

# Apunte de Módulos Básicos (v. 0.3 $\alpha$ )

Algoritmos y Estructuras de Datos II, DC, UBA.

1<sup>er</sup> cuatrimestre de 2019

## Índice

<b>1. Módulo X</b>	<b>2</b>
<b>2. Módulo Juego</b>	<b>3</b>
<b>3. Módulo Mapa</b>	<b>6</b>
<b>4. Módulo Dirección</b>	<b>8</b>
<b>5. Módulo Acción</b>	<b>10</b>

## 1. Módulo X

Aquí va la descripción

### Interfaz

generos: x. se explica con: X.

### Operaciones básicas de X

NUEVOX(in  $n : \text{nat}$ )  $\rightarrow res : X$   
**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$   
**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{nuevaHab}(n)\}$   
**Complejidad:**  $\Theta(n^2)$   
**Descripción:** genera un mapa de tamaño  $n \times n$ .

### Representación

#### Representación de X

El objetivo de este módulo es implementar una lista doblemente enlazada con punteros al principio y al fin. Para simplificar un poco el manejo de la estructura, vamos a reemplazarla por una lista circular, donde el siguiente del último apunta al primero y el anterior del primero apunta al último. La estructura de representación, su invariante de representación y su función de abstracción son las siguientes.

mapa se representa con  $m$

donde  $m$  es `tupla(tamano: nat, casilleros: vec(vec(bool)),)`

$\text{Rep} : \text{mapa} \rightarrow \text{bool}$

$\text{Rep}(m) \equiv \text{true} \iff \begin{array}{l} \text{La longitud de } m.\text{casilleros es igual a } \text{tamano} \wedge \\ \text{La longitud del vector } m.\text{casilleros es igual a la de todo otro vector dentro de el} \wedge \\ \text{Es conexa} \end{array}$

$\text{Abs} : \text{mapa } m \rightarrow \text{hab}$

$\{\text{Rep}(m)\}$

$\text{Abs}(m) =_{\text{obs}} h : \text{hab} \mid m.\text{tamano} =_{\text{obs}} \text{tam}(h) \wedge_L$   
 $(\forall t: \text{tuple}(\text{nat}, \text{nat}))(0 \leq \Pi_1(t), \Pi_2(t) < m.\text{tamano} - 1 \Rightarrow_L$   
 $\text{libre}(m, t) =_{\text{obs}} m.\text{casilleros}[\Pi_1(t)][\Pi_2(t)])$

### Algoritmos

En esta sección se hace abuso de notación en los cálculos de álgebra de órdenes presentes en la justificaciones de los algoritmos. La operación de suma “+” denota secuencialización de operaciones con determinado orden de complejidad, y el símbolo de igualdad “=” denota la pertenencia al orden de complejidad resultante.

#### Algoritmos del módulo

---

---

**iTam**(in  $m : \text{mapa}$ )  $\rightarrow res : \text{nat}$

1:  $res \leftarrow m.\text{tamano}$

$\triangleright \Theta(1)$

Complejidad:  $\Theta(1)$

---

## 2. Módulo Juego

Aquí va la descripción

### Interfaz

generos: juego. se explica con: JUEGO.

### Operaciones básicas de Juego

**NUEVOJUEGO**(in  $m$ : mapa, in  $pjs$ : conj(string), in  $eventosFan$ : vector(evento))  $\rightarrow res$  : juego

**Pre**  $\equiv \{\neg vacio(pjs) \wedge (\forall e : evento)(e \in eventosFan \Rightarrow_L e.pos \in posiciones(m))\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{obs} nuevoJuego(m, pjs, eventosFan)\}$

**Complejidad:**  $\Theta(?)$

**Descripción:** crea un nuevo juego con el mapa dado, un conjunto de jugadores, y los eventos de un fantasma.

**PASAR**(in  $j$ : juego)  $\rightarrow res$  : juego

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{obs} pasar(j)\}$

**Complejidad:**  $\Theta(?)$

**Descripción:** actualiza sin acción de algún jugador.

**STEP**(in  $j$ : juego, in  $a$ : accion, in  $pj$ : string)  $\rightarrow res$  : juego

**Pre**  $\equiv \{pj \in jugadores(j) \wedge_L jugadorVivo(pj, j) \wedge \neg esPasar(a)\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{obs} pasar(j)\}$

**Complejidad:**  $\Theta(?)$

**Descripción:** actualiza con la acción  $a$  del jugador  $pj$ .

**JUGADORESVIVOS**(in  $j$ : juego)  $\rightarrow res$  : conj(puntero(infoPJ))

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{(\forall p : puntero(infoPJ))(p \in res \Rightarrow_L$   
 $(p \rightarrow id \in jugadores(j)) \wedge_L$   
 $(p \rightarrow vivo? \wedge jugadorVivo(p \rightarrow id, j)) \wedge$   
 $((\forall e : evento)(e \in p \rightarrow eventos \Rightarrow_L$   
 $(e.pos =_{obs} posJugador(p \rightarrow id, j)) \wedge$   
 $(e.dir =_{obs} dirJugador(p \rightarrow id, j))))\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripción:** devuelve un conjunto con punteros a la información de los personajes que están vivos.

**Aliasing:** res es no modificable.

**FANTASMASVIVOS**(in  $j$ : juego)  $\rightarrow res$  : conj(infoFan)

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{fantasmaValido(j, res)\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripción:** devuelve un conjunto referencias a la información de los fantasmas que están vivos.

**Aliasing:** las referencias son no modificables.

**FANTASMAESPECIAL**(in  $j$ : juego)  $\rightarrow res$  : infoFan

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{obs} fantasmaEspecial(j)\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripción:** devuelve el fantasma especial.

**Aliasing:** res es una referencia no modificable.

**FANTASMASVIVOSQUEDISPARAN**(in  $j$ : juego)  $\rightarrow res$  : conj(infoFan)

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{fantasmaValido(j, res) \wedge_L$   
 $((\forall f : infoFan)(f \in res \Rightarrow_L disparando(f.eventos, step(j))))\}$

**Complejidad:**  $O(\#fv)$

**Descripción:** devuelve un conjunto con punteros a la información de los fantasmas que están vivos y disparan en el ultimo paso ejecutado en el juego.

**Aliasing:** res es un conjunto de referencias no modificables.

VIVO?(in  $j$ : juego, in  $pj$ : string)  $\rightarrow res$  : bool

**Pre**  $\equiv \{pj \in jugadores(j)\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} jugadorVivo(pj, j)\}$

**Complejidad:**  $O(|j|)$

**Descripción:** devuelve si un jugador está vivo

POSOCUPADASPORDISPAROS(in  $j$ : juego)  $\rightarrow res$  : conj(posicion)

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} alcanceDisparosFantasmas(fantasmas(j), j)\}$

**Complejidad:**  $O(\#fv * m)$

**Descripción:** devuelve un conjunto de las posiciones afectadas por disparos de fantasmas en la última \*ronda\* (TODO: ronda o paso?).

Predicados auxiliares:

fantasmaValido( $j$ ,  $fs$ ):

$$(\forall f : infoFan)(f \in res \Rightarrow_L$$

$$(f.eventos \in fantasmas(j)) \wedge_L$$

$$(fantasmaVivo(f.eventos, j)) \wedge$$

$$((\forall e : evento)(e \in f.eventos \Rightarrow_L$$

$$(e.pos =_{\text{obs}} posFantasma(f.eventos, j)) \wedge$$

$$(e.dir =_{\text{obs}} dirFantasma(f.eventos, j))))$$

## Representación

### Representación de Juego

juego se representa con estr

donde  $j$  es tupla(// General

*paso*: nat,

*ronda*: nat,

*mapa*: m,

// Disparos

*mapaDisparos*: arreglo(arreglo(nat)),

*disparosUltimoPaso*: conj(posicion),

// Jugadores

*jugadores*: diccTrie(string, itConjLineal(infoPJ)),

*infoJugadores*: conj(infoPJ),

*infoActualJugadoresVivos*: conj(infoActualPJ),

*jugadoresVivos*: conj(itConjLineal(infoPJ)),

// Fantasmas

*infoFantasmas*: conj(infoFan),

*infoActualFantasmasVivos*: conj(infoActualFan),

*fantasmasVivos*: conj(itConjLineal(infoFan)),

*fantasmaEspecial*: itConjLineal(infoActualFan) )

donde infoPJ es tupla(*eventos*: vector(evento),

*infoActual*: itConjLineal(infoActualPJ) )

donde infoActualPJ es tupla(*identidad*: string,

*posicion*: pos,

*direccion*: dir )

donde infoFan es tupla(*eventos*: vector(evento) )

donde `infoActualFan` es `tupla(posicion: pos,  
                                  direccion: dir )`

`Rep : mapa → bool`  
`Rep(m) ≡ true ⇔`

`Abs : mapa m → hab` `{Rep(m)}`  
`Abs(m) =obs h: hab |`

## Algoritmos

En esta sección se hace abuso de notación en los cálculos de álgebra de órdenes presentes en la justificaciones de los algoritmos. La operación de suma “+” denota secuencialización de operaciones con determinado orden de complejidad, y el símbolo de igualdad “=” denota la pertenencia al orden de complejidad resultante.

### Algoritmos del módulo

---

---

`iTam(in m : mapa) → res : nat`

1: `res ← m.tamano` `▷ Θ(1)`

Complejidad: `Θ(1)`

---

### 3. Módulo Mapa

Aquí va la descripción

#### Interfaz

generos: mapa.

se explica con: HABITACIÓN.

#### Operaciones básicas del mapa

**NUEVOMAPA**(in  $n : \text{nat}$ )  $\rightarrow res : \text{mapa}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{nuevaHab}(n)\}$

**Complejidad**:  $\Theta(n^2)$

**Descripción**: genera un mapa de tamaño  $n \times n$ .

**OCUPAR**(in/out  $m : \text{mapa}$ , in  $c : \text{tupla}(\text{int}, \text{int})$ )

**Pre**  $\equiv \{m =_{\text{obs}} m_0 \wedge c \in \text{casilleros}(m) \wedge_L \text{libre}(m, c) \wedge \text{alcanzan}(\text{libres}(m) - c, \text{libres}(m) - c, m)\}$

**Post**  $\equiv \{m =_{\text{obs}} \text{ocupar}(c, m_0)\}$

**Complejidad**:  $\Theta(1)$

**Descripción**: ocupa una posición del mapa siempre y cuando este no deje de ser conexo.

**TAM**(in  $m : \text{mapa}$ )  $\rightarrow res : \text{nat}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{tam}(m)\}$

**Complejidad**:  $\Theta(1)$

**Descripción**: devuelve el tamaño del mapa.

**LIBRE**(in  $m : \text{mapa}$ , in  $c : \text{tupla}(\text{int}, \text{int})$ )  $\rightarrow res : \text{bool}$

**Pre**  $\equiv \{c \in \text{casilleros}(m)\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{libre}(c, m)\}$

**Complejidad**:  $\Theta(1)$

**Descripción**: devuelve si un elemento está ocupado.

#### Representación

##### Representación del mapa

El objetivo de este módulo es implementar una lista doblemente enlazada con punteros al principio y al fin. Para simplificar un poco el manejo de la estructura, vamos a reemplazarla por una lista circular, donde el siguiente del último apunta al primero y el anterior del primero apunta al último. La estructura de representación, su invariante de representación y su función de abstracción son las siguientes.

**mapa se representa con m**

donde **m** es **tupla**(*tamano*: **nat**, *casilleros*: **vec**(**vec**(**bool**)),)

**Rep** : **mapa**  $\rightarrow \text{bool}$

**Rep**( $m$ )  $\equiv \text{true} \iff$  La longitud de  $m.\text{casilleros}$  es igual a  $\text{tamano} \wedge$

La longitud del vector  $m.\text{casilleros}$  es igual a la de todo otro vector dentro de el)  $\wedge$

Es conexa

**Abs** : **mapa**  $m \rightarrow \text{hab}$

$\{\text{Rep}(m)\}$

**Abs**( $m$ )  $=_{\text{obs}} h : \text{hab} \mid m.\text{tamano} =_{\text{obs}} \text{tam}(h) \wedge_L$

$(\forall t : \text{tuple}(\text{nat}, \text{nat})) (0 \leq \Pi_1(t), \Pi_2(t) < m.\text{tamano} - 1 \Rightarrow_L$

$\text{libre}(m, t) =_{\text{obs}} m.\text{casilleros}[\Pi_1(t)][\Pi_2(t)])$

#### Algoritmos

En esta sección se hace abuso de notación en los cálculos de álgebra de órdenes presentes en la justificaciones de los algoritmos. La operación de suma “+” denota secuencialización de operaciones con determinado orden de complejidad,

y el símbolo de igualdad “=” denota la pertenencia al orden de complejidad resultante.

## Algoritmos del módulo

---



---

**iTam**(in  $m$ : mapa)  $\rightarrow res$ : nat

1:  $res \leftarrow m.tamano$

$\triangleright \Theta(1)$

Complejidad:  $\Theta(1)$

---



---



---

**iOcupar**(in/out  $m$ : mapa, in  $c$ : tupla(int, int))

1:  $m[\Pi_1(c)][\Pi_2(c)] \leftarrow true$

$\triangleright \Theta(1)$

Complejidad:  $\Theta(1)$

Justificación: El acceso a una posición de un vector y su modificación es  $\Theta(1)$

---



---



---

**iLibre**(in  $m$ : mapa, in  $c$ : tupla(int, int))  $\rightarrow res$ : bool

1:  $res \leftarrow \neg m[\Pi_1(c)][\Pi_2(c)]$

$\triangleright \Theta(1)$

Complejidad:  $\Theta(1)$

Justificación: El acceso a una posición de un vector es  $\Theta(1)$

---



---



---

**iNuevoMapa**(in  $n$ : nat)  $\rightarrow res$ : mapa

1:  $m.tamano \leftarrow n$

$\triangleright \Theta(1)$

2:  $v \leftarrow Vacia()$

$\triangleright \Theta(1)$

3:  $i \leftarrow 0$

$\triangleright \Theta(1)$

4: **while**  $i < n$  **do**

$\triangleright O(n)$

5:      $v.AgregarAtras(false)$

6:      $i \leftarrow i + 1$

7: **end while**

8:  $i \leftarrow 0$

9: **while**  $i < n$  **do**

$\triangleright O(n^2)$

10:      $res.AgregarAtras(v.Copiar())$

$\triangleright O(n)$

11:      $i \leftarrow i + 1$

$\triangleright O(1)$

12: **end while**

Complejidad:  $\Theta(n^2)$

Justificación: Copiar un vector de  $n$  booleanos es  $O(n * copy(bool))$  y copiar un bool es  $\Theta(1)$ . Luego, agregar  $n$  veces la copia del vector es  $O(n^2)$

---

## 4. Módulo Dirección

Aquí va la descripción

### Interfaz

generos: dir.

se explica con: DIRECCIÓN.

### Operaciones básicas de Dirección

ARRIBA()  $\rightarrow res : dir$

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{obs} \uparrow\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripción:** genera la dirección arriba.

ABAJO()  $\rightarrow res : dir$

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{obs} \downarrow\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripción:** genera la dirección abajo.

IZQUIERDA()  $\rightarrow res : dir$

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{obs} \leftarrow\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripción:** genera la dirección izquierda.

DERECHA()  $\rightarrow res : dir$

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{obs} \rightarrow\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripción:** genera la dirección derecha.

INVERTIR(in/out  $d : dir$ )

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{obs} invertir(d)\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripción:** invierte la dirección.

## Representación

### Representación de Dirección

dir se representa con string

Rep : dir  $\rightarrow bool$

Rep( $d$ )  $\equiv true \iff$

$d =_{obs} "arriba" \vee$

$d =_{obs} "abajo" \vee$

$d =_{obs} "izquierda" \vee$

$d =_{obs} "derecha"$

Abs : dir  $d \rightarrow dir$

$\{Rep(d)\}$

Abs( $d$ ) =<sub>obs</sub>  $d_{tad} : dir \mid (d =_{obs} "arriba" \wedge d_{tad} =_{obs} \uparrow) \vee$   
 $(d =_{obs} "abajo" \wedge d_{tad} =_{obs} \downarrow) \vee$   
 $(d =_{obs} "izquierda" \wedge d_{tad} =_{obs} \leftarrow) \vee$   
 $(d =_{obs} "derecha" \wedge d_{tad} =_{obs} \rightarrow)$



## Algoritmos

### Algoritmos del módulo

---

---

**iArriba()**  $\rightarrow res : \text{dir}$ 1:  $res \leftarrow \text{"arriba"}$  $\triangleright \Theta(1)$ Complejidad:  $\Theta(1)$ 

---

---

---

**iAbajo()**  $\rightarrow res : \text{dir}$ 1:  $res \leftarrow \text{"abajo"}$  $\triangleright \Theta(1)$ Complejidad:  $\Theta(1)$ 

---

---

---

**iIzquierda()**  $\rightarrow res : \text{dir}$ 1:  $res \leftarrow \text{"izquierda"}$  $\triangleright \Theta(1)$ Complejidad:  $\Theta(1)$ 

---

---

---

**iDerecha()**  $\rightarrow res : \text{dir}$ 1:  $res \leftarrow \text{"derecha"}$  $\triangleright \Theta(1)$ Complejidad:  $\Theta(1)$ 

---

---

---

**iInvertir(in/out  $d : \text{dir}$ )**1:  $\text{switch}(d)$  $\triangleright \Theta(1)$ 2:  $\text{case "arriba" :}$ 3:      $d \leftarrow \text{"abajo"}$ 4:  $\text{case "abajo" :}$ 5:      $d \leftarrow \text{"arriba"}$ 6:  $\text{case "izquierda" :}$ 7:      $d \leftarrow \text{"derecha"}$ 8:  $\text{case "derecha" :}$ 9:      $d \leftarrow \text{"izquierda"}$ Complejidad:  $\Theta(1)$ 

---

## 5. Módulo Acción

Aquí va la descripción

### Interfaz

**generos:** accion.

**se explica con:** ACCIÓN.

### Operaciones básicas de Acción

**MOVER**(in  $d$ : dir)  $\rightarrow res$  : accion

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} mover(d)\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripción:** genera una acción de mover en la dirección especificada.

**PASAR**()  $\rightarrow res$  : accion

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} pasar\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripción:** genera la acción de pasar.

**DISPARAR**()  $\rightarrow res$  : accion

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} disparar\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripción:** genera la acción de disparar.

**APLICAR**()  $\rightarrow res$  : tupla()

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} disparar\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripción:** genera la acción de disparar.

## Representación

### Representación de Acción

El objetivo de este módulo es implementar una lista doblemente enlazada con punteros al principio y al fin. Para simplificar un poco el manejo de la estructura, vamos a reemplazarla por una lista circular, donde el siguiente del último apunta al primero y el anterior del primero apunta al último. La estructura de representación, su invariante de representación y su función de abstracción son las siguientes.

**mapa se representa con m**

donde **m** es `tupla(tamano: nat, casilleros: vec(vec(bool)),)`

**Rep** : mapa  $\rightarrow$  bool

**Rep**( $m$ )  $\equiv \text{true} \iff$  La longitud de m.casilleros es igual a tamano  $\wedge$

La longitud del vector m.casilleros es igual a la de todo otro vector dentro de el)  $\wedge$

Es conexa

**Abs** : mapa  $m \rightarrow$  hab

$\{\text{Rep}(m)\}$

**Abs**( $m$ )  $=_{\text{obs}} h$ : hab |  $m.tamano =_{\text{obs}} tam(h) \wedge_L$

$(\forall t: \text{tuple}(\text{nat}, \text{nat}))(0 \leq \Pi_1(t), \Pi_2(t) < m.tamano - 1 \Rightarrow_L$

$\text{libre}(m, t) =_{\text{obs}} m.casilleros[\Pi_1(t)][\Pi_2(t)]$ )

## Algoritmos

En esta sección se hace abuso de notación en los cálculos de álgebra de órdenes presentes en la justificaciones de los algoritmos. La operación de suma “+” denota secuencialización de operaciones con determinado orden de complejidad,

y el símbolo de igualdad “=” denota la pertenencia al orden de complejidad resultante.

## Algoritmos del módulo

---

---

**iTam**(in  $m : \text{mapa}$ )  $\rightarrow res : \text{nat}$

1:  $res \leftarrow m.tamano$

$\triangleright \Theta(1)$

Complejidad:  $\Theta(1)$

---