

سیر مطالعاتی من برای ارائه پایان نامه کارشناسی ارشد

محسن مهرانی - استاد راهنما: دکتر سامان مقیمی عراقی

۱ مطالعه مقاله شماره [۱]:

در این مقاله مدلی را مشاهده کردیم که به کمک مدل KM یک شبکه نورونی کامل را توصیف کرده است. این شبکه شامل نوروهای مهاری است که روشن شدن هر کدوم از آنها باعث مهار شدن نوروهای همسایه می شود. معادله تحول اختلاف پتانسیل هر کدام از نوروها با محیط بیرونش از رابطه زیر داده می شود (g : ضریب اتصال هر جفت نرون، S : ماتریس اتصال، t_d زمان تاخیر میان زدن تیزه و تحریک آن، a_i یک پتانسیل تحریکی و خارجی):

$$\ddot{v}_i = a_i - v_i - gN \sum_{n|t_n < t} S_{i,l(n)} \delta(t - t_n - t_d) \quad (1)$$

پارامتر نظم سیستم را به کمک میدان (E) تعریف کرده است اما پارامتر نظم را انحراف از معیار آن در طول زمان معرفی کرده است.

$$\ddot{E} + 2\alpha\dot{E} + \alpha^2 E = 2\alpha N \sum_{n|t_n < t} \delta(t - t_n - t_d) \quad (2)$$

$$\sigma^2 = \langle E^2 \rangle_t - \langle E \rangle_t^2 \quad (3)$$

در طول زمان میدان E و σ را رصد کرده است و دیده است که میدان خاموش و روشن می شود و انحراف از معیار آن مقدار خوبی مثبت است چنان که این خاموش و روشن ها را با معنا نشان می دهد. حال ادعای این مقاله است که این خاموش و روشن شدن ها الگویی آشوبناک دارند و ادعا کرده است که به اندازه متناهی سامانه نیز وابسته نیست.

۱.۱ سوالات

۱. مدل $Kuramoto$ به قرار زیر است. چطور معادله ۱ به آن تبدیل می شود. دلتای یاد شده در معادله ۱ دلتای دیراک است؟ یا دلتایی که بیشینه آن عدد یک است؟

$$\frac{d\theta_i}{dt} = \omega_i + \sum_{j=1}^N a_{ij} \sin(\theta_j - \theta_i), \quad i = 1 \dots N \quad (4)$$

۲. t_n چیست؟

۳. اگر قرار باشد جمعی که در رابطه ۱ نوشته‌ایم روی تمام زمان‌های از ازل تا t باشد پس آیا هر نورون حافظه‌ای از کل رخداد‌های گذشته دارد؟ حتی از لحظاتی که قبل از تیزه زدن‌ها وجود دارند؟

۴. میدان E به چه معناست؟ چطور تعریف کردیم؟ آیا مشخصه‌ای از کل سیستم است؟

پاسخ استاد:

۱. قرار نیست کوراموتو به این تبدیل بشود. ممکنه یه شباهت‌های کلی (به این معنی که مثلاً دور می‌زنند) باشه ولی کلاً دو تا معادله‌ی متفاوتند. در ضمن تابع دلتای دیراک است.

۲. کمیت‌های t_n زمان‌هایی است که تیزه‌ای در سیستم زده می‌شود. [*می‌گوییم: پس احتمالاً معادله دیفرانسیلی ما دائم در حال به روز کردن سمت راست خودش است. هر وقت نوروونی تیزه زد آن را در جمله سمت راست ذخیره می‌کنیم. پس احتمالاً تقارن زمانی نداریم مگر پس مدتی طولانی که تاثیر شرایط اولیه بسیار کوچک دیده شود.]

۳. داستان اینه که هر نوروونی که تیزه بزنه، اطرافانش رو تحت تاثیر قرار می‌ده. پس وضعیت نورون به تمام تیزه‌های زمان‌های قبل وابسته است.

۴. هر وقت در هر جای دستگاه، تیزه‌ای زده بشه، کمیت E کمی بالا می‌ره و بعد افت پیدا می‌کنه. حالا اگر تند و تند جاهای مختلف تیزه زده بشه، این کمیت کم و بیش مقداری غیر صفر پیدا می‌کنه. [این کمیت را خودمون تعریف کرده‌ایم که بر حسب پارامترهای سیستم متحول می‌شود. مانند یک آشکارساز که به سامانه متصل می‌شود تا اندازه‌گیری خود را با یک عقربه نشان دهد.] اما اگر این تیزه زدن‌ها همگام باشه، یعنی همه با هم یه زمانی بزنند و بعد یه مدتی خاموش باشند، این کمیت، اول کلی زیاد می‌شه و بعد یه مدتی کم می‌مونه و در نتیجه انحراف معیارش زیاد می‌شه.

۲.۱ شبیه سازی مدل پیاده شده در مقاله

یکی از مشکلات شبیه سازی معادلات دیفرانسیلی حضور تابع دلتای دیراک است. این تابع در نقطه صفر خود دارای مقداری بینهایت است. برای برطرف کردن این معضل چه باید کرد؟ نکته در این جا نهفته است که چون ما برای حل عددی معادله دیفرانسیلی خود از زمان پیوسته استفاده نمی‌کنیم و از گام‌هایی با طول مثبت Δt استفاده می‌کنیم این مشکل به صورت زیر مدیریت

می شود.

$$v_i(t + \Delta t) = v_i(t) + \int_t^{t+\Delta t} \dot{v}_i dt \quad (5)$$

$$= v_i(t) + \int_t^{t+\Delta t} \left[a_i - v_i - gN \sum_{n|t_n < t} S_{i,l(n)} \delta(t - t_n - t_d) \right] dt \quad (6)$$

$$\approx v_i(t) + [a_i - v_i(t)] \Delta t - gN \sum_{n|t_n < t} S_{i,l(n)} \int_t^{t+\Delta t} \delta(t - t_n - t_d) dt \quad (7)$$

$$\approx v_i(t) + [a_i - v_i(t)] \Delta t - gN \sum_{n|t_n < t} S_{i,l(n)} H(t - t_n - t_d) \quad (8)$$

مراجع

- [1] Luccioli, Stefano and Politi, Antonio. Irregular collective behavior of heterogeneous neural networks. *Phys. Rev. Lett.*, 105:158104, Oct 2010. [1](#)