

### Politechnika Wrocławska



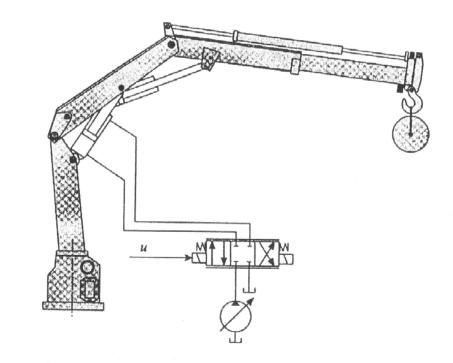
### Neurosterowniki: Identyfikacja

LABORKA © Piotr Ciskowski

Przykład 1

### MODELLING OF A HYDRAULIC ACTUATOR

- hydraulic actuator used for controlling the position of a crane arm
  - the boom = lower joint of the arm



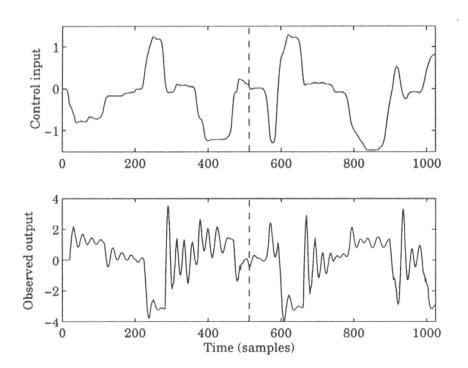
źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

• hydraulic actuator - input: u - valve opening

- output: *p* - oil pressure

- 512 samples for training

- 512 samples for validation and model comparison





- ściągnij plik actuator.mat
- załaduj go do przestrzeni roboczej MATLABa
- narysuj wykres zmiennych: u pobudzenie (otwarcie zaworu valve opening)
   p odpowiedź (ciśnienie oleju oil pressure)

```
load actuator.mat
subplot(2,1,1)
    plot(u)
subplot(2,1,2)
    plot(p)
```



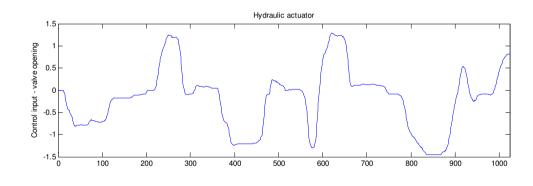
źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

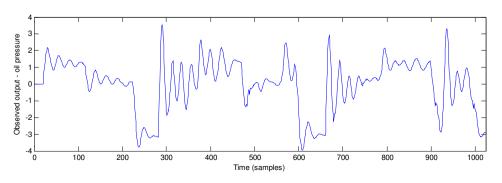
- ściągnij plik actuator.mat
- załaduj go do przestrzeni roboczej MATLABa
- narysuj wykres zmiennych: u pobudzenie (otwarcie zaworu valve opening)
   p odpowiedź (ciśnienie oleju oil pressure)

load actuator.mat

subplot(2,1,1)
plot(u)

subplot (2,1,2)
plot (p)





Przykład 1

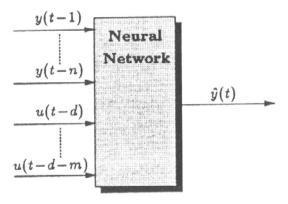
## MODELLING OF A HYDRAULIC ACTUATOR MODEL LINIOWY ARX



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

• zidentyfikuj układ przy pomocy modelu ARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = -a_1 y(t-1) - a_2 y(t-2) - a_3 y(t-3) + b_1 u(t-1) + b_2 u(t-2)$$





źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu ARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = -a_1 y(t-1) - a_2 y(t-2) - a_3 y(t-3) + b_1 u(t-1) + b_2 u(t-2)$$

skonstruuj ciąg uczący



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu ARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = -a_1 y(t-1) - a_2 y(t-2) - a_3 y(t-3) + b_1 u(t-1) + b_2 u(t-2)$$

skonstruuj ciąg uczący



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu ARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = -a_1 y(t-1) - a_2 y(t-2) - a_3 y(t-3) + b_0 u(t) + b_1 u(t-1) + b_2 u(t-2)$$

wytnij zera plączące się z przodu i z tyłu

```
wejsciaSieci ( 1025 : 1027 , : ) = [ ] ;
wyjscieSieci ( 1025 : 1027 , : ) = [ ] ;
wejsciaSieci (  1 :  3 , : ) = [ ] ;
wejsciaSieci (  1 :  3 , : ) = [ ] ;
```



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu ARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = -a_1 y(t-1) - a_2 y(t-2) - a_3 y(t-3) + b_0 u(t) + b_1 u(t-1) + b_2 u(t-2)$$

ostateczne ciągi uczące:

```
% - dla uczenia wsadowego:

PuczWsadowe = wejsciaSieci( 1: 511,:)'; % ciąg uczący - pierwsza połowa przykładów
TuczWsadowe = wyjscieSieci( 1: 511,:)';

PsprWsadowe = wejsciaSieci(512:1021,:)'; % ciąg sprawdzający - druga połowa przykładów
TsprWsadowe = wyjscieSieci(512:1021,:)';
```



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu ARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = -a_1 y(t-1) - a_2 y(t-2) - a_3 y(t-3) + b_0 u(t) + b_1 u(t-1) + b_2 u(t-2)$$

ostateczne ciągi uczące:

```
TuczPrzyrostowe = num2cell ( wyjscieSieci( 1: 511,:)' , 1 ) ;
```

% ciąg sprawdzajacy – druga połowa przykładów

```
PsprPrzyrostowe = num2cell ( wejsciaSieci(512:1021,:)' , 1 ) ;
TsprPrzyrostowe = num2cell ( wyjscieSieci(512:1021,:)' , 1 ) ;
```

PuczPrzyrostowe = num2cell ( wejsciaSieci( 1: 511,:)' , 1 ) ;



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

• zidentyfikuj układ przy pomocy modelu ARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = -a_1 y(t-1) - a_2 y(t-2) - a_3 y(t-3) + b_0 u(t) + b_1 u(t-1) + b_2 u(t-2)$$

• utwórz sieć jednowarstwową liniową 5-1 (lub 6-1)

```
siecARXprzed = newlin ( PuczWsadowe , TuczWsadowe ) ; % starszy MATLAB
```



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu ARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = -a_1 y(t-1) - a_2 y(t-2) - a_3 y(t-3) + b_0 u(t) + b_1 u(t-1) + b_2 u(t-2)$$

naucz sieć - wsadowo

```
disp ( 'Uczę sieć ARX - wsadowo...' )
disp ( ' ' )
siecARXpo = train ( siecARXprzed , Pwsadowe , Twsadowe ) ;
```

- podejrzyj przebieg uczenia
  - Performance



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu ARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = -a_1 y(t-1) - a_2 y(t-2) - a_3 y(t-3) + b_0 u(t) + b_1 u(t-1) + b_2 u(t-2)$$

naucz sieć - przyrostowo



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu ARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = -a_1 y(t-1) - a_2 y(t-2) - a_3 y(t-3) + b_0 u(t) + b_1 u(t-1) + b_2 u(t-2)$$

naucz sieć - przyrostowo

figure



#### przykład 1. Modelling of a hydraulic actuator

źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu ARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = -a_1 y(t-1) - a_2 y(t-2) - a_3 y(t-3) + b_0 u(t) + b_1 u(t-1) + b_2 u(t-2)$$

narysuj wykres przebiegu błędu uczenia w kolejnych epokach

```
plot ( bladMSE )
title ( 'Training record' )
```

xlabel ( 'epoch'

ylabel ( 'MSE error'



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu ARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = -a_1 y(t-1) - a_2 y(t-2) - a_3 y(t-3) + b_0 u(t) + b_1 u(t-1) + b_2 u(t-2)$$

• sprawdź działanie modelu - metodą one-step ahead prediction - na zbiorze uczącym

```
figure
```



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu ARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = -a_1 y(t-1) - a_2 y(t-2) - a_3 y(t-3) + b_0 u(t) + b_1 u(t-1) + b_2 u(t-2)$$

sprawdź działanie modelu - metodą one-step ahead prediction - na zbiorze sprawdzającym



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu ARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = -a_1 y(t-1) - a_2 y(t-2) - a_3 y(t-3) + b_0 u(t) + b_1 u(t-1) + b_2 u(t-2)$$

sprawdź działanie modelu - metodą symulacji - na zbiorze sprawdzającym

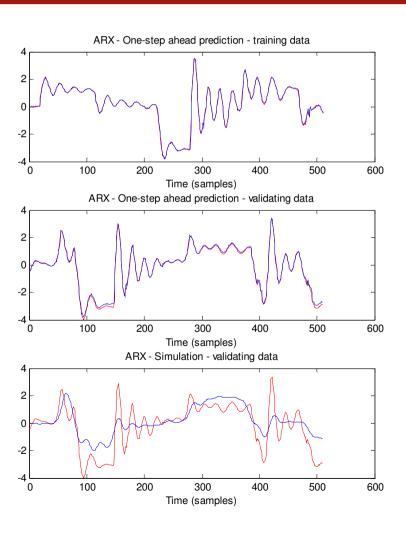


źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu ARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = -a_1 y(t-1) - a_2 y(t-2) - a_3 y(t-3) + b_0 u(t) + b_1 u(t-1) + b_2 u(t-2)$$

• sprawdź działanie modelu - metodą symulacji - na zbiorze sprawdzającym



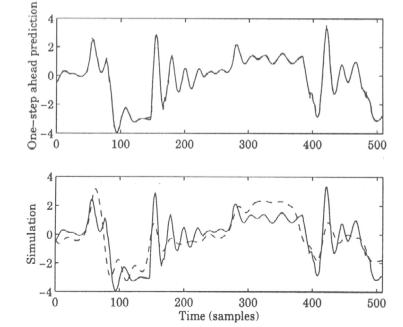


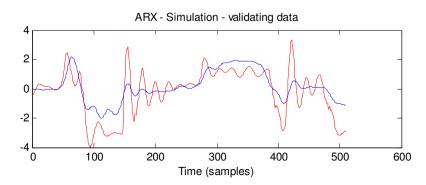
źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu ARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = -a_1 y(t-1) - a_2 y(t-2) - a_3 y(t-3) + b_0 u(t) + b_1 u(t-1) + b_2 u(t-2)$$

porównanie z książką





Przykład 1

# MODELLING OF A HYDRAULIC ACTUATOR MODEL NIELINIOWY NNARX



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu NNARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(y(t-1), y(t-2), y(t-3), u_0(t), u(t-1), u(t-2))$$

utwórz sieć

```
liczbaNeuronow = input ( 'Podaj liczbe neuronów w warstwie ukrytej: ' ) ;
disp ( ' ' ) ;
siecNNARXprzed = newfit ( PuczWsadowe , TuczWsadowe , liczbaNeuronow ) ;
% starszy MATLAB
```



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu NNARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(y(t-1), y(t-2), y(t-3), u_0(t), u(t-1), u(t-2))$$

naucz sieć - wsadowo

```
disp ( 'Uczę sieć NNARX - wsadowo (L-M)...' )
disp ( ' ' )
siecNNARXpo = train ( siecNNARXprzed , PuczWsadowe , TuczWsadowe ) ;
```

- obejrzyj przebieg uczenia
  - Performance
- obejrzyj efekt uczenia
  - Regression



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu NNARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(y(t-1), y(t-2), y(t-3), u_0(t), u(t-1), u(t-2))$$

sprawdź działanie modelu - metodą one-step ahead prediction - na zbiorze uczącym



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu NNARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(y(t-1), y(t-2), y(t-3), u_0(t), u(t-1), u(t-2))$$

sprawdź działanie modelu - metodą one-step ahead prediction - na zbiorze sprawdzającym



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu NNARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(y(t-1), y(t-2), y(t-3), u_0(t), u(t-1), u(t-2))$$

sprawdź działanie modelu - metodą symulacji - na zbiorze sprawdzającym



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

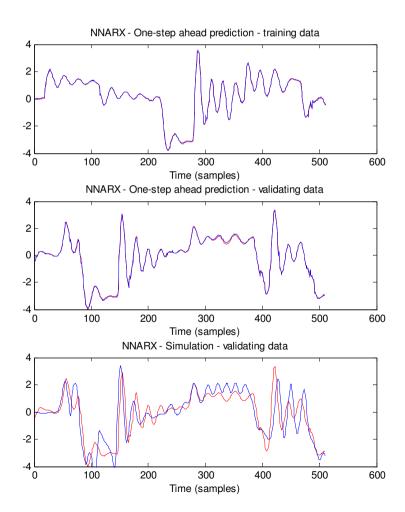
zidentyfikuj układ przy pomocy modelu NNARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(y(t-1), y(t-2), y(t-3), u_0(t), u(t-1), u(t-2))$$

• sprawdź działanie modelu - metodą symulacji - na zbiorze sprawdzającym

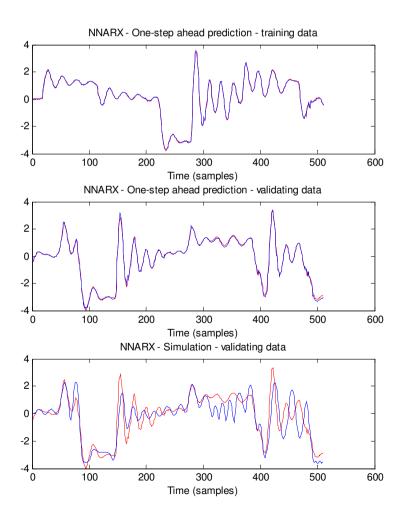


- naucz kilka sieci
  - sieć 5-15-1



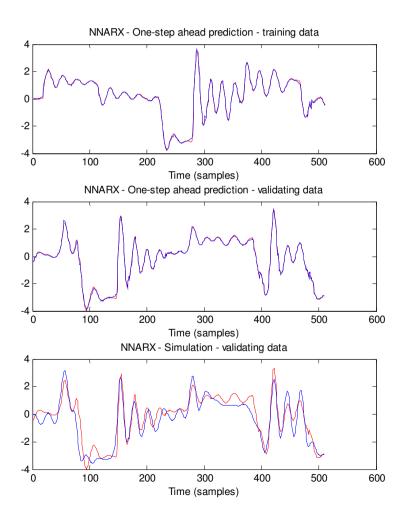


- naucz kilka sieci
  - sieć 6-10-1



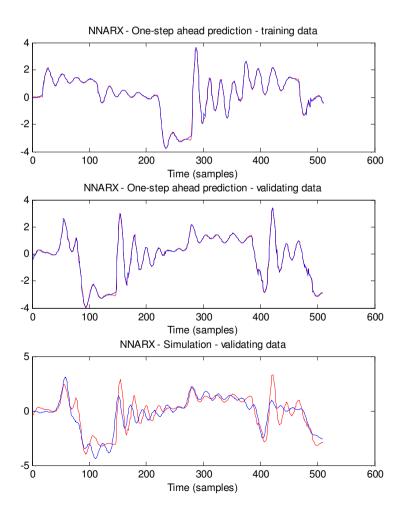


- naucz kilka sieci
  - sieć 6-5-1





- naucz kilka sieci
  - sieć 5-3-1



Przykład 1

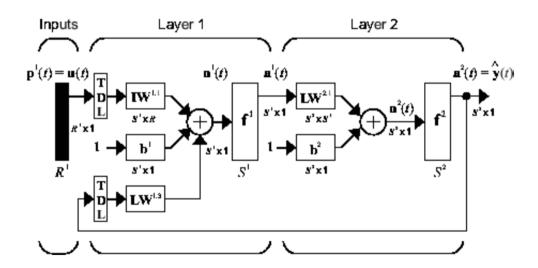
# MODELLING OF A HYDRAULIC ACTUATOR SIEĆ NARX Z TOOLBOXA MATLABA



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu NNARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(y(t-1), y(t-2), y(t-3), u(t-1), u(t-2))$$

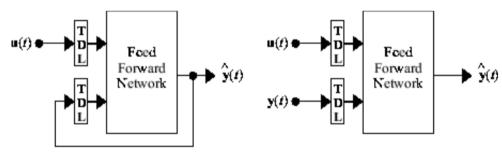




źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu NNARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(y(t-1), y(t-2), y(t-3), u(t-1), u(t-2))$$



Parallel Architecture

Series-Parallel Architecture

używanie

uczenie



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu NNARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(y(t-1), y(t-2), y(t-3), u(t-1), u(t-2))$$

- załaduj dane
- stransponuj do wierszy

load actuator.mat



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu NNARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(y(t-1), y(t-2), y(t-3), u(t-1), u(t-2))$$

- przeskaluj dane na zakres [-1 1]
- przerób je na sekwencje

```
[ p , ps ] = mapminmax ( p ) ;
[ u , us ] = mapminmax ( u ) ;

ps
us

pUcz = con2seq ( p(1,1:512) ) ;
uUcz = con2seq ( u(1,1:512) ) ;
pSpr = con2seq ( p(1,513:1024) ) ;
uSpr = con2seq ( u(1,513:1024) ) ;
```



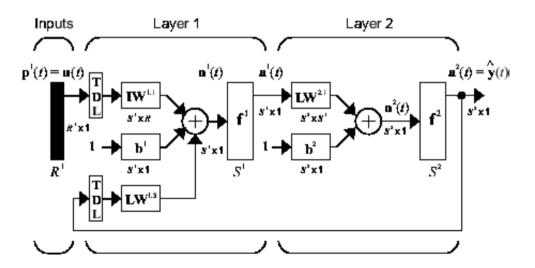
źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu NNARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(y(t-1), y(t-2), y(t-3), u(t-1), u(t-2))$$

zdefiniuj opóźnienia dla sygnałów wejścia i wyjścia

```
uDelays = [ 1 2 ] ; % opóźnienia wejścia (pobudzenie systemu)
pDelays = [ 1 2 3 ] ; % opóźnienia wyjścia (odpowiedź systemu)
```





źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu NNARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(y(t-1), y(t-2), y(t-3), u(t-1), u(t-2))$$

wybierz liczbę neuronów i utwórz sieć NARX

```
liczbaNeuronow = input ( 'Podaj liczbe neuronów w warstwie ukrytej sieci: ' ) ;
siecNARXprzed = narxnet ( uDelays , pDelays , liczbaNeuronow )
```



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu NNARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(y(t-1), y(t-2), y(t-3), u(t-1), u(t-2))$$

przygotuj dane uczące

```
siecNARXprzed.divideFcn = '';
siecNARXprzed.trainParam.min_grad = 1e-10 ;

[ PsekwencjaUcz , PiUcz , AiUcz , tUcz ] = preparets ( siecNARXprzed , uUcz , { } , pUcz ) ;
[ PsekwencjaSpr , PiSpr , AiSpr , tSpr ] = preparets ( siecNARXprzed , uSpr , { } , pSpr ) ;
```



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

• zidentyfikuj układ przy pomocy modelu NNARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(y(t-1), y(t-2), y(t-3), u(t-1), u(t-2))$$

naucz sieć

```
siecNARXpo = train ( siecNARXprzed , PsekwencjaUcz , tUcz , PiUcz ) ;
```



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu NNARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(y(t-1), y(t-2), y(t-3), u(t-1), u(t-2))$$

- Performance...
- Training state...
- Error histogram...
- Regression...
- Time-series response...
- Error autocorrelation...
- Input-Error cross-correlation...



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

• zidentyfikuj układ przy pomocy modelu NNARX(3,2,1)

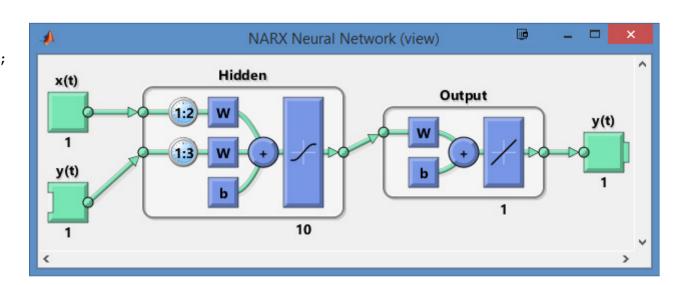
$$\hat{y}(t|\theta) = f(y(t-1), y(t-2), y(t-3), u(t-1), u(t-2))$$

sprawdź sieć - metodą one-step-ahead prediction

```
yUczNARX = sim ( siecNARXpo , PsekwencjaUcz , PiUcz ) ; % na zbiorze uczącym
ySprNARX = sim ( siecNARXpo , PsekwencjaSpr , PiSpr ) ; % na zbiorze sprawdzającym
```

pokaż strukturę sieci

```
view ( siecNARXpo ) ;
```





źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

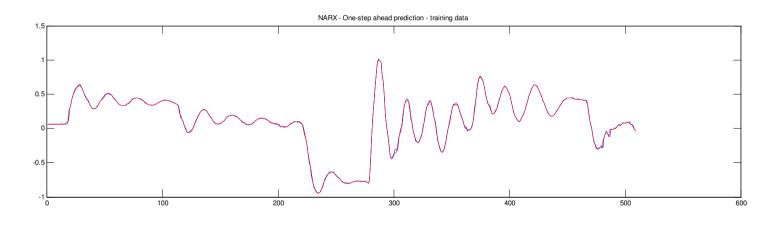
zidentyfikuj układ przy pomocy modelu NNARX(3,2,1)

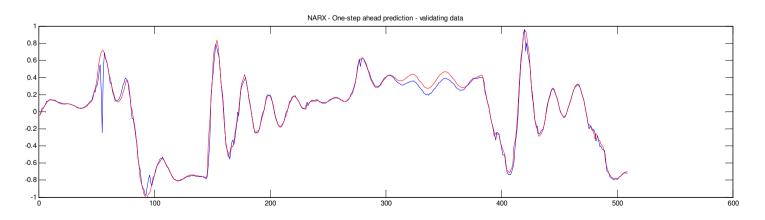
$$\hat{y}(t|\theta) = f(y(t-1), y(t-2), y(t-3), u(t-1), u(t-2))$$

pokaż odpowiedzi sieci - na sprawdzenie metodą one-step-ahead prediction



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211







źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu NNARX(3,2,1)

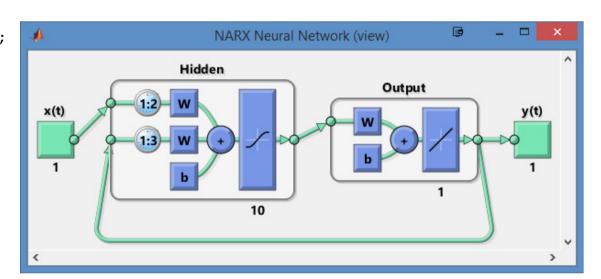
$$\hat{y}(t|\theta) = f(y(t-1), y(t-2), y(t-3), u(t-1), u(t-2))$$

zamknij sieć w pętli sprzężenia

```
siecNARXpoClosed = closeloop ( siecNARXpo ) ;
```

• pokaż strukturę sieci

```
view ( siecNARXpoClosed ) ;
```





źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu NNARX(3,2,1)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(y(t-1), y(t-2), y(t-3), u(t-1), u(t-2))$$

• przygotuj dane do symulacji - multi-step-ahead prediction

```
[ PsekwencjaUcz, PiUcz, AiUcz, tUcz ] = preparets ( siecNARXpoClosed, uUcz, { } , pUcz ) ; [ PsekwencjaSpr, PiSpr, AiSpr, tSpr ] = preparets ( siecNARXpoClosed, uSpr, { } , pSpr ) ;
```

sprawdź sieć - metodą symulacji - multi-step-ahead prediction

```
yUczNARXclosed = sim ( siecNARXpoClosed, PsekwencjaUcz, PiUcz ) ; % na uczącym ySprNARXclosed = sim ( siecNARXpoClosed, PsekwencjaSpr, PiSpr ) ; % na sprawdzającym
```



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

zidentyfikuj układ przy pomocy modelu NNARX(3,2,1)

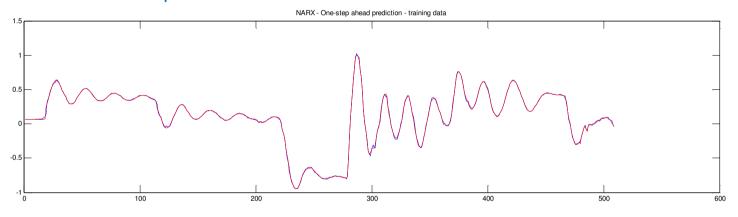
$$\hat{y}(t|\theta) = f(y(t-1), y(t-2), y(t-3), u(t-1), u(t-2))$$

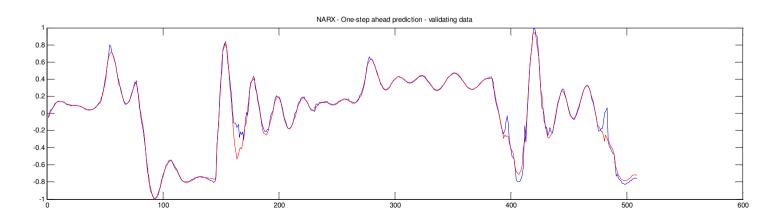
pokaż wynik symulacji - multi-step-ahead prediction



źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

### • inna sieć 10-1 - one-step-ahead:

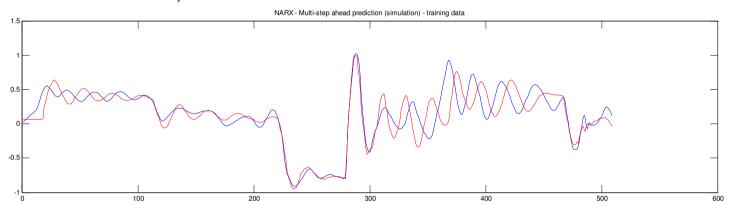


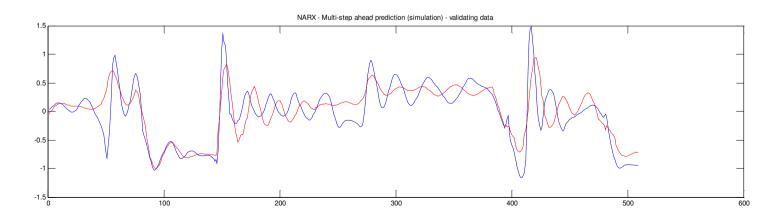




źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

### • inna sieć 10-1 - *multi-step-ahead*:

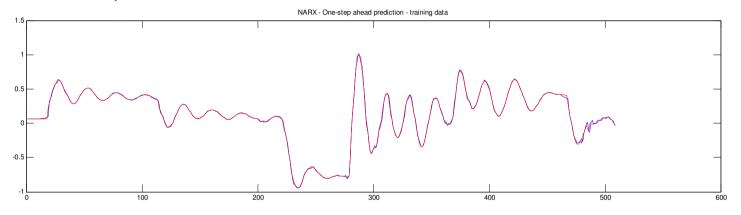


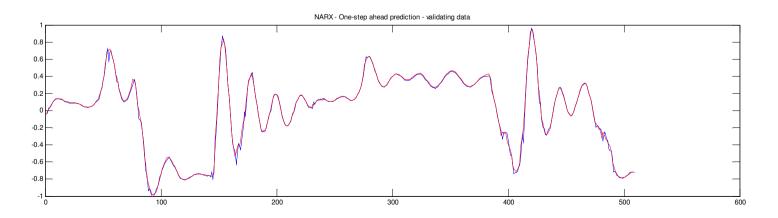




źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

### sieć 5-1 - one-step-ahead:

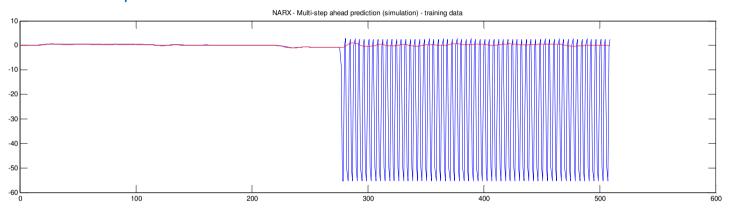


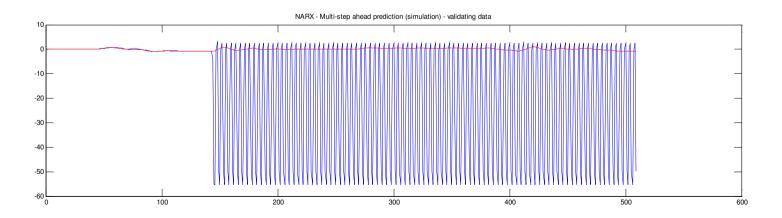




źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

### • sieć 5-1 - multi-step-ahead:

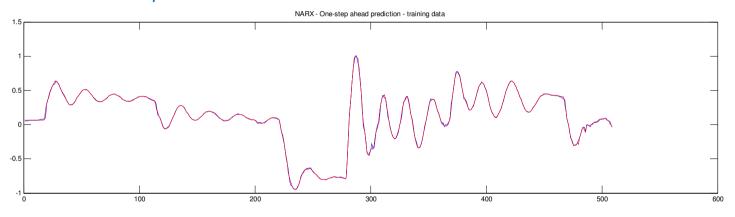


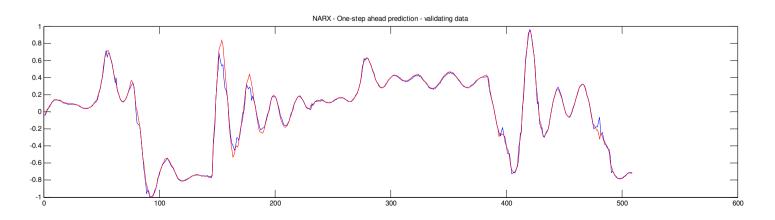




źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

### • inna sieć 5-1 - one-step-ahead:

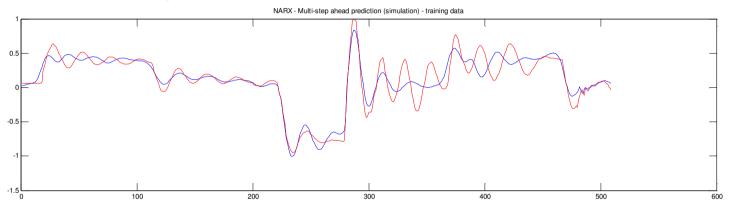


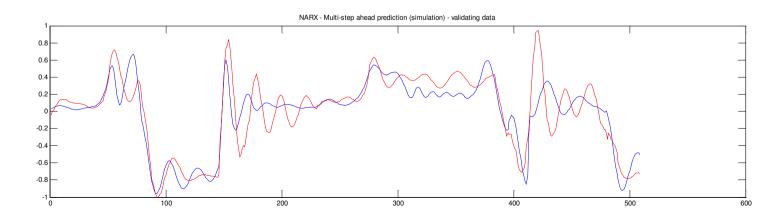




źródło: M. Nørgaard i in. Neural Networks for Modelling a Control of Dynamic Systems, rozdz. 4.2, str. 211

### inna sieć 5-1 - multi-step-ahead:





Przykład 2

# **NNSYSID EXAMPLE**

TOOLBOX NNSYSID

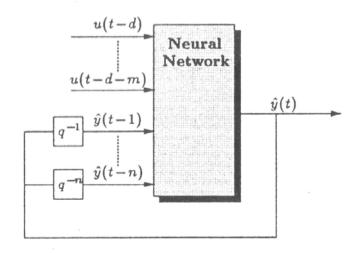


źródło: NNSYSID Toolbox ver. 2, rozdział 3. Example, str. 1-20

M. Nørgaard: "Neural Network Based System Identification Toolbox," Tech. Report. 00-E-891, Department of Automation, Technical University of Denmark, 2000

- an open-loop stable, nonlinear, continuous system
- it is known that it is possible to describe it by a nonlinear output error model (NNOE)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(\hat{y}(t-1), \hat{y}(t-2), ..., \hat{y}(t-n), u(t-d), ..., u(t-d-m))$$





źródło: NNSYSID Toolbox ver. 2, rozdział 3. Example, str. 1-20

M. Nørgaard: "Neural Network Based System Identification Toolbox," Tech. Report. 00-E-891, Department of Automation, Technical University of Denmark, 2000

- an open-loop stable, nonlinear, continuous system
- it is known that it is possible to describe it by a nonlinear output error model (NNOE)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(\hat{y}(t-1), \hat{y}(t-2), ..., \hat{y}(t-n), u(t-d), ..., u(t-d-m))$$



źródło: NNSYSID Toolbox ver. 2, rozdział 3. Example, str. 1-20

M. Nørgaard: "Neural Network Based System Identification Toolbox," Tech. Report. 00-E-891, Department of Automation, Technical University of Denmark, 2000

- an open-loop stable, nonlinear, continuous system
- it is known that it is possible to describe it by a nonlinear output error model (NNOE)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(\hat{y}(t-1), \hat{y}(t-2), ..., \hat{y}(t-n), u(t-d), ..., u(t-d-m))$$

- przejdź do katalogu toolboxa: NNSYSID20
- załaduj dane uczące przebieg symulacji systemu

close all

clear all

clc

load spmdata

whos



źródło: NNSYSID Toolbox ver. 2, rozdział 3. Example, str. 1-20

M. Nørgaard: "Neural Network Based System Identification Toolbox," Tech. Report. 00-E-891, Department of Automation, Technical University of Denmark, 2000

- an open-loop stable, nonlinear, continuous system
- it is known that it is possible to describe it by a nonlinear output error model (NNOE)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(\hat{y}(t-1), \hat{y}(t-2), ..., \hat{y}(t-n), u(t-d), ..., u(t-d-m))$$

narysuj przebiegi systemu

```
przebiegiUczace = figure ;

subplot ( 211 )
   plot ( u1 )
   title ( 'Training data - Input sequence' )

subplot ( 212 )
   plot ( y1 )
   title ( 'Training data - Output sequence' )
```



źródło: NNSYSID Toolbox ver. 2, rozdział 3. Example, str. 1-20

M. Nørgaard: "Neural Network Based System Identification Toolbox," Tech. Report. 00-E-891, Department of Automation, Technical University of Denmark, 2000

- an open-loop stable, nonlinear, continuous system
- it is known that it is possible to describe it by a nonlinear output error model (NNOE)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(\hat{y}(t-1), \hat{y}(t-2), ..., \hat{y}(t-n), u(t-d), ..., u(t-d-m))$$

narysuj przebiegi systemu

```
przebiegiSprawdzajace = figure ;

subplot ( 211 )
   plot ( u2 )
   title ( 'Validating data - Input sequence' )

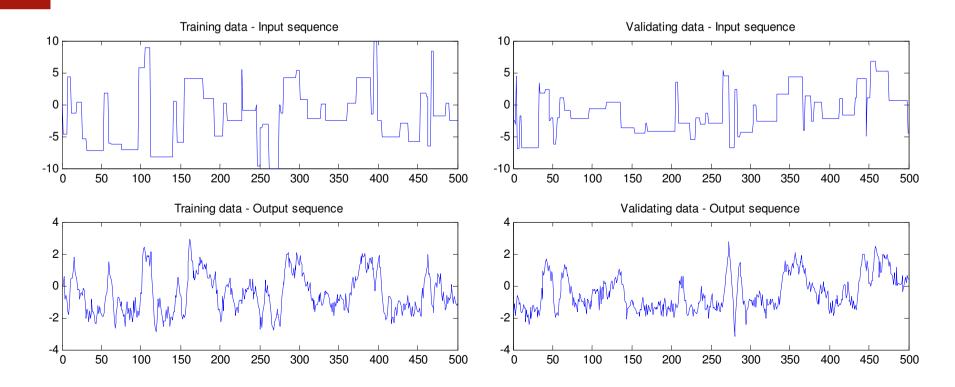
subplot ( 212 )
   plot ( y2 )
   title ( 'Validating data - Output sequence' )
```

źródło: NNSYSID Toolbox ver. 2, rozdział 3. Example, str. 1-20

M. Nørgaard:"Neural Network Based System Identification Toolbox," Tech. Report. 00-E-891, Department of Automation, Technical University of Denmark, 2000

- an open-loop stable, nonlinear, continuous system
- it is known that it is possible to describe it by a nonlinear output error model (NNOE)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(\hat{y}(t-1), \hat{y}(t-2), ..., \hat{y}(t-n), u(t-d), ..., u(t-d-m))$$





źródło: NNSYSID Toolbox ver. 2, rozdział 3. Example, str. 1-20

M. Nørgaard: "Neural Network Based System Identification Toolbox," Tech. Report. 00-E-891, Department of Automation, Technical University of Denmark, 2000

- an open-loop stable, nonlinear, continuous system
- it is known that it is possible to describe it by a nonlinear output error model (NNOE)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(\hat{y}(t-1), \hat{y}(t-2), ..., \hat{y}(t-n), u(t-d), ..., u(t-d-m))$$

przeskaluj dane - średnia 0 , wariancja 1

```
[ u1s , uscales ] = dscale ( u1 ) ;
[ y1s , yscales ] = dscale ( y1 ) ;

u2s = dscale ( u2 , uscales ) ;
 y2s = dscale ( y2 , yscales ) ;
```



źródło: NNSYSID Toolbox ver. 2, rozdział 3. Example, str. 1-20

M. Nørgaard: "Neural Network Based System Identification Toolbox," Tech. Report. 00-E-891, Department of Automation, Technical University of Denmark, 2000

- an open-loop stable, nonlinear, continuous system
- it is known that it is possible to describe it by a nonlinear output error model (NNOE)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(\hat{y}(t-1), \hat{y}(t-2), ..., \hat{y}(t-n), u(t-d), ..., u(t-d-m))$$

ustal rząd systemu - liczbę potrzebnych wejść do sieci

```
close all % zamykam wszystkie okienka z rysunkami
% bo ta funkcja wtrynia swoje rysunki na istniejące okienka
OrderIndices = lipschit ( uls , yls , 1:5 , 1:5 ) ;
```

Przykład 2

# NNSYSID EXAMPLE

MODEL LINIOWY OE



źródło: NNSYSID Toolbox ver. 2, rozdział 3. Example, str. 1-20

M. Nørgaard: "Neural Network Based System Identification Toolbox," Tech. Report. 00-E-891, Department of Automation, Technical University of Denmark, 2000

- an open-loop stable, nonlinear, continuous system
- it is known that it is possible to describe it by a nonlinear output error model (NNOE)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(\hat{y}(t-1), \hat{y}(t-2), ..., \hat{y}(t-n), u(t-d), ..., u(t-d-m))$$

dopasuj model liniowy OE (Output Error) - korzystając z: System Identification Toolbox'a

```
th = oe ( [ y1' u1' ] , [ 2 2 1 ] );
```

przedstaw model

```
present ( th ) ;
```



źródło: NNSYSID Toolbox ver. 2, rozdział 3. Example, str. 1-20

M. Nørgaard: "Neural Network Based System Identification Toolbox," Tech. Report. 00-E-891, Department of Automation, Technical University of Denmark, 2000

- an open-loop stable, nonlinear, continuous system
- it is known that it is possible to describe it by a nonlinear output error model (NNOE)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(\hat{y}(t-1), \hat{y}(t-2), ..., \hat{y}(t-n), u(t-d), ..., u(t-d-m))$$

- porównaj predykcje tego systemu z pomiarami
- narysuj wykres autokorelacji błędów i wykres korelacji wejść i błędów

```
close all % zamykam okienka pozostałe po Lipshitzu
figure, compare ( [ y2' u2' ] , th , 1 ) ;
figure, resid ( [ y2' u2' ] , th ) ;
```

Przykład 2

# **NNSYSID EXAMPLE**

MODEL NIELINIOWY NNOE



źródło: NNSYSID Toolbox ver. 2, rozdział 3. Example, str. 1-20

M. Nørgaard: "Neural Network Based System Identification Toolbox," Tech. Report. 00-E-891, Department of Automation, Technical University of Denmark, 2000

- an open-loop stable, nonlinear, continuous system
- it is known that it is possible to describe it by a nonlinear output error model (NNOE)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(\hat{y}(t-1), \hat{y}(t-2), ..., \hat{y}(t-n), u(t-d), ..., u(t-d-m))$$

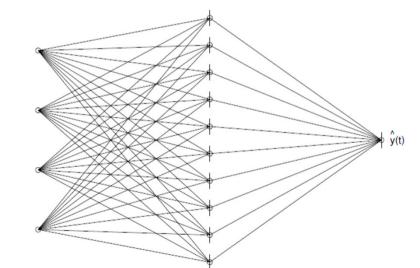
- zdefiniuj strukturę sieci:
  - model drugiego rzędu
  - 10 neuronów ukrytych
  - tangensoidalne funkcje aktywacji

ý(t-2)

 $\hat{y}(t-1)$ 

u(t-2)

u(t-1)





źródło: NNSYSID Toolbox ver. 2, rozdział 3. Example, str. 1-20

M. Nørgaard: "Neural Network Based System Identification Toolbox," Tech. Report. 00-E-891, Department of Automation, Technical University of Denmark, 2000

- an open-loop stable, nonlinear, continuous system
- it is known that it is possible to describe it by a nonlinear output error model (NNOE)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(\hat{y}(t-1), \hat{y}(t-2), ..., \hat{y}(t-n), u(t-d), ..., u(t-d-m))$$

- naucz sieć:
  - maksymalnie 300 iteracji
  - mała redukcja wag

```
trparms = settrain ;
trparms = settrain ( trparms , 'maxiter',300 , 'D',1e-3 , 'skip',10 ) ;
[ W1 , W2 , NSSEvec ] = nnoe ( NetDef , NN , [] , [] , trparms , y1s , u1s ) ;
```

przeskaluj wagi

```
[ w1 , w2 ] = wrescale ( 'nnoe' , W1 , W2 , uscales , yscales , NN ) ;
```



źródło: NNSYSID Toolbox ver. 2, rozdział 3. Example, str. 1-20

M. Nørgaard: "Neural Network Based System Identification Toolbox," Tech. Report. 00-E-891, Department of Automation, Technical University of Denmark, 2000

- an open-loop stable, nonlinear, continuous system
- it is known that it is possible to describe it by a nonlinear output error model (NNOE)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(\hat{y}(t-1), \hat{y}(t-2), ..., \hat{y}(t-n), u(t-d), ..., u(t-d-m))$$

przetestuj sieć - na zbiorze uczącym

```
close all % zamykam poprzednie okienka
[ yhat , NSSE ] = nnvalid ( 'nnoe' , NetDef , NN , w1 , w2 , y1 , u1 ) ;
```

przetestuj sieć - na zbiorze sprawdzającym

```
close all % zamykam poprzednie okienka
[ yhat , NSSE ] = nnvalid ('nnoe' , NetDef , NN , w1 , w2 , y2 , u2 ) ;
```



źródło: NNSYSID Toolbox ver. 2, rozdział 3. Example, str. 1-20

M. Nørgaard: "Neural Network Based System Identification Toolbox," Tech. Report. 00-E-891, Department of Automation, Technical University of Denmark, 2000

- an open-loop stable, nonlinear, continuous system
- it is known that it is possible to describe it by a nonlinear output error model (NNOE)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(\hat{y}(t-1), \hat{y}(t-2), ..., \hat{y}(t-n), u(t-d), ..., u(t-d-m))$$

- zredukuj liczbę wag algorytmem OBS (Optimal Brain Surgeon)
  - po redukcji każdej kolejnej wagi douczene sieci, max. 50 iteracji



źródło: NNSYSID Toolbox ver. 2, rozdział 3. Example, str. 1-20

M. Nørgaard: "Neural Network Based System Identification Toolbox," Tech. Report. 00-E-891, Department of Automation, Technical University of Denmark, 2000

- an open-loop stable, nonlinear, continuous system
- it is known that it is possible to describe it by a nonlinear output error model (NNOE)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(\hat{y}(t-1), \hat{y}(t-2), ..., \hat{y}(t-n), u(t-d), ..., u(t-d-m))$$

przybliż wykres zależności błędu sieci od liczby neuronów

```
set ( gca , 'Ylim' , [ 0 0.25 ] ) ;
```

ustal optymalną liczbę wag w sieci

```
[ mintev , index ] = min ( tev ( pv ) ) ;
index = pv ( index )
```



źródło: NNSYSID Toolbox ver. 2, rozdział 3. Example, str. 1-20

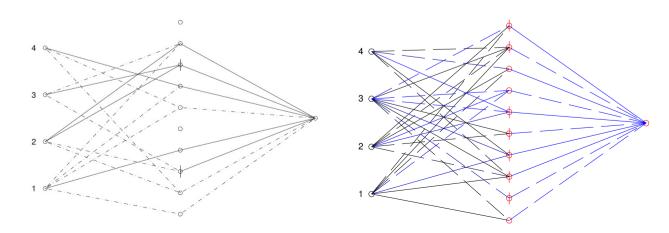
M. Nørgaard: "Neural Network Based System Identification Toolbox," Tech. Report. 00-E-891, Department of Automation, Technical University of Denmark, 2000

- an open-loop stable, nonlinear, continuous system
- it is known that it is possible to describe it by a nonlinear output error model (NNOE)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(\hat{y}(t-1), \hat{y}(t-2), ..., \hat{y}(t-n), u(t-d), ..., u(t-d-m))$$

skonstruuj optymalną sieć

```
close all % zamykam poprzednie okienka
[ W1 , W2 ] = netstruc ( NetDef , thd , index ) ;
```





źródło: NNSYSID Toolbox ver. 2, rozdział 3. Example, str. 1-20

M. Nørgaard: "Neural Network Based System Identification Toolbox," Tech. Report. 00-E-891, Department of Automation, Technical University of Denmark, 2000

- an open-loop stable, nonlinear, continuous system
- it is known that it is possible to describe it by a nonlinear output error model (NNOE)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(\hat{y}(t-1), \hat{y}(t-2), ..., \hat{y}(t-n), u(t-d), ..., u(t-d-m))$$

- naucz od nowa optymalną sieć
  - bez redukcji wag podczas uczenia

```
trparms = settrain ( trparms , 'D' , 0 ) ;  [ \  \  W1 \ , \ W2 \ , \ NSSEvec \ ] \ = \ nnoe \ ( \ NetDef \ , \ NN \ , \ W1 \ , \ W2 \ , \ trparms \ , \ y1s \ , \ u1s \ ) \ ;
```

przeskaluj wagi

```
[ w1 , w2 ] = wrescale ( 'nnoe' , W1 , W2 , uscales , yscales , NN ) ;
```



źródło: NNSYSID Toolbox ver. 2, rozdział 3. Example, str. 1-20

M. Nørgaard: "Neural Network Based System Identification Toolbox," Tech. Report. 00-E-891, Department of Automation, Technical University of Denmark, 2000

- an open-loop stable, nonlinear, continuous system
- it is known that it is possible to describe it by a nonlinear output error model (NNOE)

$$\hat{y}(t|\theta) = f(\hat{y}(t-1), \hat{y}(t-2), ..., \hat{y}(t-n), u(t-d), ..., u(t-d-m))$$

przetestuj ostateczną sieć - po pruningu

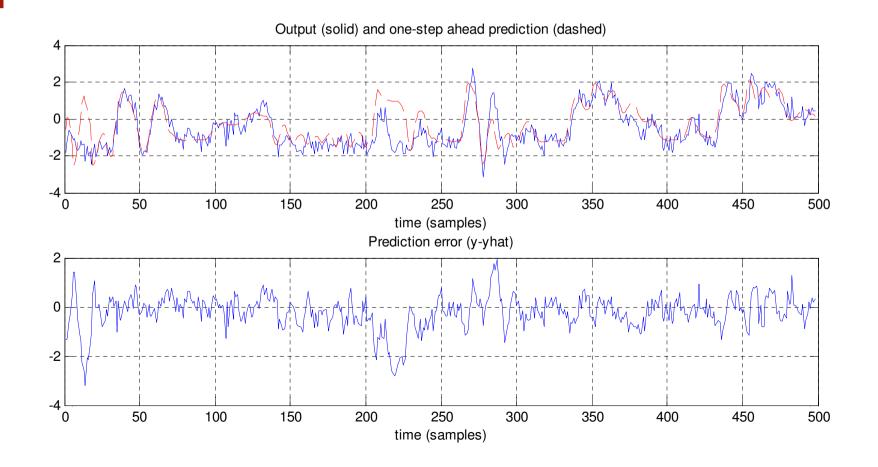
- na zbiorze sprawdzającym

```
close all % zamykam poprzednie okienka
[ yhat , NSSE ] = nnvalid ( 'nnoe' , NetDef , NN , w1 , w2 , y2 , u2 ) ;
```

źródło: NNSYSID Toolbox ver. 2, rozdział 3. Example, str. 1-20

M. Nørgaard: "Neural Network Based System Identification Toolbox," Tech. Report. 00-E-891, Department of Automation, Technical University of Denmark, 2000

zachowanie sieci na ciągu sprawdzającym - PRZED pruningiem:



źródło: NNSYSID Toolbox ver. 2, rozdział 3. Example, str. 1-20

M. Nørgaard: "Neural Network Based System Identification Toolbox," Tech. Report. 00-E-891, Department of Automation, Technical University of Denmark, 2000

zachowanie sieci na ciągu sprawdzającym - PO pruningu:

