Allg. Aufgaben zu quadratischen Gleichungen

- 1. Finde den Scheitelpunkt:
 - a) $y = x^2 + 3$
- b) $\frac{1}{2}x^2 3$ c) $y = -x^2 + 4$ d) $y = 2x^2 1$
- e) $y = \frac{3}{2}x^2 + 1$ f) $y = -\frac{x^2 + 24}{8}$ g) $x^2 + 2y = 4$ h) $y = x^2 + 6x + 9$

- i) $y = x^2 2x + 1$ j) $y = x^2 6x + 11$ k) $y = 2x^2 + 8x 1$ l) $y = -\frac{1}{2}x^2 + 6x 7$
- 2. Bestimme die Gleichung der Parabel mit Scheitelpunkt (2:4), welche durch P(-6:-12) geht.
- 3. In welchen Punkten schneidet die Parabel $y = x^2 2c + 4$ die Gerade y = -7x?
- 4. Um wie viel muss die Parabel $y=2x^2-3x+2$ vertikal verschoben werden, so dass sie tangent an der Gerade y = -4x - 5 wird?
- 5. Für welchen Wert von q ist die Gerade y = 3x + q eine Tangente der Parabel:

 - a) $y = x^2 + 8x + 10$ b) $y = ax^2 + bx + c$ mit $a \neq 0$
- 6. Für welchen Wert von q ist die Gerade y=q eine Tangente der Parabel $y = -2x^2 + 3x + 4$
- 7. Skizziere den Graph und schreibe als stückweise definierte Funktion:

 - a) $y = x^2 4|x| + 4$ b) $y = x^2 |4x 4|$
- 8. Die Gerade y = mx soll eine Tangente der Parabel $y = mx^2 + x + m$ sein. Bestimme den
- 9. Bestimme die Gleichung $y = x^2 + bx + c$ einer Parabel so, dass sie durch die Punkte P(2; -7)und Q(-3; 8) geht. Berechne auch die Koordinaten des Scheitelpunktes.
- 10. Bestimme die Gleichung $x = ax^2 + bx + c$ einer quadratischen Funktion mit den Nullstellen (2;0) und (4;0) so, dass ihre Parabel durch den Punkt P(7;5) geht. Bestimme dann die Koordinaten des Scheitelpunkts.
- 11. Ein 50 m langer Zaun soll einen rechteckigen Platz, der an eine Mauer grenzt, auf drei Seiten begrenzen. Welchen Flächeninhalt kann der Platz maximal haben?
- 12. Wie gross ist für die Zahlenpaare (a;b), welche die Bedingung a-b=4 erfüllen, das Minimum von $a^2 + b^2$?
- 13. Eine ebene 400-m-Bahn soll so angelegt werden, dass sie ein Rechteck mit zwei angesetzten Halbkreisen begrenzt. Wie gross muss der Radius r sein und wie lang ein gerades Stück zwischen den Kurven, wenn
 - a) das Rechteck maximalen Flächeninhalt haben soll?
 - b) das ganze Oval maximalen Flächeninhalt haben soll?

Allg. Aufgaben zu quadratischen Gleichungen

- 1. Finde den Scheitelpunkt:
 - a) $y = x^2 + 3$

- b) $\frac{1}{2}x^2 3$ c) $y = -x^2 + 4$ d) $y = 2x^2 1$
- e) $y = \frac{3}{2}x^2 + 1$ f) $y = -\frac{x^2 + 24}{8}$ g) $x^2 + 2y = 4$ h) $y = x^2 + 6x + 9$

- i) $y = x^2 2x + 1$ j) $y = x^2 6x + 11$ k) $y = 2x^2 + 8x 1$ l) $y = -\frac{1}{2}x^2 + 6x 7$
- 2. Bestimme die Gleichung der Parabel mit Scheitelpunkt (2:4), welche durch P(-6;-12) geht.
- 3. In welchen Punkten schneidet die Parabel $y = x^2 2c + 4$ die Gerade y = -7x?
- 4. Um wie viel muss die Parabel $y = 2x^2 3x + 2$ vertikal verschoben werden, so dass sie tangent an der Gerade y = -4x - 5 wird?
- 5. Für welchen Wert von q ist die Gerade y = 3x + q eine Tangente der Parabel:

 - a) $y = x^2 + 8x + 10$ b) $y = ax^2 + bx + c$ mit $a \neq 0$
- 6. Für welchen Wert von q ist die Gerade y = q eine Tangente der Parabel $y = -2x^2 + 3x + 4$
- 7. Skizziere den Graph und schreibe als stückweise definierte Funktion:
 - a) $y = x^2 4|x| + 4$ b) $y = x^2 |4x 4|$
- 8. Die Gerade y = mx soll eine Tangente der Parabel $y = mx^2 + x + m$ sein. Bestimme den
- 9. Bestimme die Gleichung $y = x^2 + bx + c$ einer Parabel so, dass sie durch die Punkte P(2, -7)und Q(-3;8) geht. Berechne auch die Koordinaten des Scheitelpunktes.
- 10. Bestimme die Gleichung $x = ax^2 + bx + c$ einer quadratischen Funktion mit den Nullstellen (2;0) und (4;0) so, dass ihre Parabel durch den Punkt P(7;5) geht. Bestimme dann die Koordinaten des Scheitelpunkts.
- 11. Ein 50 m langer Zaun soll einen rechteckigen Platz, der an eine Mauer grenzt, auf drei Seiten begrenzen. Welchen Flächeninhalt kann der Platz maximal haben?
- 12. Wie gross ist für die Zahlenpaare (a;b), welche die Bedingung a-b=4 erfüllen, das Minimum von $a^2 + b^2$?
- 13. Eine ebene 400-m-Bahn soll so angelegt werden, dass sie ein Rechteck mit zwei angesetzten Halbkreisen begrenzt. Wie gross muss der Radius r sein und wie lang ein gerades Stück zwischen den Kurven, wenn
 - a) das Rechteck maximalen Flächeninhalt haben soll?
 - b) das ganze Oval maximalen Flächeninhalt haben soll?