

Machine Learning

Métriques en Non-Supervisé

$$\text{coût} = \sum_i \sum_j \delta_{i,j} |x_j - \mu_i|$$

où $\delta_{i,j}$ vaut 1 si le cluster μ_i est le plus proche du point x_j , 0 sinon

Métrique : Silhouette

Points $x = \{x_1, \dots, x_n\}$, Clusters $\mu = \{\mu_1, \dots, \mu_k\}$.

$$a(x_i) = \frac{1}{\#\mu_i - 1} \sum_j |x_i - x_j|$$

$$b(x_i) = \min_{i \neq j} \frac{1}{\#\mu_j} \sum_j |x_i - x_j|$$

où :

$\#\mu_i$ est le nombre d'éléments de x dans le cluster μ_i

L'ensemble d'indice j ne représente que ceux des points appartenant au cluster μ_j

$a(x_i)$: distance moyenne aux autres points du cluster contenant x_i

$b(x_i)$: distance moyenne aux points du cluster le plus proche

$$s_i = \frac{b_i - a_i}{\max\{a_i, b_i\}} \quad , \quad s_i = \begin{cases} 1 - a_i/b_i & \text{if } a_i < b_i \\ 0 & \text{if } a_i = b_i \\ b_i/a_i - 1 & \text{if } a_i > b_i \end{cases}$$

donc $s_i \in [-1, 1]$

$s_i \approx 1 \iff x_i$ bien clusterisé

$s_i \approx 0 \iff x_i$ au bord de 2 clusters

$s_i \approx -1 \iff x_i$ mal clusterisé

- Calinski-Harabaz index
- Davies-Bouldin Index
- ...