Feature set analysis for chess $\exists UNN$ networks Tesis de Licenciatura

Martín Emiliano Lombardo

Director: Agustín Sansone

Co-director: Diego Fernández Slezak

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

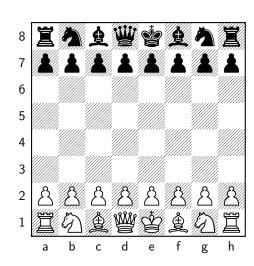
2024



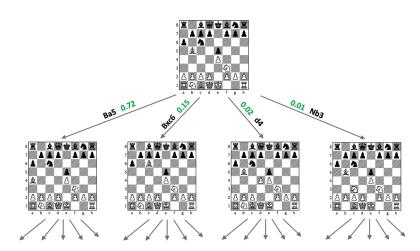
Introducción

Ajedrez

- Dos jugadores
- Suma cero

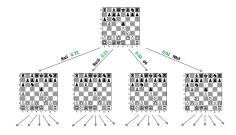


Ajedrez como árbol

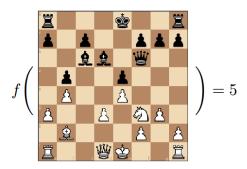


Motores de ajedrez (Chess Engines)

- Exploran el árbol de juego (Minimax, MCTS, etc.)
- Utilizan funciones de evaluación en las hojas
- La evaluación se propaga hacia arriba, según el algoritmo

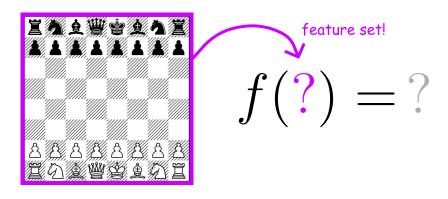


Función de evaluación o "eval"



Intentan resumir todo el subárbol en un solo número. En general son creadas artesanalmente

(adelanto) Feature sets: ¿Cómo transformar la posición a un vector para usar NNs?



Plan de la tesis

El objetivo principal es proponer y evaluar novedosos feature sets.

Además, probar una técnica de entrenamiento no convencional.

Motor de ajedrez

Motor de ajedrez

Para evaluar las redes NNUEs es necesario un motor de ajedrez. Evaluar las redes en el vacío no se puede.

Buscamos construir un **motor de ajedrez clásico**, con **optimizaciones clásicas** pero **que use NNUEs** para evaluar posiciones.

Minimax

Tenemos una función f.

Primera idea: evalúo todas las posiciones a las que me puedo mover y elijo la mejor.

Pero si extendemos la idea recursivamente... es el algoritmo **minimax**.

- △ Maximizing nodes: nuestro jugador.
- **Minimizing nodes**: el oponente.

Minimax

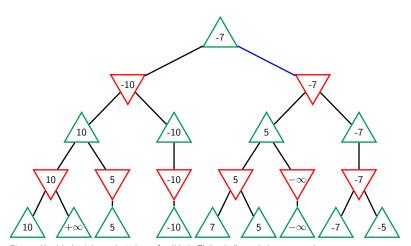


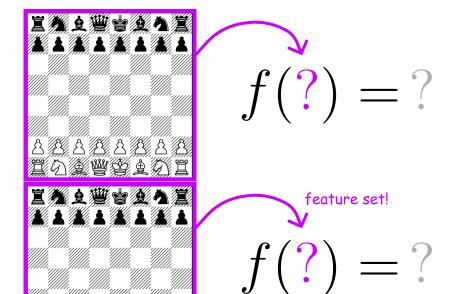
Figura: Un árbol minimax de 4 de profundidad. El "mejor" movimiento para el jugador maximizador es el que lleva a la evaluación más alta, macada en azul.

Optimizaciones

- Poda Alpha-beta
 - cortar ramas que sabés que no se van a elegir
- Reordenamiento de movimientos (peor caso Minimax)
 - visitar primero los movimientos que parecen más prometedores
- Tablas de transposición
 - un caché

Feature set

¿Cómo transformar la posición a un vector?



Definición

Un **feature set** S_P se define con un conjunto S y un predicado asociado P(e), donde:

- **S** es un conjunto de conceptos (rol, color, celda, número, etc.).
- P(e) es un predicado que determina si e está presente (o activo) en la posición (implícita).
- Cada elemento en S_P es un feature.
- Cada feature es un valor en el vector de entrada, valiendo 1 si está activo y 0 si no.

Ejemplos de S

Información posicional:

Files =
$$\{a, b, ..., h\}$$

Ranks = $\{1, 2, ..., 8\}$
Squares = $\{a1, a2, ..., h8\}$

Información sobre las piezas:

ROLES = { \triangle Pawn, \triangle Knight, \triangleq Bishop, Ξ Rook, $\stackrel{\text{\tiny def}}{=}$ Queen, $\stackrel{\text{\tiny def}}{=}$ King Colors = { \bigcirc White, \bullet Black}

Ejemplo completo



	Feature set	
	$(\text{Files} \times \text{Colors})_P$	$(\text{Files} \times \text{Roles})_Q$
Active features		$\langle a, \triangle \rangle, \langle c, \Psi \rangle, \langle c, \Phi \rangle,$
	$\langle c, \bigcirc \rangle, \langle d, \bigcirc \rangle, \langle h, \bullet \rangle$	$\langle d, \triangle \rangle, \langle h, \triangle \rangle$

 $P(\langle f, c \rangle)$: there is a piece in file f with color c. $Q(\langle f, r \rangle)$: there is a piece in file f with role r.

Operación: Suma \oplus (concatenación)

Hay veces que es útil combinar información de dos feature sets

$$S_P, T_Q$$
 : feature sets $S_P \oplus T_Q = (S \cup T)_R$ donde $R(e) = egin{cases} P(e) & ext{si } e \in S \ Q(e) & ext{si } e \in T \end{cases}$

Feature set: ALL

La codificación más natural de una posición de ajedrez

 ${\rm ALL:} \ ({\rm SQUARES} \times {\rm ROLES} \times {\rm COLORS})_P$ $P(\langle s,r,c\rangle): \ {\rm there} \ {\rm is\ a\ piece\ in\ square}\ s\ {\rm with\ role}\ r\ {\rm and\ color}\ c$

- Es pequeño: $64 \times 6 \times 2 = 768$ *features*
- Es completo: contiene toda la información del tablero
- Es muy rápido computar cuáles *features* están activas

(AUNN) NNUE

ЗUИИ: Efficiently Updatable Neural Network

ЗUИИ: **N**eural **N**etwork (simplificada)

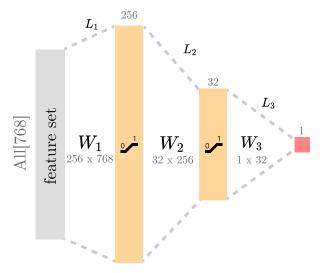


Figura: Red simplificada. No a escala. |ALL| = 768, L1 = 256, L2 = 32.

ЗUИИ: **E**fficient **U**pdates (primera capa)

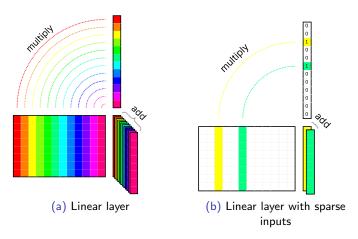


Figura: Linear layer operation comparison

ЗUИИ: **E**fficient **U**pdates

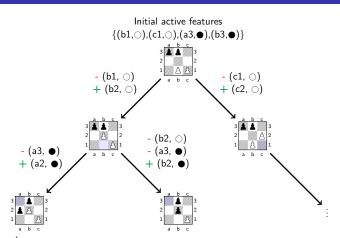
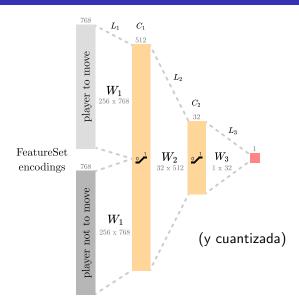


Figura: Árbol parcial de feature updates (agregados y borrados) para ($SQUARES \times COLORS$) (POV blanco) en un tablero simplificado 3x3 de peones.

ЗUИИ: **N**eural **N**etwork (posta)



ЗUИИ: Tradeoff

Tiempo de inferencia vs. nodos visitados.

Si la red es rápida (y por lo tanto débil), se pueden visitar más nodos y llegar más profundo.

Si se tienen predicciones de mayor calidad (y por lo tanto más lento), se visitan menos nodos pero con evaluaciones más precisas.

No es directo determinar qué resulta más fuerte.

Entrenamiento

Dataset

- Para entrenar estas redes se necesitan decenas de miles de millones de samples. Generarlo a mano es inviable.
- Uso el mismo dataset usado para entrenar Stockfish 16.1 (135GB, 48.4 billion)
- Cada sample se ve así:

Position , Score , Best move

Métodos de entrenamiento

- Target scores o Score target: Utiliza las evaluaciones del dataset como target.
- **PQR**: Utiliza dos principios *razonables* para armar una función de pérdida.

Score-space a WDL-space

- **Score-space**: los scores en el dataset \subseteq [-10000, 10000]
- WDL-space: escala donde 0 es loss, 0.5 es tie y 1 es win

Queremos que la red genere valores en **score-space**, pero para las funciones de pérdida es mejor usar **WDL-space**.

El modelo WDL dice que el winrate se puede modelar como una función de la evaluación: $\mathcal{W}(f(P))$

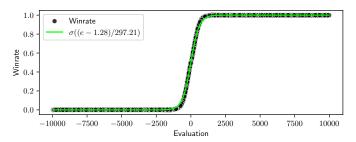


Figura: Modelo WDL ajustado a 100 million de evaluaciones.

Método 1: Target scores

Usamos los valores del dataset como target.

La función de pérdida es **Mean Square Error (MSE)** con potencia 2.6.

$$\mathcal{L}(y, f(x, \boldsymbol{W})) = \frac{1}{N} \sum_{i}^{N} |\mathcal{W}(y_i) - \mathcal{W}(f(x_i, \boldsymbol{W}))|^{2.6}$$

donde...

- N es la cantidad de muestras.
- 2 y son las evaluaciones objetivo.
- 3 f es el modelo.
- 4 x son los inputs (vector del feature sets).
- 5 W son los parámetros del modelo.
- $\mathbf{6}$ W es la función de winrate que mapea de score-space a WDL-space.

Técnica vista en un blogpost de 2014 por Erik Bernhardsson, que se basa en dos principios:

- **1** Para dos posiciones en sucesión $P \rightarrow Q$ observadas en el dataset, tenemos que f(P) = -f(Q). Esto es porque el juego es de suma cero.
- 2 Ir desde P, no a la posición observada Q, sino a una posición random $P \to R$, se debe cumplir f(R) > f(Q) porque un movimiento random es mejor para el siguiente jugador y peor para el que hizo el movimiento. (-f(Q) > -f(R))

Se puede construir una función de pérdida que refleje la igualdad en (1) y la desigualdad en (2).

La función de pérdida es la suma de la log-likelihood negativa de las inecuaciones:

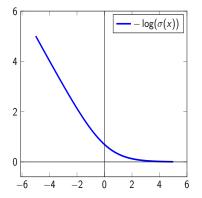
- \bullet f(R) > f(Q)
- f(P) > -f(Q)
- f(P) < -f(Q)

$$\mathcal{L}(x^P, x^Q, x^R, \mathbf{W}) = \frac{1}{N} \sum_{i}^{N} -\log(\sigma(r_i - q_i))$$

$$-\log(\sigma(p_i + q_i))$$

$$-\log(\sigma(-(p_i + q_i)))$$

- **1** x^i son los inputs (vector del feature sets) para las posiciones $i \in \{P, Q, R\}$.
- 2 $\overline{\mathcal{W}}(x) = 2\mathcal{W}(x) 1$ es una función que mapea de WDL-space [0, 1] a [-1,1], así $\overline{\mathcal{W}}(x) = -\overline{\mathcal{W}}(-x)$.



La función se acerca a 0 cuando x crece y se acerca a ∞ cuando x tiende a $-\infty$.

Método 2: PQR

Veamos cada uno de los términos:

- $-\log(\sigma(r_i q_i))$: Este término es chico cuando $r_i > q_i$, y grande cuando $r_i < q_i$.
- $-\log(\sigma(p_i+q_i))$: Este término es chico cuando $p_i>-q_i$, y grande cuando $p_i<-q_i$.
- $-\log(\sigma(-(p_i+q_i)))$: Este término es chico cuando $p_i<-q_i$, y grande cuando $p_i>-q_i$.

El término (1) sostiene la inecuación f(R) > f(Q), y los términos (2) y (3) la igualdad f(P) = -f(Q).

Experimentos

Setup de training

Recapitulando... ¿Qué hay que definir para entrenar una red?

- (variable) Feature set: determina el encoding
- ✓ **Dataset**: datos de entrenamiento
- ✓ Método de entrenamiento: PQR/target scores; determina el formato de las muestras y la loss function
- ? **Arquitectura de la red**: el tamaño de cada capa; *L*₁ y *L*₂
- ? **Hiperparámetros**: learning rate, batch size, epochs, etc.

Setup de evaluación

¿Cómo evalúo el performance de una red entrenada?

- Loss (train y val.): indica la calidad de las predicciones.
 - Permite detectar overfitting y otros problemas
- Puzzle accuracy: porcentaje de movimientos acertados en puzzles de Lichess.
 - Sólo hay un movimiento correcto
 - Proxy (muy malo) de la fuerza de la red
- Elo relativo: la medida más común para comparar engines.
 - Se realizan torneos de 100ms por movimiento
 - El elo es calculado a partir de Ordo

Baseline: motivación

Busco fijar el setup de entrenamiento con valores razonables Queda por determinar...

- La arquitectura de la red: L_1 y L_2
- Los hiperparámetros

Baseline: hiperparámetros

Los hiperparámetros fueron seleccionados en base al trainer oficial de Stockfish:

■ Learning rate: 0.0005

Exponential decay: 0.99

Batch size: 16384

■ **Epoch size**: 100 million

cada epoch realiza 6104 batches

■ Epochs: 256

cada run observa 25.6 billion samples

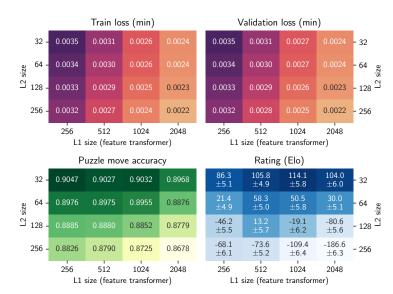
Baseline: experimento

Sólo queda buscar parámetros L1 y L2 razonables. Realizo una búsqueda en grilla con:

- $L1 \in \{256, 512, 1024, 2048\}$
- $L2 \in \{32, 64, 128, 256\}$

El feature set a utilizar es All[768].

Baseline: resultados



Baseline: conclusión

- L2=32. El performance cae dramáticamente si L2 aumenta, utilizo el más bajo.
 - Sería buena idea probar valores más chicos de L2.
- L1=512. Es el mejor valor para L2=64 y L2=128, y en margen de error para L2=32.
 - Además es el más rápido de entrenar.

Axis encoding: motivación

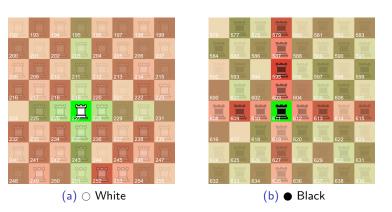


Figura: Weights of **a neuron** in the L1 layer, which are connected to features in ALL where the role is Ξ Rook. The intensity represents the weight value, and the color represents the sign (although not relevant).

Axis encoding: motivación

La red detecta patrones parecidos a los movimientos de las piezas. Para hacerle la vida más fácil a la red, propongo agregar features como:

"there is a ○ White 🖺 Rook in the 4th rank"

Axis encoding: experimento



Depiction	Block name	Definition		Number of features
	Н	(FILES	\times Roles \times Colors) _P	96
‡	V	(Ranks	\times Roles \times Colors) _P	96
	D1	(Diags1	\times Roles \times Colors) _P	180
	D2	(Diags2	\times Roles \times Colors) _P	180

 $P(\langle x, r, c \rangle)$: there is a piece in x with role r and color c

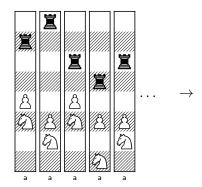
Axis encoding: experimento

Feature set	Number of features
$\mathrm{H}\oplus\mathrm{V}$	192
$\mathrm{D}1\oplus\mathrm{D}2$	360
$H \oplus V \oplus D1 \oplus D2$	552
$A L L \oplus H \oplus V$	960
$\mathrm{All} \oplus \mathrm{D1} \oplus \mathrm{D2}$	1128
$A \text{LL} \oplus H \oplus V \oplus D1 \oplus D2$	1320
	$H \oplus V$ $D1 \oplus D2$ $H \oplus V \oplus D1 \oplus D2$ $ALL \oplus H \oplus V$ $ALL \oplus D1 \oplus D2$

Axis encoding: resultados

Feature set	Number of features	Val. loss	Rating elo (rel. to ALL)	Puzzles move acc.
←→ ⊕ 📫	192	0.005810	-384.3 ± 5.1	0.8618
✓ ⊕ 🔨	360	0.006707	-444.1 ± 5.1	0.8517
	552	0.003907	-183.5 ± 4.1	0.8748
ALL (reference)	768	0.003134	0.0	0.8865
$ALL \oplus \longleftrightarrow \oplus \updownarrow$	960	0.003082	-27.1 ± 4.1	0.8851
$ALL \oplus \nearrow \oplus \searrow$	1128	0.003087	-26.1 ± 3.8	0.8814
$\begin{array}{c} A \perp \perp \oplus \longleftarrow \oplus \downarrow \\ \oplus \swarrow \oplus \swarrow \end{array}$	1320	0.003067	-58.7 ± 3.7	0.8766

Pairwise axes: motivación



Configuraciones distintas, situaciones similares

Las mismas dos features (par rojo y par azul)

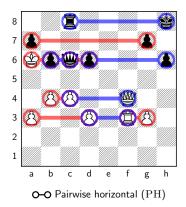
Pairwise axes: motivación

Comparando con el experimento anterior, es más específico en vez de más general:

> "there is a \cap White \square Rook in the 4th rank" VS.

"there is a ● Black 🖺 Rook next to a 🔿 White Å Pawn in the 'a' file"

Pairwise axes: experimento



8 5 4 3 2 1 b Pairwise vertical (PV)

Pairwise axes: experimento

D.	Block name	Definition	Num. of features
		$({\rm Ranks}\times({\rm Roles}\times{\rm Colors})\times({\rm Roles}\times{\rm Colors}))_{P}$	
0-0 P	PH	$P(\langle r, r_1, c_1, r_2, c_2 \rangle)$: there is a piece in rank r with role r_1 and color c_1 to the left of a piece with role r_2 and color c_2	1152
		$({\rm Files}\times({\rm Roles}\times{\rm Colors})\times({\rm Roles}\times{\rm Colors}))_Q$	
} ·	PV	$Q(\langle f, r_1, c_1, r_2, c_2 \rangle)$: there is a piece in file f with role r_1 and color c_1 below a piece with role r_2 and color c_2	1152

Pairwise axes: experimento

Los feature sets a entrenar son:

- lacksquare ALL \oplus PH (1920 features)
- lacksquare ALL \oplus PV (1920 features)
- $ALL \oplus PH \oplus PV$ (3072 features)

Pairwise axes: resultados

Feature set	Number of features	Val. loss	Rating elo (rel. to ALL)
All (reference)	768	0.003134	0.0
$\mathrm{All}\oplus \mathbf{o} ext{-}\mathbf{o}$	1920	0.003033	-38.2 ± 4.8
$ALL \oplus $	1920	0.002946	-8.4 ± 5.0
$ALL \oplus o - o \oplus $	3072	0.002868	-37.6 ± 4.9

■ Reducir el número de pairs puede llevar a una mejora por sobre ALL (ej. △)

Mobility: motivación

- La mobilidad en ajedrez es una medida de la cantidad de movimientos que puede hacer un jugador en una posición.
- Un paper de Eliot Slater (1950) mostró que hay una correlación entre la mobilidad de un jugador y la cantidad de partidas ganadas.
- Se usa en funciones de evaluación hechas a mano.
- Propongo agregar mobilidad como features en la red.

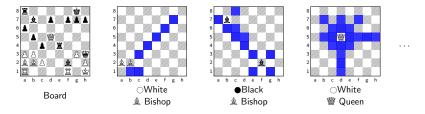
Mobility: experimento

Hay dos maneras de codificar la mobilidad:

- Bitsets (por rol/color)
- Cantidades (por rol/color)

Mobility: experimento (bitsets)

Los features proveen **las celdas** a las que una pieza de determinado rol/color puede moverse.



La cantidad de features es $64 \times 6 \times 2 = 768$, la misma que ALL.

Mobility: experimento (counts)

Los features proveen **la cantidad de celdas** a las que una pieza de determinado rol/color puede moverse. Esto reduce la cantidad de features significativamente.

Piece role	Min	Max	
∆ Pawn	0	8+	
🛭 Knight	0	15+	
≜ Bishop	0	16+	
≅ Rook	0	25+	
	0	25+	
	0	8	

Mobility: experimento (counts)

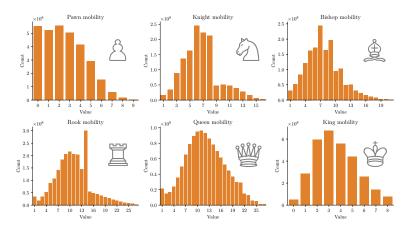


Figura: Total mobility values for each piece on the board. Computed using 2 billion boards. The value 0 for the 🖄 Knight, 🛕 Bishop, 🖺 Rook, and 👑 Queen has been excluded from the plot, as it is very common.

Mobility: experimento

Block name	Definition	Number of features	
	(Squares \times Roles \times Colors) _P		
MB	$P(\langle s, r, c \rangle)$: there is a piece of role r and color c that can move to square s	768	
MC	$(\{0,1,\ldots\} \times \text{Roles} \times \text{Colors})_P$		
	$P(\langle m, r, c \rangle)$: the value of mobility for a piece of role r and color c is m	206	

Los feature sets a entrenar son: $\rm ALL \oplus MB$ (1536 features) y $\rm ALL \oplus MC$ (974 features).

Mobility: resultados

Table: Mobility encodings results

Feature set	Number of features	Val. loss	Rating elo (rel. to ALL)
ALL (reference)	768	0.003134	0.0
$ALL \oplus MB$	1536	0.002824	-260.9 ± 5.4
$\overline{\hspace{1.5cm} \text{All} \oplus \text{MC}}$	974	0.003032	-280.9 ± 5.6

- Las predicciones mejoran muy poco (el loss no se reduce tanto).
- Por ende, el costo de las actualizar los features es más alto al beneficio que aportan.
- MB tiene más updates que MC, pero menor loss que compensa.

Feature set statistics

Depiction	Feature block	Number of features	Average features		
			active per position	added per move	removed per move
+	All	768	14.68	0.98	0.60
	Н	96	14.68	0.60	0.43
Ī	V	96	14.68	0.61	0.43
	D1	180	14.68	0.77	0.52
	D2	180	14.68	0.77	0.52
0-0	РН	1152	8.23	0.92	0.57
3	PV	1152	8.30	0.83	0.53
MB MC	MB MC	768 206	48.93 12.00	5.68 2.34	4.35 1.48

PQR: motivación

Recordando...

- P: Una posición en el dataset
- Q: La posición obtenida a partir de aplicar el "mejor" movimiento a P. según el dataset
- R: Una posición aleatoria obtenida a partir de P, tal que $R \neq Q$

Y los principios:

- 1 Si $P \to Q$, entonces f(P) = -f(Q) (suma cero)
- 2 Si $P \to R$ tal que $R \neq Q$, entonces f(R) > f(Q)

000000

PQR: motivación

¿Los principios funcionan en la práctica? Veamos...

PQR analysis for a network trained with target scores

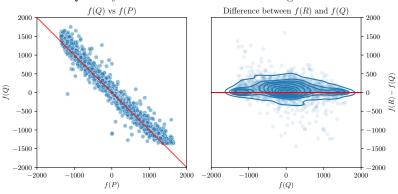


Figura: Analysis of N = 4000 PQR samples using a model trained with target scores and the feature set ALL.

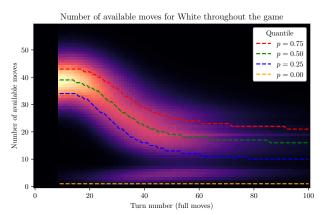
PQR: experimento

- A Entrenar de cero, directamente con PQR
 - no espero que sea mejor que target scores
- Continuar de un checkpoint entrenado con el otro método
 - no tiene que aprender tanto de entrada
 - mejor caso: mejora lentamente
 - peor caso: se "olvida" todo lo anterior (resulta peor)
 - se entrena con distintos learning rates
 - (esto nunca se hizo antes)

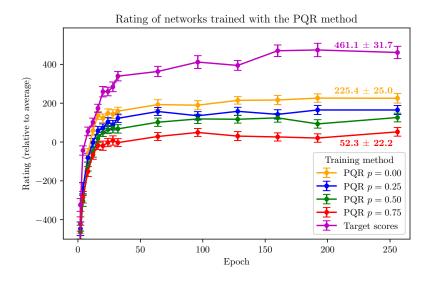
PQR: experimento

Eligiendo R: más opciones para elegir $R \Rightarrow$ es más probable que R sea peor que Q.

No podemos elegir un número fijo (por ejemplo, > 10) porque la cantidad de movimientos disponibles varía a lo largo de la partida.



PQR: resultados (A)



PQR: resultados (A)

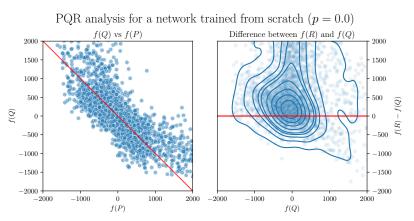
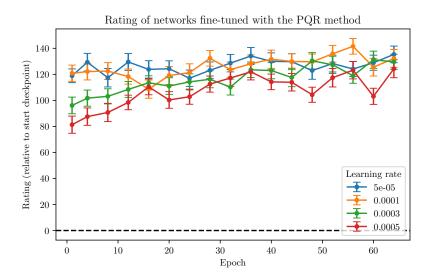


Figura: Analysis of N = 4000 PQR samples using the epoch 256 of the model trained from scratch with no filtering (p = 0.0) and the feature set ALL.

PQR: resultados (B)



Conclusiones

Conclusiones: feature sets

- ALL está en un sweet spot difícil de mejorar
 - es fácil de implementar
 - barato de computar qué features están activas
 - tiene pocos updates por movimiento
- Nuevos features por encima deben tener pocos updates y ser aprovechables por la red
 - esto se ve reforzado por el hecho de que no se encontró nada nuevo por años

Conclusiones: PQR

- Es una ténica interesante que funciona pero produce redes inferiores
 - puede servir para otros juegos sin datasets
- Es prometedor para finetunear luego de entrenar con target scores

¡Gracias! ¿Preguntas?

¡Gracias!

 Cuando tu amigo te presume que ya acabó La Tesis

