# Нейронные сети

### Лекция 3. Несвёрточные слои

#### Иванов И.Е.

МаТИС

13 октября 2023г.

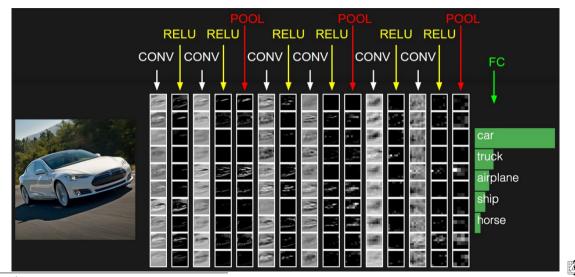


# План лекции

- Субдискретизация
- Иелинейность
- Полносвязный и Softmax слои
- Дропаут
- Пакетная нормализация



# Визуализация работы сверточной сети $^{1}$



<sup>1</sup>https://cs.stanford.edu/people/karpathy/convnetjs/demo/cifar10.html ( ) ( ) ( ) (

 Иванов И.Е. (MaTIS)
 Лекция 03
 13 октября 2023г.

3 / 30

### Основные типы слоев в СНС

С прошлой лекции:

### Входной слой INPUT

Необработанные пиксельные значения входной картинки. Это — первый слой в СНС.

## Сверточный слой CONV

Скалярное произведение между элементами фильтра (также называемого **ядром** свертки) и ограниченой областью (обычно гораздо меньше всей площади  $H \times W$ ) входного слоя, с которой имеются связи, с помощью скользящего окна (слева направо сверху вниз).



### Основные типы слоев в СНС

Сегодня:

### Нелинейность ReLU

Нелинейность вида  $ReLU(x) = \max(0, x)$ , применяемая ко всем нейронам слоя поточечно.

## Слой субдискретизации POOL

Уменьшение размерности по пространственным измерениям w, h. Могут использоваться разные подходы: усреднение, взятие максимума по подобласти и т.п.

## Полносвязный слой FC (Fully connected)

Матричное умножение — в данном случае каждый нейрон выходного слоя связан со всеми нейронами входного слоя (в отличие от сверточного слоя).



5 / 30

Иванов И.Е. (MaTIS) Лекция 03 13 октября 2023г.

# Субдискретидация

1	3	2	9
7	4	1	5
8	5	2	3
4	2	1	4



Слой субдискретизации решает две проблемы:

- Снижает пространственную размерность
- Помогает не переобучаться

# Параметры слоя субдискретизации

## Размер фильтра

Пространственная размерность области (по горизонтали и вертикали), внутри которой применяется функция уменьшения размерности (max, avg).

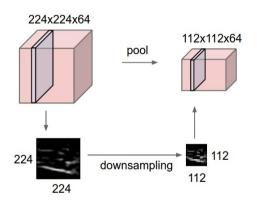
## Шаг (stride)

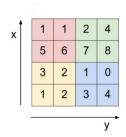
Количество элементов по горизонтали или вертикали, на которое перемещается фильтр для получения результирующей карты признаков.





## Иллюстрация уменьшения размерности



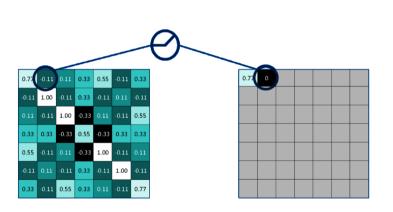


Махрооl с шагом 2 и фильтром 2х2

6	8
3	4



## Активация



- Применение нелинейной функции (например, ReLU(x) = max(0, x))
- Цель: выделение наиболее значимой информации





## Слой нелинейности

- Также называется активацией
- Нужен для увеличения эффективной глубины СНС.
- Применяется поэлементно для нейронов всего слоя.
- Обычно не имеет обучаемых параметров (за редким исключением, например, PReLU)

## Примеры активаций

- Rectified Linear Unit ReLU(x) = max(0, x)
- Сигмоида  $\sigma(x) = \frac{1}{1 + \exp(-x)}$
- ullet Гиперболический тангенс  $anh(x) = 2\sigma(2x) 1$
- ullet ReLU с утечкой (Leaky ReLU)  $LReLU(x) = (x < 0) * \alpha x + (x \ge 0) * x$
- $Maxout(x) = max(a_1x + b_1, a_2x + b_2)$
- Экспоненциальный Linear Unit  $ELU(x) = (x < 0) * \alpha(\exp(x) 1) + (x \ge 0) * x$

Иванов И.Е. (MaTIS) Лекция 03 13 октябоя 2023г. 10 / 30

## Иллюстрация активаций

## **Activation Functions**

### Sigmoid



### tanh

tanh(x)



#### ReLU

 $\max(0,x)$ 



### Leaky ReLU $\max(0.1x,x)$

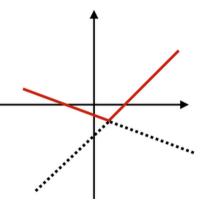


### **Maxout**

 $\max(w_1^T x + b_1, w_2^T x + b_2)$ 

#### ELU

$$\begin{cases} x & x \ge 0 \\ \alpha(e^x - 1) & x < 0 \end{cases}$$







13 октября 2023г.

### Полносвязный слой

- **1** Для классификации на N классов обычно определяют вероятность  $p_i$  принадлежности к каждому из классов
- $oldsymbol{arphi}$  Для этого сначала вычисляют N т.н. логитов  $I_i$  скалярных значений из  $\mathbb R$
- ③ При этом на выходе последней операции СНС (например, свертки) может оказаться тензор X' произвольного размера M=d\*w\*h, который может быть преобразован для упрощения вычислений в вектор X размера  $M\times 1$
- Как раз для преобразования M входов в N выходов-логитов и применяется полносвязный слой, или умножение на матрицу A размера  $N \times M$ : Y = A \* X,  $Y_i = I_i$
- ullet Иногда к результату умножения на матрицу добавляют одномерный тензор сдвига  $b^k$  длины N

**Замечание**. Обычно полносвязные слои — самые большие по объему и не очень быстрые, поэтому нужно стараться их избегать (average pooling) либо оптимизировать



12 / 30

Иванов И.Е. (MaTIS) Лекция 03 13 октября 2023г.

## Слой Softmax

Операция Softmax — это обобщение сигмоиды на случай N входов:

$$Softmax(Y)_i = \frac{e^{l_i}}{\sum_{k=1}^{N} e^{l_k}} = p_i$$

**2** Теперь  $p_i$  — корректный вектор вероятностей:

$$\sum_{k=1}^{N} p_k = 1, \quad 0 \le p_i \le 1 \quad \forall i = 1 \dots N$$





# Шаблоны построения СНС

## Шаблон глубокой СНС

 $INPUT {\rightarrow} [[CONV {\rightarrow} RELU]*N {\rightarrow} POOL?]*M {\rightarrow} [FC {\rightarrow} RELU]*K {\rightarrow} Softmax$ 

Замечание. Современные СНС зачастую имеют немного более сложную структуру

- ① Сети типа ResNet имеют т.н. остаточные (residual) связи
- Сети типа Inception предлагают конкатенацию слоев + разделение одной 2D свертки на две 1D свертки
- Слой BatchNormalization выполняет послойную нормализацию
- DropOut борется с переобучением



14 / 30

Иванов И.Е. (MaTIS) Лекция 03 13 октября 2023г.

# Откуда берутся размерности $\geq 4$

### Размерность 4

Обычно это размерность т.н. пакета (batch) входных данных, над которыми все операции выполняются совершенно идентично и параллельно (в рамках используемой архитектуры). Например, размер пакета из 32 входных картинок

### Размерность 5

Дополнительная размерность необходима для обработки видео и задает количество кадров, при этом она будет четвертой размерностью, а на пятую сдвинется размер пакета (он всегда либо первый, либо последний — в зависимости от реализации).

# Дропаут $^2$ (выброс)

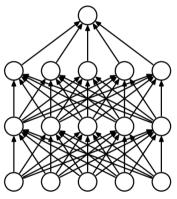
- Для уменьшения переобучения, во время обучения нейроны "выключают" с вероятностью  $0 \le 1 p \le 1$
- Это можно сделать, зануляя "выключенные" нейроны
- ullet На тесте нейроны не выключаются; при этом выход нейрона умножается на p
  - Матожидание выхода нейрона при обучении px + (1-p)0 = px (т.к. мы либо пропускаем нейрон без изменений, либо зануляем)
  - Поэтому при тестировании, когда все нейроны включены, их выходы нужно шкалировать для такого же матожидания
- ullet Либо при обучении делим выход на p: тогда на тесте ничего домножать не надо



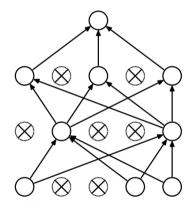
<sup>2</sup>Srivastava et al. "Dropout: a simple way to prevent neural networks from overfitting" 2014 🕟 🖘 📑

Иванов И.Е. (MaTIS) Лекция 03 13 октября 2023г. 16/30

# Схема дропаута



(a) Standard Neural Net



(b) After applying dropout.





# Внутренний ковариационный сдвиг

### Проблема

- Внутренний ковариационный сдвиг (Internal Covariate Shift, ICS) изменение распределения значений нейронов вследствие изменения параметров нейросети во время обучения
- Более глубокая нейросеть  $\Rightarrow$  больший сдвиг

## Очевидные пути решения для глубоких нейросетей (следующая лекция)

- Очень аккуратная инициализация параметров нейросети
- Маленький коэффициент скорости обучения (и, как следствие, очень медленное обучение)
- Нормализация входа<sup>3</sup> (помогает слабо)



18 / 30

<sup>3</sup>LeCun Y. A. et al. "Efficient backprop". 1998

Иванов И.Е. (MaTIS) Лекция 03 13 октября 2023г.

# Пакетная нормализация<sup>4</sup>

### Решение

- Нормализация по пакету (Batch Normalization, BN) та самая 4 размерность
- Можно нормализовать каждый слой (а не только вход)
- Нужно нормализовать на каждом пакете данных (mini-batch)
- Дальше для обучения параметров нейросети будут подаваться уже нормализованные значения (и т.о. уменьшаем ICS)

## Преимущества BN

- За счет большего learning rate скорость обучения возрастает в разы
- Не так чувствительна к инициализации
- Не нужен дропаут

 Иванов И.Е. (MaTIS)
 Лекция 03
 13 октября 2023г.
 19 / 30

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>loffe S., Szegedy C. "Batch normalization: Accelerating deep network training by reducing internal covariates shift". 2015

# Когда и где применять BN

### Когда

- В глубоких нейросетях
- Нужно ускорить скорость обучения

### Где

- После операции свертки или других матричных операций
- До применения функции активации (до ReLU) т.к. функция активации сама по себе сильно меняет распределение
- Тем не менее, есть свидетельства, что порой можно применить BN и после активации (хотя и не всегда это работает)





# Режимы работы ВМ

BN работает по-разному во время тестирования (т.н. inference mode) и во время обучения

### Обучение

- ullet Подсчитываем  $\mu_B$  и  $\sigma_B$  на пакете B
- ullet Обновляем глобальные значения (соотв. всему обучающему множеству)  $\mu_{ extstack{avg}}$  и  $\sigma_{ extstack{avg}}$

### Тестирование

ullet Используем значения  $\mu_{avg}$  и  $\sigma_{avg}$  вне зависимости от  $\mu_B$  и  $\sigma_B$  на текущем пакете



Иванов И.Е. (MaTIS) Лекция 03 13 октября 2023г. 21/30

### ВN: статистика на пакете

- ullet Предположим, что мы используем пакет размера T
- ullet  $X_{ij}^{mt}$  четырехмерный тензор значений для некоторого слоя, где
  - $1 \le i \le H, 1 \le j \le W$  пространственные координаты (ширина и высота),
  - $\bullet$   $m = 1 \dots M$  номер карты признаков,
  - ullet  $t=1\dots T$  номер внутри пакета.

### Статистика на пакете

- $\mu_B^m = \frac{1}{HWT} \sum_t \sum_{i,j} X_{ij}^{mt}$
- $\sigma_B^{2m} = \frac{1}{HWT} \sum_t \sum_{i,j} (X_{ij}^{mt} \mu_B^m)^2$





# BN: режим обучения

### Гиперпараметры

- $m{\circ}$   $lpha \in [0,1]$ : параметр сглаживания для обновления глобальных параметров
- $\epsilon > 0$  регуляризатор (маленькое число)

### Шаг обучения k

- ullet  $\mu^m_{\mathsf{avg},k} = lpha \mu^m_{\mathsf{avg},k-1} + (1-lpha) \mu^m_{\mathsf{B}}$  (инициализация  $\mu^m_{\mathsf{avg},0} = 0$ )
- ullet  $\sigma^{2m}_{\mathsf{avg},k} = lpha \sigma^{2m}_{\mathsf{avg},k-1} + (1-lpha) \sigma^{2m}_{B}$  (инициализация  $\sigma^{2m}_{\mathsf{avg},0} = 1$ )
- ullet Выход нормализованного слоя:  $Y_{ij}^{mt} = \gamma^m rac{X_{ij}^{mt} \mu_B^m}{\sqrt{\sigma_B^{2m} + \epsilon}} + eta^m$
- ullet Параметры  $\gamma^m$  (масштаб, scale) и  $\beta^m$  (сдвиг, shift) обучаемые

Замечание. В случае  $\gamma^m = \sqrt{\sigma_B^{2m} + \epsilon}, \beta^m = \mu_B^m$  получим  $Y_{ij}^{mt} = X_{ij}^{mt}$  и ВN в принципе может обучиться ничего не делать (ничего не портить).

 Иванов И.Е. (MaTIS)
 Лекция 03
 13 октября 2023г.
 23 / 30

# ВN: режим теста

- lacktriangle Используем уже обученные параметры масштаба  $\gamma^m$  и сдвига  $\beta^m$
- ② Несмотря на то, что в тесте данные тоже могут подаваться пакетами, не обращаем внимание на статистику пакета  $\mu_B^m$  и  $\sigma_B^{2m}$
- ullet Не обновляем глобальные параметры  $\mu_{\mathit{avg}}^m$  и  $\sigma_{\mathit{avg}}^{2m}$
- f 4 Выход нормализованного слоя:  $Y_{ij}^{mt} = \gamma^m rac{X_{ij}^{mt} \mu_{avg}^m}{\sqrt{\sigma_{avg}^2 + \epsilon}} + eta^m$

### Число параметров для BN

- Для каждой карты признаков нужно хранить 4 числа: 2 глобальные статистики, и 2 — параметры сдвига и масштаба
- ullet Если L слоев по M карт каждый, то число BN параметров составляет  $N_{BN}=4LM$
- $N_{BN} \ll N_{CONV}$



24 / 30

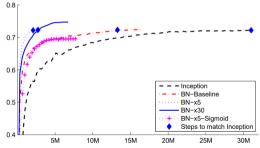
 Иванов И.Е. (MaTIS)
 Лекция 03
 13 октября 2023г.

# ВИ: эффект

Использование BN позволило достичь двух целей:

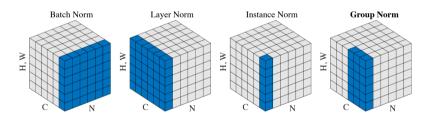
- Ускорить обучение до одинакового качества (вплоть до 15 раз)
- Улучшить качество (на 2.6%)

	Model	Steps to 72.2%	Max accuracy
	Inception	$31.0 \cdot 10^{6}$	72.2%
	BN-Baseline	$13.3 \cdot 10^{6}$	72.7%
$LR = LR \times 5$	$\longrightarrow BN$ -x5	$2.1 \cdot 10^{6}$	73.0%
LR = LR x 30 -	$\longrightarrow BN$ -x30	$2.7 \cdot 10^{6}$	74.8%



# Другие виды нормализаций

- Нормализация по слою, а не по пакету $^5$  (layer normalization)
- Нормализация по одной карте признаков (instance normalization)
- Нормализация по части слоя<sup>7</sup> (group normalization)



13 октября 2023г.

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup>Ba J. L., Kiros J. R., Hinton G. E. "Layer normalization". 2016

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup>Ulyanov D., Vedaldi A., Lempitsky V. "Instance normalization: The missing ingredient for fast stylization". 2016

<sup>&</sup>lt;sup>7</sup>Wu Y., He K. "Group normalization". 2018

## LN: Нормализация по слою

- ullet Предположим, что мы используем пакет размера T
- ullet  $X_{ij}^{mt}$  четырехмерный тензор значений для некоторого слоя, где
  - $1 \le i \le H, 1 \le j \le W$  пространственные координаты (ширина и высота),
  - $\bullet$   $m = 1 \dots M$  номер карты признаков,
  - ullet  $t=1\dots T$  номер внутри пакета.

### Статистика по слою

- $\mu_B^t = \frac{1}{HWM} \sum_m \sum_{i,j} X_{ij}^{mt}$
- $\sigma_B^{2t} = \frac{1}{HWM} \sum_m \sum_{i,j} (X_{ij}^{mt} \mu_B^t)^2$





# IN: Нормализация по одной карте признаков

- ullet Предположим, что мы используем пакет размера T
- ullet  $X_{ij}^{mt}$  четырехмерный тензор значений для некоторого слоя, где
  - ullet  $1 \leq i \leq H, 1 \leq j \leq W$  пространственные координаты (ширина и высота),
  - $m = 1 \dots M$  номер карты признаков,
  - ullet  $t = 1 \dots T$  номер внутри пакета.

## Статистика по одной карте признаков

- $\mu_B^{mt} = \frac{1}{HW} \sum_{i,j} X_{ij}^{mt}$
- $\sigma_B^{2mt} = \frac{1}{HW} \sum_{i,j} (X_{ij}^{mt} \mu_B^{mt})^2$



28 / 30

Иванов И.Е. (MaTIS) Лекция 03 13 октября 2023г.

# WS: стандартизация весов<sup>8</sup>

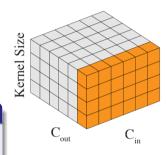
- $W_{uv}^{mk}$  четырехмерный тензор значений для некоторого фильтра, где
  - $1 \le u \le p, 1 \le v \le q$  пространственные координаты (ширина и высота),
  - $m = 1 \dots M$  количество карт входного слоя,
  - $\bullet$   $k = 1 \dots K$  количество карт выходного слоя.

### Стандартизация весов

• 
$$\mu_W^k = \frac{1}{pqM} \sum_m \sum_{u,v} W_{uv}^{mk}$$

• 
$$\sigma_W^{2k} = \frac{1}{pqM} \sum_m \sum_{u,v} (W_{uv}^{mk} - \mu_W^k)^2$$

$$ullet \hat{W}^{mk}_{uv} = rac{W^{mk}_{uv} - \mu^k_W}{\sqrt{\sigma^{2k}_W + \epsilon}}$$



<sup>&</sup>lt;sup>8</sup>Qiao S. et al. "Weight standardization." 2019





# Спасибо за внимание!



