \acute{\rm z\'eddo} \ oryginalne: \ https://oi.edu.pl/static/attachment/20140306/oi20_no_ref.pdf$ 

# 3 Algorytm

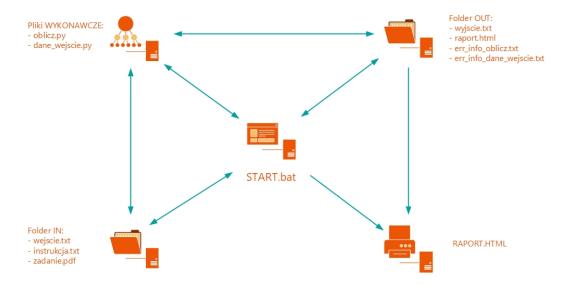
# 3.1 Algorytm słowny

- 1. Pobierz 3 liczby informacji ogólnych
- 2. Pobierz zadaną ilość wartości dróg w państwie
- 3. Zapisz pobrane dane do pliku "/in/wejscie.txt"
- 4. Wczytaj dane początkowe: tablice z drogami, n oraz m,
- 5. For i=0,  $i \le m$  rób:
  - (a) Jeśli i-ta wieża nie jest jeszcze bezpieczna rób:
    - i. Zwiększ licznik wież r++ oraz dodaj 'i' do tablicy ustawionych wież
    - ii. j = ilość dróg z miastem 'i'
    - iii. Dopóki j != 0, rób:
      - A. Ustaw sąsiednie miasto jako zabezpieczone
      - B. k = ilość dróg z miastem sąsiednim
      - C. Dopóki k!= 0, rób:
        - Ustaw sąsiednie miasto sąsiada jako zabezpieczone
        - Zmniejsz k o 1
      - D. Zmniejsz j o 1
- 6. Wypisz wynik na ekran oraz zapisz do pliku "/out/wyjscie.txt"
- 7. Stwórz raport na podstawie danych wejściowych i wyjściowych

## 3.2 Schemat blokowy

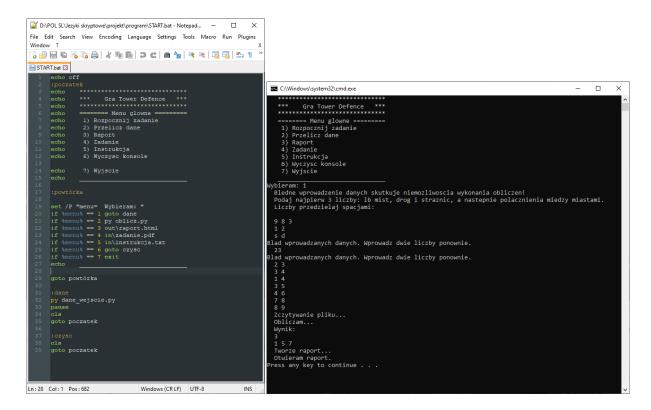


### 3.3 Schemat działania programu



# 4 Implementacja

#### 4.1 START.bat



## 4.2 Wprowadzanie danych

```
| Title = open("in/ann.txt", "w")
| crrlos = open("in/ann.txt", "w")
| print(" | States permanents depend nother) meantlessed parameter polarization |
| print(" | States permanents depend nother) meantlessed parameter polarization |
| print(" | States permanents depend nother) meantlessed parameter polarization |
| print(" | States permanents depend nother) meantlessed parameter polarization |
| print(" | States permanents depend nother) meantlessed parameter polarization |
| print(" | States permanents depend nother) |
| print(" | Stat
```

# 4.3 Obliczanie danych i tworzenie raportu

```
| To a linear properties | The state of the
```

# Raport

#### Wyniki:

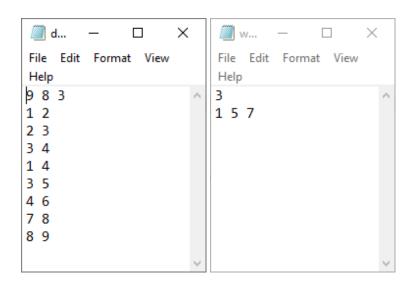
```
Dla danych wejsciowych: poprawnym wynikiem jest:

9 8 3 3
1 2 1 5 7
2 3
3 4
1 4
3 5
4 6
7 8
8 9

Bledy napotkane przy pracy, od ostatniego pelnego uruchomienia programu:

s d -> Zly typ wprowadzanych danych lub ich niewlasciwa ilosc.
23 -> Zly typ wprowadzanych danych lub ich niewlasciwa ilosc.
23 -> Zly typ wprowadzanych danych lub ich niewlasciwa ilosc.
23 -> Zly typ wprowadzanych danych lub ich niewlasciwa ilosc.
```

### 4.4 Przykład



# 5 Podsumowanie

#### 5.1 Zrobione

W ramach projektu zaimplementowałem algorytm. Wzbogaciłem go o dodatkowe zabezpieczenia przy wprowadzaniu danych, tak aby zawsze mieć pewność, że wprowadzone dane nie spowodują żadnych błędów. Ponadto postarałem się zabezpieczyć prawie każdą możliwość zmiany danych wejściowych, które użytkownik mógłby zmienić ręcznie w plikach. Jeśli jakieś dane by się nie zgadzały to program powinien wypisać odpowiedni komunikat z czym jest błąd. Dodatkowo wiele z błędów przed którymi uchroniłem program jest zapisywanych do pliku i lista błędów napotkanych od ostatniego pełnego uruchomienia programu jest wypisywana w raporcie.

Program został przetestowany na innych systemach operacyjnych. Na systemie Windows 8.1 działa on poprawnie po zainstalowaniu dostępnej możliwie najnowszej wersji python. Dla wersji 7, miałem problem z zainstalowaniem pythona. Z racji przystosowania całego programu dla środowiska Windows w systemie Linux aplikacja nie odpala się.

## 5.2 Propozycje rozbudowy

W zaprezentowanym projekcie można by udoskonalić i rozbudować system zabezpieczeń po przez zwiększenie ilości przechwytywanych błędów oraz listy błędów. Ponadto można by dodać opcję obliczeniową wyznaczającą minimalną ilość wież potrzebnych do zabezpieczenia całego państwa. Ciekawym pomysłem wydaje się również stworzenie gry logicznej na podstawie zagadnienia poruszanego w projekcie. Użytkownik własnoręcznie musiałby rozwiązać przedstawiony wyżej problem dla danych wylosowanych przez system. Rozwiązanie musiałoby być minimalnym dla danej sytuacji.