

## **CURSO 2014-2015**

### **ANALISIS DE COINTEGRACION**

Este análisis se llevará a cabo aplicando a la llamada relación de cointegración los siguientes dos instrumentos:

1. Contraste CRDW.
2. Contraste Dickey-Fuller sobre los residuos de la relación de cointegración.

### **ESPECIFICACION DE LA RELACIÓN DE COINTEGRACIÓN**

Cuestiones generales:

A) Las variables deben intervenir en la relación con el mismo orden de integración

B) En todos los casos, cuando cualquiera de las variables posea tendencia determinista se procederá a eliminarla, de modo que las posibles relaciones de cointegración serán formuladas siempre con las variables libres de tendencia determinista.

## ELIMINACION DE TENDENCIA DETERMINISTA

Suponiendo tendencia determinista lineal.

A) Creación de la variable tendencia.

Desde la barra de comandos principal:

AÑADIR → TENDENCIA TEMPORAL

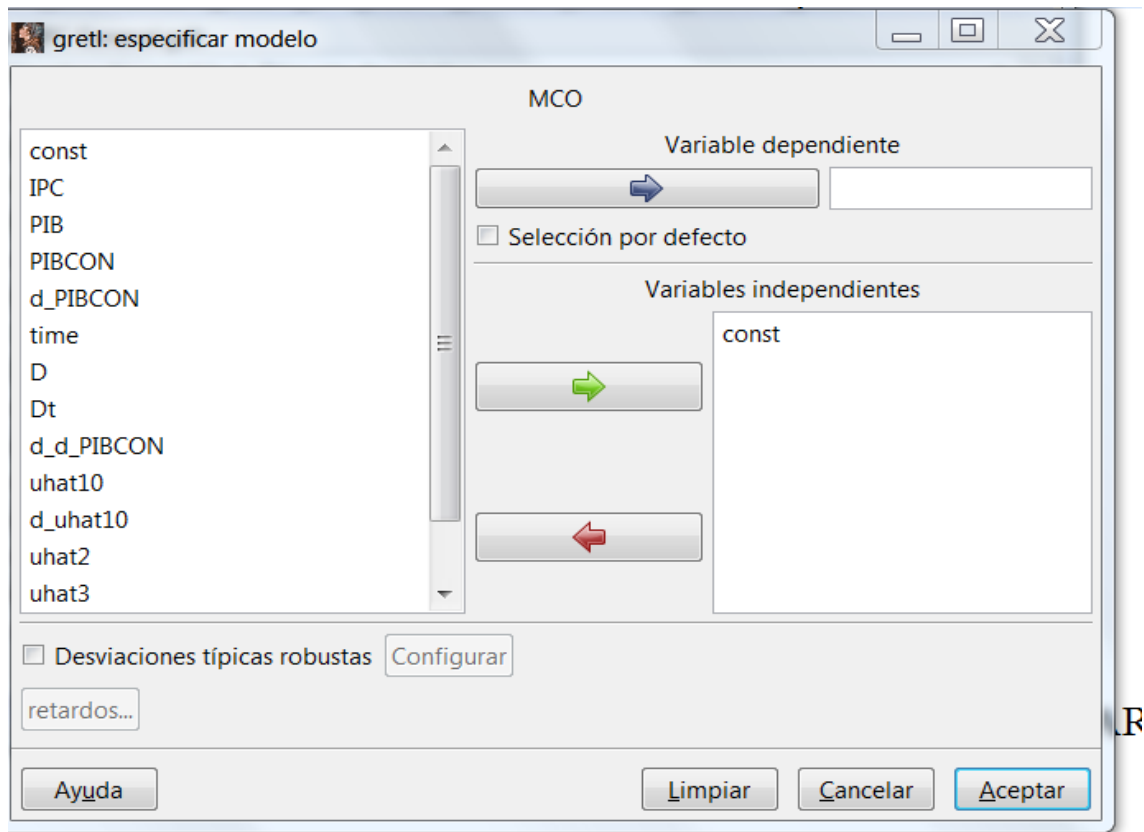
Se crea una variable llamada time.

B) Se estima por MCO el modelo

$$Y_t = \alpha + \beta t + u_t$$

Desde la barra de comandos principal:

MODELO → MINIMOS CUADRADOS ORDINARIOS



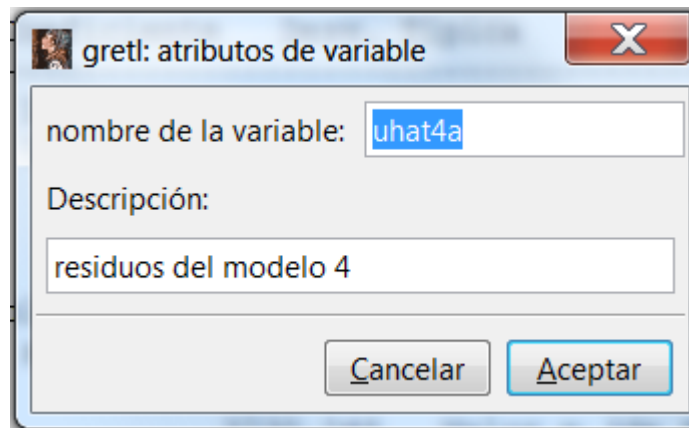
C) Los residuos de este modelo son la variable  $Y_t$  libre de tendencia determinista:

$$\hat{u}_t = Y_t - (\hat{\alpha} + \hat{\beta} t) = Y_t^T$$

Guardar estos residuos.

Desde la barra de comandos del objeto Modelo:

GUARDAR → RESIDUOS



Es conveniente cambiar el nombre para indicar que es la variable  $Y$  libre de tendencia determinista.

ESCENARIOS POSIBLES SEGÚN EL ORDEN DE INTEGRACIÓN DE CADA UNA DE LAS VARIABLES.

- Escenario A: Ambas variables son I(1). La relación de cointegración será:

a.1)  $y_{1t} = \alpha + \beta y_{2t} + \varepsilon_t$  si ninguna de las dos tiene elementos deterministas.

a.2 )  $\hat{u}_{1t} = \beta y_{2t} + \varepsilon_t$  si  $y_1$  tiene elementos deterministas

$y_{1t} = \alpha + \beta \hat{u}_{2t} + \varepsilon_t$  si  $y_2$  tiene elementos deterministas

a.3) Si las dos variables tienen elementos deterministas, la relación de cointegración se concreta como:

$$\hat{u}_{1t} = \beta \hat{u}_{2t} + \varepsilon_t$$

- Escenario B: Las variables son una mezcla en el sentido de que, por ejemplo, una es I(2) y otra es I(1). La relación de cointegración será:

$$\Delta y_{1t} = \alpha + \beta y_{2t} + \varepsilon_t \quad \text{o bien} \quad y_{1t} = \alpha + \beta \Delta y_{2t} + \varepsilon_t$$

Igual que en el escenario A, si alguna o las dos variables tienen elementos deterministas, se calcularían inicialmente las variables libres de ellos y la relación de cointegración sería la formulada en términos de estas variables transformadas.

Suponiendo que la variable  $y_{1t}$  es I(2) con tendencia determinista lineal y la variable  $y_{2t}$  es I(1), la relación de cointegración será:

$$\Delta \hat{u}_{1t} = \beta y_{2t} + u_t$$

- Escenario C: Ambas variables son I(2). En este caso, la relación de cointegración será, suponiendo que ninguna de las dos tienen elementos deterministas:

$$\Delta y_{1t} = \alpha + \beta \Delta y_{2t} + u_t$$

Si alguna de ellas presentase elementos deterministas, la relación de cointegración se formularía en términos de las variables libres de ellos.

## **CONTRASTE DE COINTEGRACIÓN**

Sobre cualquiera de estas posibles relaciones de cointegración se trata de resolver el siguiente planteamiento:

$H_0$ : Las variables no están cointegradas

$H_1$ : Las variables están cointegradas

### **Contraste CRDW.**

Es el valor del estadístico de Durbin –Watson que proporciona la salida de la estimación de la relación de cointegración.

Puntos críticos: cuadro 4.5 del Apartado 4.2.

### **Contraste Dickey-Fuller de los residuos de la relación de cointegración.**

$H_0: I(1) \equiv$  Variables no cointegradas

$H_A: I(0) \equiv$  Variables cointegradas

Puntos críticos: cuadro 4.5 del Apartado 4.2.

# MODELOS ADMISIBLES

Notación:

$y_1$ : variable dependiente

$y_2$ : variable independiente o explicativa

Estructura de modelos admisibles:

VAR: si las variables no están cointegradas

MCE: si las variables están cointegradas

En todos los casos se obtendrán 4 modelos potencialmente admisibles consecuencia de la incorporación de un retardo temporal adicional. La incorporación del retardo se hará simultáneamente en ambas variables.

## CASO 1: Ambas variables son I(0)

Si ninguna tiene elementos deterministas:

$$y_{1,t} = \alpha + \sum_{i=1}^4 \beta_i y_{1,t-i} + \sum_{i=1}^4 \phi_i y_{2,t-i} + \varepsilon_t$$

Si alguna de ellas o las dos tienen componente determinista se formulan los modelos anteriores en términos de las variables transformadas ( $\hat{u}_{1t}$  o/y  $\hat{u}_{2t}$ ).



## **CASO 2: Una de las variables tiene solo tendencia estocástica**

La variable  $y_1$  es I(1):

$$\Delta y_{1,t} = \alpha + \sum_{i=1}^4 \beta_i \Delta y_{1,t-i} + \sum_{i=1}^4 \phi_i y_{2,t-i} + \varepsilon_t$$

La variable  $y_1$  es I(2):

$$\Delta^2 y_{1,t} = \sum_{i=1}^4 \beta_i \Delta^2 y_{1,t-i} + \sum_{i=1}^4 \phi_i y_{2,t-i} + \varepsilon_t$$

Si la que es I(0) tiene elementos deterministas se formulan los modelos anteriores en términos de la variable transformada.

### **CASO 3: Ambas variables tienen tendencia estocástica y no están cointegradas**

Si ambas son I(1):

$$\Delta y_{1,t} = \alpha + \sum_{i=1}^4 \beta_i \Delta y_{1,t-i} + \sum_{i=1}^4 \phi_i \Delta y_{2,t-i} + \varepsilon_t$$

Si ambas son I(2):

$$\Delta^2 y_{1,t} = \sum_{i=1}^4 \beta_i \Delta^2 y_{1,t-i} + \sum_{i=1}^4 \phi_i \Delta^2 y_{2,t-i} + \varepsilon_t$$

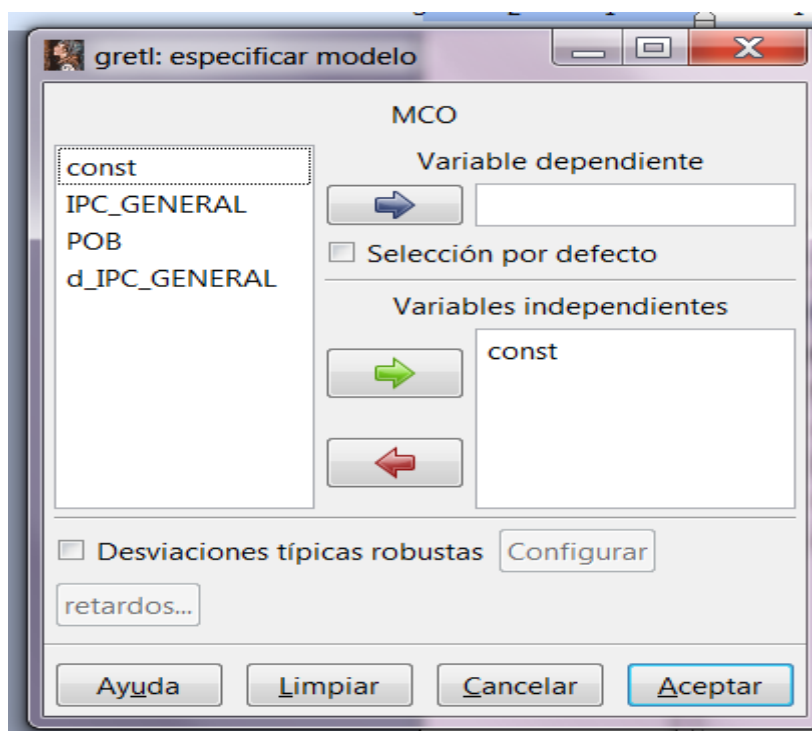
Si  $y_1$  es I(1) e  $y_2$  es I(2):

$$\Delta y_{1,t} = \alpha + \sum_{i=1}^4 \beta_i \Delta y_{1,t-i} + \sum_{i=1}^4 \phi_i \Delta^2 y_{2,t-i} + \varepsilon_t$$

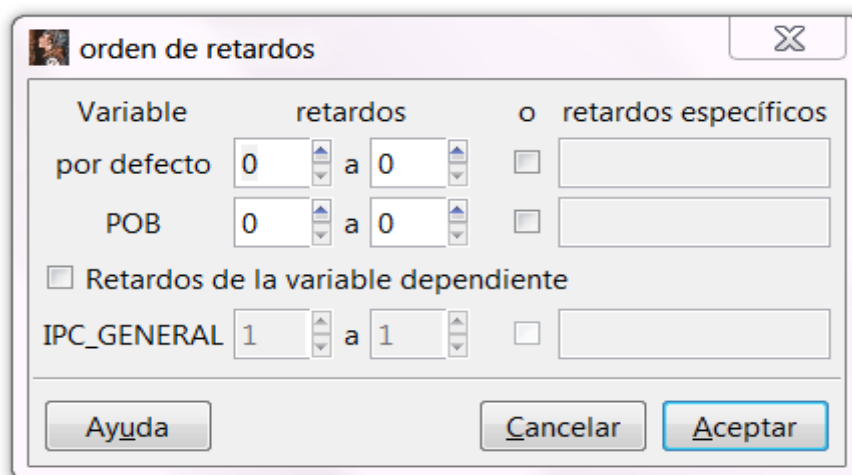
La posible existencia de elementos deterministas en alguna de ellas se ha eliminado ya al considerar las variables en diferencias.

## ESTIMACION MODELOS VAR (CASO 1, CASO 2 Y CASO 3)

MODELO → MINIMOS CUADRADOS ORDINARIOS



Utilizando la opción retardos



#### **CASO 4: Ambas variables tienen tendencia estocástica [I(1)] y están cointegradas**

Modelo de mecanismo de corrección de error

Si las variables no tienen elementos deterministas:

$$\Delta y_{1,t} = \gamma_0 + \alpha (y_{1,t-1} - \beta y_{2,t-1}) + \sum_{i=1}^4 \beta_i \Delta y_{1,t-i} + \sum_{i=1}^4 \phi_i \Delta y_{2,t-i} + \varepsilon_t$$

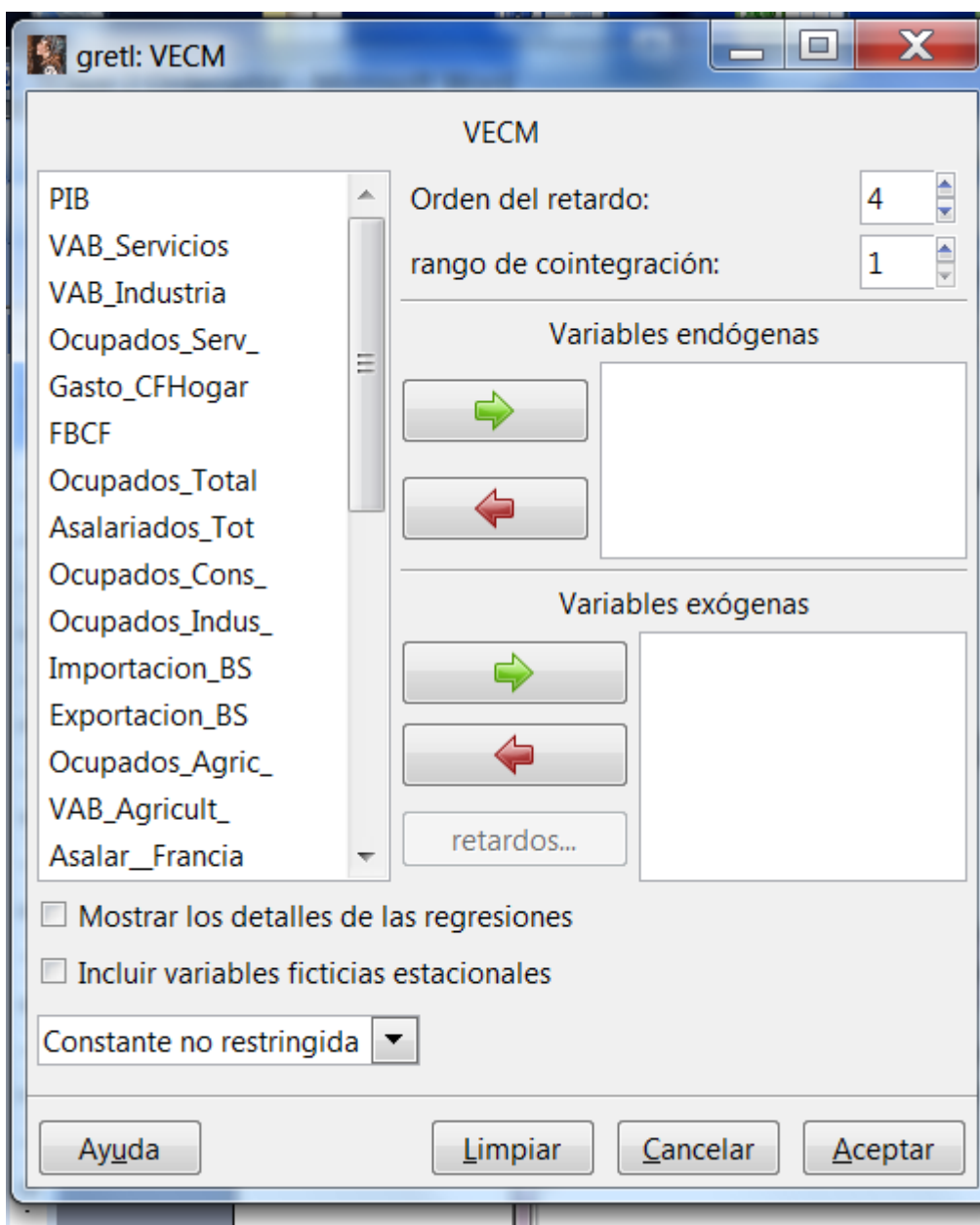
Donde entre paréntesis se están representando los residuos de la relación de cointegración.

Si ambas variables tienen elementos deterministas:

$$\Delta \hat{u}_{1t} = \alpha (\hat{u}_{1,t-1} - \beta \hat{u}_{2,t-1}) + \sum_{i=1}^4 \beta_i \Delta \hat{u}_{1,t-i} + \sum_{i=1}^4 \phi_i \Delta \hat{u}_{2,t-i} + \varepsilon_t$$

## ESTIMACION MECANISMO DE CORRECCION DE ERROR (CASO 4)

MODELO → SERIES TEMPORALES → VECM



The screenshot shows the 'gretl: VECM' dialog box. On the left is a list of variables: PIB, VAB\_Servicios, VAB\_Industria, Ocupados\_Serv\_, Gasto\_CFHogar, FBCF, Ocupados\_Total, Asalariados\_Tot, Ocupados\_Cons\_, Ocupados\_Indus\_, Importacion\_BS, Exportacion\_BS, Ocupados\_Agric\_, VAB\_Agricult\_, and Asalar\_Francia. To the right of this list are two numeric input fields: 'Orden del retardo:' set to 4 and 'rango de cointegración:' set to 1. Below these are two sections: 'Variables endógenas' and 'Variables exógenas'. Each section has a green arrow button to add variables, a red arrow button to remove variables, and a 'retardos...' button. At the bottom left are two checkboxes: 'Mostrar los detalles de las regresiones' and 'Incluir variables ficticias estacionales', both of which are unchecked. Below the checkboxes is a dropdown menu currently set to 'Constante no restringida'. At the very bottom are four buttons: 'Ayuda', 'Limpiar', 'Cancelar', and 'Aceptar'.

gretl: VECM

VECM

Orden del retardo: 4

rango de cointegración: 1

Variables endógenas

Variables exógenas

retardos...

☐ Mostrar los detalles de las regresiones

☐ Incluir variables ficticias estacionales

Constante no restringida

Ayuda Limpiar Cancelar Aceptar

Se formulan como variables endógenas las dos variables que han definido la relación de cointegración.

Asumiendo el caso de dos variables I(1) y ambas con tendencia determinista lineal, la relación de cointegración establecida habría sido:

$$\hat{u}_{1t} = \beta \hat{u}_{2t} + \varepsilon_t$$

Las variables endógenas seleccionadas serían:  $\hat{u}_1$  y  $\hat{u}_2$ .

Si las variables están cointegradas, el modelo objeto de estimación, suponiendo un retardo, será:

$$\Delta \hat{u}_{1t} = \alpha (\hat{u}_{1t-1} - \beta \hat{u}_{2t-1}) + \beta_1 \Delta \hat{u}_{1t-1} + \phi_1 \Delta \hat{u}_{2t-1} + \varepsilon_t$$

En lo que respecta a las opciones sobre los elementos deterministas se selecciona la opción adecuada atendiendo a la variable endógena de la ecuación objeto de estimación.

El resultado de la estimación es del siguiente tipo:

```

gretl: VECM
Archivo Editar Contrastes Guardar Gráficos Análisis
Sistema VECM, orden del retardo 2
estimaciones de Máxima Verosimilitud, observaciones 1996:1-2007:4 (T = 48)
Rango de cointegración = 1
Caso 1: Sin constante

beta (vectores cointegrantes, Desviaciones típicas entre paréntesis)

uhat1      1,0000
            (0,00000)
uhat2      -1,2639
            (0,022557)

alpha (alfa (vectores de ajuste))

uhat1      0,97318
uhat2      1,0448

Log-verosimilitud = -493,58518
Determinante de la matriz de covarianzas = 2929362
AIC = 20,8994
BIC = 21,2112
HQC = 21,0172

Ecuación 1: d_uhat1

-----
                Coeficiente    Desv. Típica    Estadístico t    Valor p
-----
d_uhat1_1      6,45504         1,44268         4,474            5,17e-05 ***
d_uhat2_1     -7,25362         1,53276        -4,732            2,23e-05 ***
EC1            0,973175         0,619395         1,571            0,1231

Media de la vble. dep. -12,75511    D.T. de la vble. dep. 798,9487
Suma de cuad. residuos 9558971    D.T. de la regresión 460,8921
R-cuadrado        0,681461    R-cuadrado corregido 0,667304
rho               0,231040    Durbin-Watson        1,522275

Ecuación 2: d_uhat2

-----
                Coeficiente    Desv. Típica    Estadístico t    Valor p
-----
d_uhat1_1      6,57649         1,43683         4,577            3,71e-05 ***
d_uhat2_1     -7,29452         1,52655        -4,778            1,92e-05 ***
EC1            1,04480         0,616884         1,694            0,0972 *

Media de la vble. dep. -14,48479    D.T. de la vble. dep. 768,8412
Suma de cuad. residuos 9481617    D.T. de la regresión 459,0235

```

Donde:

Beta: estimación de los parámetros del mecanismo de corrección de error.

Alpha: estimación del parámetro de ajuste

En las ecuaciones aparecen las estimaciones de los parámetros que acompañan al resto de variables y vuelve a mostrarse la estimación del parámetro de ajuste.