Введение в искусственный интеллект. Современное компьютерное зрение Тема семинара: Генеративные состязательные сети

Бабин Д.Н., Иванов И.Е., Петюшко А.А.

кафедра Математической Теории Интеллектуальных Систем





План семинара

Вывод формул!



План семинара

- Вывод формул!
- 2 Условные состязательные генеративные сети



План семинара

- Вывод формул!
- Условные состязательные генеративные сети
- Вариационный автоэнкодер



• Пусть
$$p = (p_1, \dots, p_n), \quad \sum_{i=1}^n p_i = 1, 0 \le p_i \le 1.$$



- Пусть $p = (p_1, \dots, p_n), \quad \sum_{i=1}^n p_i = 1, 0 \le p_i \le 1.$
- Энтропия $H(p) = -\sum_{i=1}^{n} p_i \log p_i$

- Пусть $p = (p_1, \dots, p_n), \quad \sum_{i=1}^n p_i = 1, 0 \le p_i \le 1.$
- Энтропия $H(p) = -\sum_{i=1}^{n} p_i \log p_i$
- ullet Унитарное кодирование для класса y_c : $y_{one-hot}=(0,\ldots,1,\ldots,0), \quad y_i=0, i
 eq y_c, \quad y_i=1, i=y_c$



- Пусть $p = (p_1, \dots, p_n), \quad \sum_{i=1}^n p_i = 1, 0 \le p_i \le 1.$
- Энтропия $H(p) = -\sum_{i=1}^{n} p_i \log p_i$
- Унитарное кодирование для класса y_c : $y_{one-hot} = (0, \dots, 1, \dots, 0), \quad y_i = 0, i \neq y_c, \quad y_i = 1, i = y_c$
- ullet В этом случае для $i = y_c$: $p_i \log p_i = 1 \cdot \log 1 = 1 \cdot 0 = 0$





- Пусть $p = (p_1, \dots, p_n), \quad \sum_{i=1}^n p_i = 1, 0 \le p_i \le 1.$
- Энтропия $H(p) = -\sum_{i=1}^{n} p_i \log p_i$
- Унитарное кодирование для класса y_c : $y_{one-hot} = (0, \dots, 1, \dots, 0), \quad y_i = 0, i \neq y_c, \quad y_i = 1, i = y_c$
- В этом случае для $i = y_c$: $p_i \log p_i = 1 \cdot \log 1 = 1 \cdot 0 = 0$
- А для $i \neq y_c$ воспользуемся правилом Лопиталя: $p_i \log p_i = \lim_{x \to 0} x \log x = \lim_{x \to 0} \frac{\log x}{1/x} = \lim_{x \to 0} \frac{(\log x)'}{(1/x)'} = \lim_{x \to 0} \frac{1/x}{-1/x^2} = -\lim_{x \to 0} x = 0$

- Пусть $p = (p_1, \dots, p_n), \quad \sum_{i=1}^n p_i = 1, 0 \le p_i \le 1.$
- Энтропия $H(p) = -\sum_{i=1}^{n} p_i \log p_i$
- Унитарное кодирование для класса y_c : $y_{one-hot} = (0, \dots, 1, \dots, 0), \quad y_i = 0, i \neq y_c, \quad y_i = 1, i = y_c$
- ullet В этом случае для $i=y_c$: $p_i \log p_i = 1 \cdot \log 1 = 1 \cdot 0 = 0$
- А для $i \neq y_c$ воспользуемся правилом Лопиталя: $p_i \log p_i = \lim_{x \to 0} x \log x = \lim_{x \to 0} \frac{\log x}{1/x} = \lim_{x \to 0} \frac{(\log x)'}{(1/x)'} = \lim_{x \to 0} \frac{1/x}{-1/x^2} = -\lim_{x \to 0} x = 0$
- ullet Таким образом, разобрали все случаи, и $H(p) = -\sum_{i=1}^n p_i \log p_i = 0.$



• Пусть
$$p = (p_1, \dots, p_n), \quad \sum_{i=1}^n p_i = 1, 0 \le p_i \le 1$$
,



- ullet Пусть $p = (p_1, \dots, p_n), \quad \sum_{i=1}^n p_i = 1, 0 \le p_i \le 1,$
- $q = (q_1, \ldots, q_n), \quad \sum_{i=1}^n q_i = 1, 0 \le q_i \le 1.$

- Пусть $p = (p_1, \dots, p_n), \quad \sum_{i=1}^n p_i = 1, 0 \le p_i \le 1,$
- $q = (q_1, \ldots, q_n), \quad \sum_{i=1}^n q_i = 1, 0 \le q_i \le 1.$

Неравенство Гиббса

 $\sum_{i=1}^{n} p_{i} \log p_{i} \geq \sum_{i=1}^{n} p_{i} \log q_{i}$ для любых распределений p, q, при этом равенство достигается только при p = q.

Доказательство.

• При x>0 имеем $\log x \le x-1$, причем равенство достигается только при x=1.





- Пусть $p = (p_1, \dots, p_n), \quad \sum_{i=1}^n p_i = 1, 0 \le p_i \le 1,$
- $q = (q_1, \ldots, q_n), \quad \sum_{i=1}^n q_i = 1, 0 \le q_i \le 1.$

Неравенство Гиббса

 $\sum_{i=1}^{n} p_{i} \log p_{i} \geq \sum_{i=1}^{n} p_{i} \log q_{i}$ для любых распределений p, q, при этом равенство достигается только при p = q.

- При x>0 имеем $\log x \le x-1$, причем равенство достигается только при x=1.
- Пусть I множество индексов, в которых $p_i > 0$.



- Пусть $p = (p_1, \dots, p_n), \quad \sum_{i=1}^n p_i = 1, 0 \le p_i \le 1,$
- $q = (q_1, \ldots, q_n), \quad \sum_{i=1}^n q_i = 1, 0 \le q_i \le 1.$

Неравенство Гиббса

 $\sum_{i=1}^{n} p_i \log p_i \ge \sum_{i=1}^{n} p_i \log q_i$ для любых распределений p, q, при этом равенство достигается только при p = q.

- ullet При x>0 имеем $\log x \leq x-1$, причем равенство достигается только при x=1.
- Пусть I множество индексов, в которых $p_i > 0$.
- Тогда $\sum_{i \in I} p_i \log q_i \sum_{i \in I} p_i \log p_i = \sum_{i \in I} p_i \log \frac{q_i}{p_i} \le \sum_{i \in I} p_i (\frac{q_i}{p_i} 1) = \sum_{i \in I} q_i \sum_{i \in I} p_i \le 1 \sum_{i \in I} p_i = 1 1 = 0$





- В случае $p_i = 0$:
 - $p_i \log p_i = 0$ (см. ранее),

- В случае $p_i = 0$:
 - $p_i \log p_i = 0$ (см. ранее),
 - ullet Тогда $\sum_{i:p_i=0}p_i\log q_i-\sum_{i:p_i=0}p_i\log p_i=\sum_{i:p_i=0}p_i\log q_i\leq\sum_{i:p_i=0}p_i\log 1=0.$

- В случае $p_i = 0$:
 - $p_i \log p_i = 0$ (см. ранее),
 - ullet Тогда $\sum_{i:p_i=0}p_i\log q_i-\sum_{i:p_i=0}p_i\log p_i=\sum_{i:p_i=0}p_i\log q_i\leq\sum_{i:p_i=0}p_i\log 1=0.$
- ullet Таким образом, $\sum_{i=1}^n p_i \log p_i \geq \sum_{i=1}^n p_i \log q_i$, при этом равенство возможно только при $rac{q_i}{p_i}=1$ в случае $i\in I$,



- В случае $p_i = 0$:
 - $p_i \log p_i = 0$ (см. ранее),
 - ullet Тогда $\sum_{i:p_i=0}p_i\log q_i-\sum_{i:p_i=0}p_i\log p_i=\sum_{i:p_i=0}p_i\log q_i\leq\sum_{i:p_i=0}p_i\log 1=0.$
- ullet Таким образом, $\sum_{i=1}^n p_i \log p_i \geq \sum_{i=1}^n p_i \log q_i$, при этом равенство возможно только при $rac{q_i}{p_i}=1$ в случае $i\in I$,
- Но тогда и $p_i = q_i = 0, i \notin I$. ■



Функция близости Кульбака-Лейблера

Определение

Функция близости (divergence) двух распределений, заданных на одном пространстве функций распределения S — это функция $D(\cdot||\cdot): S \times S \to \mathbb{R}$, такая что:

- ullet $D(P||Q) \geq 0$ для всех $P,Q \in S$
- $D(P||Q) = 0 \Leftrightarrow P = Q$

Функция близости Кульбака-Лейблера

Определение

Функция близости (divergence) двух распределений, заданных на одном пространстве функций распределения S — это функция $D(\cdot||\cdot): S \times S \to \mathbb{R}$, такая что:

- ullet $D(P||Q) \geq 0$ для всех $P,Q \in S$
- $O(P||Q) = 0 \Leftrightarrow P = Q$

Функция близости Кульбака-Лейблера

$$D_{KL}(P||Q) = \sum_{x} p(x) \log \frac{p(x)}{q(x)}$$





Функция близости Кульбака-Лейблера

Определение

Функция близости (divergence) двух распределений, заданных на одном пространстве функций распределения S — это функция $D(\cdot||\cdot):S\times S\to \mathbb{R}$, такая что:

- ullet $D(P||Q) \geq 0$ для всех $P,Q \in S$
- $D(P||Q) = 0 \Leftrightarrow P = Q$

Функция близости Кульбака-Лейблера

$$D_{KL}(P||Q) = \sum_{x} p(x) \log \frac{p(x)}{q(x)}$$

Доказательство. $D_{KL}(P||Q) = \sum_{x} p(x) \log \frac{p(x)}{q(x)} = \sum_{x} p(x) \log p(x) - \sum_{x} p(x) \log q(x) \ge 0$, при этом равенство достигается только при P = Q (следствие из неравенства Гиббса).



Метрика на основе функции близости Йенсена-Шеннона (1)

Функция близости Йенсена-Шеннона

$$D_{JS}(P||Q) = \frac{1}{2}D_{KL}(P||M) + \frac{1}{2}D_{KL}(Q||M)$$
, где $M = \frac{1}{2}(P+Q)$.

Метрика на основе функции близости Йенсена-Шеннона (1)

Функция близости Йенсена-Шеннона

$$D_{JS}(P||Q) = rac{1}{2}D_{KL}(P||M) + rac{1}{2}D_{KL}(Q||M)$$
, где $M = rac{1}{2}(P+Q)$.

Определение метрики

Функция $d:X imes X o \mathbb{R}$ называется метрикой на пространстве X, если:

- d(x,y) = d(y,x),





Метрика на основе функции близости Йенсена-Шеннона (1)

Функция близости Йенсена-Шеннона

$$D_{JS}(P||Q) = rac{1}{2}D_{KL}(P||M) + rac{1}{2}D_{KL}(Q||M)$$
, где $M = rac{1}{2}(P+Q)$.

Определение метрики

Функция $d:X\times X\to\mathbb{R}$ называется метрикой на пространстве X, если:

- d(x,y) = d(y,x),
- $d(x,z) \leq d(x,y) + d(y,z).$

Теорема

$$\sqrt{D_{JS}(P||Q)}$$
 — метрика.

Метрика на основе функции близости Йенсена-Шеннона (2)

•
$$\sqrt{D_{JS}(P||Q)}=0\Leftrightarrow D_{JS}(P||Q)=0\Leftrightarrow D_{KL}(P||M)=D_{KL}(Q||M)=0, P=Q=rac{1}{2}(P+Q)$$
 (из свойств функции близости D_{KL});



¹Endres D. M., Schindelin J. E. "A new metric for probability distributions". 2003.

Метрика на основе функции близости Йенсена-Шеннона (2)

- $igoplus \sqrt{D_{JS}(P||Q)}=0\Leftrightarrow D_{JS}(P||Q)=0\Leftrightarrow D_{KL}(P||M)=D_{KL}(Q||M)=0, P=Q=rac{1}{2}(P+Q)$ (из свойств функции близости D_{KL});
- ② $\sqrt{D_{JS}(P||Q)} = \sqrt{\frac{1}{2}D_{KL}(P||M) + \frac{1}{2}D_{KL}(Q||M)} = \sqrt{\frac{1}{2}D_{KL}(Q||M) + \frac{1}{2}D_{KL}(P||M)} = \sqrt{D_{JS}(Q||P)};$



¹Endres D. M., Schindelin J. E. "A new metric for probability distributions". 2003.

Метрика на основе функции близости Йенсена-Шеннона (2)

- $igcup \sqrt{D_{JS}(P||Q)}=0\Leftrightarrow D_{JS}(P||Q)=0\Leftrightarrow D_{KL}(P||M)=D_{KL}(Q||M)=0, P=Q=rac{1}{2}(P+Q)$ (из свойств функции близости D_{KL});
- ② $\sqrt{D_{JS}(P||Q)} = \sqrt{\frac{1}{2}D_{KL}(P||M) + \frac{1}{2}D_{KL}(Q||M)} = \sqrt{\frac{1}{2}D_{KL}(Q||M) + \frac{1}{2}D_{KL}(P||M)} = \sqrt{D_{JS}(Q||P)};$
- Ф А с неравенством треугольника здесь все действительно сложнее. За деталями см. дополнительную литературу
 ¹. ■



¹Endres D. M., Schindelin J. E. "A new metric for probability distributions". 2003.

GAN и оптимальное распределение D/G(1)

Если обозначить за p_g — распределение G(z), то оригинальную функцию потерь

$$\min_{G} \max_{D} V(D,G) = \min_{G} \max_{D} [\mathbb{E}_{x \sim p_{data}} \log D(x) + \mathbb{E}_{z \sim p_{z}} \log (1 - D(G(z)))]$$

можно переписать как

GAN и оптимальное распределение $\mathsf{D}/\mathsf{G}\ (1)$

Если обозначить за p_g — распределение G(z), то оригинальную функцию потерь

$$\min_{G} \max_{D} V(D,G) = \min_{G} \max_{D} [\mathbb{E}_{x \sim p_{data}} \log D(x) + \mathbb{E}_{z \sim p_{z}} \log (1 - D(G(z)))]$$

можно переписать как

$$\min_{G} \max_{D} V(D,G) = \min_{G} \max_{D} [\mathbb{E}_{x \sim p_{data}} \log D(x) + \mathbb{E}_{x \sim p_g} \log(1 - D(x))]$$



GAN и оптимальное распределение $\mathsf{D}/\mathsf{G}\ (1)$

Если обозначить за p_g — распределение G(z), то оригинальную функцию потерь

$$\min_{G} \max_{D} V(D,G) = \min_{G} \max_{D} [\mathbb{E}_{x \sim p_{data}} \log D(x) + \mathbb{E}_{z \sim p_{z}} \log (1 - D(G(z)))]$$

можно переписать как

$$\min_{G} \max_{D} V(D,G) = \min_{G} \max_{D} [\mathbb{E}_{x \sim p_{data}} \log D(x) + \mathbb{E}_{x \sim p_g} \log (1-D(x))]$$

Теорема

$$\operatorname{arg\,max}_D V(D,G) = D_G = rac{p_{data}}{p_{data} + p_g}.$$





GAN и оптимальное распределение D/G(1)

Если обозначить за p_g — распределение G(z), то оригинальную функцию потерь

$$\min_{G} \max_{D} V(D,G) = \min_{G} \max_{D} [\mathbb{E}_{x \sim p_{data}} \log D(x) + \mathbb{E}_{z \sim p_{z}} \log (1 - D(G(z)))]$$

можно переписать как

$$\min_{G} \max_{D} V(D,G) = \min_{G} \max_{D} [\mathbb{E}_{x \sim p_{data}} \log D(x) + \mathbb{E}_{x \sim p_g} \log (1 - D(x))]$$

Теорема

$$\operatorname{arg\,max}_D V(D,G) = D_G = rac{p_{data}}{p_{data} + p_g}.$$

Доказательство.
$$V(D,G) = \mathbb{E}_{x \sim p_{data}} \log D(x) + \mathbb{E}_{x \sim p_g} \log (1-D(x)) = \int_x (p_{data}(x) \log D(x) + p_g(x) \log (1-D(x))) dx$$





GAN и оптимальное распределение D/G (2)

Теорема

$$\operatorname{arg\,max}_D V(D,G) = D_G = rac{p_{data}}{p_{data} + p_g}.$$

Доказательство. Найдем точку экстремума функции $f(s) = p_{data} \log s + p_g \log (1-s)$:





GAN и оптимальное распределение D/G(2)

Теорема

$$\operatorname{arg\,max}_D V(D,G) = D_G = rac{p_{data}}{p_{data} + p_g}.$$

Доказательство. Найдем точку экстремума функции $f(s) = p_{data} \log s + p_g \log (1-s)$:

- $f'(s) = \frac{p_{data}}{s} \frac{p_g}{1-s}$,
- $f'(s) = 0 \Leftrightarrow p_{data}(1-s) p_g s = 0 \Leftrightarrow s = \frac{p_{data}}{p_{data} + p_g}$.





GAN и оптимальное распределение D/G (2)

Теорема

$$\operatorname{arg\,max}_D V(D,G) = D_G = rac{p_{data}}{p_{data} + p_g}.$$

Доказательство. Найдем точку экстремума функции $f(s) = p_{data} \log s + p_g \log (1-s)$:

- $f'(s) = \frac{p_{data}}{s} \frac{p_g}{1-s}$,
- $f'(s) = 0 \Leftrightarrow p_{data}(1-s) p_g s = 0 \Leftrightarrow s = \frac{p_{data}}{p_{data} + p_g}$.

При этом $s=\frac{p_{data}}{p_{data}+p_g}$ — точка максимума функции f(s) (можно проверить, например, что $\lim_{s\to 0+}f'(s)>0$, $\lim_{s\to 1-}f'(s)<0$).



GAN и оптимальное распределение D/G (2)

Теорема

$$\operatorname{arg\,max}_D V(D,G) = D_G = rac{p_{data}}{p_{data} + p_g}$$

Доказательство. Найдем точку экстремума функции $f(s) = p_{data} \log s + p_g \log (1-s)$:

- $\bullet f'(s) = \frac{p_{data}}{s} \frac{p_g}{1-s},$
- $f'(s) = 0 \Leftrightarrow p_{data}(1-s) p_g s = 0 \Leftrightarrow s = \frac{p_{data}}{p_{data} + p_g}$.

При этом $s=\frac{p_{data}}{p_{data}+p_g}$ — точка максимума функции f(s) (можно проверить, например, что $\lim_{s\to 0+}f'(s)>0, \lim_{s\to 1-}f'(s)<0$).

Таким образом, $\arg\max_D V(D,G) = D_G = \frac{p_{data}}{p_{data} + p_g}$.





Пусть
$$C(G) = \max_D V(D, G)$$

Теорема

 $arg min_G C(G) = p_{data}, C(p_{data}) = -\log 4.$



Пусть
$$C(G) = \max_D V(D, G)$$

Теорема

$$arg min_G C(G) = p_{data}, C(p_{data}) = -\log 4.$$

•
$$C(G) = \mathbb{E}_{x \sim p_{data}} \log D_G(x) + \mathbb{E}_{x \sim p_g} \log(1 - D_G(x)) = \mathbb{E}_{x \sim p_{data}} \log \frac{p_{data}(x)}{p_{data}(x) + p_g(x)} + \mathbb{E}_{x \sim p_g} \log \frac{p_g(x)}{p_{data}(x) + p_g(x)},$$

Пусть
$$C(G) = \max_D V(D, G)$$

Теорема

$$arg min_G C(G) = p_{data}, C(p_{data}) = -\log 4.$$

- $\bullet \ C(G) = \mathbb{E}_{x \sim p_{data}} \log D_G(x) + \mathbb{E}_{x \sim p_g} \log(1 D_G(x)) = \\ \mathbb{E}_{x \sim p_{data}} \log \frac{p_{data}(x)}{p_{data}(x) + p_g(x)} + \mathbb{E}_{x \sim p_g} \log \frac{p_g(x)}{p_{data}(x) + p_g(x)},$
- $\mathbb{E}_{x \sim p_{data}} \log \frac{p_{data}(x)}{p_{data}(x) + p_g(x)} = \mathbb{E}_{x \sim p_{data}} \log \frac{p_{data}(x)}{\frac{p_{data}(x) + p_g(x)}{2}} \mathbb{E}_{x \sim p_{data}} \log 2 = D_{KL}(p_{data}||\frac{p_{data}(x) + p_g(x)}{2}) \log 2,$

GAN и оптимальное распределение D/G (3)

Пусть
$$C(G) = \max_D V(D, G)$$

Теорема

$$arg min_G C(G) = p_{data}, C(p_{data}) = -\log 4.$$

$$\bullet \ C(G) = \mathbb{E}_{x \sim p_{data}} \log D_G(x) + \mathbb{E}_{x \sim p_g} \log(1 - D_G(x)) = \\ \mathbb{E}_{x \sim p_{data}} \log \frac{p_{data}(x)}{p_{data}(x) + p_g(x)} + \mathbb{E}_{x \sim p_g} \log \frac{p_g(x)}{p_{data}(x) + p_g(x)},$$

•
$$\mathbb{E}_{x \sim p_{data}} \log \frac{p_{data}(x)}{p_{data}(x) + p_g(x)} = \mathbb{E}_{x \sim p_{data}} \log \frac{p_{data}(x)}{\frac{p_{data}(x) + p_g(x)}{2}} - \mathbb{E}_{x \sim p_{data}} \log 2 = D_{KL}(p_{data}||\frac{p_{data}(x) + p_g(x)}{2}) - \log 2,$$

•
$$\mathbb{E}_{x \sim p_g} \log \frac{p_g(x)}{p_{data}(x) + p_g(x)} = D_{KL}(p_g || \frac{p_{data}(x) + p_g(x)}{2}) - \log 2$$
,





Пусть
$$C(G) = \max_D V(D, G)$$

Теорема

$$arg min_G C(G) = p_{data}, C(p_{data}) = -\log 4.$$

- $\bullet \ C(G) = \mathbb{E}_{x \sim p_{data}} \log D_G(x) + \mathbb{E}_{x \sim p_g} \log(1 D_G(x)) = \\ \mathbb{E}_{x \sim p_{data}} \log \frac{p_{data}(x)}{p_{data}(x) + p_g(x)} + \mathbb{E}_{x \sim p_g} \log \frac{p_g(x)}{p_{data}(x) + p_g(x)},$
- $\mathbb{E}_{x \sim p_{data}} \log \frac{p_{data}(x)}{p_{data}(x) + p_g(x)} = \mathbb{E}_{x \sim p_{data}} \log \frac{p_{data}(x)}{\frac{p_{data}(x) + p_g(x)}{2}} \mathbb{E}_{x \sim p_{data}} \log 2 = D_{KL}(p_{data}||\frac{p_{data}(x) + p_g(x)}{2}) \log 2,$
- $\mathbb{E}_{x \sim p_g} \log \frac{p_g(x)}{p_{data}(x) + p_g(x)} = D_{KL}(p_g||\frac{p_{data}(x) + p_g(x)}{2}) \log 2$,
- $\bullet \ \Rightarrow \ \mathcal{C}(G) = D_{\mathit{KL}}(p_{\mathit{data}}||\frac{p_{\mathit{data}}(x) + p_{\mathit{g}}(x)}{2}) + D_{\mathit{KL}}(p_{\mathit{g}}||\frac{p_{\mathit{data}}(x) + p_{\mathit{g}}(x)}{2}) 2\log 2,$





Теорема

$$arg min_G C(G) = p_{data}, C(p_{data}) = -\log 4.$$

$$ullet$$
 \Rightarrow $C(G) = 2D_{JS}(p_{data}||p_g) - \log 4 \ge - \log 4$,





Теорема

 $arg min_G C(G) = p_{data}, C(p_{data}) = -\log 4.$

- $\bullet \Rightarrow C(G) = 2D_{JS}(p_{data}||p_g) \log 4 \ge -\log 4,$
- ullet При этом $C(G) = -\log 4 \Leftrightarrow D_{JS}(p_{data}||p_g) = 0 \Leftrightarrow p_{data} = p_g$. lacksquare





Теорема

 $arg min_G C(G) = p_{data}, C(p_{data}) = -\log 4.$

Доказательство.

- $\Rightarrow C(G) = 2D_{JS}(p_{data}||p_g) \log 4 \ge \log 4$,
- ullet При этом $C(G) = -\log 4 \Leftrightarrow D_{JS}(p_{data}||p_g) = 0 \Leftrightarrow p_{data} = p_g$. $lacksymbol{\blacksquare}$

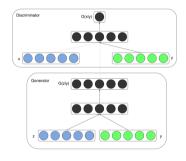
Замечание. Таким образом, генератор G будет пытаться полностью повторять распределение исходных данных: $p_g = p_{data}$.



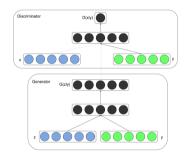
$$\min_{G} \max_{D} [\mathbb{E}_{x \sim p_{data}, y \sim p_{y}} \log D(x, y) + \mathbb{E}_{z \sim p_{z}, y \sim p_{y}} \log (1 - D(G(z, y), y))]$$

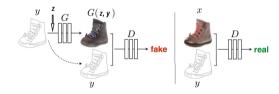


$$\min_{G} \max_{D} [\mathbb{E}_{x \sim p_{data}, y \sim p_{y}} \log D(x, y) + \mathbb{E}_{z \sim p_{z}, y \sim p_{y}} \log (1 - D(G(z, y), y))]$$



$$\min_{G} \max_{D} [\mathbb{E}_{x \sim p_{data}, y \sim p_{y}} \log D(x, y) + \mathbb{E}_{z \sim p_{z}, y \sim p_{y}} \log (1 - D(G(z, y), y))]$$

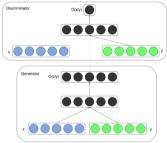


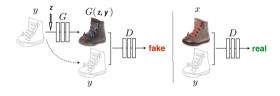






$$\min_{G} \max_{D} [\mathbb{E}_{x \sim p_{data}, y \sim p_{y}} \log D(x, y) + \mathbb{E}_{z \sim p_{z}, y \sim p_{y}} \log (1 - D(G(z, y), y))]$$



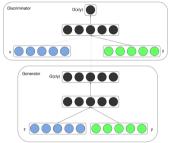


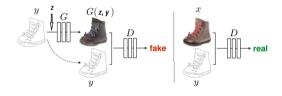
Ссылки для любознательных:

🚺 Image2Image Translation от Д. Михайлова



$$\min_{G} \max_{D} [\mathbb{E}_{x \sim p_{data}, y \sim p_{y}} \log D(x, y) + \mathbb{E}_{z \sim p_{z}, y \sim p_{y}} \log (1 - D(G(z, y), y))]$$





Ссылки для любознательных:

- 1 Image2Image Translation от Д. Михайлова
- Image Generation от А. Иванюты





Вариационный автоэнкодер

Вариационный автоэнкодер

Сначала реальные данные отображаются в простое распределение (например, $z \sim N(\mu, \sigma^2)$) с помощью энкодера *Enc.*, после чего отображаются обратно с помощью декодера Dec. Dec и Enc — нейросети, обучающиеся совместно. При генерации порождается $z \sim N(\mu, \sigma^2)$ и используется только Dec(z).



²Kingma, Diederik P., and Max Welling. "Auto-encoding variational bayes." 2013.

Вариационный автоэнкодер

Вариационный автоэнкодер

Сначала реальные данные отображаются в простое распределение (например, $z \sim N(\mu, \sigma^2)$) с помощью энкодера Enc, после чего отображаются обратно с помощью декодера Dec. Dec и Enc — нейросети, обучающиеся совместно. При генерации порождается $z \sim N(\mu, \sigma^2)$ и используется только Dec(z).

Замечания²:

• Если просто генерировать случайное $z \sim N(\mu, \sigma^2)$, то не сможем обучать сеть (нет возможности провести обратное распространение ошибки!)



²Kingma, Diederik P., and Max Welling. "Auto-encoding variational bayes." 2013.

Вариационный автоэнкодер

Вариационный автоэнкодер

Сначала реальные данные отображаются в простое распределение (например, $z \sim N(\mu, \sigma^2)$) с помощью энкодера Enc, после чего отображаются обратно с помощью декодера Dec. Dec и Enc — нейросети, обучающиеся совместно. При генерации порождается $z \sim N(\mu, \sigma^2)$ и используется только Dec(z).

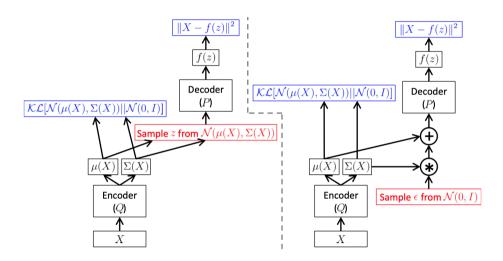
Замечания²:

- Если просто генерировать случайное $z \sim N(\mu, \sigma^2)$, то не сможем обучать сеть (нет возможности провести обратное распространение ошибки!)
- Применяется так называемый репараметризационный трюк (reparametrization trick): генерируется случайное значение $z \sim N(0,1)$, после чего линейно домножается на σ и прибавляется $\mu \Rightarrow$ можно пропускать градиенты по σ и μ !



²Kingma, Diederik P., and Max Welling. "Auto-encoding variational bayes." 2013. (3) (3) (3)

Вариационный автоэнкодер — схема





Время для вопросов





Спасибо за внимание!

