# МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

# ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

«ВЯТСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Институт математики и информационных систем Факультет автоматики и вычислительной техники Кафедра электронных вычислительных машин

	Дата сдачи на проверку:	
	«»	2024 г.
	Проверено:	
	«»	2024 г.
РИФМЕТИЧЕСКИЕ ОПЕРАЦИИ В СИ	ICTEMAX	

# ΑĪ СЧИСЛЕНИЯ

Отчет по лабораторной работе №2 по дисциплине «Информатика» Вариант 10

Выполнил студент гр. ИВТб-1301-05-00		$_{\_}/{ m Makapos}$ С.А./
	(подпись)	
Руководитель доцент кафедры ЭВМ		_/Коржавина А.С./
	(подпись)	
Работа защищена	«»	2024 г.

#### Цель

Цель лабораторной работы: закрепить на практике знания о выполнении арифметических операций сложения и умножения чисел в позиционных и непозиционных системах счисления.

#### Задание

- 1. В каждом варианте даны 2 пары чисел (X1 и Y1, X2 и Y2). Выполнить перевод чисел из десятичной системы счисления в двоичную систему счисления (2СС), выполнить сложение и умножение чисел. Проверить полученные результаты.
- 2. В каждом варианте даны 2 пары чисел (X3 и Y3, X4 и Y4). Выполнить перевод чисел из десятичной системы счисления в 16СС. Выполнить сложение шестнадцатеричных чисел в соответствии с вариантом. Проверить полученный результат.
- 3. Выполнить перевод в систему остаточных классов в соответствии с вариантом. В каждом варианте даны 2 числа (А и В) и соответствующие им базисы. Выполнить сложение и умножение чисел. Проверить полученный результаты.
- 4. Выполнить перевод в троичную симметричную систему счисления в соответствии с вариантом. В каждом варианте даны 2 числа. Выполнить сложение чисел. Проверить полученные результаты.
- 5. Выполнить перевод в двоично-десятичную систему счисления в соответствии с вариантом. В каждом варианте даны 2 пары чисел. Представить первую пару чисел в коде 8421 (код с естественными весами), вторую пару в коде 8421+3. Проверить полученные результаты.

#### Решение

Для перевода целой части числа в K-ичную систему счисления необходимо воспользоваться формулой:

$$X = K \cdot \left(\sum_{i=0}^{n} b_i \cdot K^{i-1}\right) + b_0,$$

получая в остатке  $b_0 \in [0, K-1]$ . Далее формула принимает следующий вид:

$$X = K \cdot X^{(1)} + b_0.$$

Для перевода дробной части числа в K-ичную систему счисления необходимо воспользоваться формулой:

$$Y \cdot K = K \cdot \left(\sum_{i=-m}^{-1} b_i \cdot K^i\right) = b_{-1} + \sum_{i=-m}^{-2} b_i \cdot K^{i+1},$$

находим  $b_{-1}=Y\cdot K$  и справедливо  $b_{-1}\in [0,K-1]$ . Далее формула принимает следующий вид:

$$Y \cdot K = b_{-1} + Y^1.$$

## Задание 1

Даны два целых числа в десятичной системе счисления: 121 и 114. Переведем их в двоичную систему счисления:

$$121 \equiv 1111001_2$$

$$121 = 60 \cdot 2 + 1, \Rightarrow b_0 = 1,$$

$$60 = 30 \cdot 2 + 0, \Rightarrow b_1 = 0,$$

$$30 = 15 \cdot 2 + 0, \Rightarrow b_2 = 0,$$

$$15 = 7 \cdot 2 + 1, \Rightarrow b_3 = 1,$$

$$7 = 3 \cdot 2 + 1, \Rightarrow b_4 = 1,$$

$$3 = 1 \cdot 2 + 1, \Rightarrow b_5 = 1,$$

$$1 = 0 \cdot 2 + 1, \Rightarrow b_6 = 1.$$

 $114 \equiv 1110010$ 

$$114 = 57 \cdot 2 + 0, \implies b_0 = 0,$$

$$57 = 28 \cdot 2 + 1, \implies b_1 = 1,$$

$$28 = 14 \cdot 2 + 0, \implies b_2 = 0,$$

$$14 = 7 \cdot 2 + 1, \implies b_3 = 0,$$

$$7 = 3 \cdot 2 + 1, \implies b_4 = 1,$$

$$3 = 1 \cdot 2 + 1, \implies b_5 = 1,$$

$$1 = 0 \cdot 2 + 1, \implies b_6 = 1.$$

Далее сложим два числа в двоичной системе счисления:

Проверим сложение двух двоичных чисел:

$$11101011_2 = 2^7 + 2^6 + 2^5 + 2^3 + 2^1 + 2^0 = 128 + 64 + 32 + 8 + 2 + 1 = 235 = 121 + 114$$

Умножим два числа в двоичной системе счисления:

Проверим результат умножения:

$$11010111100010_2 = 2^{13} + 2^{12} + 2^{10} + 2^8 + 2^7 + 2^6 + 2^5 + 2^1 = 8192 + 4096 + 1024 + 256 + 128 + 64 + 32 + 2 = 13794 = 121 \cdot 114.$$

Даны два числа в десятичной системе счисления: 9,8 и 6,8. Переведем их в двоичную систему счисления.

$$9,8 \equiv 1001,1100_2$$

Целая часть:

$$9 = 4 \cdot 2 + 1, \implies b_0 = 1,$$

$$4 = 2 \cdot 2 + 0, \implies b_1 = 0,$$

$$2 = 0 \cdot 2 + 0, \implies b_2 = 0,$$

$$1 = 0 \cdot 2 + 1, \implies b_3 = 1.$$

Дробная часть:

$$0, 8 \cdot 2 = 1 + 0, 6 \implies b_{-1} = 1,$$
  
 $0, 6 \cdot 2 = 1 + 0, 2 \implies b_{-2} = 1,$   
 $0, 2 \cdot 2 = 0 + 0, 4 \implies b_{-3} = 0,$   
 $0, 4 \cdot 2 = 0 + 0, 8 \implies b_{-4} = 0.$ 

$$6,8 \equiv 110,1100_2$$

Целая часть:

$$6 = 3 \cdot 2 + 0, \implies b_0 = 0,$$
  
 $3 = 1 \cdot 2 + 1, \implies b_1 = 1,$   
 $1 = 0 \cdot 2 + 1, \implies b_2 = 1.$ 

Дробная часть:

$$0, 8 \cdot 2 = 1 + 0, 6 \implies b_{-1} = 1,$$
  
 $0, 6 \cdot 2 = 1 + 0, 2 \implies b_{-2} = 1,$   
 $0, 2 \cdot 2 = 0 + 0, 4 \implies b_{-3} = 0,$   
 $0, 4 \cdot 2 = 0 + 0, 8 \implies b_{-4} = 0.$ 

Далее сложим два числа в двоичной системе счисления:

Проверим сложение двух двоичных чисел.

Целая часть:  $10000_2 = 2^4 = 16$ .

Дробная часть:  $1000_2 = 2^{-1} = 0, 5$ .

Полное число:  $16 + 0, 5 = 16, 5 \approx 16, 6 = 9, 8 + 6, 8$ .

Умножим два числа в двоичной системе счисления:

Проверим умножение:

Целая часть:  $1000001_2 = 2^6 + 2^0 = 64 + 1 = 65$ .

Дробная часть:  $11010000_2 = 2^{-1} + 2^{-2} + 2^{-4} = 0, 5 + 0, 25 + 0, 0625 = 0, 8125.$ 

Полное число:  $65 + 0,8125 = 65,8125 \approx 66,64 = 9,8 \cdot 6,8$ .

#### Задание 2

Даны два числа в десятичной системе счисления: 125 и 101. Переведем их в шестнадцатеричную систему счисления:

$$125 \equiv 7D_{16}$$

$$125 = 7 \cdot 16 + 13, \Rightarrow b_0 = D,$$

$$7 = 0 \cdot 16 + 7, \qquad \Rightarrow b_1 = 7,$$

$$101 \equiv 65_{16}$$

$$101 = 6 \cdot 16 + 5, \Rightarrow b_0 = 5,$$
  
 $6 = 0 \cdot 16 + 6, \Rightarrow b_1 = 6,$ 

Выполним сложение шестнадцатеричных чисел:

Далее проверим полученный результат:

$$E2_{16} = E \cdot 16^1 + 2 \cdot 16^0 = 224 + 2 = 226 = 125 + 101.$$

Даны два числа в десятичной системе счисления: 88 и 82. Переведем их в шестнадцатеричную систему счисления:

$$88 \equiv 58_{16}$$

$$88 = 5 \cdot 16 + 8, \implies b_0 = 8,$$
  
 $5 = 0 \cdot 16 + 5, \implies b_1 = 5,$ 

$$82 \equiv 52_{16}$$

$$82 = 5 \cdot 16 + 2, \implies b_0 = 2,$$
  
 $5 = 0 \cdot 16 + 6, \implies b_1 = 5.$ 

Выполним сложение шестнадцатеричных чисел:

Далее проверим полученный результат:

$$AA_{16} = A \cdot 16^1 + A \cdot 16^0 = 160 + 10 = 170 = 88 + 82.$$

#### Задание 3

Даны числа 86 и 73. Переведем их в систему остаточных классов в соответствии с базисом {5, 7, 11, 13}.

$$86 \equiv \{1, 2, 9, 8\}$$

 $86 \mod 5 = 1$ ,

 $86 \mod 7 = 2$ ,

 $86 \ mod \ 11 = 9,$ 

 $86 \ mod \ 13 = 8,$ 

$$73 \equiv \{3, 3, 7, 8\}$$

 $73 \ mod \ 5 = 3$ ,

 $73 \ mod \ 7 = 3,$ 

 $73 \ mod \ 11 = 7$ ,

 $73 \ mod \ 13 = 8.$ 

Выполним сложение чисел в системе остаточных классов:

$$\{1, 2, 9, 8\} + \{3, 3, 7, 8\} = \{4, 5, 5, 3\}$$

 $(1+3) \bmod 5 = 4,$ 

 $(2+3) \mod 7 = 5,$ 

 $(9+7) \mod 11 = 5,$ 

 $(8+8) \mod 13 = 3.$ 

Проверим полученный результат путем сложения исходных чисел и их переводом в систему остаточных классов:

$$86 + 73 = 159 \equiv \{4, 5, 5, 3\}$$

 $159 \ mod \ 5 = 4,$ 

 $159 \ mod \ 7 = 5,$ 

 $159 \ mod \ 11 = 5,$ 

 $159 \ mod \ 13 = 3.$ 

Далее выполним умножение чисел в системе остаточных классов:

$$\{1, 2, 9, 8\} \cdot \{3, 3, 7, 8\} = \{3, 6, 8, 12\}$$

$$(1 \cdot 3) \mod 5 = 3,$$

$$(2 \cdot 3) \mod 7 = 6,$$

$$(9 \cdot 7) \ mod \ 11 = 8,$$

$$(8 \cdot 8) \mod 13 = 12.$$

Проверим полученный результат путем умножения исходных чисел и их переводом в систему остаточных классов:

$$86 \cdot 73 = 6278 \equiv \{3, 6, 8, 12\}$$

$$6278 \mod 5 = 3$$
,

$$6278 \ mod \ 7 = 6$$
,

$$6278 \ mod \ 11 = 8,$$

$$6278 \mod 13 = 12.$$

### Задание 4

Даны числа 112 и 79. Переведем их в троичную симметричную систему счисления, после чего выполним сложение.

$$112 \equiv pp0pp$$

$$112 = 37 \cdot 3 + 1, \Rightarrow b_0 = p,$$

$$37 = 12 \cdot 3 + 1, \quad \Rightarrow b_1 = p,$$

$$12 = 4 \cdot 3 + 0, \quad \Rightarrow b_2 = 0,$$

$$4 = 1 \cdot 3 + 1, \qquad \Rightarrow b_3 = p,$$

$$1 = 0 \cdot 3 + 1, \qquad \Rightarrow b_4 = p.$$

$$79 \equiv p00np$$

$$79 = 26 \cdot 3 + 1, \implies b_0 = p,$$
  
 $26 = 9 \cdot 3 - 1, \implies b_1 = n,$   
 $9 = 3 \cdot 3 + 0, \implies b_2 = 0,$   
 $3 = 1 \cdot 3 + 0, \implies b_3 = 0,$   
 $1 = 0 \cdot 3 + 1, \implies b_4 = p.$ 

Далее выполним сложение чисел:

Проверим результат сложения чисел:

$$pnp0pn = 3^5 - 3^4 + 3^3 + 3^1 - 3^0 = 243 - 81 + 27 + 3 - 1 = 191 = 112 + 79.$$

## Задание 5

Даны два числа в десятичной системе счисления: 125 и 103. Переведем в соответствии с их двоичным представлением в коде «8421». При необходимости проведем коррекцию результата.

$$125 \equiv 0001\ 0010\ 0101$$
,

$$103 \equiv 0001\ 0000\ 0011.$$

Выполним сложение чисел:

Проверим полученный результат:  $0010\ 0010\ 1000 = 228 = 125 + 103$ .

Даны два числа: 117 и 82. Переведем в соответствии с их двоичным представлением в коде «8421+3». При необходимости проведем коррекцию результата.

 $117 \equiv 0100 \ 0100 \ 1010,$  $82 \equiv 1011 \ 0101.$ 

Выполним сложение чисел:

Проверим полученный результат:  $0100 \ 1100 \ 1100 = 199 = 117 + 82$ .

### Вывод

В ходе выполнения лабораторной работы освоены сложение и умножение чисел в двоичной и шестнадцатеричной системе счисления. Также было выполнен перевод чисел в систему остаточных классов, их сложение и умножение. Помимо этого был реализован перевод чисел в троичною симметричную систему счисления и их сложение. Кроме того был изучено и проработано сложение чисел в кодах «8421» и «8421+3».