



# Croatian Open Competition in Informatics

Round 6, March 7<sup>th</sup> 2020

## Tasks

Task	Time limit	Memory limit	Score
<b>Datum</b>	1 second	512 MiB	50
<b>Birmingham</b>	1 sekunda	512 MiB	70
<b>Konstrukcija</b>	1 sekunda	512 MiB	110
<b>Skandi</b>	10 sekundi	512 MiB	110
<b>Trener</b>	2 sekunde	512 MiB	110
<b>Total</b>			450



## Task Datum

The exam season at University of Zagreb is over and students are doing what they love the most – sleeping. In the rare moments of wakefulness, they usually scroll over their Instagram feed. Fabijan is one of those students.

Recently, he read the following caption – the date 02.02.2020. is the first palindromic date in the last 909 years.



He realized the caption was incorrect and this made him wonder about palindromic dates so he asked himself for each of the  $N$  dates what is the first palindromic date that comes after that date. The date is considered *palindromic* if, when disregarding the dots, it is the same when read from left-to-right as if it was read from right-to-left. For example, dates 02.02.2020. and 12.10.0121. are palindromic, while 03.02.2020. and 12.07.1993. are not.

**Note:** In this task it is important to take account of leap years which have 29 days in February. For the purposes of this task, we consider a year to be a leap year if it is divisible by 4. Otherwise, months have 31, 28, 31, 30, 31, 30, 31, 31, 30, 31, 30 and 31 days in order.

### Input

The first line contains an integer  $N$  ( $1 \leq N \leq 10\,000$ ) from the task description.

The next  $N$  lines contain a valid date in format DD.MM.YYYY.

### Output

For each date from the input, you should output the first palindromic date that comes strictly after it. That date should be printed in the DD.MM.YYYY. and we guarantee that the solution exists in this format.

### Scoring

In the test cases worth a total of 10 points, each date in the output will have the same month and year as the corresponding date from the input. Also,  $N$  will be equal to 10.

In the test cases worth an additional 10 points, each date in the output will have the same year as the corresponding date from the input. Also,  $N$  will be equal to 10.

In the test cases worth an additional 20 points,  $N = 10$  will hold.

### Examples

**input**

1  
02.02.2020.

**output**

12.02.2021.

**input**

2  
01.01.1000.  
31.12.2026.

**output**

10.01.1001.  
03.02.2030.

**input**

3  
01.01.0100.  
05.07.0321.  
05.05.0505.

**output**

10.10.0101.  
10.01.1001.  
10.01.1001.

**Clarification of the first example:** Although the given date is palindromic, Fabijan is interested in the first date that strictly comes after it. That date is 12.02.2021.



## Task Birmingham

Poznato je da su sve konjičke utrke u Birminghamu namještene danima unaprijed. Manje je poznato da su određeni ljudi na tajnom sastanku unaprijed dogovorili tko će biti pobjednik utrke koji već prvi dan nakon sastanka počinju širiti tu informaciju po gradu. Informacija se širi na sljedeći način.



Prvi dan nakon sastanka, svi ljudi koji znaju informaciju o pobjedniku kažu tu informaciju svim ljudima do kojih mogu doći u manje ili jednako  $K$  koraka.

Drugi dan nakon sastanka, svi ljudi koji znaju informaciju o pobjedniku kažu tu informaciju svim ljudima do kojih mogu doći u manje ili jednako  $2 \cdot K$  koraka.

Općenito,  $X$ -ti dan nakon sastanka, svi ljudi koji znaju informaciju o pobjedniku kažu tu informaciju svim ljudima do kojih mogu doći u manje ili jednako  $X \cdot K$  koraka.

Birmingham možemo zamisliti kao graf u kojem čvorovi predstavljaju kuće, a bridovi dvosmjerne puteljke koji povezuju kuće. Kuće su numerirane prirodnim brojevima od 1 do  $N$ . Kažemo da čovjek može doći do drugog čovjeka u jednom koraku ako su kuće u kojima žive povezane puteljkom. Od svake kuće je moguće doći do svake druge kuće u nekom broju koraka.

Vaš je zadatak za svaku kuću ispisati koji će dan nakon sastanka ljudi u toj kući saznati tko će biti pobjednik utrke.

### Ulazni podaci

U prvom su retku prirodni brojevi  $N$ ,  $M$ ,  $Q$  i  $K$  ( $1 \leq N, Q, K \leq 100\,000$ ,  $Q \leq N$ ,  $1 \leq M \leq 200\,000$ ), broj kuća u Birminghamu, broj puteljaka koji povezuju kuće, broj ljudi koji su prisustvovali tajnom sastanku i broj  $K$  iz teksta zadatka.

U sljedećem se retku nalazi  $Q$  brojeva gdje  $i$ -ti broj predstavlja oznaku kuće u kojoj živi  $i$ -ti čovjek koji je prisustvovao sastanku.

U  $i$ -tom od sljedećih  $M$  redaka nalaze se prirodni brojevi  $A_i$  i  $B_i$  ( $1 \leq A_i, B_i \leq N$ ,  $A_i \neq B_i$ ), koji nam govore da  $i$ -ti puteljak povezuje kuće s oznakama  $A_i$  i  $B_i$ .

### Izlazni podaci

Ispišite  $N$  brojeva gdje  $i$ -ti broj predstavlja koji dan nakon sastanka će ljudi koji žive u kući s oznakom  $i$  saznati tko će pobijediti na utrci. Ako je čovjek koji živi u kući s oznakom  $i$  prisustvovao sastanku, na odgovarajuće mjesto ispišite 0.

### Bodovanje

U testnim primjerima vrijednima 20 bodova, vrijedit će  $K = 1$ ,  $1 \leq N, Q \leq 100$  i  $1 \leq M \leq 200$ .

U testnim primjerima vrijednima dodatnih 15 bodova, vrijedit će  $1 \leq N, Q \leq 100$  i  $1 \leq M \leq 200$ .



## Probni primjeri

### input

```
6 8 1 1
6
1 3
1 5
1 6
2 5
2 6
3 4
3 5
5 6
```

### output

```
1 1 2 2 1 0
```

### input

```
6 8 2 1
6 4
1 3
1 5
1 6
2 5
2 6
3 4
3 5
5 6
```

### output

```
1 1 1 0 1 0
```

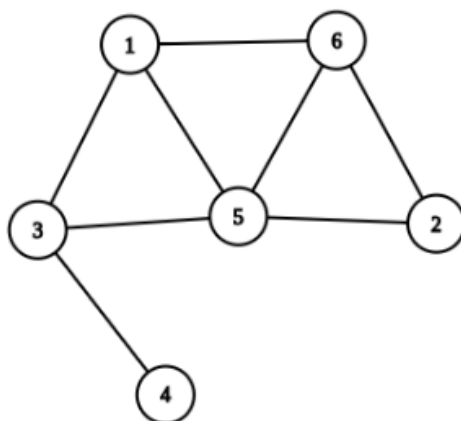
### input

```
6 8 1 2
6
1 3
1 5
1 6
2 5
2 6
3 4
3 5
5 6
```

### output

```
1 1 1 2 1 0
```

**Pojašnjenje trećeg probnog primjera:** Na slici je prikazan graf iz trećeg probnog primjera. Budući da su kuće 1, 2, 3 i 5 udaljene za manje ili jednako dva koraka od kuće 6, onda će ukućani tih kuća saznati pobjednika prvi dan nakon sastanka. Ukućani kuće 4 saznat će pobjednika drugi dan nakon sastanka.





## Task Konstrukcija

Neka je  $G$  usmjereni graf bez ciklusa. Ako su  $c_1, c_2, c_3, \dots, c_n$  različiti čvorovi grafa  $G$  takvi da postoji put od  $c_1$  do  $c_2$ , postoji put od  $c_2$  do  $c_3$ ,  $\dots$  i postoji put od  $c_{n-1}$  do  $c_n$ , kažemo da je niz  $C = (c_1, c_2, c_3, \dots, c_n)$  uređeni niz koji počinje u čvoru  $c_1$  i završava u čvoru  $c_n$ . Primijetite da između susjednih elemenata  $c_i$  i  $c_{i+1}$  uređenog niza ne moraju postojati direktni bridovi, nego je dovoljno da postoji put od  $c_i$  do  $c_{i+1}$ .

Za tako definiran uređeni niz  $C = (c_1, c_2, c_3, \dots, c_n)$ , definiramo njegovu duljinu  $\text{len}(C) = n$ . Dakle, duljina uređenog niza je jednaka broju čvorova u uređenom nizu. Primijetite da uređeni niz može imati duljinu 1, tj. da se uređeni niz može sastojati od samo jednog čvora koji je ujedno i početak i kraj tog uređenog niza.

Također, za uređeni niz  $C = (c_1, c_2, c_3, \dots, c_n)$  definiramo njegov predznak kao  $\text{sgn}(C) = (-1)^{\text{len}(C)+1}$ . Za čvorove  $x$  i  $y$  grafa  $G$ , označimo sa  $S_{x,y}$  skup svih uređenih nizova koji počinju u  $x$  i završavaju u  $y$ .

Tada definiramo napetost između čvorova  $x$  i  $y$  kao  $\text{tns}(x, y) = \sum_{C \in S_{x,y}} \text{sgn}(C)$ , tj. napetost između čvorova  $x$  i  $y$  jednaka je zbroju predznaka svih uređenih nizova koji počinju u  $x$  i završavaju u  $y$ .

Zadan je cijeli broj  $K$ . Vaš je zadatak konstruirati usmjereni graf bez ciklusa čiji broj čvorova **ne prelazi 1000** i čiji broj bridova također **ne prelazi 1000** i za koji vrijedi  $\text{tns}(1, N) = K$ , gdje je  $N$  broj čvorova tog konstruiranog grafa i oznake čvorova su prirodni brojevi  $1, 2, \dots, N$ .

### Ulazni podaci

U prvom se retku nalazi cijeli broj  $K$  ( $|K| \leq 10^{18}$ ), iz teksta zadatka.

### Izlazni podaci

U prvom retku redom treba ispisati broj čvorova i broj bridova konstruiranog grafa iz teksta zadatka. Označimo broj čvorova tog grafa s  $N$  ( $1 \leq N \leq 1000$ ), a broj bridova s  $M$  ( $0 \leq M \leq 1000$ ).

U  $i$ -tom od sljedećih  $M$  redaka redom treba ispisati dva različita prirodna broja  $X_i$  i  $Y_i$  ( $1 \leq X_i, Y_i \leq N$ ), koji nam predstavljaju  $i$ -ti brid koji je usmjeren s čvora  $X_i$  u čvor  $Y_i$ . Svaki brid smije biti ispisan najviše jednom.

Također, apsolutna vrijednost napetosti između svaka dva čvora u grafu mora biti manja ili jednaka  $2^{80}$ .

Ako postoji više mogućih rješenja, ispišite bilo koje.

### Bodovanje

Podzadatak	Broj bodova	Ograničenja
1	15	$1 \leq K < 500$
2	15	$-300 < K \leq 1$
3	20	$ K  < 10000$
4	60	Nema dodatnih ograničenja.



## Probni primjeri

input

0

output

6 6  
1 4  
1 5  
4 3  
5 3  
3 2  
2 6

input

1

output

1 0

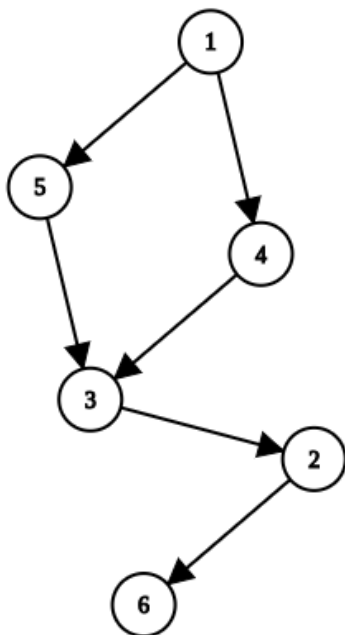
input

2

output

6 8  
1 2  
1 3  
1 4  
1 5  
5 4  
2 6  
3 6  
4 6

**Pojašnjenje prvog probnog primjera:** Konstruirani graf ima 6 čvorova. Uređeni nizovi koji počinju u 1 i završavaju u 6 su: (1,6), (1,4,6), (1,5,6), (1,3,6), (1,2,6), (1,4,3,6), (1,4,2,6), (1,5,3,6), (1,5,2,6), (1,3,2,6), (1,4,3,2,6), (1,5,3,2,6). Njihove duljine su redom 1,2,2,2,2,3,3,3,3,3,4,4, pa su njihovi predznaci redom  $-1, 1, 1, 1, 1, -1, -1, -1, -1, -1, 1, 1$ , pa je napetost između čvorova 1 i 6 jednaka  $-1 + 1 + 1 + 1 + 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 + 1 + 1 = 0$ .





## Task Skandi

Dragica je predsjednica treće podružnice Udruge umirovljenika grada Samobora, strastvena kuharica te vjerojatno jedna od najboljih rješavateljica skandinavki u Hrvatskoj. Skandinavka je pravokutna križaljka dimenzija  $N \times M$  u kojoj su polja ili prazna (te se trebaju popuniti) ili ispunjena. Ispunjena polja sadrže najviše dva pitanja, jedno na koje se odgovara prema desno i drugo na koje se odgovara prema dolje. Odgovori na pitanja upisuju se na prazna polja prema dolje ili prema desno od polja na kojem se nalazi pitanje do idućeg ispunjenog polja ili do ruba križaljke. Pitanje prema desno će uvijek postojati osim ako je blokirano rubom skandinavke ili ispunjenim poljem zdesna. Analogno, pitanje prema dolje će uvijek postojati osim ako je blokirano rubom skandinavke ili ispunjenim poljem odozdo.

Dragica zna odgovoriti na sva pitanja u skandinavki, ali je svjesna da joj nije preostalo još puno vremena pa želi odgovoriti **na što manje pitanja, a da ispuni cijelu skandinavku**. Nažalost, ona ne zna na koliko pitanja minimalno mora odgovoriti te koja će to pitanja biti pa zato traži svoje najdraže unuke da joj pomognu.

### Ulazni podaci

U prvom su retku prirodni brojevi  $N$  i  $M$  ( $2 \leq N, M \leq 500$ ), iz teksta zadatka.

U sljedećih se  $N$  redaka nalazi po  $M$  znakova '0' ili '1', gdje '0' predstavlja prazno polje koje treba popuniti, a '1' predstavlja ispunjeno polje. Kao i u pravim skandinavkama, vrijedi da će prvi red i stupac biti popunjeni znakovima '1'.

Garantiramo da će postojati barem jedno polje s oznakom '0'.

### Izlazni podaci

U prvom retku treba ispisati najmanji mogući broj pitanja na koja se mora odgovoriti da bi se popunila cijela skandinavka. Označimo taj broj s  $X$ .

U sljedećih  $X$  redaka treba ispisati na koja pitanja Dragica mora odgovoriti. Ispis je oblika: **R S smjer**, gdje je  $R$  oznaka reda u kojem se nalazi pitanje,  $S$  oznaka stupca i smjer jedna od riječi "DESNO" ili "DOLJE".

Ako postoji više mogućih rješenja, ispišite bilo koje.

### Bodovanje

Podzadatak	Broj bodova	Ograničenja
1	18	Bit će najviše 9 polja s oznakom '1'
2	32	$N \leq 500$ i $M \leq 10$
3	60	Nema dodatnih ograničenja.

Ako vaše rješenje ispiše točan prvi redak na svim testnim primjerima nekog podzadatka, ali na barem jednom testnom primjeru neispravno ispiše preostale retke, osvojit ćete 50% bodova predviđenih za taj podzadatak.



## Probni primjeri

### input

4 5  
11111  
10000  
10000  
10000

### output

3  
2 1 DESNO  
3 1 DESNO  
4 1 DESNO

### input

6 4  
1111  
1011  
1000  
1011  
1010  
1000

### output

4  
1 2 DOLJE  
4 4 DOLJE  
5 3 DOLJE  
3 1 DESNO

### input

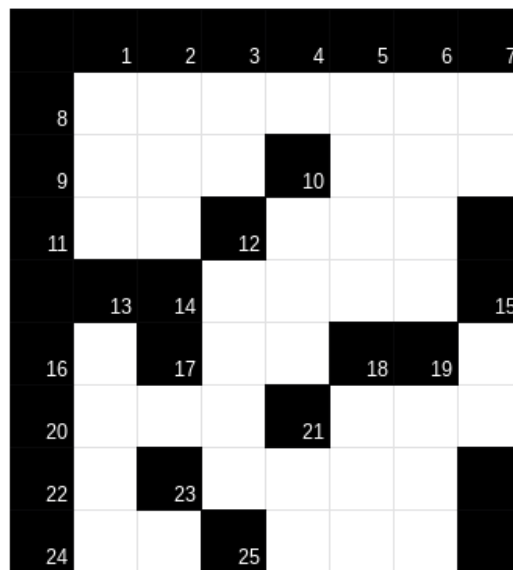
9 8  
11111111  
10000000  
10001000  
10010001  
11100001  
10100110  
10001000  
10100001  
10010001

### output

14  
5 2 DOLJE  
5 8 DOLJE  
8 3 DOLJE  
2 1 DESNO  
3 1 DESNO  
3 5 DESNO  
4 1 DESNO  
4 4 DESNO  
5 3 DESNO  
6 3 DESNO  
7 1 DESNO  
7 5 DESNO  
8 3 DESNO  
9 4 DESNO

**Pojašnjenje trećeg probnog primjera:** Primjer prave skandinavke koja je ekvivalentna ovom probnom primjeru prikazan je na idućoj stranici. Ispunjena polja označena su crnom bojom, a polja koja sadrže barem jedno pitanje su dodatno numerirana. Ispod slike prikazana su pitanja koja se rješavaju prema desno (stupac "vodoravno") i pitanja koja se rješavaju prema dolje (stupac "okomito"). Primijetite da neka ispunjena polja sadrže samo jedno pitanje (primjerice polja 8 i 13), dok neka ispunjena polja sadrže po dva pitanja (primjerica poja 10 i 12). Ovu konkretnu skandinavku moguće je u potpunosti riješiti ako znamo odgovore na 14 pitanja koja su navedena u izlazu probnog primjera. Okušajte se sami!





**Vodoravno:**

8. Otac dinamičkog programiranja, Richard
9. Prvi zadatak, četvrto kolo
10. Uzvik u koridi
11. `chr(115) * 2` u Pythonu
12. Internet of things
14. Najbolje informatičko natjecanje
16. Leksikografski najmanja riječ
17. Međunarodni sustav mjernih jedinica
19. Fiktivni lik iz serijala o Jamesu Bondu
20. Balkanska informatička olimpijada
21. Natjecanje na platformi TopCoder
22. Bor
23. Poseban pokazivač u jeziku C
24. Umjetna inteligencija
25. Popularan kriptografski algoritam

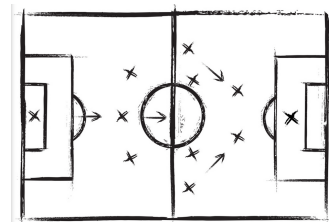
**Okomito:**

1. Pretraga u širinu
2. Konstanta strojnog epsilon
3. Unix naredba (ispis sadržaja direktorija)
4. Šesnaesto slovo abecede
5. Mjesec (engl.)
6. Duboki ženski glasovi
7. Negacija
10. Međunarodna informatička olimpijada
12. Hrvatski savez informatičara
13. Palindromična pop-grupa iz Švedske
15. "Korijenast" algoritam
17. Kisik
18. Nepopularna poruka na evaluatoru
19. Naredba za brisanje ekrana u QBasic-u
21. Zadnji i prvi samoglasnik
23. Jod



## Task Trener

Do sada smo već shvatili da studenti vole spavati. Patrik je apsolutni rekorder u toj kategoriji. Probudi se jedino ako mora nešto pojesti ili ako želi igrati igru *FIFA 20*. Zbog previše igranja, njegovi su snovi nerijetko povezani s nogometom. U posljednjem snu našao se u ulozi, ni manje ni više, nego trenera GNK Dinamo Zagreb, inače njegovog najdražeg nogometnog kluba.



Njegov posao je odabrati  $N$  igrača koji će u sljedećoj sezoni igrati u modrim dresovima, no uprava kluba ima čudne zahtjeve za odabir igrača. Zahtjevi su:

- svi igrači moraju imati različit broj slova u prezimenu.
- prezime igrača se mora nalaziti kao uzastopni podniz u prezimenima svih igrača čija prezimena imaju više slova.

Kako bi si olakšao posao, Patrik je podijelio igrače u  $N$  skupina na način da igrači u skupini  $i$  imaju točno  $i$  slova u prezimenu. U svakoj od tih skupina nalazi se točno  $K$  igrača. Patrika zanima na koliko različitih načina (modulo  $10^9 + 7$ ) može odabrati igrače za svoju momčad, a da uvjeti uprave kluba budu ispunjeni.

### Ulazni podaci

U prvom su retku prirodni brojevi  $N$  ( $1 \leq N \leq 50$ ) i  $K$  ( $1 \leq K \leq 1\,500$ )

U svakom od sljedećih  $N$  redaka je  $K$  ne nužno različitih prezimena igrača odvojenih razmakom. Prezimena igrača u  $i$ -tom retku imaju točno  $i$  malih slova engleske abecede.

### Izlazni podaci

U jedini redak ispišite traženi broj iz teksta zadatka.

### Bodovanje

Podzadatak	Broj bodova	Ograničenja
1	22	$N = 5$ i $K = 10$
2	33	$N = 50$ i $K = 100$
3	30	Nema dodatnih ograničenja.

### Probni primjeri

input

```
3 2
a b
ab bd
abc abd
```

output

5

input

```
3 3
a b c
aa ab ac
aaa aab aca
```

output

6

input

```
3 1
a
bc
def
```

output

0

**Pojašnjenje prvog probnog primjera:** Patrik može odabrati sljedeće ekipe: (a, ab, abc), (a, ab, abd), (b, ab, abc), (b, ab, abd) i (b, bd, abd).