Реферат

Модель экономического роста Солоу

Сунгурова Мариян Мухсиновна

Содержание

| 1 | Цель работы | 5 |
|-------------------|--|----|
| 2 | Теоретическое введение | 6 |
| 3 | Введение | 7 |
| 4 | Капитал. Свойства капитала (К) | 9 |
| 5 | Задача фирмы | 10 |
| 6 | Задача домашнего хозяйства | 12 |
| 7 | Основное уравнение динамики в модели Солоу | 13 |
| 8 | Равновесное состояние в модели Солоу | 15 |
| 9 | Выводы | 17 |
| Список литературы | | 18 |

Список иллюстраций

Список таблиц

1 Цель работы

Рассмотреть модель экономического роста Солоу.

2 Теоретическое введение

Роберт Мертон Со́лоу — американский экономист, автор модели Солоу, лауреат Нобелевской премии 1987 года «за фундаментальные исследования в области теории экономического роста».

Основной вопрос теории экономического роста.

Как объяснить различия в уровне жизни между странами в текущий момент времени и в исторической перспективе? Начинаем искать ответ не с глубинных причин, а с тех, которые лежат на поверхности. Объемы производства товаров и услуг разные, потому что: 1. Численность населения разная 2. Запас средств производства (капитала) и природных ресурсов различен 3. Уровень технологий, знаний и навыков различается 4. Уровень инфраструктуры и организации различается

3 Введение

Объем ВВП экономики (Y) зависит от количества рабочих (часов) (L), запаса средств производства (капитала) (K) и уровня технологий, знаний (A) Производственная функция ставит в соответствие факторам производства объем созданной добавленной стоимости

$$Y = F(K, L, A)$$

Свойства производственной функции 1. Факторы производства необходимы \$F(0, L, A) = F(K, 0, A) = 0 \$ 2. Предельный продукт труда, капитала, знаний положителен 3. Выполнен закон убывающей предельной производительности

Преде́льный проду́кт труда́ (англ. marginal product of labor, MPL), величина изменения выпускаемой продукции при использовании дополнительной единицы труда, в частности при найме нового работника. Предельный продукт капитала (MPK) — это прирост общего объема производства, возникающее в результате увеличения капитала на одну единицу при сохранении неизменности всех остальных факторов производства. Закон убывающей предельной производительности — в краткосрочном периоде, начиная с некоторого момента, каждая последующая единица ресурса приносит все меньше отдачи.

Производственная функция обладает свойством постоянной отдачи от масштаба по труду и капиталу(общий продукт изменяется пропорционально увеличению всех вводимых ресурсов) (Constant Return to Scale)(однородность 1 степени):

$$F(\lambda K, \lambda L, A) = \lambda F(K, L, A)$$

Продифференцировав уравнение по λ , получим, что для производственной функции с постоянной отдачей от масштаба по труду и капиталу выполнено:

$$F(K, L, A) = F'_L L + F'_K K$$

4 Капитал. Свойства капитала (К)

- 1. Используется в процессе производства, но не расходуется полностью в рамках производственного цикла
- 2. Обладает ценностью, рыночной стоимостью. Как следствие, может быть перепродан или использован в виде закладной

Капитал - часть совокупного богатства нации (в модели Солоу единственный вид богатства)

В модели Солоу рассматривается закрытая экономика. Фирмы максимизируют свою прибыль. Фирмы функционируют в условиях совершенной конкуренции. Темпы технологического прогресса g, роста населения n и норма выбытия капитала δ – постоянны. Время изменяется непрерывно.

5 Задача фирмы

В рыночной экономике производство осуществляется частными компаниями (фирмами). Фирмы принадлежит владельцам (акционерам), которые заинтересованы в максимизации ее стоимости, т.е максимизации дисконтированного потока прибылей от ее деятельности.

В модели Солоу задача максимизации стоимости компании эквивалентна задачи максимизации прибыли в каждый момент времени.

DCF (анг. discounted cash flow — дисконтированный денежный поток) — финансовая модель, которую используют для оценки стоимости бизнеса. Стоимость компании определяют, оценивая стоимость её будущих денежных потоков.

Фирмы оплачивают стоимость труда (wL), где w- заработная плата и арендную стоимость капитала (плата за единицу аренды капитала) $((r+\delta)K)$, где r- процентная ставка, δ - норма износа капитала (амортизация)(стоимостная оценка износа основного капитала за определенный период времени).

$$maxK, L(Y - wL - (r + \delta)K)$$

где
$$Y = F(K, L, A)$$

Предположим, что рынки товаров и факторов производства являются конкурентными

Конкурентный рынок Каждая из фирм не влияет на цены труда (w) и капитала (r) и воспринимают их как заданные (price-takers)(соглашающийся с ценой (пассивный участник рынка).

Цены ресурсов совпадают с предельным продуктом от их использования(Цены

на ресурсы совпадают с предельным продуктом их использования на конкурентном рынке, когда рынок находится в равновесии. Предельный продукт использования ресурсов – дополнительный выпуск или результат, полученный за счет использования еще одной единицы ресурса при сохранении других ресурсов постоянными.), так как рынки конкурентные и выполнено свойство CRS(свойство постоянной отдачи от масштаба по труду и капиталу), получим, что:

$$Y = wL + (r + \delta)K$$

Весь ВВП полностью расходуется на оплату доходов труда и капитала, прибыль равна нулю.

6 Задача домашнего хозяйства

Домохозяйство (households) – обладает единым бюджетом (доходами и расходами).

В рыночной экономике домашние хозяйства являются собственниками факторов производства (труда и капитала) и получают доходы от их использования

$$Y = wL + (r + \delta)K$$

Домашние хозяйства распределяют располагаемый доход между потреблением (C(t)) и личными сбережениями (SP(t)).

Потребление (C) – расходы домохозяйств на покупку 1) товаров текущего потребления 2) товаров длительного пользования 3) услуг

В модели Солоу предполагается, что фиксированная доля дохода s идет на сбережения.

$$SP(t) = SY(t)$$

В двухсекторной экономике (домохозяйств и фирм) все что производится, тратится на потребление (С) и инвестиции(включая инвестиции в запасы) (I).

$$Y(t) \equiv C(t) + I(t)$$

7 Основное уравнение динамики в модели Солоу

 $k=\dfrac{K}{LA}$ - капиталовооруженность труда, где L(t) – труд, K(t) – капитал и A(t) – параметр технологического процесса в момент времени .

В момент времени t капитал увеличивается на величину инвестиций, то есть на I(t), и изнашивается на $\delta K(t)$, таким образом, можно записать производную капитала по времени $\dot{K}(t)$ в следующем виде:

$$\dot{K}(t) = I(t) - \delta K(t)$$

I(t) - инвестиции в капитал, K(t) - запас капитала, δ - норма амортизации Темпы роста населения и технологического прогресса постоянные:

$$\begin{split} \frac{L}{L} &= n = const \\ \frac{\dot{A}}{A} &= g = const \\ \text{Тогда} \\ \dot{k}(t) &= \frac{\dot{K}(t)}{L(t)E(t)} - \frac{K(t)\left(\dot{L}(t)A(t) + \dot{A}(t)L(t)\right)}{\left(L(t)A(t)\right)^2} \\ &= \frac{SY(t) - \delta K(t)}{L(t)A(t)} - \frac{K}{LA}\left(\frac{\dot{L}(t)}{L(t)} - \frac{\dot{A}(t)}{A(t)}\right) = SF(k) - (n+g+\delta)k(t) \end{split}$$

где $\dot{L}(t)$ – производная труда по времени, $\dot{A}(t)$ - производная эффективности труда по времени. Если инвестиции на единицу эффективного труда SF(k) превышают выбытие капитала на единицу активного труда $(n+g+\delta)k(t)$ то капиталовооруженность труда с постоянной эффективностью k растет, в противном

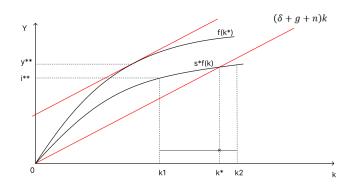
случае – падает.

В стационарном состоянии уровень капитала на единицу эффективного труда k постоянен, т.е. $\dot{k}(t)=0$

Значит устойчивый уровень капиталовооруженности труда с постоянной эффективностью k^* находится из уравнения :

$$SF(k^*) = (n+g+\delta)k^*$$

8 Равновесное состояние в модели Солоу



 k^{**} - стационарный уровень капитала на одного работника

 y^{**} - стационарный уровень ВВП на душу населения

 i^{**} - стационарный уровень инвестиций на одного работника

 $c^{**} = y^{**} - i^{**}$ - стационарный уровень потребления на душу населения

При росте нормы сбережений инвестиции превышают выбытие капитала, k растет до достижения равновесия.

При расположении капитала в точке k1 < k, инвестиции превышают выбытие капитала, значит капиталовооруженность будет увеличиваться, пока не достигнет уровня k.

Если же запасы в точке k2>k, то инвестиции меньше, чем выбытие, и запасы будут снижаться, пока не приблизятся к точке k.

Важно понимать, что в каком бы положении ни находилась экономика госу-

дарства, она всегда будет стремиться к стационарному (устойчивому) состоянию.

Если параметр А постоянный, рост доходов на душу населения в долгосрочном периоде равен 0.

Устойчивый рост возможен лишь в случае устойчивого роста параметра A - технического прогресса.

Влияют ли инвестиции на рост?

Графически **«Золотое правило»** (или иными словами оптимальный уровень нормы сбережения) в модели Солоу показано на иллюстрации. Выбирается такая норма сбережений, при которой наклон кривой f(k) равен $(n+g+\delta)k$, поскольку именно в этой точке превышение кривой f(k) над кривой $(n+g+\delta)k$ которое и составляет потребление c, максимально.

Таким образом, норма сбережений, обеспечивающая максимальный устойчивый уровень потребления, равна эластичности выпуска по капиталу в устойчивом состоянии, соответствующему этой норме сбережений. Полученное значение s** называют «Золотым правилом» нормы сбережения

Эласти́чность (англ. elasticity) — мера чувствительности одной переменной (например, объема спроса или предложения) к изменению другой (например, цены или дохода), показывающая на сколько процентов изменится первая величина при изменении второй на 1%

Рост нормы инвестирования приводит лишь к временному увеличению темпов роста. В то же время, без инвестиций роста не будет.

9 Выводы

Разработанная Солоу модель экзогенного экономического рост объясняет важность инноваций и технического прогресса и рассматривает экономический рост как результат действия трех движущих сил – труда, капитала и технологий.

Однако если ресурсы труда и капитала ограничены, то вклад технологий в рост безграничен. Только технологический прогресс может дать больший объем ВВП при заданном количестве труда и капитала. Рассуждения Солоу основывались на том, что общество сберегает определенную постоянную долю своих доходов. Население и предложение рабочей силы растут с постоянной скоростью, а капиталоемкость (капитал на одного работника) можно регулировать. Капиталоемкость определяется ценами факторов производства.

Однако из-за снижения предельной доходности вливание каждой дополнительной единицы капитала (повышение капиталоемкости) будет вносить все меньший вклад в прирост производства. Это влечет ситуацию, когда производство на душу населения и реальная заработная плата больше не растут.

В результате двигателем экономического роста и доходов в долгосрочной перспективе становится технологическое развитие.

Список литературы

- 1. модель Солоу [Электронный ресурс]. Wikimedia Foundation, Inc., 2024. URL: https://ru.wikipedia.org/wiki/%D0%9C%D0%BE%D0%B4%D0%B5%D0%BB%D1%8C_%D0%A1
- 2. Дмитрий Александрович Веселов, Кафедра макроэкономического анализа НИУ ВШЭ, Лекции 2. Модели рыночной экономики: модель Солоу и модель кругооборота. Роль государства в экономике 2014
- 3. Модель Солоу [Электронный ресурс]. Econs.online, 2023. URL: https://econs.online/articles/elsolou-sosushchestvovanie-kraynego-bogatstva-i-krayney-nishchety-kazhetsyamne-amoralnym/
- 4. Л.Притчина, Ю.Кавин, ИССЛЕДОВАНИЕ ЭКОНОМИЧЕСКОГО РОСТА С ИС-ПОЛЬЗОВАНИЕМ МОДЕЛИ СОЛОУ В ПРОГРАММНОЙ СРЕДЕ SIMULINK
- 5. Конозова А.В., Модель экономического роста P.Солоу (Model of economic growth of R. Solow)