# Algoritmos y Estructura de Datos 2

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

## Exorcismo Extremo TP1

Integrante	LU	Correo electrónico
Rosinov, Gaston Einan	37/18	grosinov@gmail.com
Schuster, Martin Ariel		
Panichelli, Manuel		

## Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

# Índice

1.	TAD JUEGO	3
2.	TAD Habitacion	4
3.	TAD Accion	5
4.	TAD DIRECCION	7
<b>5.</b>	Extensiones y Renombres	8

## 1. TAD JUEGO

### TAD JUEGO

**géneros** juego

exporta TODO

usa Habitacion

## igualdad observacional

$$(\forall j,j': \text{juego}) \ \left(j =_{\text{obs}} j' \Longleftrightarrow \begin{pmatrix} (n=0? =_{\text{obs}} m=0?) \land_{\text{L}} \\ (\neg (n=0?) \Rightarrow_{\text{L}} (\text{pred}(n) =_{\text{obs}} \text{pred}(m))) \end{pmatrix} \right)$$

## igualdad observacional

$$(\forall j,j': \text{juego}) \left( j =_{\text{obs}} j' \iff \begin{pmatrix} (\text{accionesPJs}(j) =_{\text{obs}} \text{accionesPJs}(j')) \land \\ (\text{accionesFan}(j) =_{\text{obs}} \text{accionesFan}(j')) \land \\ (\text{localizarJugadores}(j) =_{\text{obs}} \text{localizarJugadores}(j')) \land \\ (\text{hab}(j) =_{\text{obs}} \text{hab}(j')) \land \\ ((\forall p: pj) \text{ (vivePJ?}(j, p) =_{\text{obs}} \text{vivePJ?}(j', p))) \land \\ ((\forall f: \text{fantasma}) \text{ ((viveFan?}(j, p) =_{\text{obs}} \text{viveFan?}(j', p)))} \end{pmatrix} \right)$$

## observadores básicos

 $\operatorname{accionesPJs} \qquad \qquad : \ \operatorname{juego} \qquad \qquad \longrightarrow \ \operatorname{dicc}(\operatorname{pj}, \operatorname{secu}(\operatorname{accion}))$ 

acciones Fan : juego  $\longrightarrow$  dicc(pj, secu(accion))

hab : juego  $\longrightarrow$  hab

vivePJ? : juego  $j \times pj p$   $\longrightarrow$  bool  $\{p \in \text{jugadores}(j)\}$ 

viveFan? : juego  $j \times \text{fantasma } f \longrightarrow \text{bool}$   $\{f \in \text{fantasmas}(j)\}$ 

ubicacionInicialFan : juego  $j \times \text{fantasma } f \longrightarrow \text{ubicacion}$   $\{f \in \text{fantasmas}(f)\}$ 

localizarJugadores : juego  $\longrightarrow$  dicc(pj, ubicacion)

## generadores

iniciar : conj(pj)  $pjs \times secu(accion)$   $as \longrightarrow juego$ 

 $\times$  ubicacion  $u \times$  hab h

 $\{ esConexa?(h) \, \wedge \, \neg \, \emptyset?(as) \, \wedge \, \neg \, \emptyset?(pjs) \, \wedge \, esValida?(h, \, pos(u)) \}$ 

proxPaso : juego  $j \times pj p \times accion a \longrightarrow juego$ 

 $\{p \in jugadores(j) \land_L vivePJ?(j, p) \land \neg termino?(j) \land \neg esMirar(a)\}$ 

## otras operaciones

**axiomas**  $\forall n, m$ : nat 0 = 0?  $\equiv \text{true}$ 

### Fin TAD

## 2. TAD HABITACION

### TAD HABITACION

géneros hab

exporta hab, observadores, generadores, esConexa?

usa POSICION, BOOL, NAT

## igualdad observacional

$$(\forall h, h': \text{hab}) \left( h =_{\text{obs}} h' \iff \begin{pmatrix} (\forall p: \text{posicion})(\text{esValida}?(p, h) =_{\text{obs}} \text{esValida}?(p, h') \land_{\text{L}} \\ (\text{esValida}?(p, h) \Rightarrow_{\text{L}} \\ (\text{estaOcupada}?(p, h) =_{\text{obs}} \text{estaOcupada}?(p, h')))) \end{pmatrix} \right)$$

### observadores básicos

es Valida? : hab  $\times$  posicion  $\longrightarrow$  bool

esta Ocupada? : hab  $h \times \text{posicion } p \longrightarrow \text{bool}$  {esValida?(h, p)}

## generadores

nueva : nat  $n \longrightarrow hab$   $\{n>1\}$ 

ocupar : hab  $h \times \text{posicion } p \longrightarrow \text{hab}$ 

 $\{esValida?(h, p) \land_{L} \neg estaOcupada?(h, p)\}$ 

## otras operaciones

esConexa? : hab  $\longrightarrow$  bool tamano : hab  $\longrightarrow$  nat

posiciones : hab  $\longrightarrow$  conj(posicion)

verificarAlcancePos: hab  $h \times \text{conj}(\text{posicion}) ps \times \text{posicion} p \longrightarrow \text{bool}$ 

 $\{ps \subseteq posiciones(h) \land p \in posiciones(h)\}$ 

axiomas  $\forall h$ : hab  $\forall ps$ : conj(posicion)  $\forall p$ : posicion  $\forall n, k, tam$ : nat

esValida?(nueva(n),p)  $\equiv \ 0 \leq \Pi_1(p) < n \ \land \ 0 \leq \Pi_2(p) < n$ 

es Valida?(ocupar(h,p'),p)  $\equiv \ p = p' \vee_{\scriptscriptstyle L} esValida?(h,\,p)$ 

 $estaOcupada?(nueva(n),p) \qquad \equiv \ false$ 

estaOcupada?(ocupa $(h,p'),p) \equiv p = p' \lor esta<math>O$ cupada?(h,p)

tamano(nueva(n))  $\equiv n$ 

 $tamano(ocupar(h, p)) \equiv tamano(h)$ 

esConexa?(h) = verificarAlcance(h, posicionesLibres(posiciones(h)))

posicionesLibres(h, ps)  $\equiv$  if  $\emptyset$ ?(ps)

then Ø

(if estaOcupada?(h, dameUno(ps)) then  $\emptyset$  else {dameUno(ps)} fi)

 $\cup$  posicionesLibres(h, sinUno(ps))

fi

verificarAlcance(h, ps)  $\equiv$  if  $\emptyset$ ?(ps)

then true

else

 $verificar A lance Pos(h, \, ps, \, dame Uno(ps)) \, \wedge \, verificar A lcance(h, \, p)$ 

ì

```
 \begin{array}{lll} \text{verificarAlcancePos(h, ps, p)} & \equiv & \textbf{if} \quad \emptyset?(ps) \\ & \textbf{then} \quad \textbf{true} \\ & \textbf{else} \\ & \text{esAlcanzable(h, p, dameUno(ps))} \land \textbf{verificarAlcancePos(h, p, sinUno(ps))} \\ & \textbf{fi} \\ & \text{posiciones(h)} \\ & \equiv & \text{darPosiciones(h, tamano(h) - 1, tamano(h) - 1, tamano(h) - 1)} \\ & \equiv & \textbf{if} \quad n = 0? \land k = 0? \\ & \textbf{then} \quad \emptyset \\ & \textbf{else if} \quad k = 0? \\ & \textbf{then} \quad Ag((n,k), \text{darPosiciones(h, n - 1, tam, tam))} \\ & \text{else } Ag((n,k), \text{darPosiciones(h, n, k - 1, tam))} \\ & \textbf{fi} \\ & \textbf{fi} \\ \end{array}
```

## 3. TAD ACCION

TAD ACCION

géneros accion

exporta observadores, generadores, genero, otras operaciones

igualdad observacional

$$(\forall a, a': accion) \left( a =_{obs} a' \iff \begin{pmatrix} esNada(a) =_{obs} esNada(a') \land \\ esDisparar(a) =_{obs} esDisparar(a') \land \\ esMover(a) =_{obs} esMover(a') \land \\ esMirar(a) =_{obs} esMirar(a') \land \\ ((esMover(a) \lor esMirar(a)) \Rightarrow_{L} direccion(a) =_{obs} direccion(a')) \end{pmatrix} \right)$$

secu(accion)

#### observadores básicos

esMover: accion $\longrightarrow$  boolesMirar: accion $\longrightarrow$  boolesDisparar: accion $\longrightarrow$  boolesNada: accion $\longrightarrow$  bool

direction : accion  $a \longrightarrow direction$  {esMirar(a)  $\vee$  esMover(a)}

generadores

otras operaciones

 $\neg \bullet \hspace{1cm} : accion \hspace{1cm} \longrightarrow accion$ 

```
invertir
                                 : hab h \times \text{ubicacion } u \times \text{secu(accion)} \longrightarrow \text{secu(accion)}
                                                                                                                {esValida?(h, pos(u))}
                 \forall n, m: \text{nat}, \forall u: \text{ubicacion}, \forall a: \text{habitacion}
axiomas
  posicionesAfectadasPor(mover(d), h, u)
  posicionesAfectadasPor(mirar(d), h, u)
                                                       \equiv \emptyset
  posicionesAfectadasPor(nada, h, u)
  posiciones
Afectadas
Por(disparar, h, u)
                                                      \equiv if esValida?(h, proxPosEnDir(dir(u), pos(u)) \land_L
                                                           \neg estaOcupada?(h, proxPosEnDir(dir(u), pos(u)))
                                                           Ag(proxPosEnDir(dir(u), pos(u)),posicionesAfectadasPor(disparar,h,
                                                           \langle \operatorname{proxPosEnDir}(\operatorname{dir}(\mathbf{u}), \operatorname{pos}(\mathbf{u})), \operatorname{dir}(\mathbf{u}) \rangle ) \rangle
                                                           else ∅
                                                          fi
  invertir(h, u, as)

≡ if vacia?(as)

                                                           then <>
                                                           else
                                                                          ubicacionLuegoDe(prim(as), h, u),
                                                          invertir(h,
                                                                                                                             fin(as)
                                                           \neg(\text{prim}(\text{as}), \text{h}, \text{u})
                                                           fi
   \neg(mover(d), h, u)
                                                       \equiv if pos(ubicacionLuegoDe(mover(d), h, u)) = pos(u)
                                                           then mirar(opuesta(d))
                                                           else mover(opuesta(d))
                                                           fi
   \neg(mirar(d), h, u)
                                                       \equiv mirar(opuesta(d))
   ¬(disparar, h, u)

≡ disparar

   \neg(nada, h, u)
                                                       \equiv nada
   ubicacionLuegoDe(nada, h, u)
                                                       = u
   ubicacionLuegoDe(disparar, h, u)
                                                       = u
   ubicacionLuegoDe(mirar(d), h, u)
                                                       \equiv \langle pos(u), d \rangle
   ubicacionLuegoDe(mover(d), h, u)
                                                       \equiv \langle (\mathbf{if} \text{ esValida?}(h, \text{proxPosEnDir}(d, \text{pos}(u))) \wedge_L \rangle
                                                           ¬estaOcupada?(h, proxPosEnDir(d, pos(u)))
                                                           then proxPosEnDir(d, pos(u))
                                                           else pos(u)
                                                           \mathbf{fi}), \mathbf{d}
  esMirar(mirar(d))
                                                       ≡ true
   esMirar(mover(d))
                                                       \equiv false
  esMirar(disparar)
                                                       \equiv false
  esMirar(nada)
                                                       \equiv false
  esMover(mirar(d))
                                                       \equiv false
  esMover(mover(d))
                                                       ≡ true
  esMover(disparar)
                                                       \equiv false
  esMover(nada)
                                                       \equiv false
  esDisparar(mirar(d))
                                                       \equiv false
  esDisparar(mover(d))
                                                       \equiv false
  esDisparar(disparar)
                                                       ≡ true
  esDisparar(nada)
                                                       \equiv false
  esNada(mirar(d))
                                                       \equiv false
  esNada(mover(d))
                                                       \equiv false
```

```
\begin{array}{ll} \operatorname{esNada}(\operatorname{disparar}) & \equiv \operatorname{false} \\ \operatorname{esNada}(\operatorname{nada}) & \equiv \operatorname{true} \\ \operatorname{direccion}(\operatorname{mirar}(\operatorname{d})) & \equiv \operatorname{d} \\ \operatorname{direccion}(\operatorname{mover}(\operatorname{d})) & \equiv \operatorname{d} \end{array}
```

## 4. TAD DIRECCION

## TAD DIRECCION

géneros direccion

exporta observadores, generadores, otras operaciones

igualdad observacional

$$(\forall d, d': \text{direccion}) \left( d =_{\text{obs}} d' \iff \begin{pmatrix} \text{esArriba}(\mathbf{d}) =_{\text{obs}} \text{esArriba}(\mathbf{d}') \land \\ \text{esAbajo}(\mathbf{d}) =_{\text{obs}} \text{esAbajo}(\mathbf{d}') \land \\ \text{esIzquierda}(\mathbf{d}) =_{\text{obs}} \text{esIzquierda}(\mathbf{d}') \land \\ \text{esDerecha}(\mathbf{d}) =_{\text{obs}} \text{esDerecha}(\mathbf{d}') \end{pmatrix} \right)$$

## observadores básicos

esArriba : direccion  $\longrightarrow$  bool esIzquierda : direccion  $\longrightarrow$  bool esDerecha : direccion  $\longrightarrow$  bool  $\longrightarrow$  bool

## generadores

arriba :  $\longrightarrow$  direccion abajo :  $\longrightarrow$  direccion izquierda :  $\longrightarrow$  direccion derecha :  $\longrightarrow$  direccion

## otras operaciones

opuesta : direccion  $\longrightarrow$  direccion proxPosEnDir : direccion  $\times$  posicion  $\longrightarrow$  posicion

## axiomas

 $\begin{array}{lll} \text{opuesta(arriba)} & \equiv \text{ abajo} \\ \text{opuesta(abajo)} & \equiv \text{ arriba} \\ \text{opuesta(izquierda)} & \equiv \text{ derecha} \\ \text{opuesta(derecha)} & \equiv \text{ izquierda} \\ \text{proxPosEnDir(arriba, p)} & \equiv \langle \Pi_1(p), \Pi_2(p) + 1 \rangle \\ \text{proxPosEnDir(abajo, p)} & \equiv \langle \Pi_1(p), \Pi_2(p) - 1 \rangle \\ \text{proxPosEnDir(izquierda, p)} & \equiv \langle \Pi_1(p) - 1, \Pi_2(p) \rangle \end{array}$ 

 $\begin{array}{ll} \operatorname{esArriba}(\operatorname{arriba}) & \equiv \operatorname{true} \\ \operatorname{esArriba}(\operatorname{abajo}) & \equiv \operatorname{false} \end{array}$ 

proxPosEnDir(derecha, p)

 $\equiv \langle \Pi_1(\mathbf{p}) + 1, \Pi_2(\mathbf{p}) \rangle$ 

```
esArriba(izquierda)
                                  \equiv false
esArriba(derecha)
                                  \equiv false
esAbajo(arriba)
                                  \equiv false
esAbajo(abajo)
                                  \equiv true
esAbajo(izquierda)
                                  \equiv false
esAbajo(derecha)
                                  \equiv false
esIzquierda(arriba)
                                  \equiv false
esIzquierda(abajo)
                                  \equiv false
esIzquierda(izquierda)
                                  \equiv true
esIzquierda(derecha)
                                  \equiv false
esDerecha(arriba)
                                  \equiv false
esDerecha(abajo)
                                  \equiv false
esDerecha(izquierda)
                                  \equiv false
esDerecha(derecha)
                                  \equiv true
```

## 5. Extensiones y Renombres

TAD FANTASMA ES NAT

 $\mathbf{TAD}$  PJ  $\mathbf{ES}$  NAT

TAD POSICION ES TUPLA(NAT, NAT)

TAD NAT extiende NAT

```
otras operaciones
```

```
 \begin{array}{lll} \bullet \mbox{\%} \bullet : & \mathrm{nat} \times \mathrm{nat} & \longrightarrow & \mathrm{nat} \\ \\ \mathbf{axiomas} & \forall \ n, m : \mathrm{nat} \\ \\ \mathrm{n} \ \% \ \mathrm{m} \ \equiv \ \mathbf{if} \ \mathrm{n} < \mathrm{m} \ \mathbf{then} \ \mathrm{n} \ \mathbf{else} \ (\mathrm{n} \ \text{-} \ \mathrm{m}) \ \% \ \mathrm{m} \ \mathbf{fi} \end{array}
```

## Fin TAD

TAD UBICACION extiende TUPLA (POSICION, DIRECCION)

## otras operaciones

```
\operatorname{pos}: \operatorname{ubicacion} \longrightarrow \operatorname{posicion}
\operatorname{dir}: \operatorname{ubicacion} \longrightarrow \operatorname{direccion}
\operatorname{axiomas} \quad \forall \ u : \operatorname{ubicacion}
\operatorname{pos}(u) \equiv \Pi_1(u)
\operatorname{dir}(u) \equiv \Pi_2(u)
```

### Fin TAD

TAD SECUENCIA extiende SECUENCIA

otras operaciones