## باسمه تعالى

| مدت امتحان: ۱۵۰ دقیقه              | ساعت شروع: ۸ صبح | رشتهی: ریاضی فیزیک       | سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان               |
|------------------------------------|------------------|--------------------------|---|
| عان: ۱۳۹۱/۳/۲۰                     | تاريخ امتح       | زش متوسطه                | سال سوم أموز                                  |
| عش آموزش و پرورش<br>http://aee.med |                  | د <b>اد ماه</b> سال ۱۳۹۱ | دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خود |

| نمره | سؤالات  | ردیف |
|------|---|------|
| ۰/۲۵ | ۱۴۴ لیتر آب میوه ، ۴۵ لیتر شیر و ۶۳ لیتر دوغ در شیشه هایی با حجم یکسان بسته بندی شده اند . حد اقل                                 | ١    |
|      | تعداد شیشه ها را بیابید؟ ( گنجایش شیشه ها را بر حسب لیتر ، عدد طبیعی فرض کنید.)   |      |
| +/٧۵ | <b>در دنباله ی هندسی نا متناهی زیر ، مجموع تمام جملات را بیابید.</b>  | ۲    |
|      | $\left[\frac{1}{r},\frac{1}{q},\frac{1}{r\gamma},\dots\right]$  |      |
| ١    | معادله ی $\sqrt{1-x}-1=x^{Y}-7x$ را با روش هندسی حل کنید.   | ٣    |
| 7/70 | جاهای خالی را با عبارات ریاضی مناسب پر کنید:  | ۴    |
|      | الف ) مجموعه ی جواب معادله ی $\frac{x}{x-y} + \frac{y}{x-y} = 0$ برابر است با   |      |
|      | ب ) اگر ۱ $\leq x$ باشد ، ضابطه ی تابع $ x-1 + x-1 + x-1 $ بدون استفاده از قدر مطلق برابر است با                                  |      |
| ı    | ج ) تابع زیر در بازه ی صعودی اکید و در بازه ی نزولی اکید و در بازه ی ثابت   |      |
|      | است.  |      |
| 1.4  | د ) اگر $lpha$ و $eta$ ریشه های معادله ی درجه ی دوم $lpha = ax^{Y} + bx + c = 0$ باشند ریشه های معادله ی درجه ی                   |      |
|      | $(c  eq \circ)$ و و $cx^{Y} + bx + a = \circ$ دوم $cx^{Y} + bx + a = \circ$ دوم   |      |
| 1/10 | در زیر، نمودار تابع $y = f(x-r)$ رسم شده است . با استفاده از انتقال ، ابتدا نمودار تابع $y = f(x-r)$ را                           | ۵    |
|      | رسم کرده و سپس نمودار تابع $y = - T f(x-T)$ را رسم کنید.  |      |
|      | -r - r  |      |
| 1    | $g=\left\{(\circ,\mathfrak{F}),(\mathfrak{T},\mathfrak{T}),(\mathfrak{d},\mathfrak{F}) ight\}$ و $f(x)=\sqrt{x-\mathfrak{T}}$ اگر | ۶    |
|      | الف ) تابع $\frac{f}{g}$ را بنویسید. بنویسید. بنویسید. بنویسید.   |      |
|      | ادامه ی سؤالات در صفحه ی دوم  |      |

## باسمه تعالى

| مدت امتحان: ۱۵۰ دقیقه            | ساعت شروع: ٨ صبح                      | رشتهی: ریاضی فیزیک | سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان               |
|----------------------------------|---------------------------------------|--------------------|---|
| ن: ۱۳۹۱/۳/۲۰                     | تاريخ امتحا                           | زش متوسطه          | سال سوم أموز                                  |
| A                                |                                       | داد ماه سال ۱۳۹۱   | دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خود |
| ښ آموزش و پرورش<br>http://aee.me | · · · · · · · · · · · · · · · · · · · |                    |   |

| نمره | سؤالات                                 |          | l |
|------|--|----------|---|
|      | ······································ | ردیف ا   | l |
|      |  | <u> </u> | 4 |

| ١        | ثابت کنید تابع $x \geq 1$ , $f(x) = (x-1)^{-1}$ وارون پذیر است سپس ضابطه ی وارون آن را بنویسید.  | Y  |
|----------|--|----|
| ,        | سینوس زاویه ی °۲۲/۵ را حساب کنید.  | ٨  |
| 1/40     | کلیه ی جواب های معادله ی $\cos^{7}x - \cos^{7}x - \cos^{7}x$ را تعیین کنید.  | ٩  |
| -/٧۵     | مقدار $\frac{\pi}{\epsilon}$ cos $(\tan^{-1}\frac{\pi}{\epsilon})$ مقدار مقدار احساب کنید.   | 10 |
| 7/70     | حد توابع زیر را در صورت وجود، محاسبه کنید: $\lim_{x \to \mathfrak{k}} \frac{\sqrt{x} - \mathfrak{k}}{x^{Y} - 19} \qquad (\mathbf{y} - [x]) \qquad \lim_{x \to \mathfrak{k}} \frac{\cos x}{\cos x - \sin x}$ (الف | 11 |
| ١        | مقدار $a$ را طوری بیابید که تابع زیر در $x=1$ پیوسته شود.  | ۱۲ |
|          | $f(x) = \begin{cases} a -  x - 1  & x \ge 1 \\ \frac{x^{r} - 1}{x - 1} & x < 1 \end{cases}$  |    |
| +/٧۵     | نمودار تابعی را رسم کنید که در یک همسایگی راست $\frac{Y}{}$ تعریف شده باشد ولی در هیچ همسایگی چپ $\frac{Y}{}$ تعریف نشده باشد و در این نقطه حد داشته باشد.   | ۱۳ |
| 1/50     | معادله ی خط قائم بر نمودار تابع $f(x) = x^{\pi} - x$ را در نقطه ای به طول $\underline{1}$ واقع بر منحنی به دست آورید.  | 14 |
| 7/٧۵     | مشتق بگیرید: ( ساده کردن الزامی نیست) $y = (x^{r} + \frac{1}{x}) \qquad \qquad y = \pi(r x - \Delta)^{r} + \sqrt[r]{x} \qquad \qquad y = \frac{\sin\sqrt{x}}{1 + x^{r}}$ (الف                                    | 10 |
| 1        | (دلیل خود را توضیح دهید) در صفر مشتق پذیر است ؟ (دلیل خود را توضیح دهید) $f(x) = \begin{cases} x \sin \frac{1}{x} & x \neq 0 \\ 0 & x = 0 \end{cases}$   | 18 |
| <u> </u> | «موفق باشید»   |    |

| رشتهی : <b>ریاضی فیزیک</b>                     | راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهایی درس: <b>حسابان</b>                       |
|--|--|
| تاریخ امتحان : ۲۰ ۳ / ۱۳۹۱                     | سال سوم أموزش متوسطه   |
| مرکز سنجش اَموزش و پرورش<br>http://aee.medu.ir | دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در <b>خرداد ماه</b> سال <b>۱۳۹۱</b> |

| نمره         | راهنمای تصحیح   | رديف |
|--------------|---|------|
| -/٧۵         | $   \left\{   \begin{array}{l}                                     $  | ١    |
| •/٧۵         | مجموع تمام جملات = $\frac{a}{1-q} = \frac{\frac{1}{r}}{1-\frac{1}{r}}$ (٠/٥)  | ۲    |
| ١            | $f(x) = \sqrt{1-x} \qquad , \qquad g(x) = x^{\Upsilon} - \Upsilon x + 1 = (x-1)^{\Upsilon}$ $A(\circ, 1)  (\cdot/\Upsilon \Delta) \qquad , \qquad B(1, \circ)  (\cdot/\Upsilon \Delta)$ $(\cdot/\Delta)$  | ٣    |
| Y/Y <b>۵</b> | الف) $(\cdot/\Delta)$ $= \left\{ f, \frac{\pi}{\gamma} \right\}$ $(\cdot/\Delta)$ (الف) $y = f - fx$ $(\cdot/\Delta)$ $(\cdot/\Delta)$ $(\cdot/\Delta)$ $y = f - fx$ $(\cdot/\Delta)$ | ۴    |
| 1/٢۵         | $y = f(x - \mathbf{Y})$ $(\cdot/\Delta)$ $y = -\mathbf{Y}f(x - \mathbf{Y})$ $(\cdot/\mathbf{Y}\Delta)$  | ۵    |
|              | ادامه در صفحه ی دوم   |      |

| رشتهی : <b>ریاضی فیزیک</b>                    | راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان                |
|---|--|
| تاریخ امتحان : ۲۰ ۳ / ۱۳۹۱                    | سال سوم أموزش متوسطه   |
| مرکز سنجش آموزش و پرورش<br>http://acc.medu.ir | دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد هاه سال ۱۳۹۱ |

| $ \begin{array}{c}   J   fog = \left\{ (\circ, 1), (\Delta, \sqrt{Y}) \right\} (\cdot/\Delta) \\   J   fog = \left\{ (\circ, 1), (\Delta, \sqrt{Y}) \right\} (\cdot/\Delta) \\   J   fog = \left\{ (\circ, 1), (\Delta, \sqrt{Y}) \right\} (\cdot/\Delta) \\   J   fog = \left\{ (\circ, 1), (\Delta, \sqrt{Y}) \right\} (\cdot/\Delta) \\   J   fog = \left\{ (\circ, 1), (\Delta, \sqrt{Y}) \right\} (\cdot/\Delta) \\   J   fog = \left\{ (\circ, 1), (\Delta, \sqrt{Y}) \right\} (\cdot/\Delta) \\   J   fog = \left\{ (\circ, 1), (\Delta, \sqrt{Y}) \right\} (\cdot/\Delta) \\   J   fog = \left\{ (\circ, 1), (\Delta, \sqrt{Y}) \right\} (\cdot/\Delta) \\   J   fog = \left\{ (\circ, 1), (\Delta, \sqrt{Y}) \right\} (\cdot/\Delta) \\   J   fog = \left\{ (\circ, 1), (\Delta, \sqrt{Y}) \right\} (\cdot/\Delta) \\   J   fog = \left\{ (\circ, 1), (\Delta, \sqrt{Y}) \right\} (\cdot/\Delta) \\   J   fog = \left\{ (\circ, 1), (\Delta, \sqrt{Y}) \right\} (\cdot/\Delta) \\   J   fog = \left\{ (\circ, 1), (\Delta, \sqrt{Y}) \right\} (\cdot/\Delta) \\   J   fog = \left\{ (\cdot/Y\Delta) \right\} (\cdot/Y\Delta) \\   J   J   fog = \left\{ (\cdot/Y\Delta) \right\} (\cdot/Y\Delta) \\   J   J   fog = \left\{ (\cdot/Y\Delta) \right\} (\cdot/Y\Delta) \\   J   J   J   J   J   J   J   J   J   J$  | راهنمای تصحیح نمره  | رديف     |
|--|---|----------|
| $y = (x - Y)^{2} \Rightarrow \sqrt{y} = (x - Y) \Rightarrow \sqrt{y} + Y = x  (\cdot/Y\Delta)$ $x = \sqrt{y} + Y \Rightarrow f^{-1}(x) = \sqrt{x} + Y  (\cdot/Y\Delta)$ $\cos Y\alpha = 1 - Y \sin^{Y} \alpha \Rightarrow \cos F\Delta^{\circ} = 1 - Y \sin^{Y} YY/\Delta^{\circ}  (\cdot/Y\Delta) \Rightarrow \frac{\sqrt{Y}}{Y} = 1 - Y \sin^{Y} YY/\Delta^{\circ}  (\cdot/Y\Delta) \Rightarrow$ $Y \sin^{Y} YY/\Delta^{\circ} = 1 - \frac{\sqrt{Y}}{Y} \Rightarrow \sin^{Y} YY/\Delta^{\circ} = \frac{Y - \sqrt{Y}}{F}  (\cdot/Y\Delta) \Rightarrow \sin YY/\Delta^{\circ} = \frac{\sqrt{Y - \sqrt{Y}}}{Y}  (\cdot/Y\Delta)$ $\cos x = (\cdot/Y\Delta) \Rightarrow x = k\pi + \frac{\pi}{Y} \cdot (\cdot/Y\Delta)$ $\cos x = (\cdot/Y\Delta) \Rightarrow \cos x = \frac{1}{Y} \Rightarrow \begin{cases} x = Yk\pi + \frac{\pi}{Y} \\ x = Yk\pi - \frac{\pi}{Y} \end{cases}$ $(\cdot/Y\Delta)$ $\tan^{-1}(\frac{Y}{F}) = \alpha \Rightarrow \tan \alpha = \frac{Y}{F}  (\cdot/Y\Delta)  \cos(\tan^{-1}\frac{Y}{F}) = \cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{1 + \tan^{Y} \alpha}} = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{1F}}} = \frac{1}{\sqrt{\frac{Y\Delta}{1F}}} = \frac{1}{\frac{\Delta}{F}}  (\cdot/\Delta)$ $2il \lim_{X \to F} \frac{\sqrt{x} - Y}{(x - F)(x + F)} \Rightarrow \frac{\sqrt{x} + Y}{\sqrt{x} + Y} = \lim_{X \to F} \frac{(x - F)(\cdot/Y\Delta)}{(x - F)(x + F)(\sqrt{x} + Y)} = \frac{1}{\Lambda \times F} = \frac{1}{YY} \cdot (\cdot/Y\Delta)$ $(\cdot/Y\Delta) \Rightarrow \lim_{X \to Y} (x - [x]) = Y - Y = \circ (\cdot/\Delta)$  |   | ۶        |
|  | $y = (x - Y)^{Y} \Rightarrow \sqrt{y} = (x - Y) \Rightarrow \sqrt{y} + Y = x  (\cdot/Y\Delta)$  | <b>Y</b> |
| $\cos x(\Upsilon\cos x - 1) = \circ(\cdot/\Upsilon\Delta) \rightarrow \begin{cases} \cos x - 1 = \circ(\cdot/\Upsilon\Delta) \rightarrow \cos x = \frac{1}{\Upsilon} \rightarrow \begin{cases} x = \Upsilon k\pi + \frac{\pi}{\Upsilon} \\ x = \Upsilon k\pi - \frac{\pi}{\Upsilon} \end{cases} \end{cases} $ $(\cdot/\Upsilon\Delta)$ $\tan^{-1}\left(\frac{\Upsilon}{\Upsilon}\right) = \alpha \rightarrow \tan \alpha = \frac{\Upsilon}{\Upsilon}  (\cdot/\Upsilon\Delta)  \cos\left(\tan^{-1}\frac{\Upsilon}{\Upsilon}\right) = \cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{1 + \tan^{\Upsilon}\alpha}} = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{9}{19}}} = \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{19}}} = \frac{1}{\frac{1}{2}} = \frac{1}$ | 1 I   | ٨        |
| $\lim_{x \to \mathfrak{k}} \frac{\sqrt{x} - \mathfrak{r}}{(x - \mathfrak{k})(x + \mathfrak{k})} \times \frac{\sqrt{x} + \mathfrak{r}}{\sqrt{x} + \mathfrak{r}} = \lim_{x \to \mathfrak{k}} \frac{(x - \mathfrak{k})(\cdot/\Upsilon\Delta)}{(x - \mathfrak{k})(x + \mathfrak{k})(\sqrt{x} + \mathfrak{r})} = \frac{1}{\Lambda \times \mathfrak{k}} = \frac{1}{\Upsilon\Upsilon} (\cdot/\Upsilon\Delta)$ $\lim_{x \to \Upsilon^+} (x - [x]) = \Upsilon - \Upsilon = \circ (\cdot/\Delta)$  |   | ٩        |
| $\lim_{x \to \mathbf{r}^+} (x - [x]) = \mathbf{r} - \mathbf{r} = 0  (\cdot/\Delta)$  | $\tan^{-1}\left(\frac{\mathbf{r}}{\mathbf{r}}\right) = \alpha \to \tan\alpha = \frac{\mathbf{r}}{\mathbf{r}}  (\cdot/\mathbf{r}\Delta)  \cos\left(\tan^{-1}\frac{\mathbf{r}}{\mathbf{r}}\right) = \cos\alpha = \frac{1}{\sqrt{1+\tan^{7}\alpha}} = \frac{1}{\sqrt{1+\frac{9}{19}}} = \frac{1}{\sqrt{\frac{7\Delta}{19}}} = \frac{1}{\frac{\Delta}{\mathbf{r}}} = \frac{1}{$ | 1+       |
|  | $\lim_{x \to \tau^{+}} (x - \lfloor x \rfloor) = \tau - \tau = 0  (\cdot/\Delta)$   | 11       |

باسمه تعالى

| رشتهی : <b>ریاضی فیزیک</b>                    | راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهایی درس: <b>حسابان</b>         |
|---|--|
| تاریخ امتحان : ۲۰ / ۳ / ۱۳۹۱                  | سال سوم أموزش متوسطه   |
| مرکز سنجش آموزش و پرورش<br>http://aee.medu.ir | دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۱ |

| نمره | راهنمای تصحیح  | ردیف |
|------|--|------|
|      |  |      |
| 1    | ا شرط پيوستگي : $\lim_{x \to x_{\circ}^{+}} f(x) = \lim_{x \to x_{\circ}^{-}} f(x) = f(x_{\circ})$ : شرط پيوستگي   | ١٢   |
|      |  |      |
|      | احد راست: $\lim_{x \to 1^{r}} (a -  x - 1 ) = a (\cdot/ 1^{r})$ $\Rightarrow a = 1^{r} (\cdot/ 1^{r})$   |      |
|      | $\lim_{x \to 1^{-}} \frac{x^{\tau} - 1}{x - 1} = \lim_{x \to 1^{-}} \frac{(x - 1)(x^{\tau} + x + 1)}{(x - 1)} = \mathbb{T} \left( \frac{(1 + x)^{\tau}}{x - 1} \right)$ $\Rightarrow  a = \mathbb{T} \left( \frac{(1 + x)^{\tau}}{x - 1} \right)$  |      |
| -/٧۵ | سم نمودار با شرط های خواسته شده (۰/۷۵)   | , 18 |
| 1/۲۵ | $f(1) = Y(1)^{\Upsilon} - 1 = 1 (\cdot/Y\Delta) \qquad y' = Px^{\Upsilon} - 1 (\cdot/Y\Delta)$ $m = -\frac{1}{f'(1)} = -\frac{1}{\Delta} (\cdot/Y\Delta) \qquad y - y_o = m(x - x_o) \rightarrow y - 1 = -\frac{1}{\Delta}(x - 1) (\cdot/\Delta)$  | 14   |
|      | الف $y' = x^{r} - \frac{r}{x^{r}}$   | 10   |
| Y/Y8 | $y' = r \times r \times (rx - \delta)^r + \frac{1}{r\sqrt[r]{x}}$ $(\cdot/\delta)$   |      |
|      | $z) y' = \frac{\left(\frac{1}{1+x^{4}}\cos\sqrt{x}\right)\left(1+x^{4}\right) - \left(\frac{1}{1+x^{4}}\right) - \left(\frac{1}{1+x^{4}}\right)\left(\frac{1}{1+x^{4}}\right)}{\left(\frac{1}{1+x^{4}}\right)^{4}}$  |      |
|      | $\varepsilon) y' = \frac{(1+x^{2})^{2}}{(1+x^{2})^{2}} \qquad (1+x^{2})^{2}$   |      |
| ,    | $f'(\circ) = \lim_{x \to \circ} \frac{f(x) - f(\circ)}{x - \circ} = \lim_{x \to \circ} \frac{x \sin \frac{1}{x} - \circ}{x}$ فير $(\cdot/70)$ وجود ندارد $(\cdot/70)$ المرابع فير $(\cdot/70)$ وجود ندارد $(\cdot/70)$ | 18   |
|      |  |      |

همکاران محترم ضمن عرض خسته نباشید لطفا به راه حل های صحیح غیر از راهنمای تصحیح به تناسب بارم را تقسیم کنید .

با تشكر طراحان