

1. Masse, die schwingt, Federkonstante
2. a) Je grösser die schwingende Masse eines Federpendels ist, desto **grösser** ist die Periode, und desto **kleiner** ist die Frequenz.  
b) Je weicher die Feder eines Federpendels ist, desto **grösser** ist die Periode, und desto **kleiner** ist die Frequenz.

$$3. \quad a) \quad \omega = \sqrt{\frac{D}{m}} = \sqrt{\frac{360 \frac{\text{N}}{\text{m}}}{0.40 \text{ kg}}} = \underline{\underline{30 \text{ s}^{-1}}}$$

$$f = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{30 \text{ s}^{-1}}{2\pi} = \underline{\underline{4.8 \text{ Hz}}}$$

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi}{30 \text{ s}^{-1}} = \underline{\underline{0.21 \text{ s}}}$$

$$\hat{y} = \underline{\underline{2.3 \text{ cm}}}$$

$$b) \quad \frac{\pi}{2}$$

$$c) \quad y(t) = 2.3 \text{ cm} \cdot \sin(30 \text{ s}^{-1} \cdot t + \frac{\pi}{2})$$

$$d) \quad y(0.3 \text{ s}) = 2.3 \text{ cm} \cdot \sin(30 \text{ s}^{-1} \cdot 0.3 \text{ s} + \frac{\pi}{2}) = \underline{\underline{-2.1 \text{ cm}}}$$

$$4. \quad a) \quad D = \frac{F}{s} = \frac{0.100 \text{ kg} \cdot 9.81 \frac{\text{N}}{\text{kg}}}{0.0150 \text{ m}} = \underline{\underline{65.4 \frac{\text{N}}{\text{m}}}}$$

$$b) \quad T = 2\pi \cdot \sqrt{\frac{m}{D}} = 2\pi \cdot \sqrt{\frac{0.100 \text{ kg}}{65.4 \frac{\text{N}}{\text{m}}}} = \underline{\underline{0.246 \text{ s}}}$$

$$5. \quad a) \quad f = \frac{\text{Anzahl Schwingungen}}{t} = \frac{40}{21 \text{ s}} = \underline{\underline{1.90 \text{ Hz}}}$$

$$b) \quad D = (2\pi f)^2 \cdot m = 4\pi^2 \cdot (1.90 \text{ Hz})^2 \cdot 0.250 \text{ kg} = \underline{\underline{35.8 \frac{\text{N}}{\text{m}}}}$$

6. Länge des Fadens, Fallbeschleunigung

7. a) Je länger der Faden eines Fadenpendels ist, desto **grösser** ist die Periode, und desto **kleiner** ist die Frequenz.

b) Je grösser die Fallbeschleunigung ist, desto **kleiner** ist die Periode, und desto **grösser** ist die Frequenz eines Fadenpendels.

$$8. \quad a) \quad \omega = \sqrt{\frac{g}{\ell}} = \sqrt{\frac{9.81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}}{1.09 \text{ m}}} = \underline{\underline{3.00 \text{ s}^{-1}}}$$

$$f = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{3.00 \text{ s}^{-1}}{2\pi} = \underline{\underline{0.477 \text{ Hz}}}$$

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi}{3.00 \text{ s}^{-1}} = \underline{\underline{2.09 \text{ s}}}$$

$$\hat{y} = \underline{\underline{6.3 \text{ cm}}}$$

$$b) \quad \frac{\pi}{2}$$

$$c) \quad y(t) = 6.3 \text{ cm} \cdot \sin(3.00 \text{ s}^{-1} \cdot t + \frac{\pi}{2})$$

$$d) \quad y(0.75 \text{ s}) = 6.3 \text{ cm} \cdot \sin(3.00 \text{ s}^{-1} \cdot 0.75 \text{ s} + \frac{\pi}{2}) = \underline{\underline{-3.96 \text{ cm}}}$$

$$9. \quad f = \frac{20}{32 \text{ s}} = 0.625 \text{ Hz} \quad \ell = \frac{g}{(2\pi \cdot f)^2} = \frac{1.6 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}}{(2\pi \cdot 0.625 \text{ Hz})^2} = \underline{\underline{0.10 \text{ m}}} = \underline{\underline{10 \text{ cm}}}$$

$$10. \quad f_1 = \frac{1}{2\pi} \cdot \sqrt{\frac{g}{\ell}} \quad f_2 = \frac{1}{2\pi} \cdot \sqrt{\frac{g}{2 \cdot \ell}} = \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \left( \frac{1}{2\pi} \cdot \sqrt{\frac{g}{\ell}} \right) = \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot f_1 = 71 \% \cdot f_1$$

⇒ Bei doppeltem  $\ell$  hat  $f$  71 % vom ursprünglichen Wert, d.h. die Frequenz wird um 29 % kleiner.

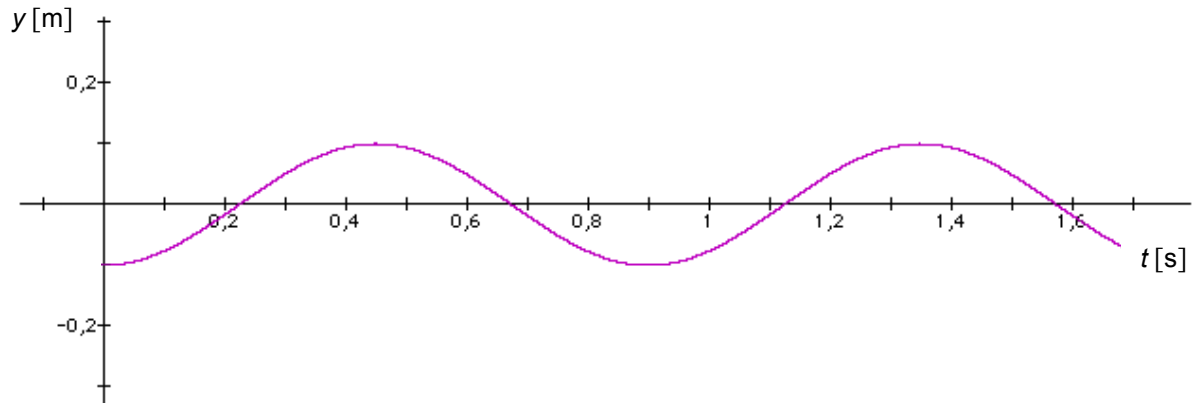
$$11. \quad a) \quad f = \frac{75}{60 \text{ s}} = 1.25 \text{ Hz} \quad m = \frac{D}{(2\pi \cdot f)^2} = \frac{500 \frac{\text{N}}{\text{m}}}{(2\pi \cdot 1.25 \text{ Hz})^2} = \underline{\underline{8.1 \text{ kg}}}$$

$$b) \quad F = D \cdot y_{\max} = 500 \frac{\text{N}}{\text{m}} \cdot 0.020 \text{ m} = \underline{\underline{10 \text{ N}}}$$

(Hinweis: die maximale Auslenkung  $y_{\max}$  ist die Amplitude)

$$12. \quad D = \frac{F}{s} = \frac{0.20 \text{ kg} \cdot 9.81 \frac{\text{N}}{\text{kg}}}{0.20 \text{ m}} = 9.81 \frac{\text{N}}{\text{m}} \quad \omega = \sqrt{\frac{D}{m}} = \sqrt{\frac{9.81 \frac{\text{N}}{\text{m}}}{0.20 \text{ kg}}} = 7.0 \text{ s}^{-1} \quad \varphi_0 = \frac{3\pi}{2}$$

$$y(t) = 10 \text{ cm} \cdot \sin(7.0 \text{ s}^{-1} \cdot t + \frac{3\pi}{2}) \quad T = 0.9 \text{ s}$$



13. Durch die Ruhelage geht es zu den Zeiten  $t = 0, 0.625 \text{ s}, 1.25 \text{ s}, \text{ etc.}$

$$v(0) = \hat{y} \cdot \frac{2\pi}{T} \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T} \cdot t\right) = 0.050 \text{ m} \cdot \frac{2\pi}{1.25 \text{ s}} \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{1.25 \text{ s}} \cdot 0\right) = 0.25 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

*Hinweis:  $\cos(0) = 1$*

$$14. \quad \text{a) links: } \ell = 30 \text{ cm} \quad T_{\text{links}} = 2\pi \cdot \sqrt{\frac{\ell}{g}} = 2\pi \cdot \sqrt{\frac{0.30 \text{ m}}{9.81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}}} = 1.10 \text{ s}$$

$$\text{rechts: } \ell = 80 \text{ cm} \quad T_{\text{rechts}} = 2\pi \cdot \sqrt{\frac{\ell}{g}} = 2\pi \cdot \sqrt{\frac{0.80 \text{ m}}{9.81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}}} = 1.79 \text{ s}$$

$$T = \frac{T_{\text{links}} + T_{\text{rechts}}}{2} = \frac{1.10 \text{ s} + 1.79 \text{ s}}{2} = \underline{\underline{1.45 \text{ s}}}$$

