

Document de travail : Methodologie d'imputation et de validation pour le domaine de production de FAOSTAT

Michael C. J. Kao

Food and Agriculture Organization
of the United Nations

Abstract

Ce Papier présente une nouvelle méthode d'imputation destinée au domaine de la production dans FAOSTAT. Cette méthode résout un nombre important de problèmes soulevés par l'approche actuelle, sa structure flexible permet d'incorporer de nouvelles informations et d'améliorer ses performances.

Nous examinons en premier lieu les facteurs déterminant des changements de production par produits, puis donnons un bref aperçu de la méthode actuelle et de ses limites. La nouvelle méthodologie est ensuite décrite, accompagnée d'une décomposition du modèle et de son explication.

Keywords: Imputation, Modèle linéaire mixte généralisé, Production Agricole, EM.

1. Introduction

Les problèmes de données manquantes sont courants dans le domaine de la production agricole. Ils peuvent être dus à une absence de réponse de la part des entités pourvoyant les données ou une incapacité de celles-ci à obtenir les informations. Il est cependant de première importance, pour produire la balance alimentaire de pouvoir compter sur un domaine de production cohérent et le plus complet possible. Une imputation précise et fiable en est donc un pré-requis essentiel.

Ce papier cherche à cerner et dépasser un certain nombre de limites de la méthodologie actuelle et à améliorer la précision de l'imputation en développant une nouvelle méthodologie.

La relation entre les variables du domaine de production peut être exprimée ainsi :

$$P_t = A_t \times Y_t \quad (1)$$

Où P , A et Y représentent respectivement la production, la surface cultivée et le rendement, indexés par le temps t . Le rendement est inobservable et peut seulement être calculé quand la production et la surface sont disponibles. Pour certains produits la surface cultivable peut ne pas exister ou avoir une signification différente.

L'objectif de l'imputation est, en incorporant l'ensemble des informations fiables utilisables, de fournir les meilleures estimations de la nourriture disponible pour permettre le calcul de la balance alimentaire.

2. Contexte et revue de la méthodologie actuelle

Deux catégories de méthodologies ont été proposées par le passé pour évaluer les données manquantes dans le domaine de production. Les méthodologies appartenant à la première

catégorie utilisent les séries de données historiques et appliquent des méthodes d'interpolation et de régression sur une tendance. Celles appartenant à la seconde catégorie basent l'imputation sur les taux de croissance des produits d'intérêt et/ou sur des agrégations par région. L'imputation est menée de manière indépendante à la fois sur la surface cultivée et sur la production, tandis que les rendements sont calculés de manière implicite.

Chacune de ces approches n'utilisent cependant qu'une dimension de l'information. De nombreuses améliorations peuvent être obtenues en combinant les différentes sources d'information et les méthodes citées plus haut.

De plus, ces méthodes ne permettent pas d'incorporer d'autres informations, comme les indices de végétation, de précipitations, ou de température qui peuvent apporter une information précieuse et aider à améliorer la précision de l'imputation.

Les résultats obtenus par les essais précédents indiquent que l'interpolation linéaire est une méthode stable et précise. Elle ne permet cependant pas d'utiliser des échantillons transversaux, ni d'extrapoler lorsque les points de connexion ne sont pas disponibles.

En conséquent, la méthode d'agrégation a été préférée car elle permet d'atteindre un taux de couverture élevé pour l'imputation, et semble extrêmement performante.

Dans un premier temps, cette méthode permet de calculer la croissance agrégée de la production et de la surface par produit et par région. Le taux de croissance est ensuite appliqué à la dernière valeur observée dans la série concernée. La formule de la croissance agrégée peut être exprimé de la manière suivant :

$$r_{s,t} = \sum_{c \in S} X_{c,t} / \sum_{c \in S} X_{c,t-1} \quad (2)$$

Où S réfère à l'ensemble des produits et pays appartenant aux groupes de produits et de la classification régionale concernée, après l'omission des données devant être imputées.

Par exemple, pour calculer la *croissance agrégée de production céréalière* pour un pays dans le but d'imputer la production de blé, on additionne toute la production des produits appartenant au groupe de céréales d'un même pays en excluant le blé.

Pour imputer la production de blé à l'aide d'un (*indice régional de croissance agrégée*), les données de production du blé sont agrégées à l'intérieur du profile régional, à l'exception du pays concerné.

L'imputation peut donc être calculée de la manière suivante

$$\hat{X}_{c,t} = X_{c,t-1} \times r_{s,t} \quad (3)$$

Il y a un certain nombre de limites à cette méthodologie. Sa faiblesse principale vient du fait que la production et la surface sont estimées de manière indépendante. Des cas de divergence entre la production et la surface ont été observés, résultant en incohérences entre les tendances, ou en rendements bien trop élevés.

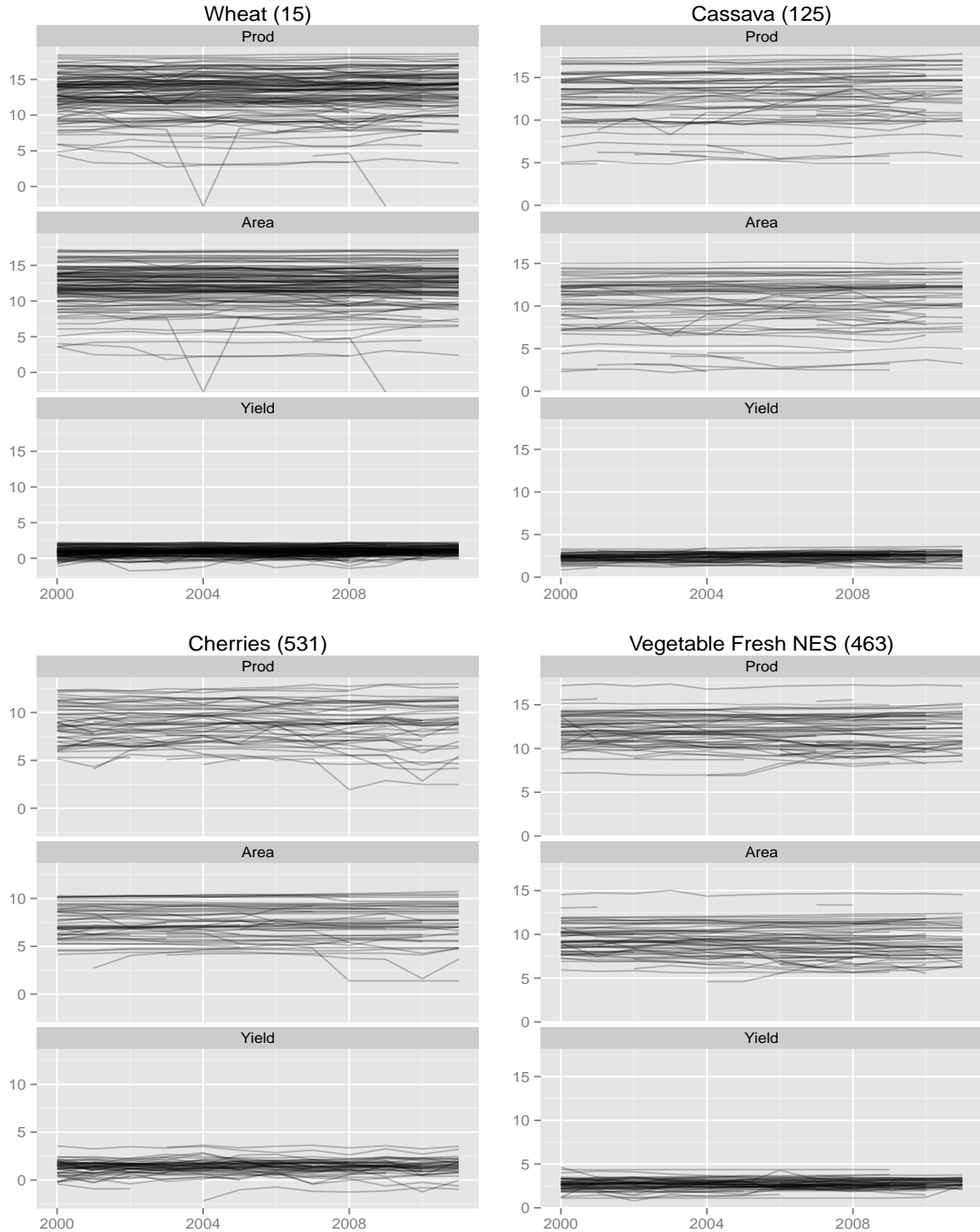
Ce problème prend sa source dans le calcul du taux de croissance agrégée.

Du fait des données manquantes, le panier calculé peut ne pas être comparable au cours du temps, induisant ainsi des erreurs dans le calcul de la croissance ou de la contraction de la production. De plus, les paniers permettant de calculer les changements de production ou de surface cultivées peuvent être considérablement différents. Finalement, la méthodologie ne donne aucun aperçu des facteurs sous-jacents dirigeant la production, qui sont pourtant nécessaires à une meilleure compréhension des phénomènes en jeux et donc à l'interprétation.

3. Première analyse de données

Avant qu'aucune modélisation ou analyse statistique ne soit faite, un aperçu des données est essentiel. Cette section est dédiée à l'exploration des données afin de comprendre la nature des séries et leurs déterminants. En premier lieu, nous explorerons la relation décrite par l'équation 1. Pour simplifier, nous avons appliqué aux données un logarithme, afin de transformer la relation multiplicative en une relation additive.

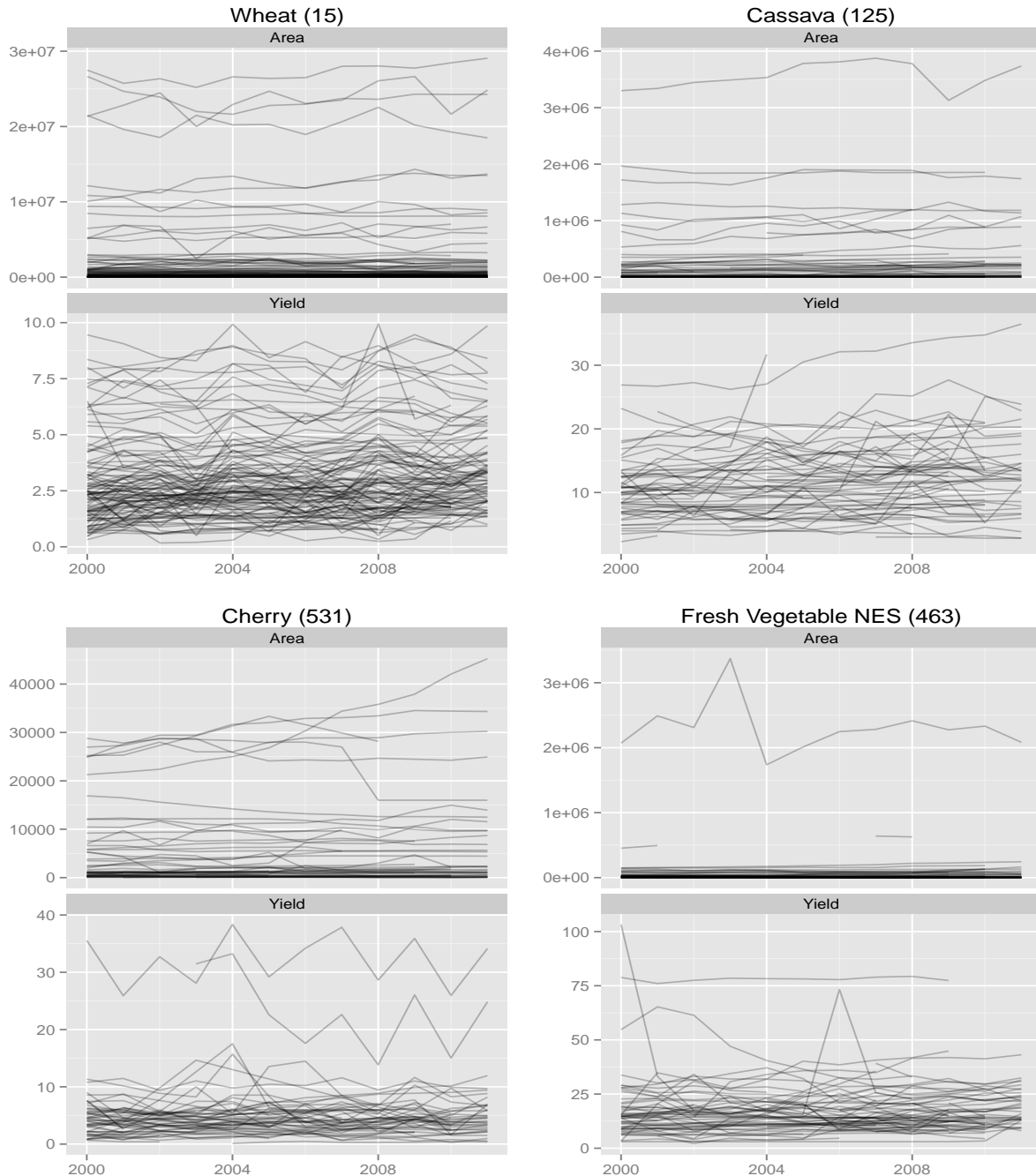
$$\log(P_t) = \log(A_t) + \log(Y_t) \quad (4)$$



Sur les graphiques ci-dessus, les log de la production, surface et des récoltes d'un produit spécifique sont tracé par panel pour permettre la comparaison. Chaque ligne représente un pays et la production est la somme de la surface et du rendement. Le premier aspect notable observé ici est que le niveau de production est principalement déterminé par le niveau de surface cultivée. Les chocs sur la production sont par ailleurs liés à des changements affectant la surface plus que les rendements. La surface cultivée est habituellement considérée comme stable et prévisible dans le temps, bien que vulnérable aux chocs naturels.

Le second aspect notable est que l'intervalle de variation du taux de rendement est petit en comparaison de celui de la surface. Ceci est en accord avec l'intuition qu'il existe des contraintes physiques au rendement potentiel d'une récolte sur une surface donnée. Ces résultats ne varient pas selon les produits considérés.

Nous allons maintenant explorer plus en détail l'évolution du rendement et de la surface. Les graphiques ci-dessous représentent la surface et le rendement pour le même ensemble de produit, mais cette fois sans transformation des données.



Nous pouvons en premier lieu observer que les séries de la surface cultivée sont en général plus stables et lisses que celles qui représentent le rendement. Le rendement fluctue d'une année sur l'autre tout en présentant une certaine corrélation, qui est plus durablement observée dans la série du blé. Ceci peut être expliqué par des facteurs sous-jacents, comme des facteurs climatiques, qui impacteraient les rendements de différents pays simultanément. Cependant cette caractéristique n'est pas observée dans la catégorie NES (non spécifiées ailleurs), ce qui suppose que l'impact de tels facteurs est fort au sein d'un type de production mais faible entre différentes productions.

Les données suggèrent que la tendance et le niveau de la production sont très largement déterminés par la surface cultivée, mais la variation d'une année à l'autre est en revanche déterminée par le rendement, qui peut être associé aux changements climatiques. L'analyse exploratoire des données nous éclaire sur la nature de la série temporelle. Elle soutient le modèle de décomposition de la variance proposé en attribuant les fluctuations à la surface et

aux rendements.

4. Méthodologie proposée

Afin d'éviter des problèmes d'identification, et de capturer la corrélation des rendements entre différents pays, nous proposons d'imputer les rendements et la surface, et non la production et la surface. Le second avantage de cette approche et qu'associée à un system de validation, elle garantie que les séries ne divergent pas comme elles le font dans l'approche actuelle.

4.1. Imputation pour le rendement

Le modèle proposé pour estimer le rendement est un modèle linéaire mixte, l'usage de ce modèle permet d'incorporer à la fois l'information transversale et l'information historique. D'autres indicateurs, comme l'indice de végétation CO₂, de concentration peuvent aussi être testés et incorporés si ils améliorent la prévision.

La forme générale du modèle peut être spécifiée de la manière suivante :

$$\begin{aligned} \mathbf{y}_i &= \mathbf{X}_i \boldsymbol{\beta} + \mathbf{Z}_i \mathbf{b}_i + \epsilon_i \\ \mathbf{b}_i &\sim N_q(\mathbf{0}, \boldsymbol{\Psi}) \\ \epsilon_i &\sim N_{ni}(\mathbf{0}, \sigma^2 \boldsymbol{\Lambda}_i) \end{aligned} \quad (5)$$

Où la composante fixe $\mathbf{X}_i \boldsymbol{\beta}$ désigne le niveau régional et la tendance, tandis que la composante aléatoire $\mathbf{Z}_i \mathbf{b}_i$ capture la variation spécifique du pays autour du niveau régional. Plus spécifiquement, le modèle proposé pour la production dans FAOSTAT est le suivant :

$$Y_{i,t} = \underbrace{\beta_{0j} + \beta_{1j}t}_{\text{Fixed effect}} + \underbrace{b_{0,i} + b_{1,i}t + b_{2,i}\bar{Y}_{j,t}}_{\text{Random effect}} + \epsilon_{i,t} \quad (6)$$

Où Y désigne le rendement, \bar{Y} désigne le rendement moyen du groupe, i indique le pays, j le groupe régional, et t le temps. La moyenne du groupe est calculée de la manière suivante :

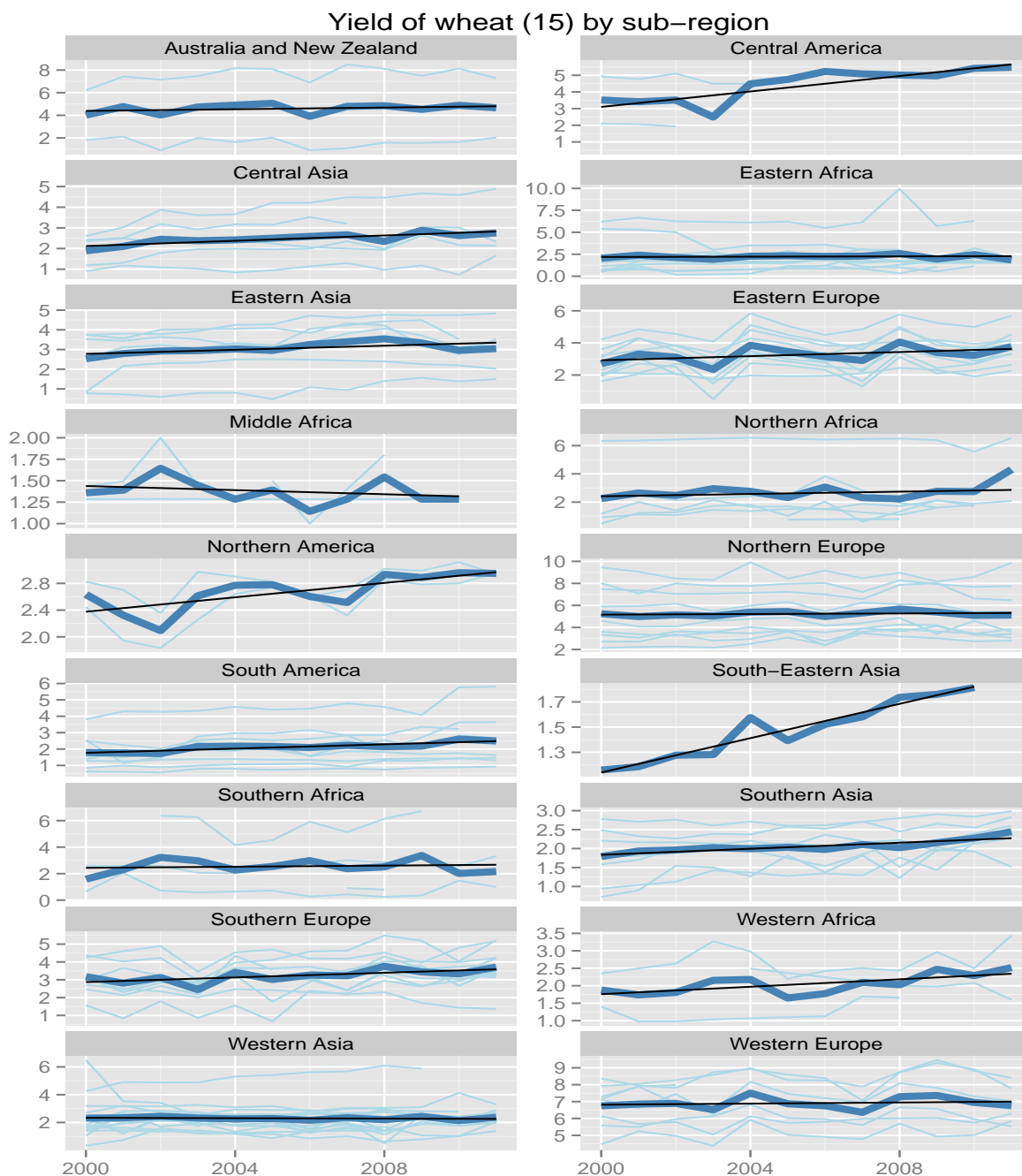
$$\bar{Y}_{j,t} = \frac{1}{N_i} \sum_{i \in j} \hat{Y}_{i,t} \quad (7)$$

Cependant, comme le rendement moyen du groupe est seulement partiellement observé compte tenu des données manquantes, le rendement moyen est estimé grâce à l'algorithme EM (maximisation de l'espérance).

L'estimation du rendement est basée sur le niveau spécifique du pays et sur la tendance historique régionale, tout en tenant compte de la corrélation entre les pays et des variations régionales.

Contrairement à la méthodologie précédemment utilisée, où la variation était appliquée entièrement, la méthodologie proposée mesure la taille de la relation entre la série individuelle et les variations régionales pour estimer l'effet aléatoire du pays. Comme à la fois les données historiques et transversales sont utilisés, les données estimées présentent des caractéristiques stables tout en reflétant les changements climatiques.

Afin de mieux comprendre la méthodologie, nous présentons ci-dessous le niveau régional (ligne noire), et le rendement moyen des pays du groupe (ligne bleue foncée) sur le même graphique. Le modèle attribue à chaque série une tendance et un niveau régional (représenté par la ligne noire), et modélise la corrélation avec la série du rendement moyen régional représenté par ligne bleue foncée.



4.2. Estimation pour la surface cultivée

Après avoir estimé le rendement, calculé la surface cultivée et la production quand cela était possible, nous estimons la surface à l'aide d'une interpolation linéaire et répliquons la dernière observation quand la production et la surface ne sont pas disponibles.

D'après de précédentes recherches et nos études actuelles, l'interpolation semble appropriée car la surface cultivée est caractérisée par des séries extrêmement stables autour de leur tendance.

En dépit de cette stabilité, les chocs sont parfois observés dans les séries de la surface cultivée. Cependant, sans une compréhension plus grande de la nature et de la source de ces chocs, appliquer aveuglement le modèle n'améliorerait pas la performance de l'estimation. Nous avons choisi à ce stade de répliquer les dernières données disponibles lorsque l'interpolation

linéaire n'est pas applicable. L'avantage principal de cette approche est que si la production cesse, les chiffres de la production et la surface s'établissant à zéro l'année précédente, nous n'imputerons pas une donnée positive.

Nous continuons néanmoins à explorer les données et à étudier des méthodes plus efficaces qui pourraient être appliquées à l'estimation des données manquantes pour la surface.

$$\hat{A}_t = A_{t_a} + (t - a) \times \frac{A_{t_b} - A_{t_a}}{t_b - t_a} \quad (8)$$

Pour les données manquantes pour lesquelles nous ne pouvons imputer à l'aide de l'interpolation linéaire, nous remplaçons par la dernière valeur disponible.

$$\hat{A}_t = A_{t_{nn}} \quad (9)$$

5. Conclusion et améliorations futures

Le but de ce papier est de réviser la méthodologie actuelle, et produire une méthodologie plus pertinente et plus performante.

Le modèle proposé permet de résoudre des problèmes posés par les séries de données de production et de surface divergentes ou les biais dans le calcul croissance résultant des données manquantes. De plus, la proposition offre la possibilité d'incorporer l'information adéquate tout en maintenant un cadre souple permettant de traiter des informations supplémentaires.

Les équipes techniques continuent de collaborer afin d'améliorer le modèle et de mieux comprendre les données. Un modèle espace-état pourrait être un bon candidat à cette méthodologie car il permettrait à la production, l'espace et le rendement d'être imputés simultanément.

Annex 1: Géographie et classification

La classification géographique suit la classification UNSD M49 <http://unstats.un.org/unsd/methods/m49/m49regin.htm>. La définition est aussi disponible dans le FAOregionProfile du package R FAOSTAT.

Annex 2: Code

Les codes et les données sont disponibles dans le fichier github <https://github.com/mkao006/Imputation>.

Algorithm 1: EM-Algorithm for Imputation

Initialization;

$$\hat{Y}_{i,t} \leftarrow f(Y_{i,t});$$

$$\mathcal{L}_{\text{old}} = -\infty;$$

$$\mathcal{E} = 1\text{e-}6;$$

$$\text{n.iter} = 1000;$$

begin

for $i=1$ **to** n.iter **do**

 E-step: Compute the expected group average yield;

$$\bar{Y}_{j,t} \leftarrow 1/N \sum_{i \in j} \hat{Y}_i;$$

 M-step: Fit the Linear Mix Model in 6;

if $\mathcal{L}_{\text{new}} - \mathcal{L}_{\text{old}} \geq \mathcal{E}$ **then**

$$\hat{Y}_{i,t} \leftarrow \hat{\beta}_{0j} + \hat{\beta}_{1j}t + \hat{b}_{0i} + \hat{b}_{1i}t + \hat{b}_{2j}\bar{Y}_{j,t};$$

$$\mathcal{L}_{\text{old}} \leftarrow \mathcal{L}_{\text{new}};$$

end

else

 | break

end

end

end

Algorithm 2: Imputation Process**Data:** Production (element code = 51) and Harvested area (element code = 31) data**Result:** ImputationMissing values are denoted \emptyset ;

Initialization;

begin **if** $A_t = 0 \wedge P_t \neq 0$ **then** $A_t \leftarrow \emptyset$; **end** **if** $P_t = 0 \wedge A_t \neq 0$ **then** $P_t \leftarrow \emptyset$; **end****end**

Start imputation;

begin **forall the commodities do**

(1) Compute the implied yield;

 $Y_{i,t} \leftarrow P_{i,t} / A_{i,t}$;

(2) Impute the missing yield with the imputation algorithm 1;

forall the imputed yield $\hat{Y}_{i,t}$ do **if** $A_t = \emptyset \wedge P_t \neq \emptyset$ **then** $\hat{A}_{i,t} \leftarrow P_{i,t} / \hat{Y}_{i,t}$; **end** **if** $P_t = \emptyset \wedge A_t \neq \emptyset$ **then** $\hat{P}_{i,t} \leftarrow A_{i,t} \times \hat{Y}_{i,t}$; **end** **end** (4) Impute area ($A_{i,t}$) with equation 8 then 9; **forall the imputed area $\hat{A}_{i,t}$ do** **if** $\hat{Y}_{i,t} \neq \emptyset$ **then** $\hat{P}_{i,t} \leftarrow \hat{A}_{i,t} \times \hat{Y}_{i,t}$; **end** **end****end****end****Affiliation:**

Michael. C. J. Kao

Economics and Social Statistics Division

Economic and Social Development Department

United Nations Food and Agriculture Organization

Viale delle Terme di Caracalla 00153 Rome, Italy

E-mail: michael.kao@fao.orgURL: <https://github.com/mkao006/Imputation>