# ZAAWANSOWANE ALGORYTMY I STRUKTURY DANYCH

**ĆWICZENIA ONLINE** 

# ZADANIE 5A – MAKSYMALNE PRZEPŁYWY (PROBLEM 1)

Napisać program, który w sieci przepływowej wyznaczy wszystkie krawędzie, o tej własności, że zwiększenie ich przepustowości o 1 (przy niezmienionych przepustowościach pozostałych krawędzi) powoduje zwiększenie maksymalnego przepływu pomiędzy wierzchołkiem pierwszym i ostatnim (o najwyższym numerze).

#### WEJŚCIE

Standardowe wejście zawiera w pierwszym wierszu jedną liczbę całkowitą Z ( $1 \le Z \le 100$ ) oznaczającą liczbę zestawów testowych. Jeden zestaw testowy reprezentuje jedną sieć i ma następującą strukturę. Pierwszy wiersz zawiera dwie oddzielone spacją liczby całkowite dodatnie  $N_i$  oraz  $M_i$  oznaczające odpowiednio liczbę wierzchołków i liczbę krawędzi i-tej sieci ( $1 \le i \le Z$ ,  $2 \le N_i \le 20$ ). Kolejnych  $M_i$  wierszy standardowego wejścia zawiera po trzy liczby całkowite definiujące krawędzie i-tej sieci. Są to kolejno: numer pierwszego wierzchołka krawędzi, numer drugiego wierzchołka krawędzi i przepustowość krawędzi. Wierzchołki numerowane są liczbami z zakresu od 1 do  $N_i$ .

#### Wyjście

Standardowe wyjście powinno zawierać odpowiedzi dla kolejnych zestawów testowych (kolejnych sieci). Odpowiedź dla jednego zestawu ma następującą strukturę. W pierwszym wierszu jest tekst postaci: Siec nr i, gdzie i oznacza numer zestawu (i = 1, 2, ..., Z). W kolejnych wierszach powinien zostać wypisany tekst:

i-i

gdzie i oraz j są numerami wierzchołków tworzących krawędź, której zwiększenie przepustowości o 1 skutkuje wzrostem maksymalnego przepływu w sieci. Krawędzie mają być wypisane w kolejności niemalejących wartości i, a przy tych samych wartościach i – w kolejności rosnących j (czyli np. 3-5 jest przed 3-7 a po 2-10)

### Przykład

Dla danych:

2
10 19
1 2 10
1 3 1
1 4 12
2 3 1
2 5 5
3 4 6
3 5 6
3 6 8
3 7 2
4 7 3
5 6 7
5 8 2

```
6 7 6
6 8 4
6 9 6
6 10 10
7 9 10
8 10 12
9 10 6
14 29
1 2 10
1 3 12
1 5 12
2 3 1
2 4 5
2 7 12
3 5 6
3 7 13
3 9 1
3 10 12
4 6 12
4 7 3
5 8 13
5 10 7
6 7 4
6 11 6
7 9 10
7 11 5
8 10 12
8 12 15
9 10 6
9 11 20
9 13 18
9 14 22
10 12 3
10 13 20
11 14 14
12 13 3
13 14 5
```

### prawidłowy wynik ma postać:

```
Siec nr 1
1-3
2-3
2-5
4-7
Siec nr 2
2-4
3-9
7-9
7-11
13-14
```

# ZADANIE 5B – MAKSYMALNY PRZEPŁYW (PROBLEM 2)

Napisać program, który w sieci przepływowej wyznaczy krawędzie, o tej własności, że zmniejszenie ich przepustowości (przy niezmienionych przepustowościach pozostałych krawędzi) nie powoduje zmniejszenia maksymalnego przepływu pomiędzy wierzchołkiem pierwszym i ostatnim (o najwyższym numerze).

#### WEJŚCIE

Standardowe wejście zawiera w pierwszym wierszu jedną liczbę całkowitą Z ( $1 \le Z \le 100$ ) oznaczającą liczbę zestawów testowych. Jeden zestaw testowy reprezentuje jedną sieć i ma następującą strukturę. Pierwszy wiersz zawiera dwie oddzielone spacją liczby całkowite dodatnie  $N_i$  oraz  $M_i$  oznaczające odpowiednio liczbę wierzchołków i liczbę krawędzi i-tej sieci ( $1 \le i \le Z$ ,  $2 \le N_i \le 20$ ). Kolejnych  $M_i$  wierszy standardowego wejścia zawiera po trzy liczby całkowite definiujące krawędzie i-tej sieci. Są to kolejno: numer pierwszego wierzchołka krawędzi, numer drugiego wierzchołka krawędzi i przepustowość krawędzi. Wierzchołki numerowane są liczbami z zakresu od 1 do  $N_i$ .

#### Wyjście

Standardowe wyjście powinno zawierać odpowiedzi dla kolejnych zestawów testowych (kolejnych sieci). Odpowiedź dla jednego zestawu ma następującą strukturę. W pierwszym wierszu jest tekst postaci: Siec nr i, gdzie i oznacza numer zestawu (i = 1, 2, ..., Z). W kolejnych wierszach powinien zostać wypisany tekst:

gdzie i oraz j są numerami wierzchołków, a w oznacza maksymalną wartość, o którą można zmniejszyć przepustowość krawędzi i-j bez zmniejszenia maksymalnego przepływu w sieci. Krawędzie mają być wypisane w kolejności niemalejących wartości i, a przy tych samych wartościach i – w kolejności rosnących j (czyli np. 3-5 jest przed 3-7 a po 2-10)

### Przykład

Dla danych:

```
10 19
1 2 10
1 3 1
1 4 12
2 3 1
2 5 5
3 4 6
3 5 6
3 6 8
3 7 2
4 7 3
5 6 7
5 8 2
6 7 6
6 8 4
6 9 6
6 10 10
7 9 10
8 10 12
9 10 6
14 29
```

```
1 2 10
1 3 2
1 5 12
2 3 10
2 4 5
2 7 2
3 5 6
3 7 12
3 9 1
3 10 12
4 6 2
4 7 12
5 8 3
5 10 7
6 7 13
6 11 15
7 9 10
7 11 5
8 10 12
8 12 5
9 10 6
9 11 20
9 13 18
9 14 12
10 12 3
10 13 20
11 14 4
12 13 12
13 14 5
```

### prawidłowy wynik ma postać:

```
Siec nr 1
1-2 \circ 4
1-4 \circ 9
3-4 \circ 6
3-5 \circ 6
3-6 o 8
3-7 \circ 2
5-6 \circ 4
5-8 o 2
6-7 0 6
6-8 \circ 4
6-9 0 6
6-10 o 10
7-9 \circ 7
8-10 o 12
9-10 o 3
Siec nr 2
1-5 \circ 7
2-3 \circ 7
2-4 \circ 5
2-7 \circ 2
3-5 \circ 6
3-7 \circ 8
```

3-9 o 1
3-10 o 12
4-6 0 2
4-7 0 12
5-8 o 3
5-10 o 5
6-7 o 13
6-11 o 15
7-9 0 3
7-11 0 5
8-10 o 12
8-12 o 5
9-10 0 6
9-11 0 20
9-13 0 18
9-14 0 4
10-12 o 3
10-13 o 20
11-14 o 3
12-13 o 12