سرى دوم: مبحث احتمال

۱-آسانسوری با دو نفر، در طبقههای دوم، سوم و چهارم ساختمانی توقف می کند. اگر احتمال خارج شدن این دو نفر از آسانسور در طبقات مختلف هم احتمال باشند، در این صورت احتمال این که این دو نفر در دو طبقه مختلف از آسانسور خارج شوند بیابید.

۲- از مجموعه ی اعداد طبیعی  $\{1,2,3,4,5,...,1000\}$  عددی به تصادف انتخاب می کنیم. مطلوبست احتمال این که این عدد بر  $\alpha$  یا  $\alpha$  تقسیم یذیر باشد.

 $^{-}$  فرض کنید در جامعهای هر موجود بتواند موجودی از نوع خود را تولید کند. زادههای جمعیت اول را نسل دوم مینامیم، و زادههای نسل دوم را نسل سوم میگوییم و الی آخر. اگر احتمال انقراض جامعه بعد از نسل  $^{-}$ ام برابر  $^{-}$ ( $^{-}$ ( $^{-}$ 2 $^{-}$ 2 $^{-}$ 2) باشد، در این صورت احتمال بقای این جامعه برای همیشه چقدر است؟

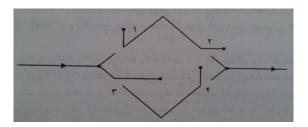
۴- سکه سالمی را ۱۰ بار می اندازیم، احتمال این که دقیقا سه شیر مشاهده شود، چقدر است؟

۵- فرض کنید ۵ فیوز سالم و ۲ فیوز معیوب در هم شدهاند. برای یافتن فیوزهای معیوب آنها را به تصادف یکی بعد از دیگری و بدون جایگذاری امتحان میکنیم. احتمال این که هر دو فیوز معیوب دقیقا پس از سه امتحان پیدا شوند چقدر است؟

۶- فرض کنید ۸۰٪ دانشجویان سال سوم، ۷۰٪ دانشجویان سال دوم، ۵۰٪ دانشجویان سال اول و ۳۰٪ دانشجویان پیشدانشگاهی یک دانشکده از کتابخانهی مرکزی استفاده کنند. اگر از همهی دانشجویان، ۳۰٪ پیشدانشگاهی، ۲۵٪ سال اول، ۲۵٪ سال دوم و ۲۰٪ سال سوم باشند در این صورت چند درصد همهی دانشجویان از کتابخانهی مرکزی استفاده میکنند؟

۷- جعبهای شامل ۷ مهرهی قرمز و ۱۳ مهرهی آبی است. دو مهره را به تصادف خارج کرده و آنها را بدون توجه به رنگشان کنار می گذاریم. اگر سومین مهرهای که به تصادف بیرون می آوریم قرمز باشد احتمال این که هر دو مهرهی اول آبی باشند چقدر است؟

۸- شکل زیر یک مدار الکتریکی را نشان میدهد که در آن هر یک از کلیدهای ۱، ۲، ۳ و \* به ترتیب با احتمالهای p و p مستقلا باز یا بسته می شوند. اگر ولتاژی وارد مدار شود احتمال آن که به خارج منتقل شود چقدر است \*



۹- احمد سکهی سالمی را n+1 بار و بهرام همان سکه را n بار پرتاب می کند. احتمال این که تعداد شیرهایی که احمد آورده استبیشتر از تعداد شیرهای بهرام باشد چقدر است؟

۱۰ - شرکتی ۴۰ درصد لاستیک را از کارخانه A و بقیه را از کارخانهی B میخرد. معمولا ۱۰ درصد لاستیک کارخانهی A و ۵ درصد لاستیک کارخانهی A معیوب باشد، احتمال اینکه از کارخانهی A معیوب باشد، احتمال اینکه از کارخانهی A باشد چقدر است؟