

Hrvatsko otvoreno natjecanje u informatici

4. kolo, 18. siječnja 2020.

Zadaci

Zadatak Vremensko ograničenje		Memorijsko ograničenje	Bodovi
FPS	1 sekunda	512 MiB	20
Amazon	1 sekunda	$512~\mathrm{MiB}$	30
Pod starim krovovima	1 sekunda	512 MiB	50
Spiderman	2 sekunde	512 MiB	70
Holding	2 sekunde	$256~\mathrm{MiB}$	110
Klasika	5 sekundi	512 MiB	110
Nivelle	1 sekunda	$512~\mathrm{MiB}$	110
Ukupno			500

Zadatak: FPS

Naši dragi prijatelji Fabijan i Patrik su prošle godine bili jako dobri te su za Božić zaslužili odlične poklone. Fabijan je od Djeda Mraza tražio dva kontrolera, a njegov prijatelj Patrik najbolju igru na svijetu. Naravno, ta igra je FIFA 20. Na Božićno su jutro bili oduševljeni jer su pod drvcem našli upravo ono što su tražili. Prepuni veselja našli su se kod Patrika kako bi što prije započeli s igranjem. Za svoju prvu utakmicu odabrali su okršaj titana s dna HNL tablice, Fabijan će upravljati igračima Varaždina, a Patrik će igrati protiv njega u dresovima Istre.



Kako bi stigli na Božićni ručak, u postavkama igre su postavili da utakmica traje točno X minuta. Patrik na svom računalu može igrati igru u Y FPS-a (engl. Frames Per Second (sličica u sekundi)), tj. njegovo računalo svake sekunde prikaže Y sličica. Nakon što su odigrali utakmicu Fabijan je pitao Patrika: "Patriče, koliko je sličica tvoje računalo prikazalo za vrijeme ove utakmice?". Dečki se za vrijeme praznika ne žele baviti matematikom pa vas mole da odgovorite na Fabijanov upit.

Ulazni podaci

U prvom je retku prirodan broj X (1 $\leq X \leq$ 100) iz teksta zadatka.

U drugom je retku prirodan broj Y (1 $\leq Y \leq$ 100) iz teksta zadatka.

Izlazni podaci

U jedini redak ispišite broj sličica prikazanih na Patrikovom računalu za vrijeme utakmice.

Probni primjeri

ulaz	ulaz	ulaz
1 1	10	10 25
izlaz	izlaz	izlaz
60	600	15000

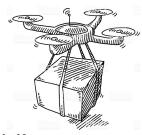
Pojašnjenje prvog probnog primjera: Jedna minuta sadrži 60 sekundi. Ako se svake sekunde prikaže jedna sličica, ukupno će biti prikazano 60 sličica.

Zadatak: Amazon

Početkom ove godine američka tvrtka Amazon pokreće projekt *Amazon Prime Air*. To znači da ćete moći naručiti paket s Amazona, a njega će vam dostaviti dron u roku od 30 minuta.

Svaki dron u skladištu ima u redu svojih M paketa koje mora dostaviti tim redoslijedom kako su poredani. Za svaki paket znamo njegovu masu K_i , izraženu u kilogramima. Dron u jednoj dostavi može prenijeti najviše N kilograma paketa i može ponijeti više uzastopnih paketa odjednom (počevši od prvog u redu).

Naravno, zbroj kilograma ponesenih uzastopnih paketa mora biti manji ili jednak N.



Amazon želi optimizirati broj polijetanja te ih zanima u koliko najmanje polijetanja dron može prenijeti pakete na zadana odredišta. Nažalost, oni to ne znaju izračunati pa su zamolili vas da to učinite umjesto njih.

Ulazni podaci

U prvom je retku prirodan broj N (1 $\leq N \leq$ 100) iz teksta zadatka.

U drugom je retku prirodan broj M (1 $\leq M \leq$ 100) iz teksta zadatka.

U sljedećih M redaka nalazi se po jedan broj K_i ($1 \le K_i \le N$) koji označava masu i-tog paketa.

Izlazni podaci

Ispišite minimalan broj polijetanja drona.

Bodovanje

U testnim primjerima vrijednima 10 bodova, vrijedit će M=3.

U testnim primjerima vrijednima dodatnih 10 bodova, vrijedit će da su svi paketi jednake mase.

Probni primjeri

ulaz	ulaz	ulaz
10	10	10
3	3	3
3	4	6
4	4	1
2	4	7
izlaz	izlaz	izlaz
1	2	2
	l l	

Pojašnjenje trećeg probnog primjera: Optimalno je uzeti prvi paket u prvoj dostavi, a drugi i treći paket u drugoj dostavi.

Zadatak: Pod starim krovovima

Mjesto radnje: legendarna starozagrebačka gostionica Kod Žnidaršića.

Vrijeme radnje: početak druge polovice tridesetih godina dvadesetog stoljeća.

Radnja: Franjo za šankom s prijateljima razgovara o stanju u Abesiniji. Njegov sin, mali Perica, sjedi u kutu za stolom. Na stolu ispred Perice stoji N čaša označenih brojevima od 1 do N. Za svaku čašu znamo koliko u njoj trenutno ima tekućine i kolika je njena zapremnina u nanolitrima. Zapremnina je najveća količina tekućine koju možemo uliti u čašu.



Problem: Malog Pericu zanima koliko najviše čaša može isprazniti prelijevanjem tekućine između čaša. Pod prelijevanjem tekućine iz jedne u drugu čašu podrazumijevamo postupak kojim svu ili neki cjelobrojni dio (u nanolitrima) tekućine iz jedne čaše prelijemo u drugu čašu. Prilikom prelijevanja tekućina se ne smije proliti po stolu.

Ispišite traženi broj ispražnjenih čaša te dodatno ispišite količinu tekućine u svakoj čaši u trenutku kada je ispražnjeno najviše čaša što se moglo. Ako ima više mogućnosti, ispišite bilo koju. Primijetite da nije potrebno minimizirati broj prelijevanja.

Ulazni podaci

U prvom je retku prirodan broj N ($1 \le N \le 1$ 000) iz teksta zadatka.

U sljedećih N redaka su po dva broja, cijeli broj T_i ($0 \le T_i \le 10^9$) i prirodan broj Z_i ($1 \le Z_i \le 10^9$) koji predstavljaju trenutnu količinu tekućine te zapremninu čaše s oznakom i. Obje su vrijednosti dane u nanolitrima te trenutna količina tekućine u čaši ne može premašiti njenu zapremninu, odnosno vrijedi $T_i \le Z_i$.

Izlazni podaci

U prvi redak ispišite najveći broj čaša koji možemo isprazniti.

U drugi redak ispišite traženu količinu tekućine (u nanolitrima) u čašama počevši od one s oznakom 1 pa sve do one s oznakom N.

Bodovanje

Točan ispis prvog retka vrijedi 4 boda, a točan ispis drugog retka vrijedi 1 bod za svaki testni primjer.

U testnim primjerima vrijednima 20 bodova sve će čaše biti iste zapremnine.

Probni primjeri

ulaz	ulaz	ulaz
5	5	8
2 6	4 5	2 6
1 6	2 7	3 4
0 6	5 5	1 1
6 6	0 10	9 10
5 6	7 9	0 10
izlaz	izlaz	4 5 6 8
2	3	3 9
6 6 2 0 0	0 0 0 10 8	izlaz
		5 0 0 0 9 10 0 0 9

Pojašnjenje drugog probnog primjera: Jedan od mogućih postupaka prelijevanja je

- 1. sve iz čaše 1 u čašu 2.
- 2. sve iz čaše 2 u čašu 4.
- $3.\,$ četiri nanolitra iz čaše 3u čašu $4\,$
- 4. jedan nanolitar iz čaše 3 u čašu 5.

Sada su čaše s oznakama 1, 2 i 3 u potpunosti prazne.

Zadatak: Spiderman

Mali Ivan veliki je obožavatelj društvene igre **Jamb** i Marvelovih superjunaka. Najdraži superjunak mu je čovjek-pauk, njujorški tinejdžer prijateljima poznat kao Peter Parker koji je svoje supermoći stekao ugrizom radioaktivnog pauka. Ivan mašta da će jednoga dana, baš kao čovjek-pauk, slobodno vrijeme provoditi skačući s nebodera na neboder. Usred jedne takve maštarije, Ivan je usnuo.



U snu se više nije zvao Ivan, već Peter Parkour, singapurski tinejdžer koji slobodno vrijeme provodi skačući s nebodera na neboder koristeći vještine parkoura¹. Ivan, odnosno Peter Parkour, zna da se u Singapuru nalazi točno N nebodera te da je i-ti neboder visok h_i metara. Također, poznato mu je da zbog svojih vještina može skočiti s i-tog na j-ti neboder ako je ostatak pri dijeljenju h_i s h_i jednak K. Pomozite Ivanu za svaki neboder odrediti na koliko ostalih nebodera može s njega skočiti.

Ulazni podaci

U prvom su retku prirodan broj N ($1 \le N \le 300~000$) i cijeli broj K ($0 \le K < 10^6$) iz teksta zadatka. U sljedećem se retku nalazi N prirodnih brojeva h_i ($1 \le h_i \le 10^6$) iz teksta zadatka.

Izlazni podaci

U jedinom retku ispišite N cijelih brojeva tako da i-ti ispisani broj odgovara broju nebodera na koje Peter Parkour može skočiti sa i-tog nebodera iz ulaza.

Bodovanje

- U testnim primjerima vrijednima 14 bodova, vrijedit će $1 \le N \le 2~000$
- U testnim primjerima vrijednima dodatnih 14 bodova, postojat će najviše 2 000 nebodera različitih visina.
- U testnim primjerima vrijednima dodatnih 14 bodova, vrijedit će K=0.

Probni primjeri

ulaz	ulaz	ulaz
2 1 5 5	6 3 4 3 12 6 8 2	5 1 1 3 5 7 2
izlaz	izlaz	izlaz
izlaz 0 0	izlaz 0 4 0 0 0 0	izlaz 4 1 1 2 0

Pojašnjenje trećeg probnog primjera:

- S prvog nebodera visine 1 Peter skočiti na bilo koji od preostalih nebodera.
- S drugog nebodera visine 3 Peter može skočiti samo na neboder visine 2.
- S trećeg nebodera visine 5 Peter može skočiti samo na neboder visine 2.
- S četvrtog nebodera visine 7 Peter može skočiti na neboder visine 2 ili na neboder visine 3.
- S petog nebodera visine 2 Peter ne može skočiti ni na koji od preostalih nebodera.

¹Parkour – metoda razvijanja ljudskog tijela kako bi bilo sposobno kretati se što brže i efikasnije kroz okolinu.

Zadatak: Holding

Teški su se oblaci nadvili nad Ivičin Holding, skupinu od N tvrtki koje su u njegovom vlasništvu. Svaka od tih tvrtki je u dugovima i upravo zbog dugova država je poslala odvjetnike da Ivici uzmu sve što ima. Ivica je, kako ekskluzivno doznajemo, uspio namoliti državu da mu ipak ostavi neke tvrtke. Koje? Saznali smo i to.

Odvjetnici su na stol nanizali vlasničke papire N Ivičinih tvrtki. Dug prve tvrtke u nizu papira je A_1 , druge A_2 , ... i zadnje u nizu A_N . Ivica je dogovorio s državom da mu ostavi u vlasništvu tvrtke s dugovima A_L , A_{L+1} , ..., A_R , gdje L i R predstavljaju pozicije u nizu papira na stolu. Na sreću po Ivicu, odvjetnici su potkupljivi. Istina, neće dozvoliti da Ivica uzme neki drugi podniz dugova osim onoga dogovorenog



(između L-te i R-te pozicije u nizu papira), ali kažu da će mu rado zamijeniti bilo koja dva vlasnička papira sa stola na pozicijama i, j ako im za to plati |i-j| kuna. Ivica je očajan. Ostalo mu je samo K kuna u džepu kojima želi platiti zamjene tako da u konačnici zbroj dugova u dogovorenom podnizu bude najmanji moguć.

Pomozite Ivici odrediti minimalni zbroj dugova tvrtki u dogovorenom podnizu koji može postići zamjenama papira podmićivanjem odvjetnika sKkuna koje su mu preostale.

Ulazni podaci

U prvom se retku nalaze prirodni brojevi N, L i R ($1 \le L \le R \le N \le 100$) te cijeli broj K ($0 \le K \le 10\,000$) iz teksta zadatka.

U drugom je retku N cijelih brojeva A_i ($0 \le A_i \le 10^6$) iz teksta zadatka.

Izlazni podaci

U jedinom retku treba ispisati jedan cijeli broj, najmanji mogući zbroj svih brojeva u dogovorenom podnizu.

Bodovanje

Podzadatak	Broj bodova	Ograničenja
1	22	$N \leq 13$ i $R = N$
2	33	$N \leq 50$ i $R = N$
3	33	$N \le 50$
4	22	Nema dodatnih ograničenja.

Probni primjeri

ulaz	ulaz	ulaz
3 2 2 1 1 2 3	5 2 3 3 21 54 12 2 0	6 4 6 100 1 2 3 4 5 6
izlaz	izlaz	izlaz
izlaz 1	izlaz 12	izlaz 6

Zadatak: Klasika

"Klasična subota amigosi, jučer jedan nemili klasikus metlikus, a danas..." – Romano Obilinović, prvi strijelac slovenske lige 2001. i 2005., legenda interneta, kralj kladionica.

Klasična glazba u razgovornom je govoru pojam koji označava vrstu glazbe sviranu klasičnim instrumentima, ali se ustvari radi o vrsti glazbe koja potječe iz razdoblja klasicizma. Klasična gimnazija naziv je za srednju školu u kojoj se u toku čitavog školovanja uče klasični jezici (latinski i grčki). Razdoblje klasične književnosti...

Isprike, autor se malo zanio, nije lagano napisati neklasičan tekst za ovako klasičan zadatak. Slijedi klasičan tekst.

U početku bijaše čvor s oznakom 1 koji je ujedno i korijen stabla. Na vama je da podržite Q upita oblika:

- Add x y Dodaje u stablo novi čvor kao dijete čvora x. Taj je novi čvor sa čvorom x povezan bridom težine y, a njegova je oznaka jednaka broju čvorova koji se sada nalaze u stablu.
- Query a b Pronalazi duljinu najduljeg puta koji započinje u čvoru a, a završava u nekom od čvorova podstabla čvora b (smatramo da je i čvor b dio svoga podstabla). Duljinu puta definiramo kao isključivo ili (xor) težina svih bridova koji se nalaze na putu.

Ulazni podaci

U prvom je retku prirodan broj Q (1 $\leq Q \leq$ 200 000) iz teksta zadatka.

U *i*-tom od sljedećih Q redaka nalazi se *i*-ti upit koji formatom odgovara nekom od upita iz teksta zadatka. Vrijednosti x, a i b u svakom će upitu odgovarati čvoru koji u tom trenutku postoji, a vrijednost y bit će manja ili jednaka 2^{30} .

Izlazni podaci

Potrebno je ispisati odgovor na svaki upit tipa Query. Svaki je odgovor potrebno ispisati u zasebnom retku onim redoslijedom kojim se odgovarajući upiti pojavljuju u ulazu.

Bodovanje

Podzadatak	Broj bodova	Ograničenja
1	11	$Q \le 200$
2	22	$Q \le 2~000$
3	33	U svim upitima tipa Query vrijedi $b=1$
4	44	Nema dodatnih ograničenja.

Probni primjeri

ulaz	ulaz	ulaz
4 Add 1 5 Query 1 1 Add 1 7 Query 1 1 izlaz 5 7	6 Add 1 5 Add 2 7 Add 1 4 Add 4 3 Query 1 1 Query 2 4 izlaz 7 2	10 Add 1 4 Add 1 9 Add 1 10 Add 2 2 Add 3 3 Add 4 4 Query 4 2 Query 1 3 Add 6 7 Query 1 3 izlaz 14 10 13
		I

Zadatak: Nivelle

Originalni tekst ovog zadatka zamijenjen je zbog pretjeranog nasilja. Slijedi program primjeren djeci i maloljetnicima.

Bojan vidi N malih slatkih plišanaca (jeej!) poredanih na polici u dućanu, redom na mjestima $1, 2, \ldots, N$. Svaki pliš plišanac jedne je od 26 različitih boja. Boje označavamo malim slovima engleske abecede. Bojan želi pojesti neke od tih plišanaca (njam!).



Za bilo koji skup plišanaca možemo definirati *šarenilo* kao broj različitih boja plišanaca u skupu, podijeljen s ukupnim brojem plišanaca u skupu. Bojanu šarenilo bljak. Bojan jako gladan. Hoće papati uzastopni podniz plišanaca.

Pomozite Bojanu da njam njam uzastopni podniz plišanaca najmanjeg mogućeg šarenila.

Ulazni podaci

U prvom je retku prirodan broj N (1 $\leq N \leq$ 100 000), duljina niza plišanaca iz teksta zadatka.

U drugom je retku niz malih slova engleske abecede S duljine N, redom boje plišanaca iz teksta zadatka.

Izlazni podaci

Ispišite dva indeksa L i R $(1 \le L \le R \le N)$, koji označavaju da se traženi uzastopni podniz plišanaca nalazi na mjestima L, L+1, ..., R.

Ako postoji više podnizova iste tražene vrijednosti, ispišite L i R koji odgovaraju bilo kojemu.

Bodovanje

Podzadatak	Broj bodova	Ograničenja
1	7	$N \le 100$
2	17	$N \le 2 000$
3	13	S se sastoji samo od slova 'a' i 'b'
4	25	Sse sastoji samo od slova 'a', 'b', 'c', 'd' i 'e'
5	48	Nema dodatnih ograničenja.

Probni primjeri

ulaz	ulaz	ulaz
4 honi	7 nivelle	6 ananas
izlaz	izlaz	izlaz
1 4	4 7	1 5