# **ESTADÍSTICA II**

# 1ª Convocatoria. 2º Grado en ADE. 20 de enero de 2014.

<u>Nota Previa:</u> Escribe los APELLIDOS, NOMBRE y GRUPO, en letras mayúsculas, en todos los folios que utilices para el examen. En todos los apartados debes <u>justificar</u> y <u>razonar</u> los resultados empleados. Al final del examen lee la <u>Nota Final</u>.

#### CADA PROBLEMA DEBE IR EN FOLIOS DIFERENTES

#### Problema 1

El tiempo de funcionamiento de una componente electrónica sigue una distribución exponencial de media 2300 horas.

A) Sabiendo que ya ha funcionado más de 500 horas. ¿cuál es la probabilidad de que la componente siga funcionando 1500 horas más?

(1 punto)

**B)** Una máquina necesita 10 de estas componentes y tienen que funcionar todas para que la máquina pueda operar. ¿Cuál es la probabilidad de que la máquina opere más de 660 horas sin ninguna rotura?

(2 puntos)

C) El número de roturas de una máquina se puede explicar mediante una variable aleatoria Poisson de media 2 por mes. Si en la fábrica hay 50 máquinas de este tipo, ¿cuál es la probabilidad de que se produzcan más de 230 roturas en dos meses?

(2 puntos)

#### Problema 2

Un jefe de obra experto en cubrimientos de naves industriales ha emprendido su propio negocio.

**A)** El nuevo empresario dispone de una agenda de 480 contactos de potenciales clientes y necesita estimar el porcentaje de éstos que estarían dispuestos a contratar determinados servicios de su empresa. Determina el número de contactos que precisará sondear a fin de estimar dicho porcentaje real con un error máximo del 3% y una garantía del 90%.

(2 puntos)

**B)** Admitiendo que el número de contratos de mantenimiento semanales firmados sigue una distribución Poisson, y teniendo en cuenta que en el primer trimestre (13 semanas) de andadura de la empresa ha conseguido firmar 8 contratos, deduce y calcula el estimador máximo verosímil para el número medio de contratos de mantenimiento semanales.

(2 puntos)

C) La facturación en una obra de reparación depende de múltiples factores y es aleatoria. De su experiencia previa conoce que la facturación total que se obtuvo en 50 obras de reparación por la antigua empresa ascendió a 250.000€ Supuesto que el beneficio neto representa el 35% de la facturación, propón un estimador y calcula la estimación puntual del beneficio neto medio por contrato. ¿Es un estimador insesgado? ¿Y consistente? (2 puntos)

### Problema 3

El Departamento de Educación del Gobierno de Aragón quiere realizar un estudio sobre la calidad de los menús de los comedores escolares. En la muestra piloto se realizó un análisis a 16 centros y se anotó la cantidad de frutas y verduras (en gramos) consumida por niño de forma diaria, suponiendo que esta variable tiene distribución normal. Los datos recogidos son los siguientes:

Centro	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
Cantidad	375	350	410	358	259	415	395	387	278	360	379	425	225	343	411	398
(gramos)	375	550	110	330	20)		373	507	2,0	500	317	.25		5.5		370

**A)** Calcula un intervalo de confianza al 95% para estimar el consumo medio diario de frutas y verduras de los niños en el comedor escolar.

(2 puntos)

La recomendación del Ministerio de Sanidad y Consumo es que el consumo medio diario de frutas y verduras por niño en el comedor escolar debe ser de 380,25 gramos.

**B**) Plantea el contraste de hipótesis para comprobar si los comedores aragoneses cumplen este requisito. Explica el significado de los errores de tipo I y tipo II de este contraste.

(2 puntos)

C) Con los datos recogidos, realiza el contraste y toma la decisión adecuada con un nivel de significación del 1%. Calcula el p-valor del contraste y razona la decisión sin tener en cuenta el nivel de significación anterior.

(2 puntos)

## Problema 4 (Contesta en cinco líneas como máximo cada pregunta)

- A) Define variable aleatoria y explica su clasificación en variable aleatoria discreta y variable aleatoria continua.
- **B**) ¿Por qué seleccionamos una muestra aleatoria en lugar de realizar un estudio completo de la población? Justifica al menos tres motivos.

(1 punto)

C) ¿Qué es el nivel de confianza de un intervalo? ¿Qué significa que un intervalo tenga un nivel de confianza del 95%?

(1 punto)