Apunte de Módulos Básicos (v. 0.3α)

Algoritmos y Estructuras de Datos II, DC, UBA. $1^{\rm er} \ {\rm cuatrimestre} \ {\rm de} \ 2019$

Índice

1.	Diccionario Trie (α)	2
2.	Módulo Juego	5
3.	Módulo Mapa	9
4.	Módulo Dirección	11
5 .	Módulo Acción	13

1. Diccionario Trie (α)

El módulo Diccionario Trie provee un diccionario básico montado sobre un trie. Solo se definen e implementan las operaciones que serán utilizadas.

Interfaz

```
\begin{array}{ll} \mathbf{parametros} \ \ \mathbf{formales} \\ \mathbf{g\acute{e}neros} \ \ \alpha \\ \mathbf{funci\acute{o}n} \ \ & \mathsf{COPIAR}(\mathbf{in} \ s \colon \alpha) \to res \ \colon \alpha \\ \mathbf{Pre} \equiv \{\mathsf{true}\} \\ \mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathsf{obs}} s\} \\ \mathbf{Complejidad:} \ \Theta(copy(s)) \\ \mathbf{Descripci\acute{o}n:} \ \mathsf{funci\acute{o}n} \ \mathsf{de} \ \mathsf{copia} \ \mathsf{de} \ \alpha \\ \mathbf{se} \ \mathbf{explica} \ \mathbf{con:} \ \mathsf{DICCIONARIO}(string, \alpha). \\ \mathbf{g\acute{e}neros:} \ \mathsf{diccTrie}(string, \alpha). \end{array}
```

Operaciones básicas de diccionario

```
VACIO() \rightarrow res : diccTrie(string, \alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} vacio\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera un diccionario vacío.
DEFINIR(in/out d: diccTrie(string, \alpha), in k: string, in s: \alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} d_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{\text{obs}} \operatorname{definir}(d, k, s)\}\
Complejidad: \Theta(|k| + copy(s))
Descripción: define la clave k \notin \text{claves}(d) con el significado s en el diccionario.
Aliasing: los elementos k y s se definen por copia.
DEFINIDO?(in d: diccTrie(string, \alpha), in k: string) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ true \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\text{obs}} \operatorname{def?}(d, k)\}
Complejidad: \mathcal{O}(|k|)
Descripción: devuelve true si y sólo k está definido en el diccionario.
SIGNIFICADO(in d: diccTrie(string, \alpha), in k: string) \rightarrow res : \sigma
\mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{def}?(d, k) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{obtener}(d, k)) \}
Complejidad: \Theta(|k|)
Descripción: devuelve el significado de la clave k en d.
Aliasing: res es modificable si y sólo si d es modificable.
```

Representación

Representación del diccionario

```
\begin{array}{l} \operatorname{diccTrie}(string,\alpha) \text{ se representa con estr} \\ \operatorname{donde} \operatorname{estr} \operatorname{estupla}(raiz:\operatorname{puntero}(\operatorname{nodo})) \\ \operatorname{donde} \operatorname{nodo} \operatorname{estupla}(significado:\alpha,\\ siguientes:\operatorname{arreglo}(\operatorname{puntero}(\operatorname{nodo}))\,\text{[256]}) \\ \operatorname{Rep}:\operatorname{diccTrie} \longrightarrow \operatorname{bool} \\ \operatorname{Rep}(d) \equiv \operatorname{true} \Longleftrightarrow \operatorname{raiz} \operatorname{no} \operatorname{est\'a} \operatorname{contenido} \operatorname{en} \operatorname{ninguno} \operatorname{de} \operatorname{sus} \operatorname{siguientes} \\ \operatorname{Abs}:\operatorname{diccTrie} d \longrightarrow \operatorname{diccTrie}(string,\alpha) \\ \end{array} \qquad \qquad \{\operatorname{Rep}(d)\}
```

 $Abs(d) \equiv if \ vac\'ia?(d.claves) \ then \ vac\'io \ else \ definir(prim(d).claves, prim(d).significado, Abs(fin(d))) \ fi$

Algoritmos

```
iVacía() \rightarrow res : estr
1: // Le asigna un nuevo nodo a la raiz
2: res \leftarrow \langle raiz : nuevoNodo() \rangle \triangleright \Theta(1)
\frac{Complejidad:}{Justificación:} \text{ La complejidad de crear un nuevo nodo es } \Theta(1)
```

```
\begin{array}{ll} \textbf{iSignificado}(\textbf{in/out}\ d: \texttt{estr}, \ \textbf{in}\ k: string) \rightarrow res: \alpha \\ \\ 1: \ \textit{Nodo}\ actual \leftarrow d.raiz \\ 2: \ \textbf{for}\ (char\ c: k)\ \textbf{do} \\ 3: \quad actual \leftarrow (actual \rightarrow siguientes[toInt(c)]) \\ 4: \ \textbf{end}\ \textbf{for} \\ 5: \ res \leftarrow (actual \rightarrow significado) \\ \qquad \qquad \triangleright \Theta(1) \\ \\ \end{array}
```

Complejidad: $\Theta(|k|)$

<u>Justificación</u>: Los accesos y las asignaciones de punteros son $\Theta(1)$. Como el ciclo se ejecuta $|\mathbf{k}|$ veces, se ejecutaran dichas asignaciones $|\mathbf{k}|$ veces. Luego la complejidad será $\Theta(|k|)$.

```
iDefinido?(in/out d: estr, in k: string) \rightarrow res: bool
  1: Nodo actual \leftarrow d.raiz
                                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
  2: for (char\ c\ :\ k) do
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(|k|)
             if (actual \rightarrow siguientes[toInt(c)] \neq NULL)
  3:
                                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
  4:
                    then actual \leftarrow (actual \rightarrow siguientes[toInt(c)])
                                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
                    else res \leftarrow false
                                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
  5:
             end if
  6:
  7: end for
                                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
  8: res \leftarrow true
```

Complejidad: $\mathcal{O}(|k|)$

<u>Justificación:</u> Los accesos y las asignaciones de punteros son $\Theta(1)$. Como el ciclo se ejecuta a lo sumo $|\mathbf{k}|$ veces, se ejecutaran dichas asignaciones $|\mathbf{k}|$ veces como máximo. Luego la complejidad será $\mathcal{O}(|k|)$.

```
iDefinir(in/out d: estr, in k: string, in s: \alpha)
 1: Nodo\ actual \leftarrow d.raiz
 2: for (char\ c\ :\ k) do
                                                                                                                                                 \triangleright \Theta(|k|)
           // Si no tengo siguiente, lo creo
 3:
           if (actual \rightarrow siguientes[toInt(c)] == NULL) then
                                                                                                                                                   \triangleright \Theta(1)
 4:
                  actual \rightarrow siquientes[toInt(c)] = nuevoNodo()
                                                                                                                                                   \triangleright \Theta(1)
 5:
           end if
 6:
           actual \leftarrow (actual \rightarrow siguientes[toInt(c)])
                                                                                                                                                   \triangleright \Theta(1)
 7:
 8: end for
10: // Estoy parado en el nodo que va a tener el significado.
11: // Le asigno una copia del provisto.
12: actual \rightarrow significado \leftarrow copy(s)
                                                                                                                                           \triangleright \Theta(copy(s))
```

Complejidad: $\Theta(|k| + copy(s))$

<u>Justificación</u>: Siempre se recorre toda la palabra para definirla, entonces el for siempre tiene |k| ciclos. La dereferenciación y comparación de punteros, e indexación en arreglos estáticos son $\Theta(1)$.

 $inuevoNodo() \rightarrow res : puntero(nodo)$

 \triangleright Función privada que crea un nuevo nodo

- $1:\ //\ \mbox{Reserva la memoria para un nuevo nodo con significado null y siguientes vacíos$
- 2: $res \leftarrow \&\langle significado: NULL, siguientes: arreglo_estatico[256] \ de \ \alpha \rangle$

 $\triangleright \Theta(1)$

Complejidad: $\Theta(1)$

<u>Justificación</u>: El tiempo de creación de un array de 255 posiciones es $\mathcal{O}(255) \in \mathcal{O}(1)$

2. Módulo Juego

Aqui va la descripción

Interfaz

```
generos: juego.se explica con: JUEGO.
```

Operaciones básicas de Juego

```
{\tt INICIAR}(\mathbf{in}\ m:\mathtt{mapa},\mathbf{in}\ pjs:\mathtt{conj(jugador)},\mathbf{in}\ eventosFan:\mathtt{vector(evento))})	o res:\mathtt{juego}
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg vacio(pjs) \land (\forall e : evento)(est?(e, eventosFan) \Rightarrow_{\mathsf{L}} e.pos \in libres(m))\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} nuevoJuego(m, pjs, eventosFan)\}\
Complejidad: \Theta(?) TODO
Descripción: crea un nuevo juego con el mapa dado, un conjunto de jugadores, y los eventos de un fantasma.
PASARTIEMPO(in j: juego) \rightarrow res: juego
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} pasar(j)\}\
Complejidad: \Theta(?)
Descripción: ejecuta un paso de tiempo cuando ningún jugador realiza una acción.
EJECUTARACCION(in j: juego, in a: accion, in pj: jugador) \rightarrow res: juego
\mathbf{Pre} \equiv \{pj \in jugadores(j) \land_{\mathbf{L}} jugadorVivo(pj, j) \land \neg esPasar(a)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} step(j, a, pj)\}\
Complejidad: \Theta(?)
Descripción: actualiza con la acción a del jugador pj.
\texttt{JUGADORESVIVOS}(\textbf{in } j: \texttt{juego}) \rightarrow res: \texttt{conj}(\texttt{puntero}(\texttt{infoPJ}))
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{(\forall p: puntero(infoPJ))(p \in res \Rightarrow_{\mathtt{L}}
                  (p \rightarrow id \in jugadores(j)) \land_{\mathsf{L}}
                  (p \rightarrow vivo? \land jugadorVivo(p \rightarrow id, j)) \land
                  ((\forall e : evento)(e \in p \rightarrow eventos \Rightarrow_{\mathtt{L}}
                        (e.pos =_{obs} posJugador(p \rightarrow id, j)) \land
                        (e.dir =_{obs} dir Jugador(p \rightarrow id, j))))
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: devuelve un conjunto con punteros a la información de los personajes que están vivos.
Aliasing: res es no modificable.
FANTASMAS VIVOS (in j: juego) \rightarrow res: conj (infoFan)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
Post \equiv \{fantasmaValido(j, res)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: devuelve un conjunto referencias a la información de los fantasmas que están vivos.
Aliasing: las referencias son no modificables.
FANTASMAESPECIAL(in j: juego) \rightarrow res: infoFan
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} fantasmaEspecial(j)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: devuelve el fantasma especial.
Aliasing: res es una referencia no modificable.
FANTASMASVIVOSQUEDISPARAN(in j: juego) \rightarrow res: conj(infoFan)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{fantasmaValido(j, res) \land_{\mathtt{L}} \}
            ((\forall f : infoFan)(f \in res \Rightarrow_{\perp} disparando(f.eventos, step(j))))
Complejidad: O(\#fv)
```

Descripción: devuelve un conjunto con punteros a la información de los fantasmas que están vivos y disparan en el ultimo paso ejecutado en el juego.

Aliasing: res es un conjunto de referencias no modificables.

```
VIVO?(in j: juego, in pj: string) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{pj \in jugadores(j)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} jugadorVivo(pj, j)\}
Complejidad: O(|j|)
Descripción: devuelve si un jugador está vivo
POSOCUPADASPORDISPAROS(in j: juego) \rightarrow res: conj(posicion)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} alcance Disparos Fantas mas(fantas mas(j), j)\}
Complejidad: O(\#fv*m)
Descripción: devuelve un conjunto de las posiciones afectadas por disparos de fantasmas en la última *ronda*
(TODO: ronda o paso?).
Predicados auxiliares:
fantasmaValido(j, fs):
 (\forall f: infoFan)(f \in res \Rightarrow_{\mathsf{L}}
      (f.eventos \in fantasmas(j)) \land_{L}
      (fantasmaVivo(f.eventos, j)) \land
      ((\forall e : evento)(e \in f.eventos \Rightarrow_{\mathtt{L}})
            (e.pos =_{obs} posFantasma(f.eventos, j)) \land
            (e.dir =_{obs} dirFantasma(f.eventos, j))))
```

Representación

Representación de Juego

```
juego se representa con estr
 donde j es tupla(// General
                  paso: nat,
                  ronda: nat.
                  mapa: m,
                  mapaDisparos: arreglo(arreglo(tupla(nat, nat))),
                  disparosUltimoPaso: conj(posicion),
                  // Jugadores
                  infoJugadores: {\tt diccTrie(string, infoPJ)},
                  infoActualJugadoresVivos: conj(infoActualPJ),
                  infoJugadoresVivos: conj(puntero(infoPJ)),
                  // Fantasmas
                  infoFantasmas: conj(infoFan),
                  infoActualFantasmasVivos: conj(infoActualFan),
                  infoFantasmasVivos: conj(itConj(infoFan)),
                  infoFantasmaEspecial: itConj(infoActualFan) )
 donde infoPJ es tupla(eventos: vector(evento),
                       vivo?: bool,
                       infoActual: itConj(infoActualPJ) )
 donde infoActualPJ es tupla(identidad: string,
                              posicion: pos,
                              direction: dir )
 donde infoFan es tupla(infoActual: itConj(infoActualFan),
                         eventos: vector(evento) )
```

```
donde infoActualFan es tupla(posicion: pos, direccion: dir )

Rep: mapa \longrightarrow bool

Rep(m) \equiv true \iff

Abs: mapa m \longrightarrow hab

Abs(m) =_{\text{obs}} h: hab |
```

Algoritmos

En esta sección se hace abuso de notación en los cálculos de álgebra de órdenes presentes en la justificaciones de los algoritmos. La operación de suma "+" denota secuencialización de operaciones con determinado orden de complejidad, y el símbolo de igualdad "=" denota la pertenencia al orden de complejidad resultante.

Algoritmos del módulo

```
iIniciar(in m: mapa, in pjs: conj(jugador), in eventosFan: vector(evento)) \rightarrow res: estr
 1: // Inicializo la estructura
 2: res: (
         // Inicializo contadores
 3:
         paso:0,
                                                                                                                       \triangleright \Theta(1)
 4:
         ronda:0,
 5:
                                                                                                                       \triangleright \Theta(1)
 6:
         // Seteo el mapa
 7:
         mapa:m,
                                                                                                                       \triangleright \Theta(1)
 8:
 9:
         // Inicializo el mapa de disparos con el mismo tamaño que el mapa
10:
                                                                                                              \triangleright \Theta(Tam(m)^2)
11:
         mapaDisparos: arreglo(arreglo(tupla(nat, nat))[Tam(m)])[Tam(m)],
         disparosUltimoPaso: Vacio(),
                                                                                                                       \triangleright \Theta(1)
12:
13:
         // Inicializo estructuras de jugadores y fantasmas como vacías
14:
         infoActualJugadoresVivos: Vacio(),
15:
16:
         infoJugadoresVivos: Vacio(),
         infoJugadores: Vacia(),
17:
         infoFantasmas: Vacio(),
18:
         infoActualFantasmasVivos:Vacio(),
         infoFantasmasVivos: Vacia(),
20:
         infoFantasmaEspecial : CrearIt(Vacio())
21:
22: >
23:
24: // Inicializo los jugadores
25: iIniciarJugadores(res, m, pjs)
27: // Inicializo los fantasmas
28: iIniciarFantasmas(res, eventosFan)
    Complejidad: \Theta(?)
```

```
iIniciarJugadores(in j: estr, in m: mapa, in pjs: conj(jugador))

    Función privada

 1: // Suponemos la existencia de la función
 2: // dict(jugador, tupla(pos, dir)) localizarJugadores(m, conj(jugador) pjs)
 4: // Obtengo las posiciones y direcciones de jugadores
 5: localPJs \leftarrow localizarJugadores(m, pjs)
 6:
 7: // Lleno las estructuras de jugadores
 8: for (j, localizacion : localPJs) do
         // Creo la infoActual y la agrego a su conjunto
10:
        infoActual \leftarrow \langle identidad: j, posicion: localizacion.pos, direccion: localizacion.dir \rangle
        itInfoActual \leftarrow AgregarRapido(j.infoActualJugadoresVivos, infoActual)
11:
12:
13:
         // Creo la infoPJ con la actual
        info \leftarrow iNuevaInfoPJ(j, localizacion, itInfoActual)
14:
         // La agrego al trie y me guardo el puntero a la info guardada
15:
        infoPtr \leftarrow \&Definir(j.infoJugadores, j, info)
16:
17:
18:
         // Agrego al conjunto de jugadores vivos el puntero a la info del PJ
        AgregarRapido(j.infoJugadoresVivos, infoPtr)
19:
20: end for
    Complejidad: \Theta(?)
iIniciarFantasmas(in j: estr, in eventosFan: vector(evento))
                                                                                                       ▶ Función privada
 1: // Lleno las estructuras de fantasmas
 2: // Creo la infoActual y la agrego a su conjunto
 3: infoActualFan \leftarrow \langle posicion : eventosFan[0].pos, direccion : eventosFan[0].dir \rangle
 4: itInfoActualFan \leftarrow AgregarRapido(infoActualFan, j.infoActualFantasmasVivos)
```

```
1: // Lleno las estructuras de fantasmas
2: // Creo la infoActual y la agrego a su conjunto
3: infoActualFan ← ⟨posicion : eventosFan[0].pos, direccion : eventosFan[0].dir⟩
4: itInfoActualFan ← AgregarRapido(infoActualFan, j.infoActualFantasmasVivos)
5:
6: // Hago que el fantasma especial sea este
7: j.infoFantasmaEspecial ← itInfoActualFan
8:
9: // Creo la infoFan con la actual
10: infoFan ← ⟨infoActual : itInfoActualFan, eventos : eventosFan⟩
11: // La agrego al conjunto de información de fantasmas y me guardo su iterador
12: itInfoFan ← AgregarRapido(infoFan, j.infoFantasmas)
13:
14: // Agrego al conjunto de fantasmas vivos el interador a la info del Fan
15: AgregarRapido(itInfoFan, j.infoFantasmasVivos)

Complejidad: Θ(?)
```

iPasarTiempo(in j: estr)

1: // Aumentas paso // Por cada fantasma // Si dispara // Agregar disparo // Agregas el disparo al conjunto (inteligentemente) // Agregas las pos afectadas al mapa de disparos // // Actualizo la info actual // Por cada jugador // Te fijas si muere // Actualizas la info actual

```
\mathbf{iEjecutarAccion}(\mathbf{in}\ j : \mathtt{estr},\ \mathbf{in}\ a : \mathtt{accion},\ \mathbf{in}\ pj : \mathtt{jugador}) \to res : \mathrm{estr}
1:
```

3. Módulo Mapa

Aqui va la descripción

Interfaz

```
generos: mapa.
se explica con: Habitación.
```

Operaciones básicas del mapa

```
NUEVOMAPA(\mathbf{in} \ n: \mathtt{nat}) \rightarrow res : \mathtt{mapa}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{\mathrm{obs}} nuevaHab(n) \}
Complejidad: \Theta(n^2)
Descripción: genera un mapa de tamano n x n.
OCUPAR(in/out \ m : mapa, in \ c : tupla(int, int))
\mathbf{Pre} \equiv \{m =_{\mathrm{obs}} m_0 \land c \in casilleros(m) \land_{\mathsf{L}} libre(m,c) \land alcanzan(libres(m)-c, libres(m)-c, m)\}
\mathbf{Post} \equiv \{m =_{obs} ocupar(c, m_0)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: ocupa una posicion del mapa siempre y cuando este no deje de ser conexo.
TAM(in \ m: mapa) \rightarrow res : nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} tam(m)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: devuelve el tamano del mapa.
LIBRE(in m: mapa, in c: tupla(int, int)) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in casilleros(m)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} libre(c, m)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: devuelve si un elemento esta ocupado.
```

Representación

Representación del mapa

El objetivo de este módulo es implementar una lista doblemente enlazada con punteros al principio y al fin. Para simplificar un poco el manejo de la estructura, vamos a reemplazarla por una lista circular, donde el siguiente del último apunta al primero y el anterior del primero apunta al último. La estructura de representación, su invariante de representación y su función de abstracción son las siguientes.

```
mapa se representa con m donde m es tupla(tamano: nat,casilleros: vec(vec(bool)),)

Rep: mapa \longrightarrow bool

Rep(m) \equiv true \iff La longitud de m.casilleros es igual a tamano \land

La longitud del vector m.casilleros es igual a la de todo otro vector dentro de el) \land

Es conexa

Abs: mapa m \longrightarrow hab

Abs(m) = obs h: hab | m.tamano = obs tam(h) \land_L

(\forall t: tuple(nat,nat))(0 \le \Pi_1(t), \Pi_2(t) < m.tamano - 1 \Rightarrow_L

libre(m, t) = obs m.casilleros[\Pi_1(t)][\Pi_2(t)])
```

Algoritmos

En esta sección se hace abuso de notación en los cálculos de álgebra de órdenes presentes en la justificaciones de los algoritmos. La operación de suma "+" denota secuencialización de operaciones con determinado orden de complejidad,

y el símbolo de igualdad "=" denota la pertenencia al orden de complejidad resultante.

Algoritmos del módulo

```
iTam(in m: mapa) → res: nat

1: res \leftarrow m.tamano

▷ Θ(1)

Complejidad: Θ(1)
```

```
iOcupar(in/out m: mapa, in c: tupla(int, int))

1: m[\Pi_1(c)][\Pi_2(c)] \leftarrow true \triangleright \Theta(1)

Complejidad: \Theta(1)

Justificación: El acceso a una posición de un vector y su modificación es \Theta(1)
```

iLibre(in
$$m$$
: mapa, in c : tupla(int, int)) $\rightarrow res$: bool

 1: $res \leftarrow \neg m[\Pi_1(c)][\Pi_2(c)]$

 Complejidad: $\Theta(1)$

 Justificación: El acceso a una posición de un vector es $\Theta(1)$

```
iNuevoMapa(in n: nat) \rightarrow res: mapa
                                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
  1:\ m.tamano \leftarrow n
  2: v \leftarrow Vacia()
                                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
  3: i \leftarrow 0
                                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
  4: while i < n do
                                                                                                                                                                             \triangleright O(n)
           v.AgregarAtras(false)
           i \leftarrow i + 1
  7: end while
  8: i \leftarrow 0
                                                                                                                                                                            \triangleright O(n^2)
  9: while i < n \operatorname{do}
           res.AgregarAtras(v.Copiar())
                                                                                                                                                                             \triangleright O(n)
10:
           i \leftarrow i + 1
                                                                                                                                                                              \triangleright O(1)
11:
12: end while
```

Complejidad: $\Theta(n^2)$

<u>Justificación:</u> Copiar un vector de n booleanos es O(n * copy(bool)) y copiar un bool es $\Theta(1)$. Luego, agregar n veces la copia del vector es $O(n^2)$

4. Módulo Dirección

Aqui va la descripción

Interfaz

```
generos: dir.
se explica con: DIRECCIÓN.
```

Operaciones básicas de Dirección

```
ARRIBA() \rightarrow res : dir
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \uparrow\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera la dirección arriba.
ABAJO() \rightarrow res : dir
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs}\downarrow\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera la dirección abajo.
IZQUIERDA() \rightarrow res: dir
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \leftarrow \}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera la dirección izquierda.
DERECHA() \rightarrow res: dir
\mathbf{Pre} \equiv \{\mathrm{true}\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \rightarrow \}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera la dirección derecha.
INVERTIR(in/out d: dir)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{\mathbf{obs}} invertir(d) \}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: invierte la dirección.
```

Representación

Representación de Dirección

dir se representa con string

```
\begin{aligned} \operatorname{Rep}: \operatorname{dir} &\longrightarrow \operatorname{bool} \\ \operatorname{Rep}(d) &\equiv \operatorname{true} &\Longleftrightarrow \\ &\operatorname{d} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{arriba}" \vee \\ &\operatorname{d} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{abajo}" \vee \\ &\operatorname{d} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{izquierda}" \vee \\ &\operatorname{d} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{derecha}" \end{aligned} \operatorname{Abs}: \operatorname{dir} d &\longrightarrow \operatorname{dir}  \operatorname{Abs}(d) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{d}_{\operatorname{tad}} : \operatorname{dir} \mid (\operatorname{d} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{arriba}" \wedge \operatorname{d}_{\operatorname{tad}} =_{\operatorname{obs}} \uparrow) \vee \\ &(\operatorname{d} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{abajo}" \wedge \operatorname{d}_{\operatorname{tad}} =_{\operatorname{obs}} \uparrow) \vee \\ &(\operatorname{d} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{izquierda}" \wedge \operatorname{d}_{\operatorname{tad}} =_{\operatorname{obs}} \leftrightarrow) \vee \\ &(\operatorname{d} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{derecha}" \wedge \operatorname{d}_{\operatorname{tad}} =_{\operatorname{obs}} \to) \end{aligned}
```

Algoritmos

Algoritmos del módulo

$\overline{\mathbf{iArriba}}() \to res: dir$	
1: $res \leftarrow "arriba"$	$\triangleright \Theta(1)$
Complejidad: $\Theta(1)$	
$\overline{\mathbf{iAbajo}() ightarrow res: dir}$	
1: $res \leftarrow "abajo"$	$\triangleright \Theta(1)$
Complejidad: $\Theta(1)$	
$\overline{\mathbf{iIzquierda}() \rightarrow res : dir}$	
1: $res \leftarrow "izquierda"$	$\triangleright \Theta(1)$
Complejidad: $\Theta(1)$	
$\overline{\mathbf{iDerecha}() \rightarrow res : dir}$	
1: $res \leftarrow "derecha"$	$ hd \Theta(1)$
$\underline{\text{Complejidad:}}\ \Theta(1)$	
$\overline{\mathbf{iInvertir}(\mathbf{in/out}\ d\colon \mathtt{dir})}$	
1: $switch(d)$	$ hd \Theta(1)$
2: case "arriba":	
3: $d \leftarrow "abajo"$ 4: $case "abajo"$:	
4: case avajo : $b \leftarrow arriba$	
6: case "izquierda" :	
7: $d \leftarrow$ "derecha"	
8: case "derecha":	
9: $d \leftarrow "izquierda"$	
Complejidad: $\Theta(1)$	

5. Módulo Acción

Aqui va la descripción

Interfaz

```
generos: accion.
se explica con: Acción.
```

Operaciones básicas de Acción

```
\text{MOVER}(\mathbf{in}\ d\colon \mathtt{dir}) \to res: \mathtt{accion}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} mover(d)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera una acción de mover en la dirección especificada.
PASAR() \rightarrow res : accion
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} pasar\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera la acción de pasar.
DISPARAR() \rightarrow res : accion
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} disparar\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera la acción de disparar.
APLICAR() \rightarrow res : tupla()
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} disparar\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera la acción de disparar.
```

Representación

Representación de Acción

El objetivo de este módulo es implementar una lista doblemente enlazada con punteros al principio y al fin. Para simplificar un poco el manejo de la estructura, vamos a reemplazarla por una lista circular, donde el siguiente del último apunta al primero y el anterior del primero apunta al último. La estructura de representación, su invariante de representación y su función de abstracción son las siguientes.

```
mapa se representa con m donde m es tupla(tamano: nat,casilleros: vec(vec(bool)),)

Rep: mapa \longrightarrow bool

Rep(m) \equiv true \iff La longitud de m.casilleros es igual a tamano \land

La longitud del vector m.casilleros es igual a la de todo otro vector dentro de el) \land

Es conexa

Abs: mapa m \longrightarrow hab

Abs(m) = obs h: hab | m.tamano = obs tam(h) \land_L

(\forall t: tuple(nat,nat))(0 \le \Pi_1(t), \Pi_2(t) < m.tamano - 1 \Rightarrow_L

libre(m, t) = obs m.casilleros[\Pi_1(t)][\Pi_2(t)])
```

Algoritmos

En esta sección se hace abuso de notación en los cálculos de álgebra de órdenes presentes en la justificaciones de los algoritmos. La operación de suma "+" denota secuencialización de operaciones con determinado orden de complejidad,

y el símbolo de igualdad "=" denota la pertenencia al orden de complejidad resultante.

Algoritmos del módulo

$\mathbf{iTam}(\mathbf{in}\ m:\mathtt{mapa}) o res:\mathrm{nat}$		
1: $res \leftarrow m.tamano$	$\triangleright \Theta(1)$	
Complejidad: $\Theta(1)$		