**Machine Learning** 

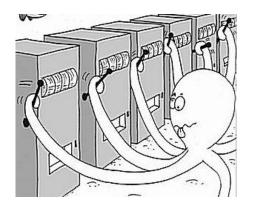
Equations de Bellman

## Equation de Bellman

- Meilleure action, meilleure value :
- $V(S_0) = \max_{\{a_t\}_{t=0}^{\infty}} \sum_{t=0}^{\infty} \gamma^t . R(s_t, a_t)$
- où  $0<\gamma<1$  pénalise les récompenses lointaines
- Principe d'optimalité de bellman :
- "une séquence d'action optimale démarre par l'action optimale"
- (même concept que pour le chemin le plus court)
- $\Rightarrow V(S_0) = \max_{a_t \in A_t} [R(s_t, a_t) + \gamma V(M(s_t, a_t))]$

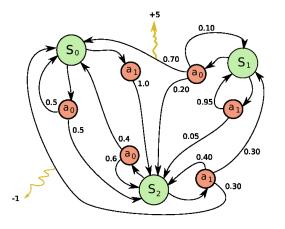


#### K-armed bandits





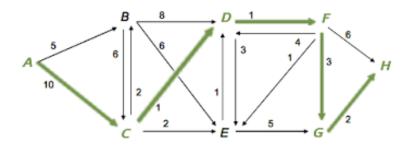
### Markov Decision Process





Programmation Dynamique (planification et ordonnancement)

- Solution optimale = combinaison de solutions optimale à des sous-problèmes
- programmation récursive suivant les equations de Bellman





## TD-Learning

- Pas de modèle, estimation de la value uniquement
- $V(S_t) \leftarrow V(S_t) + \alpha(R_t + \gamma V(S_{t+1}) V(S_t)$
- où:
- ullet  $\alpha$  est un pas d'apprentissge
- $\gamma$  est le taux de dévaluation d'une récompense lointaine





# **Equations de Bellman**



# **Equations de Bellman**



# **Equations de Bellman**

ML WEEK

- •
- .
- •
- •
- •
- .
- .
- •

