# Algoritmos y Estructura de Datos 2

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

# Exorcismo Extremo TP1

Integrante	LU	Correo electrónico
Rosinov, Gaston Einan	37/18	grosinov@gmail.com
Schuster, Martin Ariel	208/18	m.a.schuster98@gmail.com
Panichelli, Manuel	72/18	panicmanu@gmail.com

# Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

# Índice

1.	TAD JUEGO	3
2.	TAD HABITACION	6
3.	TAD ACCION	7
4.	TAD DIRECCION	9
K	EVTENSIONES V RENOMPRES	10

# 1. TAD JUEGO

#### TAD JUEGO

**géneros** juego

exporta TODO

usa Habitacion

#### igualdad observacional

$$(\forall j,j': \text{juego}) \ \left(j =_{\text{obs}} j' \Longleftrightarrow \begin{pmatrix} (n=0? =_{\text{obs}} m=0?) \land_{\text{L}} \\ (\neg (n=0?) \Rightarrow_{\text{L}} (\text{pred}(n) =_{\text{obs}} \text{pred}(m))) \end{pmatrix} \right)$$

#### igualdad observacional

$$(\forall j, j': \text{juego}) \left( j =_{\text{obs}} j' \iff \begin{pmatrix} (\text{accionesPJs}(j) =_{\text{obs}} \text{accionesPJs}(j')) \land \\ (\text{accionesFan}(j) =_{\text{obs}} \text{accionesFan}(j')) \land \\ (\text{localizarJugadores}(j) =_{\text{obs}} \text{localizarJugadores}(j')) \land \\ (\text{hab}(j) =_{\text{obs}} \text{hab}(j')) \land \\ ((\forall p: pj) \text{ (vivePJ?}(j, p) =_{\text{obs}} \text{vivePJ?}(j', p))) \land \\ ((\forall f: \text{fantasma}) \text{ ((viveFan?}(j, p) =_{\text{obs}} \text{viveFan?}(j', p))) \land \\ (\text{ubicacionInicialFan}(j, f) =_{\text{obs}} \text{ubicacionInicialFan}(j', f))) \end{pmatrix} \right)$$

#### observadores básicos

accionesPJs : juego  $\longrightarrow$  dicc(pj, secu(accion))

acciones Fan : juego  $\longrightarrow$  dicc(pj, secu(accion))

hab : juego  $\longrightarrow$  hab

vivePJ? : juego  $j \times pj p$   $\longrightarrow$  bool  $\{p \in jugadores(j)\}$ 

vive Fan? : juego  $j \times \text{fantasma} f \longrightarrow \text{bool}$   $\{f \in \text{fantasmas}(j)\}$ 

ubicacion Inicial<br/>Fan : juego  $j \times \text{fantasma} f \longrightarrow \text{ubicacion} \{ f \in \text{fantasmas}(f) \}$ 

 $\operatorname{localizarJugadores}$  : juego  $\longrightarrow \operatorname{dicc}(\operatorname{pj},\operatorname{ubicacion})$ 

#### generadores

iniciar : conj(pj)  $pjs \times \text{secu(accion)} \ as \times \text{ubicacion} \ u \longrightarrow \text{juego}$  {esConexa?(h)  $\land$ 

 $\times$  hab h  $\neg \emptyset$ ?(as)  $\land \neg \emptyset$ ?(pis)  $\land$ 

 $eg \emptyset?(pjs) \land \\
esValida?(h, pos(u))\}$ 

proxPaso : juego  $j \times pj p \times accion a \longrightarrow juego$   $\{p \in jugadores(j) \land_L \}$ 

vivePJ?(j, p)  $\land$   $\neg$  termino?(j)  $\land$  $\neg$  esMirar(a)}

# otras operaciones

jugadores : juego  $\longrightarrow$  conj(pj)

fantasmas : juego  $\longrightarrow$  conj(fantasma)

termina Ronda : juego  $j \times pj \ p \times accion$   $\longrightarrow$  bool  $\{p \in jugadores(j)\}$ 

```
: juego \times conj(pj) pjs
                                                                                                                     \{pjs \subseteq jugadores(j)\}
  estanVivos
                                                                                                \rightarrow bool
                                                                                                   ubicacion
                                                                                                                        \{p \in jugadores(j)\}
  ubicacionInicialPJ
                              : juego j \times pj p
  ubicacionPJ
                                                                                                   ubicacion
                                                                                                                        \{p \in jugadores(j)\}
                              : juego j \times pj p
  ubicacionFan
                              : juego j \times fantamsa f
                                                                                                   ubicacion
                                                                                                                        \{f \in fantasmas(j)\}\
  deducirUbicacion
                              : juego j \times ubicacion u \times acciones
                                                                                                   ubicacion
                                                                                                            \{esValida?(hab(j), pos(u))\}
                              : juego j \times pj p \times accion \times fantasma f
  moriraFantasma
                                                                                                \rightarrow bool
                                                                                                                      \{p \in \text{jugadores}(j) \land \}
                                                                                                                      f \in fantasmas(j) \land_L
                                                                                                                      viveFan?(j, f) \land
                                                                                                                      vivePJ?(j, p)
  moriraPJ
                              : juego j \times \text{conj}(\text{fantasma}) fs \times \text{pj } p \times \text{accion}
                                                                                                                     \{p \in jugadores(j) \land \}
                                                                                                                     fs \subseteq fantasmas(j) \wedge_L
                                                                                                                     vivePJ?(j, p)
                             : juego j \timesfantasma f \timesp<br/>jp \timesaccion
  moriraPJPorFan
                                                                                              \longrightarrow bool
                                                                                                                      \{p \in \text{jugadores}(j) \land \}
                                                                                                                      f \in fantasmas(j) \land_L
                                                                                                                      vivePJ?(j, p) \land
                                                                                                                      viveFan?(j, f)
                                                                                                                     \{f \in fantasmas(j) \land_L \}
                              : juego j \times \text{fantasma } f
  accionFan
                                                                                                   accion
                                                                                                                     viveFan?(j, f)
  inicializarAcciones
                              : conj(pj)
                                                                                               \rightarrow \operatorname{dicc}(pj, \operatorname{secu}(\operatorname{accion}))
                              : juego j \times \text{ubicacion } u \times \text{dicc}(\text{fantasma} \times \text{se-} \longrightarrow \text{dicc}(\text{fantasma}, \text{secu}(\text{accion}))
  agregarFantasma
                                cu(accion) \times fantasma \times secu(accion)
                                                                                                            \{esValida?(hab(j), pos(u))\}
                                                                                                   secu(accion)
  generarAccionesFan : juego j \times ubicacion u \times secu(accion)
                                                                                                            {esValida?(hab(j), pos(u))}
  nombreSiguienteFan : juego
                                                                                                \rightarrow fantasma
                 \forall p: pj,
axiomas
                 \forall pjs: conj(pj),
                 \forall f: \text{fantasma},
                 \forall fs: \text{conj}(\text{fantasma}),
                 \forall j: juego,
                 \forall h: hab,
                 \forall u, uInicialPJ: ubicacion,
                 \forall a: accion,
                 \forall as: secu(accion)
  accionesPJs(iniciar(pjs, as, u, h))
                                                         \equiv inicializarAcciones(pjs)
  accionesPJs(proxPaso(j, p, a))
                                                         \equiv if \neg terminaRonda(j, p, a)
                                                             then definir(p, obtener(p, accionesPJs(j)) \circ a, accionesPJs(j))
                                                             else inicializarAcciones(jugadores(j))
  accionesFan(iniciar(pjs, as, u, h))
                                                         \equiv definir(nombreSiguienteFan(j), as, vacio)
                                                         \equiv if \neg terminaRonda(j, p, a)
  accionesFan(proxPaso(j, p, a))
                                                              then accionesFan(j)
                                                             else agregarFantasma(j, ubicacionInicialPJ(j, p), accionesFan(j),
                                                             nombreSiguienteFan(j), obtener(p, accionesPJs(j)) \circ a)
                                                             fi
  hab(iniciar(pjs, as, u, h))
                                                          \equiv h
  hab(proxPaso(j, p, a))
                                                         \equiv hab(j)
  vivePJ?(iniciar(pjs, as, u, h), p')
                                                         ≡ true
```

```
vivePJ?(proxPaso(j, p, a), p')
                                                ≡ terminaRonda?(j, p, a) ∨
                                                   if p = p'
                                                   then \neg \text{moriraPJ}(j, \text{fantasmas}(j), p, a)
                                                   else vivePJ?(j, p') \wedge_L \neg moriraPJ(j, fantasmas(j), p, a)
viveFan?(iniciar(pjs, as, u, h), f)
                                                   true
viveFan?(proxPaso(j, p, a), f)
                                                \equiv terminaRonda?(j, p, a) \vee
                                                   (viveFan?(j, f) \land_L \neg moriraFantasma(j, p, a, f))
ubicacionInicialFan(iniciar(pjs, as, u, h))
ubicacionInicialFan(proxPaso(j, p, a))
                                                \equiv if f \in fantasmas(j)
                                                   then ubicacionInicialFan(j, f)
                                                   else ubicacionInicialPJ(j, p)
jugadores(j)
                                                \equiv claves(accionesPJs(j))
fantasmas(j)
                                                \equiv claves(accionesFan(j))
                                                \equiv \text{ronda}(i) - 1
puntaje(j)
ronda(j)
                                                \equiv \#(\text{fantasmas}(j))
                                                   cantAcciones(j, jugadores(j))
paso(j)
                                                \equiv if \emptyset?(pjs)
cantAcciones(j, pjs)
                                                   then 0
                                                   else long(obtener(dameUno(pjs), accionesPJs(j))) +
                                                   cantAcciones(j, sinUno(pjs))
                                                  ¬ estanVivos(j, jugadores(j))
termino?(j)
estanVivos(j, pjs)
                                                \equiv if \emptyset?(pjs)
                                                   then true
                                                   else vivePJ?(j, dameUno(pjs)) \land
                                                   estanVivos(j, sinUno(pjs))
fantasmaEspecial(j)
                                                \equiv \#(\text{claves}(\text{accionesFan}(j)))
ubicacionInicialPJ(j, p)
                                                \equiv obtener(p, localizarJugadores(j))
ubicacionPJ(j, p)
                                                  deducirUbicacion(j, ubicacionInicialPJ(j, p),
                                                   obtener(p, accionesPJs(j)))
                                                ≡ deducirUbicacion(j, ubicacionInicialFan(j, f),
ubicacionFan(j, f)
                                                   obtener(f, accionesFan(j)))
                                                \equiv if vacia?(as)
deducirUbicacion(j, u, as)
                                                   then u
                                                   else deducirUbicacion(j, ubicacionLuegoDe(prim(as), hab(j), u),
                                                   fin(as))
agregarFantasma(j, uInicialPJ,
                                                  definir(f, generarAccionesFantasma(j, uInicialPJ, as),
accionesFantasmas, f, as)
                                                   accionesFantasmas)
generarAccionesFan(j, uInicialPJ, as)
                                                   & (nada \bullet nada \bullet nada \bullet nada \bullet nada)
                                                   & invertir(hab(j), uInicialPJ, as)
                                                \equiv if \emptyset?(pjs)
inicializarAcciones(pjs)
                                                   then vacio
                                                   else definir(dameUno(pjs), <>,
                                                   inicializarAcciones(sinUno(pjs)))
terminaRonda(j, p, a)
                                                \equiv moriraFantasma(j, p, a, fantasmaEspecial(j))
```

```
moriraFantasma(j, p, a, f)
                                                \equiv pos(ubicacionFan(j, f)) \in
                                                    posicionesAfectadasPor(a, hab(j), ubicacionPJ(j, p))
moriraPJ(j, fs, p, a)
                                                \equiv if \emptyset?(fs)
                                                   then false
                                                   else (viveFan?(j, dameUno(fs)) \wedge_{L}
                                                   moriraPJPorFan(j, dameUno(fs), p, a)) \vee_{L}
                                                   moriraPJ(j, sinUno(fs), p, a)
moriraPJPorFan(j, f, p, a)
                                                \equiv \neg \text{moriraFantasma}(j, p, a, f) \land
                                                    (pos(ubicacionLuegoDe(a, hab(j), ubicacionPJ(j, p))) \in
                                                    posicionesAfectadasPor(accionFan(j, f), hab(j),
                                                    ubicacionFan(j, f))
accionFan(j, f)
                                                \equiv obtener(accionesFan(j), f)[paso(j) % obtener(accionesFan(j), f)]
nombreSiguienteFan
                                                   \#(\text{claves}(\text{accionesFan}(j))) + 1
```

#### Fin TAD

## 2. TAD HABITACION

#### TAD HABITACION

géneros hab

**exporta** hab, observadores, generadores, esConexa?

usa POSICION, BOOL, NAT

igualdad observacional

$$(\forall h, h': \text{hab}) \ \left( h =_{\text{obs}} h' \Longleftrightarrow \begin{pmatrix} (\forall p: \text{posicion})(\text{esValida?}(p, h) =_{\text{obs}} \text{esValida?}(p, h') \land_{\text{L}} \\ (\text{esValida?}(p, h) \Rightarrow_{\text{L}} \\ (\text{estaOcupada?}(p, h) =_{\text{obs}} \text{estaOcupada?}(p, h')))) \end{pmatrix} \right)$$

#### observadores básicos

esValida? : hab  $\times$  posicion  $\longrightarrow$  bool estaOcupada? : hab  $h \times$  posicion  $p \longrightarrow$  bool  $\{$ esValida?(h, p) $\}$ 

generadores

nueva : nat  $n \longrightarrow hab$   $\{n>1\}$ 

ocupar : hab  $h \times \text{posicion } p$   $\longrightarrow$  hab

 $\{esValida?(h, p) \land_L \neg estaOcupada?(h, p)\}$ 

otras operaciones

esConexa? : hab  $\longrightarrow$  bool tamano : hab  $\longrightarrow$  nat

posiciones : hab  $\longrightarrow$  conj(posicion)

posiciones Libres : hab  $h \times \text{conj}(\text{posicion})$   $ps \longrightarrow \text{conj}(\text{posicion})$  {ps  $\subseteq$  posiciones (h)} verificar Alcance : hab  $h \times \text{conj}(\text{posicion})$   $ps \longrightarrow \text{bool}$  {ps  $\subseteq$  posiciones (h)}

verificarAlcancePos: hab  $h \times \text{conj}(\text{posicion}) ps \times \text{posicion} p \longrightarrow \text{bool}$ 

 $\{ps \subseteq posiciones(h) \land p \in posiciones(h)\}$ 

**axiomas**  $\forall h$ : hab  $\forall ps$ : conj(posicion)  $\forall p$ : posicion  $\forall n, k, tam$ : nat esValida?(nueva(n),p)  $\equiv 0 \leq \Pi_1(p) < n \land 0 \leq \Pi_2(p) < n$ 

```
esValida?(ocupar(h,p'),p)
                                   \equiv p = p' \vee_L \text{esValida?(h, p)}
estaOcupada?(nueva(n),p)
                                   \equiv false
estaOcupada?(ocupar(h,p'),p)
                                  \equiv p = p' \vee estaOcupada?(h, p)
tamano(nueva(n))
                                   \equiv n
tamano(ocupar(h, p))
                                   \equiv tamano(h)
esConexa?(h)
                                     verificarAlcance(h, posicionesLibres(posiciones(h)))
posicionesLibres(h, ps)
                                   \equiv if \emptyset?(ps)
                                      then \emptyset
                                      else
                                      (if estaOcupada?(h, dameUno(ps)) then Ø else {dameUno(ps)} fi)
                                      \cup posicionesLibres(h, sinUno(ps))
                                      fi
                                   \equiv if \emptyset?(ps)
verificarAlcance(h, ps)
                                      then true
                                      else
                                      verificarAlancePos(h, ps, dameUno(ps)) \(\times\) verificarAlcance(h, p)
                                      fi
verificarAlcancePos(h, ps, p)
                                   \equiv if \emptyset?(ps)
                                      then true
                                      else
                                      esAlcanzable(h, p, dameUno(ps)) \(\times\) verificarAlcancePos(h, p, sinUno(ps))
posiciones(h)
                                      darPosiciones(h, tamano(h) - 1, tamano(h) - 1, tamano(h) - 1)
darPosiciones(h, n, k, tam)
                                   \equiv if n=0? \land k=0?
                                      then Ø
                                      else if k = 0?
                                      then Ag((n,k), darPosiciones(h, n - 1, tam, tam))
                                      else Ag((n,k), darPosiciones(h, n, k - 1, tam))
                                      fi
```

Fin TAD

## 3. TAD ACCION

TAD ACCION

géneros accion

exporta observadores, generadores, genero, otras operaciones

igualdad observacional

$$(\forall a, a' : accion) \left( a =_{obs} a' \iff \begin{pmatrix} esNada(a) =_{obs} esNada(a') \land \\ esDisparar(a) =_{obs} esDisparar(a') \land \\ esMover(a) =_{obs} esMover(a') \land \\ esMirar(a) =_{obs} esMirar(a') \land \\ ((esMover(a) \lor esMirar(a)) \Rightarrow_{L} direccion(a) =_{obs} direccion(a')) \end{pmatrix} \right)$$

secu(accion)

observadores básicos

esMover : accion  $\longrightarrow$  bool esMirar : accion  $\longrightarrow$  bool

```
esDisparar
                                                                                 \longrightarrow bool
                                : accion
  esNada
                                                                                   → bool
                                : accion
  direction
                                                                                  \rightarrow direction
                                                                                                      \{esMirar(a) \lor esMover(a)\}
                                : accion a
generadores
  mover
                                : direction
                                                                                     accion
  mirar
                                : direction
                                                                                     accion
  disparar
                                                                                     accion
  nada
                                                                                  \rightarrow accion
otras operaciones
  ubicacionLuegoDe
                                : accion a \times \text{hab } h \times \text{ubicacion } u
                                                                                                           \{esValida?(h, pos(u))\}
                                                                                \longrightarrow conj(pos)
  posiciones
Afectadas
Por : accion a \times \text{hab } h \times \text{ubicacion } u
                                                                                \longrightarrow conj(pos)
                                                                                                           \{esValida?(h, pos(u))\}
                                : accion
                                                                                  \rightarrow accion
  invertir
                                : hab h \times \text{ubicacion } u \times \text{secu(accion)} \longrightarrow \text{secu(accion)}
                                                                                                           \{esValida?(h, pos(u))\}
                \forall n, m: \text{nat}, \forall u: \text{ubicacion}, \forall a: \text{habitacion}
axiomas
  posicionesAfectadasPor(mover(d), h, u)
  posicionesAfectadasPor(mirar(d), h, u)
  posicionesAfectadasPor(nada, h, u)
                                                    \equiv \emptyset
                                                    \equiv if esValida?(h, proxPosEnDir(dir(u), pos(u)) \wedge_L
  posiciones Afectadas Por (disparar, h, u)
                                                        ¬estaOcupada?(h, proxPosEnDir(dir(u), pos(u)))
                                                        then
                                                        Ag(proxPosEnDir(dir(u), pos(u)),posicionesAfectadasPor(disparar,h,
                                                        \langle proxPosEnDir(dir(u), pos(u)), dir(u) \rangle))
                                                        else ∅
                                                        fi
  invertir(h, u, as)
                                                    \equiv if vacia?(as)
                                                        then <>
                                                        else
                                                        invertir(h, ubicacionLuegoDe(prim(as), h, u),
                                                                                                                       fin(as)
                                                        \neg(\text{prim(as)}, h, u)
                                                    \equiv if pos(ubicacionLuegoDe(mover(d), h, u)) = pos(u)
  \neg(mover(d), h, u)
                                                        then mirar(opuesta(d))
                                                        else mover(opuesta(d))
  \neg(mirar(d), h, u)
                                                    \equiv mirar(opuesta(d))
  ¬(disparar, h, u)

≡ disparar

  \neg(nada, h, u)
                                                    \equiv nada
  ubicacionLuegoDe(nada, h, u)
                                                    = u
  ubicacionLuegoDe(disparar, h, u)
                                                    = 11
  ubicacionLuegoDe(mirar(d), h, u)
                                                    \equiv \langle pos(u), d \rangle
  ubicacionLuegoDe(mover(d), h, u)
                                                    \equiv \langle (\mathbf{if} \text{ esValida?}(h, proxPosEnDir(d, pos(u))) \wedge_L \rangle
                                                        ¬estaOcupada?(h, proxPosEnDir(d, pos(u)))
                                                        then proxPosEnDir(d, pos(u))
                                                        else pos(u)
                                                        \mathbf{fi}), \mathbf{d}
  esMirar(mirar(d))
                                                    ≡ true
  esMirar(mover(d))
                                                    \equiv false
```

esMirar(disparar)  $\equiv$  false esMirar(nada)  $\equiv$  false esMover(mirar(d))  $\equiv$  false esMover(mover(d)) ≡ true esMover(disparar)  $\equiv$  false esMover(nada)  $\equiv$  false esDisparar(mirar(d))  $\equiv$  false esDisparar(mover(d))  $\equiv$  false esDisparar(disparar)  $\equiv$  true esDisparar(nada) $\equiv$  false esNada(mirar(d)) $\equiv$  false esNada(mover(d))  $\equiv$  false esNada(disparar)  $\equiv$  false esNada(nada) ≡ true direction(mirar(d)) $\equiv d$ direction(mover(d))  $\equiv d$ 

#### Fin TAD

# 4. TAD DIRECCION

#### TAD DIRECCION

géneros direccion

exporta observadores, generadores, otras operaciones

### igualdad observacional

$$(\forall d, d': \text{direccion}) \left( d =_{\text{obs}} d' \iff \begin{pmatrix} \text{esArriba}(\mathbf{d}) =_{\text{obs}} \text{esArriba}(\mathbf{d}') \land \\ \text{esAbajo}(\mathbf{d}) =_{\text{obs}} \text{esAbajo}(\mathbf{d}') \land \\ \text{esIzquierda}(\mathbf{d}) =_{\text{obs}} \text{esIzquierda}(\mathbf{d}') \land \\ \text{esDerecha}(\mathbf{d}) =_{\text{obs}} \text{esDerecha}(\mathbf{d}') \end{pmatrix} \right)$$

#### observadores básicos

 $\begin{array}{lll} \operatorname{esArriba} & : \operatorname{direccion} & \longrightarrow \operatorname{bool} \\ \operatorname{esAbajo} & : \operatorname{direccion} & \longrightarrow \operatorname{bool} \\ \operatorname{esIzquierda} & : \operatorname{direccion} & \longrightarrow \operatorname{bool} \\ \operatorname{esDerecha} & : \operatorname{direccion} & \longrightarrow \operatorname{bool} \end{array}$ 

#### generadores

arriba :  $\longrightarrow$  direccion abajo :  $\longrightarrow$  direccion izquierda :  $\longrightarrow$  direccion derecha :  $\longrightarrow$  direccion

#### otras operaciones

opuesta : direccion  $\longrightarrow$  direccion

```
proxPosEnDir : direccion \times posicion \longrightarrow posicion
axiomas
  opuesta(arriba)
                                       \equiv abajo
  opuesta(abajo)
                                       \equiv arriba
  opuesta(izquierda)
                                       \equiv derecha
  opuesta(derecha)
                                       \equiv izquierda
  proxPosEnDir(arriba, p)
                                       \equiv \langle \Pi_1(p), \Pi_2(p) + 1 \rangle
                                       \equiv \langle \Pi_1(p), \Pi_2(p) - 1 \rangle
  proxPosEnDir(abajo, p)
  proxPosEnDir(izquierda, p) \equiv \langle \Pi_1(p) - 1, \Pi_2(p) \rangle
  proxPosEnDir(derecha, p)
                                       \equiv \; \langle \Pi_1(p) \, + \, 1, \, \Pi_2(p) \rangle
  esArriba(arriba)
                                       ≡ true
  esArriba(abajo)
                                       \equiv false
  esArriba(izquierda)
                                       \equiv false
  esArriba(derecha)
                                       \equiv false
  esAbajo(arriba)
                                       \equiv false
  esAbajo(abajo)
                                       \equiv true
  esAbajo(izquierda)
                                          false
  esAbajo(derecha)
                                       \equiv false
  esIzquierda(arriba)
                                       \equiv false
  esIzquierda(abajo)
                                       \equiv false
  esIzquierda(izquierda)
                                       \equiv true
  esIzquierda(derecha)
                                       \equiv false
  esDerecha(arriba)
                                          false
  esDerecha(abajo)
                                       \equiv false
  esDerecha(izquierda)
                                       \equiv false
  esDerecha(derecha)
                                       \equiv true
```

# Fin TAD

# 5. EXTENSIONES Y RENOMBRES

TAD FANTASMA ES NAT

TAD PJ ES NAT

TAD POSICION ES TUPLA(NAT, NAT)

TAD NAT extiende NAT

otras operaciones

```
\bullet\% \bullet : nat \times nat \longrightarrow nat
```

**axiomas**  $\forall n, m$ : nat

 $n \% m \equiv \mathbf{if} \ n < m \ \mathbf{then} \ n \ \mathbf{else} \ (n - m) \ \% \ m \ \mathbf{fi}$ 

# Fin TAD

TAD UBICACION extiende TUPLA (POSICION, DIRECCION)

#### otras operaciones

```
\operatorname{pos}: \operatorname{ubicacion} \longrightarrow \operatorname{posicion} \operatorname{dir}: \operatorname{ubicacion} \longrightarrow \operatorname{direccion} \operatorname{axiomas} \quad \forall \ u : \operatorname{ubicacion} \operatorname{pos}(u) \equiv \Pi_1(u) \operatorname{dir}(u) \equiv \Pi_2(u)
```

#### Fin TAD

TAD SECUENCIA extiende SECUENCIA

# otras operaciones

Fin TAD