

هوش مصنوعي

البتاد: محمد خسین رهبان استاد: محمد خسین رهبان گردآورندگان: محمد جواد هزاره امیر حسین جوادی

دانشگاه صنعتی شریف دانشکدهی مهندسی کامپیوتر

مهلت ارسال: ۵ بهمن

فرآیندهای مارکف و یادگیری تقویتی

تمرين ششم

- مهلت ارسال پاسخ تا ساعت ۲۳:۵۹ روز مشخص شده است.
- در طول ترم امکان ارسال با تاخیر پاسخ همهی تمارین تا سقف ۷ روز و در مجموع ۲۰ روز، وجود دارد. پس از گذشت این مدت، پاسخهای ارسالشده پذیرفته نخواهند بود. همچنین، به ازای هر روز تأخیر غیر مجاز ۱۰ درصد از نمره تمرین به صورت ساعتی کسر خواهد شد.
- همکاری و همفکری شما در انجام تمرین مانعی ندارد اما پاسخ ارسالی هر کس حتما باید توسط خود او نوشته شده باشد.
- در صورت همفکری و یا استفاده از هر منابع خارج درسی، نام همفکران و آدرس منابع مورد استفاده برای حل سوال مورد نظر را ذکر کنید.
 - لطفا تصویری واضح از پاسخ سوالات نظری بارگذاری کنید. در غیر این صورت پاسخ شما تصحیح نخواهد شد.

سوالات نظری (۱۰۰ نمره)

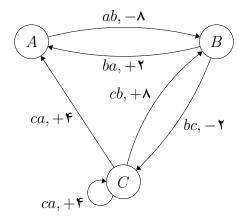
- ۱. (۱۰ نمره) درستی یا نادرستی گزارههای زیر را در رابطه با یک فرآیند تصمیمگیری مارکف مشخص کنید و توضیحی کوتاه در رابطه با آن ارائه دهید.
 - (\tilde{I}) ضریب تخفیف کوچک و نزدیک به صفر به رفتار حریصانه و کوته نظر منجر می شود.
 - (ب) پاداش منفی زندگی ٔ با اندازهی زیاد (بسیار منفی) به رفتار حریصانه و کوتهنظر منجر میشود.
 - (ج) همواره می توان پاداش منفی زندگی را با استفاده از ضریب تخفیف منفی مدل کرد.
 - (د) همواره می توان ضریب تخفیف منفی را با پاداش منفی زندگی مدل کرد.
- ۲. (۲۵ نمره) فرآیند تصمیمگیری مارکف که در شکل ۱ آمده است را با ضریب تخفیف $\gamma = \gamma$ در نظر بگیرید که در آن حالتها با حروف $\gamma = 0$ نشان داده شدهاند. روی هر یال حروف کوچک نوشته شده که یکی از کنش های موجود است و یال مربوطه گذار متناظر با انجام آن کنش را نشان می دهد. عدد صحیح روی هر یال نیز پاداش کسب شده از آن کنش است. تمام گذارها با احتمال ۱ به وقوع می پیوندد و تنها گذار از حالت $\gamma = 0$ برابر $\gamma = 0$ است.

¹Markov Decision Process

[†]discount

[&]quot;shortsighted

^{*}negative living reward



شكل ١: گراف فرآيند تصميمگيري ماركف.

با در نظر گرفتن این فرآیند به سوالهای زیر پاسخ دهید.

- را برای یک فرآیند تصمیمگیری مارکف به همراه ضریب تخفیف، تابع ارزش حالتها و همان $V^{\pi}(s)$ را توصیف کنید.
 - (ب) رابطهی بلمن را برای تابع ارزش حالتها بنویسید.
- (ج) سیاست اولیه π_1 را در نظر بگیرید که به صورت تصادفی و با احتمال برابر در هر حالت یکی از کنشهای موجود در آن حالت را انتخاب میکند. حال فرض کنید تابع ارزشگذاری اولیه را به صورت کنشهای موجود در آن حالت را انتخاب میکند. حال فرض کنید تابع ارزش $V_1(A) = V_1(B) = V_1(C) = \mathsf{V}$ در نظر بگیریم. یک مرحله از الگوریتم ارزیابی سیاست و را اجرا کنید تا به تابع ارزش $V_2(s)$ برای حالتهای مختلف برسید.
 - (د) براساس تابع ارزش گذاری جدید و به صورت حریصانه سیاست قطعی جدید π را بدست آورید.
- (ه) سیاست قطعی π را در نظر بگیرید. اثبات کنید اگر سیاست جدید π به صورت حریصانه از V^π بدست آمده باشد، آنگاه π بهتر یا مساوی π است، یا به عبارتی برای تمام حالتها داریم π بهتر یا مساوی π است، یا به عبارتی برای تمام حالتها داریم π عنید اگر تساوی برای تمام حالتها رخ دهد آنگاه π حتما سیاست بهینه است.
- ۳. (۲۰ نمره) صفحه $x \times 7$ زیر را در نظر بگیرید. فرض کنید حرکت خود را از خانه $x \times 7$ زیر را در نظر بگیرید. فرض کنید حرکت خود را از خانه $x \times 7$ زیر را در نظر بگیرید. و با رسیدن به این خانه $x \times 7$ امتیاز مثبت دریافت می کنیم. همچنین در تمام حرکتهایی که منجر به رسیدن به خانه $x \times 7$ شماره $x \times 7$ نمی شوند پاداش $x \times 7$ دریافت می کنیم.

۴	۵	۶
-	۲	٤

شكل ٢: جدول بازي.

در هر خانه چهار کنش ممکن وجود دارد: بالا، پایین، چپ و راست. فرض کنید کنشهایی که باعث خارج شدن از صفحه می شوند مجاز نیستند. هر کنش نیز به صورت قطعی انجام شده و به خانه ی مربوطه می رویم. حال فرض کنید جدول زیر را برای Q(s,a) داریم:

^astate-value function

⁹policy evaluation

Q(1,راست $)=$ ۳			Q(1,بالا $)=$ ۴
$Q(\Upsilon,$ راست $)=\Lambda$	$Q(Y, \boldsymbol{arphi}) = Y$		$Q(\Upsilon, $ بالا $Q(\Upsilon, \varphi) = $
	$Q(\Upsilon,$ چپ $)=V$		$Q(au, ابالا) = ag{9}$
$Q({\mathfrak k},$ راست $)={\mathfrak d}$		$Q(\mathfrak{r},$ پایین $\mathfrak{r})=\mathfrak{r}$	
Q(a,cur) = A	$Q({f 0}, {f \zeta}) = {f 0}$	Q(a,پايين $)=p$	

شكل ٣: جدول Q-valueها

با درنظر گرفتن این جدول و توضیح مسئله به سوالهای زیر پاسخ دهید.

- Q-value باتوجه به داشتن دانش کامل در رابطه با محیط، میتوان از رابطه ی بلمن برای بروزرسانی Q-value استفاده کرد. فرض کنید از سیاست حریصانه استفاده میکنیم و با درنظر گرفتن این سیاست، ابتدا رابطه ی بلمن برای بروزرسانی Q-value و سپس مقدار بروز شده ی $Q(\mathfrak{T}, \mathfrak{P})$ را حساب کنید.
- (ب) حال فرض کنید مدل محیط را نداریم و جدول Q-valueهای داده شده از روش یادگیری تفاوت زمانی ۷ بدست آمده است. توضیح دهید چرا در اینصورت استفاده از سیاست حریصانه هوشمندانه نیست و با برقراری تعادل بین چه مواردی میتوان سیاست بهتری داشت؟
- (ج) توضیح دهید چرا بهجای استفاده از ارزش حالتها یا همان V-values از ارزش کنشها یا همان -Q values استفاده شده است.
- (د) یکی از روشهای حل مشکل قسمت (ب) استفاده از سیاست تصادفی softmax است. در این روش (ع) یکی از روشهای حل مشکل قسمت a از حالت a که آن را با a نشان میدهیم به صورت زیر محاسبه می شود:

$$\pi(s,a) = \frac{e^{Q(s,a)}}{\sum_{b} e^{Q(s,b)}}$$

با در نظر گرفتن این سیاست و جدول داده شده برای Q-valueها، احتمال انجام هر کنش در حالتهای مختلف را بدست آورید. همین طور توضیح دهید چرا استفاده از این روش معقولانه است و مشکل قسمت (ب) را برطرف می کند.

(ه) حال میخواهیم با استفاده از الگوریتم SARSA مقدار Q-valueها را بروزرسانی کنیم. فرض کنید از خانه ی ۲ مسیر زیر را نمونهبرداری کردهایم.

$$Y \rightarrow \Delta \rightarrow F$$

با درنظر گرفتن رابطه ی زیر برای بروزرسانی به روش SARSA مقدار (بالا Q(0,1,1) و (راست Q(0,1,1) را بروزرسانی کنید. Q(0,1,1) بروزرسانی کنید. (Q(0,1,1) بروزرسانی کنید.

$$Q(s, a) \leftarrow Q(s, a) + \alpha \left[R_{ss'}^a + \gamma Q(s', a') - Q(s, a) \right]$$

 $V(T)= \cdot$ نمره) یک MDP با دو استیت A و A، با دو اکشن (۱) و (۲)، و استیت ترمینال (A) با دو MDP با دو استیت اما نمونههای زیر را دیدهایم. transition function

^vTemporal Difference Learning

[^]state-action-reward-state-action

- (a) $A \to B$: $a_1 = 1, r_1 = -3$
- (b) $B \to A$: $a_2 = 1, r_2 = 4$
- (c) $A \to A$: $a_3 = 2, r_3 = -4$
- (d) $A \to B$: $a_4 = 1, r_4 = -3$
- (e) $A \to T$: $a_5 = 2, r_5 = 1$

که هر \leftarrow یک تغییر از حالت مبدا به مقصد با انجام action و reward مشخص شده است.

- را بعد از مشاهده این نمونهها تعیین کنید. Q(s,a) مقدار (آ)
- (ب) یک سیاست deterministic با توجه به سمپلها معرفی کنید که از سیاست رندوم بهتر است. توضیح دهید.
- (ج) سیاست رندوم را با π_{random} و سیاست طراحی شده را با π^* نامگذاری کنید. چه انتظار در مورد مقدار نهایی value estimation در زمانی که الگوریتم Q-Learning با سیاست π^* شروع شود نسبت به وقتی با π_{random} شروع شود دارید؟ هر کدام از این سیاستها به چه مشکلاتی ممکن است بینجامد؟
- ۵. (۲۵ نمره) فرض کنید ما با نرخ اکتشاف ϵ شروع می کنیم. به این معنی که هرگاه مدل یک action را انتخاب کند، با احتمال ϵ به صورت تصادفی و با احتمال ϵ احتمال عند، با احتمال ϵ به صورت تصادفی و با احتمال ϵ است بخواهیم پس از مدتی میزان اکتشاف را کاهش دهیم. یک محیط به اندازه کافی کاوش شده است، ممکن است بخواهیم پس از مدتی میزان اکتشاف را کاهش دهیم. یک الگوریتم برای کاهش این نرخ اکتشاف ارائه دهید. اگر حریف استراتژی شرا تغییر دهد، آیا روش شما کار می کند؟ چرا؟ اگر نه، یک heuristic ارائه دهید که بتواند با تغییرات در استراتژی حریف سازگار شود.