# МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

Институт математики и информационных систем Факультет автоматики и вычислительной техники Кафедра электронных вычислительных машин

«ВЯТСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Отчет по лабораторной работе №7
по дисциплине
«Информатика»
«Построение комбинационных схем»
Вариант 10

Выполнил студент гр. ИВТб-1301-05-00	/Макаров С.А./
Руководитель доцент кафедры ЭВМ	/Коржавина А.С./

#### Цель

Цель лабораторной работы: закрепить на практике знания о минимизации системы булевых функций и получить навыки реализации простейших арифметических устройств.

#### Задание

- 1. Выполнить минимизацию булевых функций, представить функции различных базисах основном логическом базисе (И, ИЛИ, НЕ) или в базисе Шеффера (И-НЕ) в соответствии с вариантом, после чего построить схему в системе Logisim и выполнить проверку.
- 2. Построить четырехразрядный полный сумматор, складывающий 2 двоичных четырехразрядных числа и учитывающий единицу переноса. Построить схему сумматора в Logisim, проверить его работоспособность.
- 3. Построить четырехразрядный умножитель, перемножающий 2 двоичных четырехразрядных числа. Построить схему умножителя в Logisim, проверить его работоспособность. Допускается использование следующих логических элементов: И, ИЛИ, НЕ, И-НЕ, ИЛИ-НЕ, сложение по модулю 2, эквивалентность.
- 4. Построить 16-разрядный сумматор со схемами ускоренного переноса. Построить схему сумматора в Logisim, проверить его работоспособность. Допускается использование следующих логических элементов: И, ИЛИ, НЕ, И-НЕ, ИЛИ-НЕ, сложение по модулю 2, эквивалентность.

#### Решение

#### Задание 1

Таблица истинности для функции 1 представлена на таблице 1.

Таблица 1 – Таблица истинности функции 1

$x_1$	$x_2$	$x_3$	f
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

Диаграмма Вейча-Карно для минимизации функции 1 представлена на таблице 2.

Таблица 2 – Диаграмма Вейча-Карно функции 1

	$x_2$	0	0	1	1
	$x_3$	0	1	1	0
$x_1$					
0				1	
1		1		1	

Минимизированная функция:  $f = x_1 \overline{x}_2 \overline{x}_3 \lor x_2 x_3$ . Комбинационная схема представлена на рисунке 1.

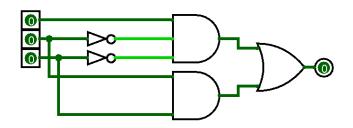


Рисунок 1 – Комбинационная схема функции 1

Таблица истинности для функции 2 представлена на таблице 3.

Таблица 3 – Таблица истинности функции 2

$x_1$	$x_2$	$x_3$	f
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	0

Диаграмма Вейча-Карно для минимизации функции 2 представлена на таблице 4.

Таблица 4 – Диаграмма Вейча-Карно функции 2

	$x_2$	0	0	1	1
	$x_3$	0	1	1	0
$x_1$					
0				1	1
1		1	1		

Минимизированная функция в базисе Шеффера:  $f = x_1 \overline{x}_2 \vee \overline{x}_1 x_2 = \overline{\overline{x}_1 \overline{x}_2 \overline{x}_2} \overline{\overline{x}_1 \overline{x}_1 x_2}$ . Комбинационная схема представлена на рисунке 2.

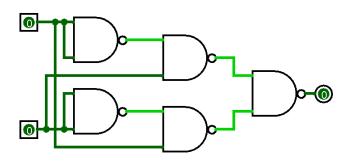


Рисунок 2 – Комбинационная схема функции 2

Таблица истинности для функции 3 представлена на таблице 5.

Таблица 5 – Таблица истинности функции 3

	тица	1000	лиц	
$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	f
0	0	0	0	1
0	0	0	1	1
0	0	1	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	0	1
0	1	0	1	0
0	1	1	0	0
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	0	1
1	1	0	1	1
1	1	1	0	0
1	1	1	1	1

Диаграмма Вейча-Карно для минимизации функции 3 представлена на таблице 6.

Таблица 6 – Диаграмма Вейча-Карно функции 3

		$x_3$	0	0	1	1
		$x_4$	0	1	1	0
$x_1$	$x_2$					
0	0		1	1		
0	1		1			
1	1		1	1	1	
1	0		1			1

Минимизированная функция:  $f=x_1x_2x_4\vee x_1\overline{x}_2\overline{x}_4\vee \overline{x}_1\overline{x}_2\overline{x}_3\vee \overline{x}_3\overline{x}_4$ . Комбинационная схема представлена на рисунке 3.

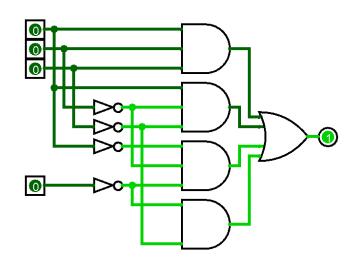


Рисунок 3 – Комбинационная схема функции 3

Таблица истинности для функции 4 представлена на таблице 7.

Таблица 7 – Таблица истинности функции 4

таолица г таолил				
$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	f
0	0	0	0	1
0	0	0	1	0
0	0	1	0	0
0	0	1	1	1
0	1	0	0	0
0	1	0	1	1
0	1	1	0	0
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0
1	0	1	1	1
1	1	0	0	1
1	1	0	1	0
1	1	1	0	1
1	1	1	1	1

Диаграмма Вейча-Карно для минимизации функции 4 представлена на таблице 8.

Таблица 8 – Диаграмма Вейча-Карно функции 4

		$x_3$	0	0	1	1
		$x_4$	0	1	1	0
$x_1$	$x_2$					
0	0		1		1	
0	1			1		
1	1		1		1	1
1	0		1		1	

Минимизированная функция в базисе Шеффера:

 $f=\overline{\overline{x_1x_1}x_2}\,\overline{x_3x_3}\overline{x_4}\,\overline{\overline{x_2x_2}}\,\overline{x_3x_3}\,\overline{x_4x_4}\,\overline{x_1\overline{x_3x_3}}\,\overline{x_4x_4}\,\overline{x_1x_2x_3}\,\overline{\overline{x_2x_2}x_3x_4}\,\overline{x_1x_3x_4}.$  Комбинационная схема представлена на рисунке 2.

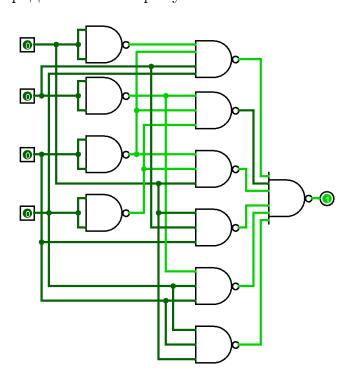


Рисунок 4 – Комбинационная схема функции 4

## Задание 2

Комбинационная схема четырехразрядного сумматора состоит из одноразрядных сумматоров, представленные на рисунке 5. Схема четырехразрядного сумматора представлена на рисунке 6.

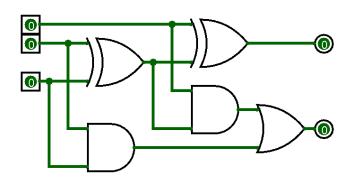


Рисунок 5 – Одноразрядный сумматор

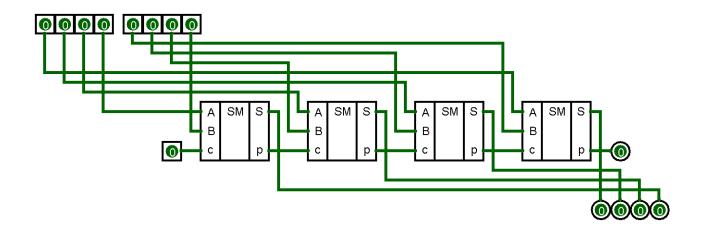


Рисунок 6 – Четырехразрядный сумматор

# Задание 3

Комбинационная схема четырехразрядного умножителя представлена на рисунке 7.

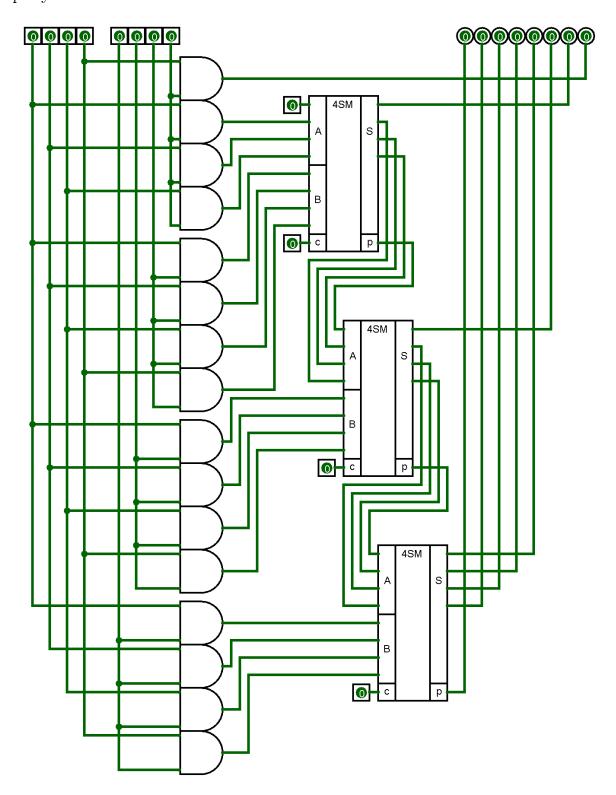


Рисунок 7 – Четырехразрядный умножитель

## Задание 4

Комбинационная схема сумматора для ускоренного переноса представлена на рисунке 8, схема ускоренного переноса на рисунке 9, 4-разрядный сумматор с ускоренным переносом на рисунке 10, 16-разрядный сумматор представлен на рисунке 11.

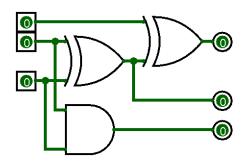


Рисунок 8 – Сумматор для ускоренного переноса

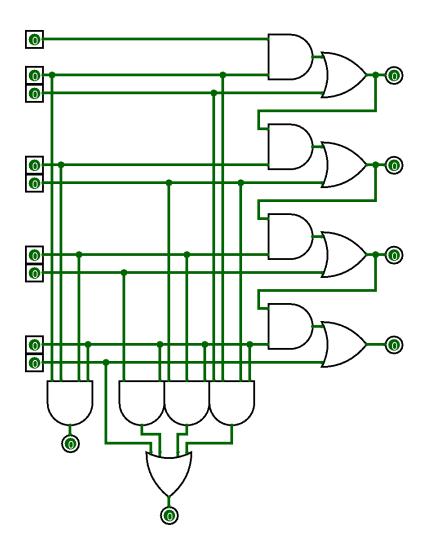


Рисунок 9 – Схема ускоренного переноса

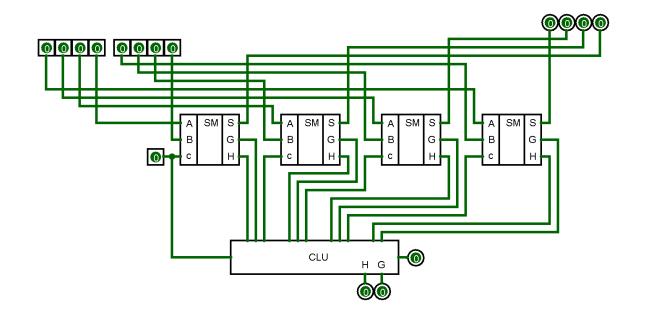


Рисунок 10 – 4-разрядный сумматор с ускоренным переносом

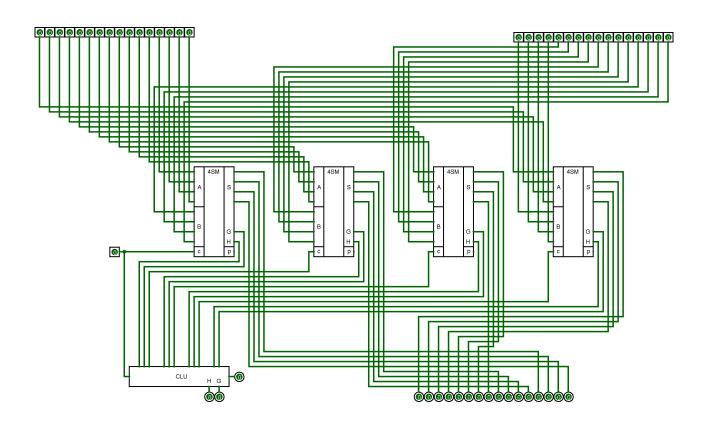


Рисунок 10 – 16-разрядный сумматор с ускоренным переносом

## Вывод

В ходе лабораторной работы были минимизированы функции с помощью диаграммы Вейча-Корно, а также были построены их комбинационные схемы. Также были реализованы схемы 4-разрядного сумматора, 4-разрядного умножителя, 16-разрядного сумматора с ускоренным переносом.