Teorie 3 - 3.10.2024

Postup na výpočet limit

- 1. Zkusím dosadit limitní hodnotu za x nebo n. Pokud tu vyjde, tak jsem hotov (1i, 4j). Pokud vyjde nedefinovaný výraz, tak to znamená, že počítám špatně.
- 2. Pokud x nebo n jde do nekonečna, vytýkám:
- pokud mám zlomek, vytýkám největší mocninu/exponenciálu jmenovatele (1abg, 4f)
- pokud mám polynom, vytýkám největší mocninu/exponenciálu (1ko, 4k)
- 3. Pokud x jde k nějakému číslu a mám výraz ne0/0:
- pokud je to oboustranná limita, tak neexistuje, vypočítám jednostranné limity a ukážu, že jsou různé (4h)
- pokud je to jednostranná limita, tak rozložím na součin, dosadím do těch závorek, kde to není nula. Tam, kde je to nula, vypočítám znaménko (ve výsledku vyjde +/- nekonečno). (4de)

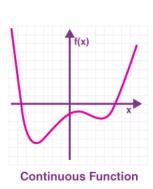
(učebnice s. 90-92)

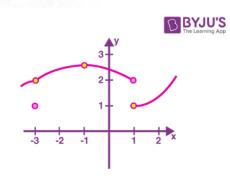
Spojitost

Definice. Nechť funkce f je definována v okolí bodu c. Říkáme, že funkce f je **spojitá** v bodě c, jestliže pro každou posloupnost (x_n) obsaženou v $\mathcal{D}(f)$ platí:

když
$$x_n \to c$$
, pak $f(x_n) \to f(c)$.

Příklad:





Discontinuous Function

Funkce zleva je spojitá ve všech bodech. Funkce zprava není spojitá v bodech x=-3, x=-1 a x=1, všude jinde je spojitá.

Věta (o spojitosti elementárních funkcí). Každá elementární funkce je spojitá v libovolném intervalu, na ktrerém je definována.