## FACULTAD DE MATEMÁTICA, ASTRONOMÍA Y FÍSICA, U.N.C.

Computación (profesorados en física y matemática)

**Problema 1:** Explique el resultado de cada una de las siguientes expresiones booleanas sabiendo que C tiene valor 41:

■ C == 40

■ C != 40 and C < 41

■ C != 40 or C < 41

■ not C == 40

■ not C > 40

■ C <= 41

■ not False

■ True and False

■ False or True

■ False or False or False

■ True and True and False

■ False == 0

■ True == 0

■ True == 1

**Problema 2:** Utilice un bucle **while** para escribir un programa que imprima en una tabla grados Fahrenheit 0,10,20,. . .,100 en la primera columna y los correspondientes grados Celcius en la segunda columna. Para este propósito modifique el programa del problema 6 de la guía 1.

**Problema 3:** Usando un bucle while, escriba un programa que genere números impares desde 1 hasta n y los imprima en pantalla. Asegure que si n es un número par, entonces genere a lo sumo n-1 números impares.

Problema 4: Haga un código que compute la suma:

$$s = \sum_{k=1}^{M} \frac{1}{k}$$

Ayuda: El siguiente código debería hacer esta suma, pero tiene un error. Reescriba este programa correctamente y pruebe variar M. ¿Qué puede decir sobre la convergencia de la suma? ¿Qué ocurre si en vez de sumar 1/k, suma ahora

$$s = 0; k = 1; M = 100$$

while k <= M:

$$s += 1./k$$

print s

**Problema 5:** Computando el valor de  $\pi$ . Teniendo en cuenta que:

$$\int_0^x \frac{dt}{\sqrt{1-t^2}} = \arcsin(x); \quad \text{con } -1 \le x \le 1,$$

puede mostrarse que la serie de potencias:

$$\arcsin(x) = x + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1 \ 3 \ 5 \dots (2n-1)}{2 \ 4 \ 6 \dots 2n} \frac{x^{2n+1}}{2n+1},$$

converge en el intervalo (-1,1). En particular, esta serie vale  $\pi/6$  para x=1/2.

Haga un programa que calcule un valor aproximado de  $\pi$  truncando la serie a un número N dado de términos.

**Problema 6:** Calcule el valor aproximado del número e a partir de la serie de Taylor para  $e^x$ :

$$e^x = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{n!}.$$

Haga el cálculo truncando la serie a 10, 100 y 1000 términos. Compare los resultados con el valor correcto de e.

**Problema 7:** Haga un programa que, para un dado x > 1, permita calcular una aproximación al valor de  $\log(x)$  con un error menor o igual a  $10^{-3}$ . A tal fin recuerde la serie de Taylor

$$\log(1+s) = -\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{s^n}{n}, \qquad (\text{logaritmo natural})$$

y el teorema del error para series alternantes truncadas. El programa debe retornar: La cantidad de términos sumados, el valor aproximado de  $\log(x)$ , una cota para el error de la aproximación obtenida y el valor de  $\log(x)$  dado por el módulo math. Haga el cálculo para x=1.1, x=2.0 y x=11.0.

**Problema 8:** Modifique el programa del problema 3 para para guardar los números impares en una lista. Para hacer ésto, comience el programa definiendo una lista vacía, utilice un bucle while y en cada ciclo utilice el método append para anexar cada número nuevo a la lista.

**Problema 9:** Alojar una lista con los números 2,3,5,7,11,13 a una variable llamada primos. Escriba los valores de los elementos de la lista usando un bucle for.

**Problema 10:** Suponga que necesita generar coordenadas x uniformemente espaciadas entre 1 y 2 con un espaciado de 0.01. Las coordenadas están dadas por la fórmula  $x_i = 1 + ih$ , en donde h = 0.01 y  $0 \le i \le 100$ . Compute los valores de  $x_i$  y almecénelos en una lista (use un bucle for y anexe cada nuevo  $x_i$  en la lista, la cual debe estar inicialmente vacía).

Problema 11: Listas anidadas. Defina la siguiente lista:

Utilice un doble bucle for para poder imprimir en pantalla de a uno cada elemento de la lista.

**Problema 12:** Explorando que tan chico puede ser un número distinto de cero en una computadora. Escriba el siguiente código:

```
eps = 1.0
while 1.0 != 1.0 + eps:
   print('eps distinguible de cero: %e' % (eps))
   eps = eps/2
```

Explique con palabras que está haciendo el código anterior línea por línea. Examine la salida. Cómo puede ser que  $1 \neq 1 + \mathtt{eps}$  no sea cierta? Si alguien le muestra en una sesión interactiva de Ipython que

```
0.5+1.45e-22 = 0.5
```

y le dijera que Python no puede sumar números correctamente, cuál sería su respuesta?

Problema 13: Resuelva el problema 10 usando listas por comprensión.

**Problema 14:** La relación entre las temperaturas "Celsius", "Fahrenheit" y "Kelvin" es la siguiente:

$$T_F = \frac{9}{5}T_C + 32, \qquad T_K = T_C + 273.15$$

Se desea realizar una lista de listas (listas anidadas) en Python3, donde cada elemento se corresponda con un renglón de una tabla de conversión de temperaturas a tres columnas. La primer columna debe contener las temperaturas Kelvin entre 0K y 500K a incrementos de 20K; la segunda columna las correspondientes temperaturas Celsius y la tercera las correspondientes temperaturas Fahrenheit.

Escriba un script de Python3 que use lisas por comprensión, loops for y listas anidadas, para generar la lista de listas (llamada "Temps"). Imprima "Temps" en pantalla usando pprint.pformat y luego imprima la tabla de conversión de temperaturas en formato claro y prilijo con valores que muestren dos decimales.

Problema 15: El siguiente texto es impreso en pantalla por el interprete ipython3

```
In [21]: print(NUMS)
[[0, 0, 0], [1, 1, 1], [2, 4, 8], [3, 9, 27], [4, 16, 64], [5, 25, 125], [6, 36, 216], [7, 49, 343], [8, 64, 512], [9, 81, 729], [10, 100, 1000]]
```

Indique qué comandos simples producirían las siguientes salidas (sublistas de NUMS), note que puede haber más de una respuesta válida en cada caso.

```
a) Out[22]: [[0, 0, 0], [1, 1, 1], [2, 4, 8]]
```

b) Out [23]: [[7, 49, 343], [8, 64, 512], [9, 81, 729], [10, 100, 1000]]

c) Out[24]: [[2, 4, 8], [3, 9, 27]]

d) Out[25]: [36, 216]

e) Out[26]: [8, 64]

f) Out[27]: [9, 81, 729]

g) Out[28]: 512

**Problema 16:** Escriba un script de Python3 que genere el objeto NUMS del ejercicio anterior, lo imprima en pantalla y luego imprima una tabla, a solamente dos columnas, que imprima los cuadrados y cubos extraídos de NUMS.

Problema 17: Escriba un script de Python3 que sirva para generar una lista de listas con los apellidos y nombres de un grupo de personas. El script debe preguntar al operador primero de cuántas personas se trata. Luego debe preguntar al usuario el apellido y nombre (en ese orden) de cada persona y guardar listas de la forma: [Apellido, Nombre] en una lista mayor. Al final debe imprimir la lista de listas en pantalla.

Problema 18: Sea L un lista en Python3. Explique la diferencia entre los dos comandos:

$$a)$$
 C = L

$$b) C = L[:]$$