

Rechnen mit gerundeten oder gemessenen Zahlen

Signifikante Ziffern (auch: wesentliche, verlässliche oder zuverlässige Ziffern)

Die Genauigkeit einer Zahl erkennt man an der Anzahl signifikanter Ziffern, die sie besitzt: je mehr signifikante Ziffern sie hat, desto genauer ist sie.

Achtung: Vorangestellte Nullen gelten nicht als signifikante Ziffern!

| | | |
|-------------------|---------|--|
| <i>Beispiele:</i> | 32.24 | vier signifikante Ziffern |
| | 1.8 | zwei signifikante Ziffern |
| | 0.03 | eine signifikante Ziffer |
| | 0.00307 | drei signifikante Ziffern |
| | 6.02070 | sechs signifikante Ziffern |
| | 800 | eine, zwei oder drei signifikante Ziffern, je nachdem ob man auf Hunderter, Zehner oder Einer genau gerundet hat |

Rechnen mit gerundeten Zahlen

Wenn man mit gerundeten oder gemessenen Zahlenangaben rechnet, so besitzt das Resultat nur so viele signifikante Ziffern wie diejenige Angabe mit der *kleinsten* Anzahl signifikanter Ziffern.

Beispiel: 32.34 hat vier signifikante Ziffern, 1.8 hat zwei signifikante Ziffern.
Produkt: $32.34 \cdot 1.8 = ?$

untere Grenze (falls beide Zahlen aufgerundet wurden):

$$32.335 \cdot 1.75 = 56.58625$$

gegebene Zahlen:

$$32.34 \cdot 1.8 = 58.212$$

obere Grenze (falls beide Zahlen abgerundet wurden):

$$32.344 \cdot 1.84 = 59.51296$$

Das «wirkliche Produkt» liegt im Bereich zwischen 56.5 ... und 59.5 ... und hat daher sicher nicht mehr als zwei signifikante Ziffern!

Also:

$$32.34 \cdot 1.8 = \underline{\underline{58}}$$

Potenzschreibweise

Zahlen kann man als Produkt einer Dezimalzahl mit einer Zehnerpotenz darstellen.

Üblich ist die Darstellung mit nur genau einer Ziffer $\neq 0$, also verschieden von Null, vor dem Komma.

Beispiele: $378'509 = 37850.9 \cdot 10^1 = 3785.09 \cdot 10^2 = 378.509 \cdot 10^3 = 37.8509 \cdot 10^4 = \underline{\underline{3.78509 \cdot 10^5}}$
 $0.0003750 = 0.003750 \cdot 10^{-1} = 0.03750 \cdot 10^{-2} = 0.3750 \cdot 10^{-3} = \underline{\underline{3.750 \cdot 10^{-4}}}$