

Testy statystyczne i ich zastosowanie. Rozkłady.

Hipoteza statystyczna

```
#Dowolne przypuszczenie co do rozkładu populacji generalnej
#Prawdziwość tego przypuszczenia jest oceniana na podstawie wyników próby
losowej
```

#Hipotezę, która podlega weryfikacji to hipoteza zerowa (H0) a jej przeciwieństwo to hipoteza alternatywna (H1)

H0: μ1 = μ2 dwie średnie z populacji nie różnią się istotnie

H1: μ1 < μ2 dwie średnie z populacji różnią się istotnie

Poziom istotności

#Maksymalne ryzyko błędu jakie badacz jest skłonny zaakceptować prawdopodobieństwo odrzucenia hipotezy zerowej gdy jest ona prawdziwa

Prawdopodobieństwo P-value

#Krytyczny (graniczny) poziom istotności; prawdopodobieństwo testowe. #Najmniejszy poziom istotności przy którym dla zaobserwowanej wartości statystyki testowej odrzucilibyśmy hipotezę zerową. #Hipotezę zerową odrzucamy, gdy wyliczone prawdopodobieństwo testowe

okaże się nie większe od przyjętego przez nas poziomu istotności (zwykle 0,05).

Size effect

#Obecnie coraz częściej odchodzi się od klasycznych założeń statystycznych w wykrywaniu zależności pomiędzy zmiennymi oraz ich porównywaniu, np.:

- liczba prób nie mniejsza niż 30
- *P*<0.05
- Wielkość współczynnika korelacji r, czy determinacji R²

Biol. Rev. (2007), 82, pp. 591–605. doi:10.1111/j.1469-185X.2007.00027.x 591

Effect size, confidence interval and statistical significance: a practical guide for biologists

Shinichi Nakagawa^{1,*} and Innes C. Cuthill²

Moving to a World Beyond "p < 0.05"

Ronald L. Wasserstein, Allen L. Schirm & Nicole A. Lazar

To cite this article: Ronald L. Wasserstein, Allen L. Schirm & Nicole A. Lazar (2019) Moving to a World Beyond "p<0.05", The American Statistician, 73:sup1, 1-19, DOI: 10.1080/00031305.2019.1583913

To link to this article: https://doi.org/10.1080/00031305.2019.1583913

Dlaczego?

#Ponieważ często dysponując mniejszymi zbiorami danych (np. w sytuacjach, gdzie pobór prób jest ekstremalnie trudny), już wtedy można zaobserwować jakąś tendencję interpretowalną pod względem ekologicznym

#Z drugiej strony, posiadając większy zbiór danych można:

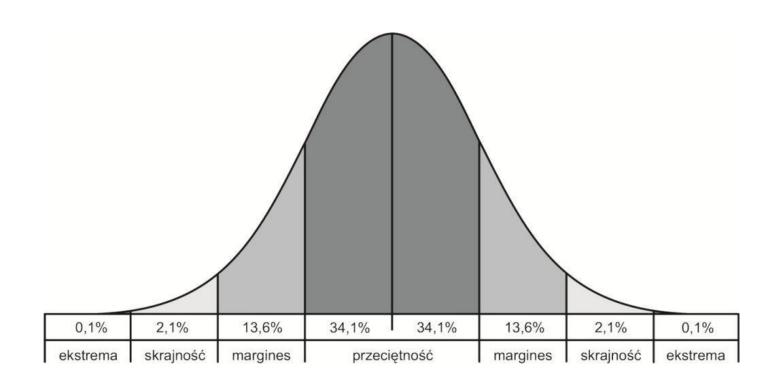
- a) Albo zaobserwować brak istotnych różnic (P>0.05) przy stosunkowo wielkich różnicach pomiędzy średnimi z prób
- b) Albo zaobserwować istotną różnicę (*P>*0.0000001) przy nikłych różnicach pomiędzy średnimi z prób (w przypadku, gdy liczebność prób jest ogromna)

#Dlatego bardziej informatywne jest podanie wielkości różnic oraz ich wyjaśnienie w sensie ekologicznym, gdyż będzie to mniej obciążone artefaktami związanymi z wielkością próby, co może prowadzić do sformułowania nieprawdziwych wniosków

Normalność rozkładu

#Rozkład zbliżony do normalnego jest jednym z najważniejszych rozkładów w biologii. Rozwiązanie wielu zagadnień statystycznych jest "prostsze", jeśli analizowana cecha ma rozkład normalny.

#Wiele analiz statystycznych i testów wymaga założenia o normalności rozważanej zmiennej (testy t-Studenta, analiza wariancji, regresja itd.).



Ocena normalności rozkładu

>	porosty				
	habitat	time	EIV_N	Rich	shan
1	decid	h	3.125000	28	3.245232
2	decid	n	3.158730	40	3.589339
3	decid	h	2.921569	33	3.404548
4	decid	n	3.253968	42	3.633877
5	decid	h	2.925000	32	3.394398
6	decid	n	3.225806	43	3.645540
7	decid	h	3.134615	36	3.486709
8	decid	n	3.350877	40	3.606988
9	decid	h	3.226415	36	3.499831
10) decid	n	3.094340	41	3.615386
11	L decid	h	3.058824	40	3.606320
12	decid	n	3.116667	44	3.678743

Science of the Total Environment 643 (2018) 468-478



Contents lists available at ScienceDirect

Science of the Total Environment

journal homepage: www.elsevier.com/locate/scitotenv



Changes in the epiphytic lichen biota of Białowieża Primeval Forest are not explained by climate warming

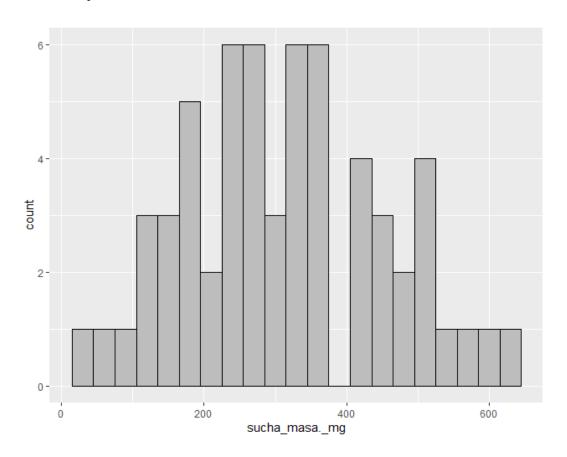


#Histogram

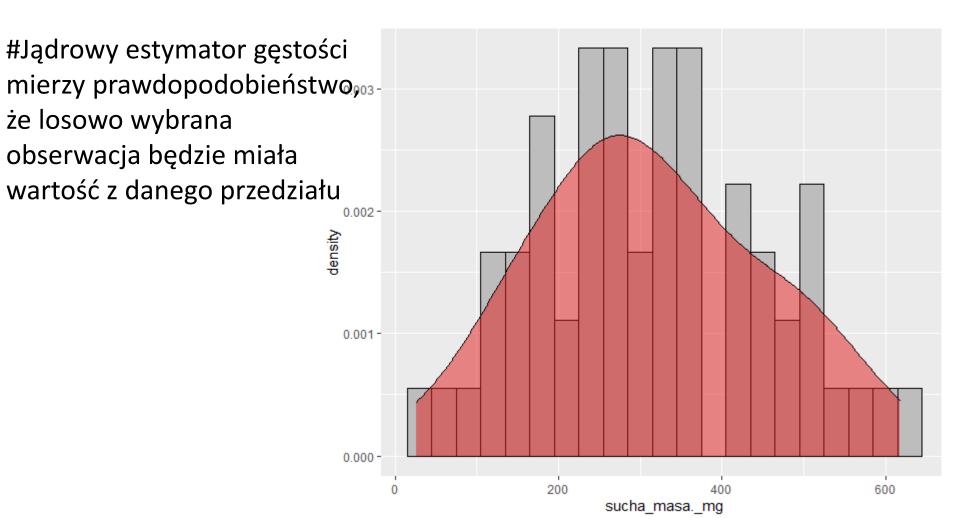
#Pytanie: czy średnia sucha masa liści herbaty w przeliczeniu na jeden krzew herbaciany reprezentuje rozkład normalny?

```
ggplot(kofeina.data, aes(x=sucha_masa._mg))+
  geom_histogram(aes(y=..count..), binwidth=30,
colour="black", fill="#bdbdbd")
```

#Tutaj może mało widoczne, Więc użyjmy jądrowego estymatora gęstości, by lepiej pokazać rozkład danych



```
ggplot(kofeina.data, aes(x=sucha_masa._mg))+
  geom_histogram(aes(y=..density..), binwidth=30, colour="black", fill="#bdbdbd")+
  geom_density(alpha=.5, fill="#e31a1c")
```



#Testy pozwalające na ocenę normalności rozkładu:

test Kołmogorova-Smirnova

fBasics::ksnormTest()

- test W Shapiro-Wilka (preferowany ze względu na dużą moc)

stats::shapiroTest()

#Współcześnie mało kto używa tych testów do sprawdzania normalności rozkładu. Częściej stosuje się metody wizualizacji danych w postaci histogramów. Ponadto, oceny rozkładu zmiennych można dokonać intuicyjnie, znając strukturę danych

Testy statystyczne

#Służą do badania istotności różnic pomiędzy próbami

Rozkład normalny

Zakładamy, że zbliżony

Inny, niż zbliżony

Testy parametryczne

Testy nieparametryczne

#Test t Studenta dla par niewiązanych #Test t Studenta dla par wiązanych #ANOVA #Test Chi kwadrat

#Test Manna-Whitneya dla par
niewiązanych

#Test Manna-Whitneya dla par
związanych

#Test Kruskala-Wallisa

Testy parametryczne

Test t Studenta dla par niewiązanych

#Stosowany, gdy obserwacje z próby
A (habitat='decid') nie
odpowiadają obserwacjom z próby B
(habitat='conif')

#Liczba obserwacji z próby **A** może być równa liczbie obserwacji z próby **B** lub różna od liczby obserwacji z próby **B**

```
> summary(porosty$habitat)
conif decid
  100 188
```

```
porosty
  habitat time
                   EIV_N Rich
    decid
              h 3.125000
    decid
    decid
    decid
    decid
    decid
    decid
              h 3.134615
    decid
              n 3.350877
    decid
              h 3.226415
    decid
             n 3.094340
                            41 3.615386
```

...

92	decid	n 3.195122	30	3.296836
93	conif	h 2.931034	19	2.840565
94	conif	n 3.232558	25	3.082018
95	conif	h 3.846154	8	1.951260
96	conif	n 3.581395	26	3.163942
97	conif	h 3.285714	19	2.858006
98	conif	n 3.388889	35	3.452254
99	conif	h 2.818182	20	2.898746
100	conif	n 3.184615	43	3.656239
101	decid	h 3.272727	27	3.210176

#HO: Średnia bogactwo gatunkowe bioty porostów epifitycznych nie różni się pomiędzy borami a grądami

#H1: Średnie bogactwo gatunkowe bioty porostów epifitycznych różni się istotnie pomiędzy dwoma typami lasów

```
Welch Two Sample t-test

data: porosty$Rich[porosty$habitat == "conif"] and porosty$Rich[porosty$habitat == "decid"]
t = -9.7105, df = 162.14, p-value < 2.2e-16
alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
95 percent confidence interval:
   -16.33801 -10.81604
sample estimates:
mean of x mean of y
24.29000 37.86702</pre>
```

Test t Studenta dla par wiązanych

#Stosowany, gdy obserwacje z próby **A** odpowiadają obserwacjom z próby **B** #Liczba obserwacji z próby **A** równa liczbie obserwacji z próby **B**

```
porosty
 habitat time
                   EIV_N Rich
                                   shar
    decid
             h 3.125000
                            28 3.245232
    decid
             n 3.158730
                              3.589339
    decid
             h 2.921569
    decid
             n 3.253968
    decid
             h 2.925000
    decid
             n 3.225806
                              3.645540
    decid
             h 3.134615
                              3.486709
    decid
             n 3.350877
                              3.606988
    decid
             h 3.226415
                            36 3.499831
    decid
             n 3.094340
                           41 3.615386
```

..

```
> summary(porosty$time)
h n
144 144
```

```
decid
                n 3.195122
                              30 3.296836
      conif
                h 2.931034
                              19 2.840565
      conif
                n 3.232558
                                 3.082018
95
      conif
                h 3.846154
                               8 1.951260
96
      conif
                              26 3.163942
                n 3.581395
97
      conif
                h 3.285714
                              19 2.858006
98
      conif
                n 3.388889
                                 3.452254
      conif
99
                h 2.818182
                              20 2.898746
100
      conif
                n 3.184615
                              43 3.656239
101
      decid
                h 3.272727
                              27 3.210176
```

#H0: średnie bogactwo gatunkowe epifitów nie różni się pomiędzy dwoma terminami badań h (1992) i n (2014)

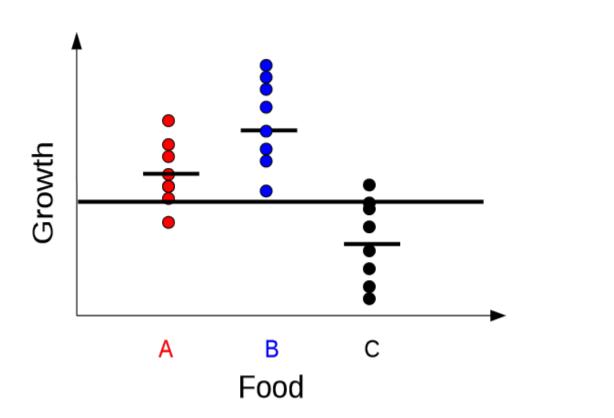
#H1: średnie bogactwo gatunkowe epifitów różni się pomiędzy dwoma terminami badań h i n

```
Paired t-test

data: porosty$Rich[porosty$time == "h"] and porosty$Rich[porosty$time == "n"]
t = -16.962, df = 143, p-value < 2.2e-16
alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
95 percent confidence interval:
   -14.39094 -11.38684
sample estimates:
mean of the differences
   -12.88889</pre>
```

Jednoczynnikowa ANOVA

- Growth = zmienna objaśniana
- Food = zmienna objaśniająca (kategoryczna)



Food	Growth		
Α	51.16		
Α	46.24		
Α	48.79		
etc	etc		
В	56.19		
В	50.83		
В	49.83		
etc	etc		
С	49.26		
С	42.19		
С	40.08		
etc	etc		

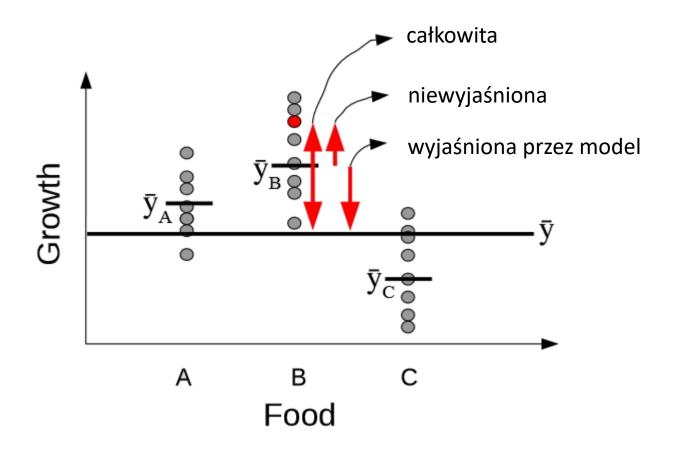
Hipotezy

H0: μ Food A = μ Food B = μ Food C

H1: Przynajmniej dwie średnie różnią się

Statystyka testowa F

- Bardzo duża wartość F oznacza, że wyjaśniona wariancja (pomiędzy grupami) znacznie przewyższa niewyjaśnioną wariancję (w obrębie grup)
- F = "wyjaśniona wariancja" / "niewyjaśniona wariancja"



- H0: średni plon dwóch odmian jęczmienia nie różni się
- H1: średni plon dwóch odmian jęczmienia istotnie różni się od siebie

```
aov(barley$Yield~barley$Barley)
call:
   aov(formula = barley$Yield ~ barley$Barley)
Terms:
                barley$Barley Residuals
Sum of Squares
                0.00678462 0.13723077
Deg. of Freedom
                                       24
Residual standard error: 0.07561712
Estimated effects may be unbalanced
```

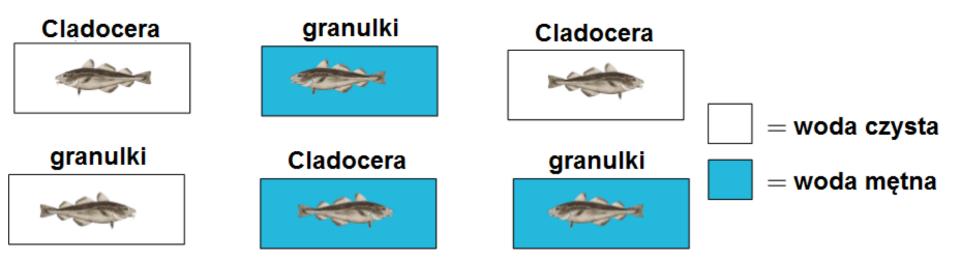
summary(aov(barley\$Yield~barley\$Barley))

```
Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
barley$Barley 1 0.00678 0.006785 1.187 0.287
Residuals 24 0.13723 0.005718
```

Wniosek: średni plon dwóch odmian jęczmienia nie różni się. Przyjmujemy H0, odrzucamy H1

Dwuczynnikowa ANOVA

H0: Ani typ pokarmu, ani jego widzialność nie wpływa na wzrost dorsza



Własności zmiennych

- Zmienna objaśniana jest ciągła (Growth)
- Zmienne objaśniające są kategoryczne (Food, Visibility)

dorsz1

	Growth	Food	Visibility
1	495	mysids	turbid
2	501	mysids	turbid
3	483	mysids	turbid
4	490	mysids	turbid
5	482	mysids	turbid
6	462	mysids	turbid
7	497	mysids	turbid
8	498	mysids	turbid
9	501	mysids	turbid
10	491	mysids	turbid
11	504	mysids	clear
12	528	mysids	clear
13	509	mysids	clear
14	511	mysids	clear
15	525	mysids	clear
16	514	mysids	clear
17	526	mysids	clear
18	518	mysids	clear
19	504	mysids	clear
20	505	mysids	clear
21	527	pellets	turbid
22	526	pellets	turbid
23	519	pellets	turbid
24	525	pellets	turbid
		-	

```
#musimy wiedzieć, co chcemy osiągnąć, tzn. jeśli zakładamy interakcję między predyktorami, wtedy dajemy znak mnożenia między nimi aov(Growth~Visibility*Food, data=dorsz1)
#Jeśli interakcji nie zakładamy, wtedy dajemy Visibility+Food
```

```
Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
                                            1716
B1 dorsz1$Visibility
                                                   14.10 0.000613
                                    1716
B2 dorsz1$Food
                                    6101
                                            6101 50.12 2.58e-08
B3 dorsz1$Visibility:dorsz1$Food
                                                   10.49 0.002582
                                    1277
                                           1277
  Residuals
                               36
                                    4382
                                             122
  Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

Interakcja B3 jest istotna. Na tej podstawie stwierdzamy, że zarówno widzialność pokarmu (B1), jak i jego typ (B2) istotnie wpływają na wzrost dorsza

Test post-hoc Tukeya

```
#Po zrobieniu ANOVy z dwoma poziomami predyktora (np. dwa punkty w czasie), sytuacja jest prosta
#A co, jeśli nasz predyktor ma kilka poziomów?
#ANOVA dam nam tylko odpowiedź, że są istotne różnice między grupami, ale
nie powie nam pomiędzy którymi
#Tej odpowiedzi udzieli nam test post-hoc Tukeya (jeden z wielu, ale najczęściej
stosowany; inne: LSD Fishera, Duncana)
```

#W R dwie wersje:

#pakiet agricolae i funkcja HSD.test

#pakiet multcomp i funkcja glht

#Casus: różnice w różnorodności funkcjonalnej porostów (FDis) w Puszczy Białowieskiej w zależności od typu lasu #3 poziomy kategorycznego predyktora: conif, mixed_decid, moist) #wersja z pakietu agricolae

```
an13<-aov(FDis~forest, data=pred.pr)
HSD.test(an13, 'forest',console = T)</pre>
```

```
> HSD.test(an13, 'forest',console = T)
Study: an13 ~ "forest"
HSD Test for FDis
Mean Square Error: 0.5434269
forest, means
               FDis
                     std r
                                      Min
conif
          28.30547 1.0981871 50 25.95167 30.33885
mixed_decid 29.76826 0.4446079 54 28.38835 30.50749
moist
           29.67715 0.4252187 40 28.68260 30.43563
Alpha: 0.05 ; DF Error: 141
Critical Value of Studentized Range: 3.349881
Groups according to probability of means differences and alpha level (0.05)
Treatments with the same letter are not significantly different.
               FDis groups
mixed decid 29.76826
moist
            29.67715
conif
           28.30547
                         b
```

#Wersja z pakietu multcomp

summary(glht(an13, mcp(type='Tukey')))# nie działa, wyskakuje błąd:

```
> summary(glht(an13, mcp(type='Tukey')))
Error in mcp2matrix(model, linfct = linfct) :
    Variable(s) 'type' have been specified in 'linfct' but cannot be found in 'model'!
```

#Trzeba atrybut "type" zmienić na nazwę zmiennej z ramki danych, pod którą kryje się predyktor, w zależności od którego zrobiliśmy ANOVę:

```
summary(glht(an13, mcp('forest'='Tukey')))
```

#ze względu na aktualizacje czasem może działać starsza wersja:

```
summary(glht(an13, mcp=('forest'='Tukey')))
```

#Co nam wypluwa?

#Pokazuje, pomiędzy którymi grupami różnice są istotne, ale nie pokazuje literek

#Można kazać R dodać literki przy użyciu funkcji cld
cld(glht(an1, mcp('forest'='Tukey')))

```
> cld(glht(an13, mcp('forest'='Tukey')))
conif mixed_decid moist
"a" "b" "b"
```

Testy nieparametryczne

Jakie inne rozkłady mogą reprezentować dane?

#Rozkład Poissona:

#rozkład dyskretny, używany do analizy liczebności, np.

#liczba osobników

#liczba gatunków itd.

#liczba morfogatunków morskich wieloszczetów

drapieżnych

ggplot(predy.zarcie,
aes(x=rich.carniv))+
geom_histogram(aes(y=..density..),
binwidth=1, colour="black",
fill="#bdbdbd")+
 geom_density(alpha=.5,
fill="#e31a1c")

Science of the Total Environment 792 (2021) 148075

Contents lists available at ScienceDirect



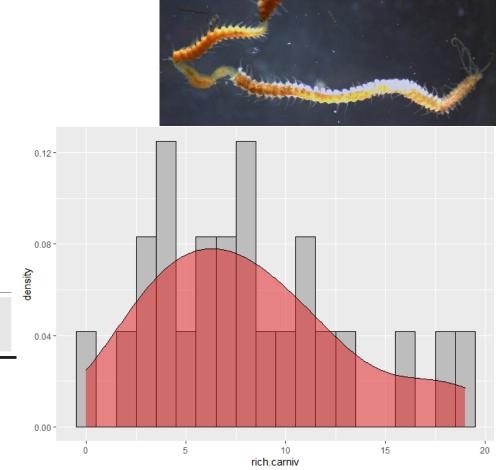
Science of the Total Environment

journal homepage: www.elsevier.com/locate/scitotenv

Modelling of polychaete functional diversity: Large marine ecosystem response to multiple natural factors and human impacts on the West African continental margin

Robert Sobczyk a,*, Patryk Czortekb, Bjorn Serigstadc, Krzysztof Pabisa

b Institute of Botany – Bialowieza Geobotanical Station, University of Warsaw, Sportowa 19, 17-230 Bialowieza, Poland



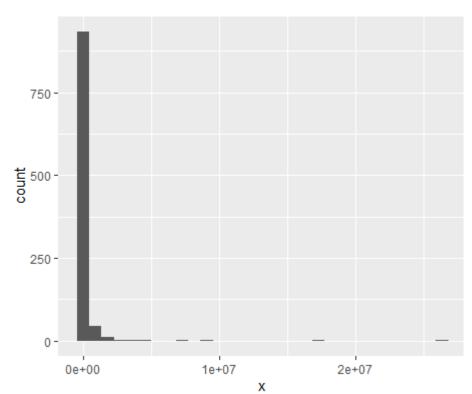
Department of Invertebrate Zoology and Hydrobiology, University of Lodz, Banacha 12/16, 90-237 Lodz, Poland

#Rozkład log-normalny

#rlnorm() jest funkcją generującą liczby pseudolosowe z rozkładu lognormalnego o parametrach, które możemy sami określić:

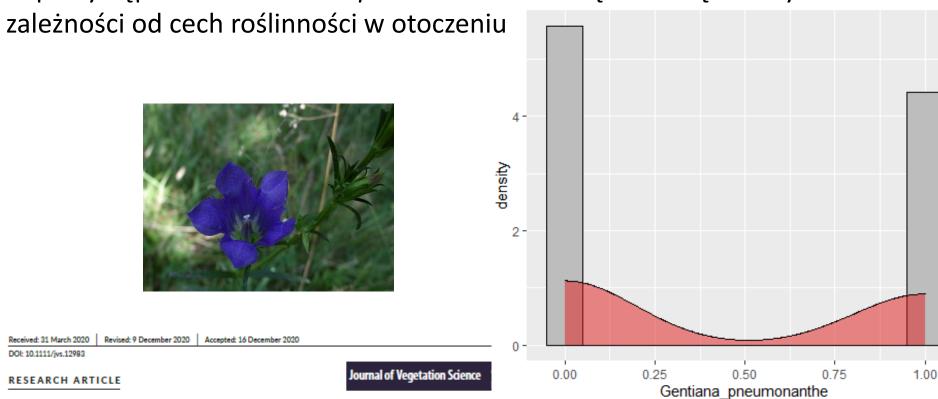
1000, 10, 2 – mówimy R, że ma wylosować 1000 liczb pseudolosowych o średniej 10 i odchyleniu standardowym 2

rozklad<-data.frame(x=rlnorm(1000,10,2))
ggplot(rozklad, aes(x=x))+geom_histogram()</pre>

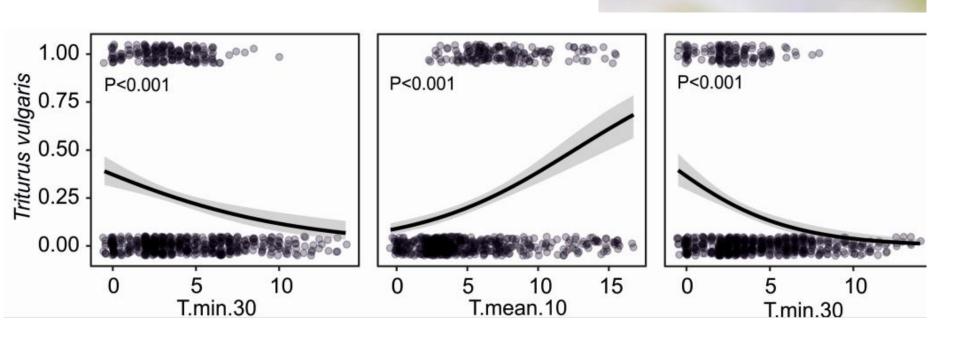


#Rozkład dwumianowy:

- #obserwacje przyjmują tylko wartości binarne (jest/nie ma; 1/0)
- #pozwala odpowiedzieć na pytania:
- #czy dany gatunek występuje w danym środowisku, czy nie
- #czy przeżywa w danych warunkach, czy nie itd.
- #np. występowanie Gentiana pneumonanthe na łąkach trzęślicowych w



Niche differentiation, competition or habitat filtering? Mechanisms explaining co-occurrence of plant species on wet meadows of high conservation value #Rozkład dwumianowy jest bardzo przydatny w szacowaniu prawdopodobieństwa wystąpienia danej obserwacji w zależności od wybranego czynnika, np. występowanie *Triturus vulgaris* w zależności od temperatury



#Rozkład beta

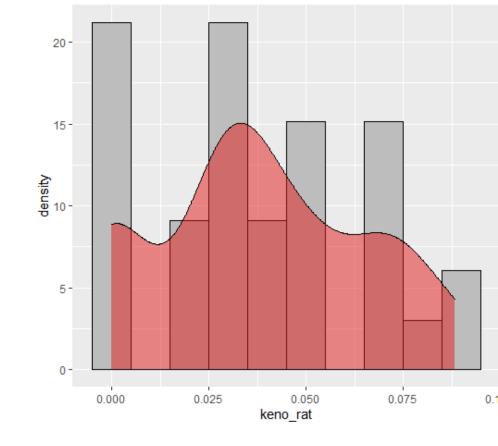
#Służy do analizy proporcji, np.

udziału gatunków obcych (keno_rat)

w parkach miejskich w zależności

od gęstości sieci rzecznej w

otoczeniu



Urban Forestry & Urban Greening 47 (2020) 126525



Contents lists available at ScienceDirect

Urban Forestry & Urban Greening

journal homepage: www.elsevier.com/locate/ufug



Surrounding landscape influences functional diversity of plant species in urban parks



Patryk Czortek^{a,*}, Remigiusz Pielech^b

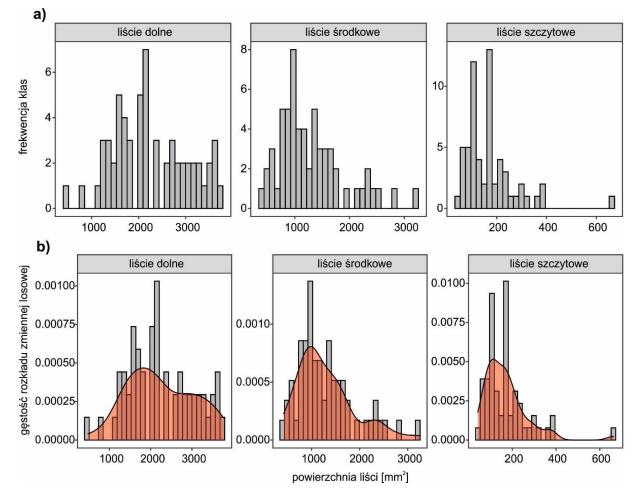
a Białowieża Geobotanical Station, Faculty of Biology, University of Warsaw, ul. Sportowa 19, 17-230 Białowieża, Poland

b Department of Forest Biodiversity, University of Agriculture in Kraków, al. 29 Listopada 46, 31-425 Kraków, Poland

Jak informację o rozkładach pokazywać w pracach?

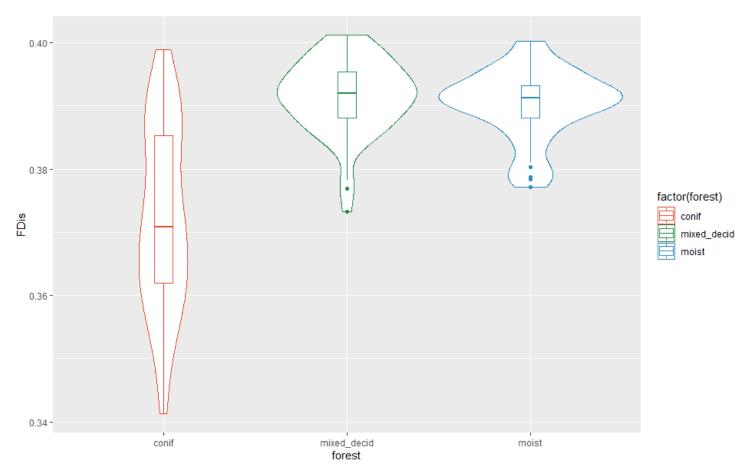
#W Appendixie – tabelka z parametrami testów Shapiro-Wilka/ Kołmogorova-Smirnova (od tego się odchodzi)

#W Appendixie – obrazki z rozkładami



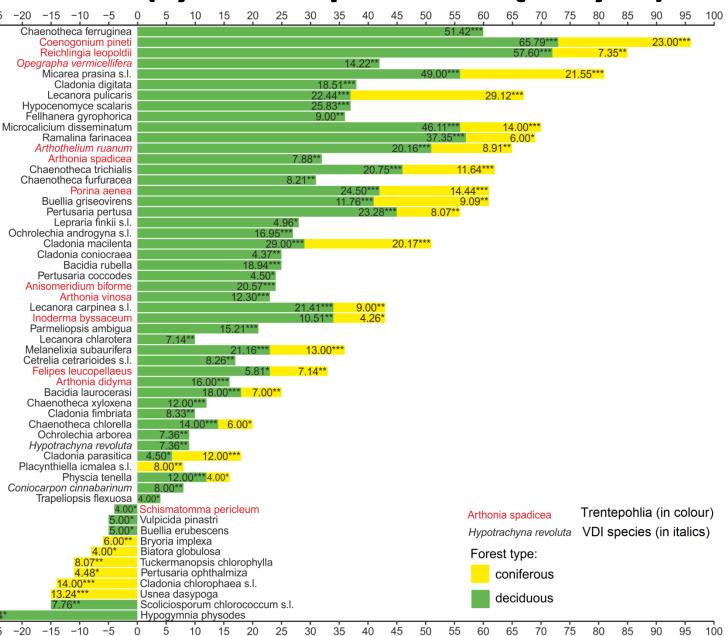
#W tekście manuskryptu jako dodatkowa informacja na obrazkach #wykres strunowy (violin plot) jako dodatek do wykresu pudełkowego (boxplot) #Struna z każdej strony pudełka to jądrowy estymator gęstości - info o rozkładzie

```
ggplot(traity.lasy, aes(x=forest, y=FDis, col=factor(forest)))+
   scale_colour_manual(values=c("#e34a33", "#238b45", "#2b8cbe"))+
   geom_violin(aes(x=forest, y=FDis, col=factor(forest)), width=1)+
   geom_boxplot(aes(x=forest, y=FDis, col=factor(forest)), width=0.1)
```



Test Chi kwadrat (tylko dla par niewiązanych)

#Znakomity do badania różnic we frekwencji gatunku np. pomiędzy dwoma punktami w czasie, dwoma siedliskami itd.



```
> freq.epiphytes
   species freq.dec.old freq.dec.new
   Ram.far
                     15
                                  72
2 Ino.bys
                     38
                                  72
3 Ope.niv
                     84
                                  73
4
  Cha.tri
                                  74
                     28
5 Cha.fur
                     43
                                  74
                                  76
6 Prt.coc
                     52
7 Aly.var
                     72
                                  76
8 Coe.pin
                                  77
                      4
  Lcr.arg
                                  79
                     72
10 Rei.leo
                                  81
```



Coenogonium pineti

chisq.test(freq.epiphytes[,c(2:3)][8,])

```
Chi-squared test for given probabilities
```

```
data: freq.epiphytes[, c(2:3)][8, ]
X-squared = 65.79, df = 1,
p-value = 5.016e-16
```

Test Manna-Whitneya dla par niewiązanych

```
> cover.clearcut
[1] 7 28 19 29 2 7 24 5 30 14 18 10 28 8 11 6 54 34 29 37 32 31 13 37 12 22 19
[28] 11 31 17
> cover.forest
[1] 35 50 33 31 32 25 36 54 39 43 41 3 39 44 44 27 4 39 55 33 21 22 36 30 40 51 53
[28] 3 23 1 49
```

#H0: pokrycie gatunków leśnych nie różni się pomiędzy lasem a zrębem zupełnym #H1: pokrycie gatunków leśnych różni się pomiędzy lasem a zrębem zupełnym

wilcox.test(cover.clearcut, cover.forest, paired=FALSE)

```
Wilcoxon rank sum test with continuity correction

data: cover.clearcut and cover.forest

W = 229, p-value = 0.0006779

alternative hypothesis: true location shift is not equal to 0

Warning message:
In wilcox.test.default(cover.clearcut, cover.forest, paired = FALSE):
    nie można obliczyć dokładnej wartości prawdopodobieństwa z powtórzonymi wartościam:
```

Biodiversity and Conservation https://doi.org/10.1007/s10531-019-01795-8

ORIGINAL PAPER



The impact of salvage logging on herb layer species composition and plant community recovery in Białowieża Forest

Anna Orczewska¹ · Patryk Czortek² · Bogdan Jaroszewicz²

Test Manna-Whitneya dla par wiązanych

#H0: bogactwo gatunkowe wyleżysk nie różni się pomiędzy dwoma punktami w czasie

#H1: bogactwo gatunkowe wyleżysk różni się pomiędzy dwoma punktami w czasie

Folia Geobot https://doi.org/10.1007/s12224-018-9312-9



Plant species composition shifts in the Tatra Mts as a response to environmental change: a resurvey study after 90 years

Patryk Czortek 🕞 • Jutta Kapfer • Anna Delimat • Amy Elizabeth Eycott • John-Arvid Grytnes • Anna Orczewska • Halina Ratyńska • Antoni Zięba • Bogdan Jaroszewicz

wylezyska

>	wy1		
		rich	time
58	k	18	k
58	n	28	n
67	k	20	k
67	n	17	n
32	k	23	k
32	n	25	n
85	k	22	k
85	n	22	n
8k		20	k
8n		21	n
30	k	20	k
30	n	18	n
12	2k	25	k
12	2n	26	n
10	0k	20	k
10	0n	33	n
10	7k	19	k
10	7n	33	n
45	k	23	k

```
Wilcoxon signed rank test with continuity correction
```

data: wylezyska\$rich[wylezyska\$time == "k"] and wylezyska\$rich[wylezyska\$time == "n"]
v = 8.5, p-value = 0.01067
alternative hypothesis: true location shift is not equal to 0



A co jeśli nasza zmienna grupująca ma więcej niż dwa poziomy?

#Test post-hoc Tukeya robimy, gdy zakładamy normalność rozkładu

#Dla danych reprezentujących inne rozkłady

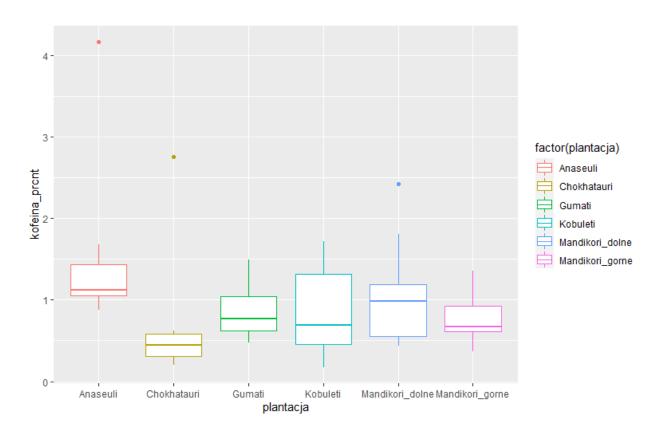
#alternatywa:

#test Kruskala-Wallisa (pakiet agricolae i funkcja kruskal)

Test post-hoc Kruskala Wallisa

#Casus: Czy zawartość kofeiny w liściach herbaty różni się w zależności od plantacji (n=6), z których był zbierany materiał?

```
ggplot(kofeina.data, aes(x=plantacja, y=kofeina_prcnt,
col=factor(plantacja))+
  geom_boxplot(aes(x=plantacja, y=kofeina_prcnt,
col=factor(plantacja)))
```



#Implementacja w R:

library(agricolae)
(kruskal(kofeina.data\$kofeina_prcnt,kofeina.data\$plantacja,
console=TRUE))

```
Treatments with the same letter are not significantly different.
                kofeina.data$kofeina_prcnt groups
Anaseuli
                                      45.7
Mandikori_dolne
                                       34.9
                                                ab
Gumati
                                                 b
                                       31.5
Kobuleti
                                      28.2
                                                bc
Mandikori_gorne
                                      27.3
                                                bc
Chokhatauri
                                      15.4
                                                 C
$statistics
                  p.chisq t.value
    Chisq Df
                                        MSD
 16.22754 5 0.006223586 2.004879 13.93601
$parameters
            test p.ajusted
                                            name.t ntr alpha
                      none kofeina.data$plantacja
 Kruskal-Wallis
$means
                kofeina.data.kofeina_prcnt rank
                                                       std r
                                                                    Min
                                                                             Max
                                                                                        Q25
                                                                                                  Q50
                                 1.4859681 45.7 0.9709982 10 0.8807143 4.160526 1.0482920 1.1252414 1.4309748
Anaseuli
Chokhatauri
                                 0.6391805 15.4 0.7597323 10 0.2000000 2.758442 0.3042013 0.4419466 0.5855836
Gumati
                                 0.8515180 31.5 0.3227989 10 0.4759207 1.489774 0.6168676 0.7654962 1.0403884
Kobuleti
                                 0.8683580 28.2 0.5629786 10 0.1757225 1.719512 0.4518889 0.6890466 1.3175000
Mandikori_dolne
                                 1.0640055 34.9 0.6358308 10 0.4342003 2.424851 0.5510269 0.9876085 1.1850083
Mandikori_gorne
                                 0.7649301 27.3 0.3021265 10 0.3710526 1.356000 0.6103379 0.6660609 0.9242852
$comparison
NULL
$groups
                kofeina.data$kofeina_prcnt groups
Anaseuli
                                       45.7
Mandikori_dolne
                                       34.9
                                                ab
Gumati
                                       31.5
                                                 b
Kobuleti
                                      28.2
                                                bc
Mandikori_gorne
                                      27.3
                                                bc
Chokhatauri
                                      15.4
                                                 C
attr(,"class")
[1] "group"
```

W praktyce nie jest tak różowo...

```
#Często pracujemy z wieloma zmiennymi jednocześnie, a predyktor jest tylko jeden, np. czas, typ lasu, typ siedliska, itd.
#Najpewniej będzie tak, że różne zmienne objaśniane będą reprezentować różne rozkłady...
#Co wtedy robić?
#Jaki typ rozkładu założyć?
#Czy dla każdej zmiennej osobno, tak jak to wynika z rozkładu gęstości prawdopodobieństwa?
#A może przyjąć jeden typ rozkładu dla całości?
```

#**Casus1**: różnice w różnorodności funkcjonalnej porostów w Puszczy Białowieskiej w zależności od typu lasu

#zarzut recenzenta po popatrzeniu na violin ploty – jaki typ rozkładu dobraliście skoro większość zmiennych nie reprezentuje rozkładu normalnego?

Forest Ecology and Management 475 (2020) 118434

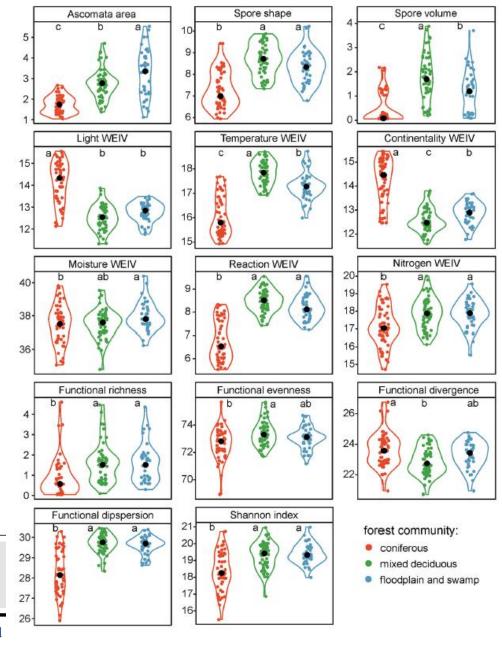
Contents lists available at ScienceDirect

Forest Ecology and Management

ELSEVIER journal homepage: www.elsevier.com/locate/foreco

Identifying mechanisms shaping lichen functional diversity in a primeval forest

Anna Łubek^{a,*}, Martin Kukwa^b, Bogdan Jaroszewicz^c, Patryk Czortek^c



^{*} The Jan Kochanowski University in Kielce, Institute of Biology, Division of Environmental Biology, Uniwersytecka 7, PL-25-406 Kielce, Poland

b University of Gdarisk, Faculty of Biology, Department of Plant Taxonomy and Nature Conservation, Wita Stwosza 59, PL-80-308 Gdarisk, Poland CUniversity of Warsaw, Faculty of Biology, Biatowieża Geobotanical Station, Sportowa 19, PL-17-230 Biolowieża, Poland

```
#Założyliśmy wszędzie rozkład normalny
#Dlaczego?
#Bo gdybyśmy każdą zmienną potraktowali indywidulanie, trudno by było
porównywać wyniki (effect sizes) między sobą
#Oraz byłyby trudności z poprawną diagnozą niektórych dziwnych rozkładów,
które reprezentują niektóre zmienne
#Wniosek – czasem prostota jest lepsza niż wybrzydzanie
#Czasem tracimy na jakości, ale zyskujemy generalizację i lepszą
"przenośność"/ekstrapolację wyników
#Centralne twierdzenie graniczne
```

...in our study we focused more on the ecological significance of the results obtained, by implementing the most parsimonious and joint statistical methods, rather than the application of more sophisticated procedures that may often lead to obtaining results of low ecological importance (Nakagawa and Cuthill, 2007; Wasserstein and Lazar, 2016).

#Casus2: cechy funkcjonale liści herbaty z plantacji w Gruzji (region Batumi) #Wysokość roślin – trochę przypomina rozkład beta, trochę Poisson #Zawartość kofeiny – trochę log-normal, trochę Poisson #Sucha masa i powierzchnia liści – tu jest w miarę ok, mamy krzywą Gaussa #SLA – chyba log-normal?

#Co mamy?

#Przy SLA wpływ outliera #Przy zawartości kofeiny "ciężki ogon"

#Co można zrobić?
#usunąć outliera i
założyć, że wszędzie nie
ma rozkładu Gaussa
#usunąć outliera i
transformować dane w taki
sposób, aby był rozkład
normalny

