

# Apunte de Mı̃l<sub>2</sub>dulos Bı̃l<sub>2</sub>sicos (v. 0.3α)

Algoritmos y Estructuras de Datos II, DC, UBA.

1<sup>er</sup> cuatrimestre de 2019

## Índice

1. Diccionario Trie ( $\alpha$ )	2
2. Mı̃l <sub>2</sub> dulo Juego	5
3. Mı̃l <sub>2</sub> dulo Mapa	10
4. Mı̃l <sub>2</sub> dulo Direcciı̃l <sub>2</sub> n	12
5. Mı̃l <sub>2</sub> dulo Acciı̃l <sub>2</sub> n	14

## 1. Diccionario Trie ( $\alpha$ )

El módulo Diccionario Trie provee un diccionario básico montado sobre un trie. Solo se definen e implementan las operaciones que serán utilizadas.

### Interfaz

**parámetros formales**  
**güeros**  $\alpha$   
**funciones**  $\text{COPIAR}(\text{in } s : \alpha) \rightarrow \text{res} : \alpha$   
**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$   
**Post**  $\equiv \{\text{res} =_{\text{obs}} s\}$   
**Complejidad:**  $\Theta(\text{copy}(s))$   
**Descripción:** función de copia de  $\alpha$

se explica con:  $\text{DICCIONARIO}(\text{string}, \alpha)$ .

**güeros:**  $\text{diccTrie}(\text{string}, \alpha)$ .

### Operaciones básicas de diccionario

**VACÍO**  $\rightarrow \text{res} : \text{diccTrie}(\text{string}, \alpha)$   
**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$   
**Post**  $\equiv \{\text{res} =_{\text{obs}} \text{vacío}\}$   
**Complejidad:**  $\Theta(1)$   
**Descripción:** genera un diccionario vacío.

**DEFINIR**  $(\text{in/out } d : \text{diccTrie}(\text{string}, \alpha), \text{in } k : \text{string}, \text{in } s : \alpha)$   
**Pre**  $\equiv \{d =_{\text{obs}} d_0\}$   
**Post**  $\equiv \{d =_{\text{obs}} \text{definir}(d, k, s)\}$   
**Complejidad:**  $\Theta(|k| + \text{copy}(s))$   
**Descripción:** define la clave  $k \notin \text{claves}(d)$  con el significado  $s$  en el diccionario.  
**Aliasing:** los elementos  $k$  y  $s$  se definen por copia.

**DEFINIDO?**  $(\text{in } d : \text{diccTrie}(\text{string}, \alpha), \text{in } k : \text{string}) \rightarrow \text{res} : \text{bool}$   
**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$   
**Post**  $\equiv \{\text{res} =_{\text{obs}} \text{def?}(d, k)\}$   
**Complejidad:**  $\mathcal{O}(|k|)$   
**Descripción:** devuelve **true** si y sólo si  $k$  está definido en el diccionario.

**SIGNIFICADO**  $(\text{in } d : \text{diccTrie}(\text{string}, \alpha), \text{in } k : \text{string}) \rightarrow \text{res} : \sigma$   
**Pre**  $\equiv \{\text{def?}(d, k)\}$   
**Post**  $\equiv \{\text{alias}(\text{res} =_{\text{obs}} \text{obtener}(d, k))\}$   
**Complejidad:**  $\Theta(|k|)$   
**Descripción:** devuelve el significado de la clave  $k$  en  $d$ .  
**Aliasing:**  $\text{res}$  es modificable si y sólo si  $d$  es modificable.

### Representación

#### Representación del diccionario

$\text{diccTrie}(\text{string}, \alpha)$  se representa con **estr**  
 donde **estr** es  $\text{tupla}(\text{raíz: puntero}(\text{nodo}), \text{claves: conj}(\text{string}))$   
 donde **nodo** es  $\text{tupla}(\text{significado: puntero}(\alpha), \text{siguientes: arreglo}(\text{puntero}(\text{nodo})) [256])$   
**Rep** :  $\text{diccTrie} \rightarrow \text{bool}$

$\text{Rep}(d) \equiv \text{true} \iff$

(Los nodos del diccionario (excepto la raíz) tienen un unico padre. Es decir, no hay dos Nodos en la estructura que tengan punteros iguales en los siguientes del Nodo.  $\wedge$

La raíz no tiene padre. Es decir, no hay un camino de hijos por el cual se llegue a dicho Nodo.  $\wedge$

Todas las hojas tienen un significado distinto de NULL.

Un  $s$  string pertenece a  $d$ .claves si y solo si se puede seguir un camino de nodos en el diccionario con los caracteres de  $s$  (en orden) llegando finalmente al ultimo nodo (correspondiente a la ultima letra) teniendo este significado distinto de NULL)

// La primer condicion implica que no hay ciclos ni Nodos con hijos de menor nivel

$\text{Abs} : \text{estr } e \longrightarrow \text{diccTrie}(\text{string}, \alpha)$

$\{\text{Rep}(e)\}$

$\text{Abs}(e) =_{\text{obs}} d : \text{diccTrie}(\text{string}, \alpha) \mid$

$(\forall :: s \text{ string})(\text{def?}(s,d) =_{\text{obs}} \text{estaDefinido}(e.\text{raiz}, s)) \wedge$

$(\forall :: s \text{ string})(\text{def?}(s,d) \Rightarrow_{\text{L}} \text{obtener}(s, d) =_{\text{obs}} \text{significado}(e.\text{raiz}, s)) \wedge$

$\text{claves}(d) =_{\text{obs}} e.\text{claves}$

$\text{estaDefinido}(r, s) \equiv \text{if } \text{vacía?}(s)$

**then**  $r \rightarrow \text{significado} \neq \text{NULL}$

**else**  $r \rightarrow \text{siguientes}[\text{int}(\text{prim}(s))] \neq \text{NULL} \wedge_{\text{L}} \text{estaDefinido}(r.\text{siguientes}[\text{int}(\text{prim}(s))], \text{fin}(s))$  **fi**

$\text{significado}(r,s) \equiv \text{if } \text{vacía?}(s)$

**then**  $r \rightarrow \text{significado}$

**else**  $\text{significado}(r.\text{siguientes}[\text{int}(\text{prim}(s))], \text{fin}(s))$  **fi**

## Algoritmos

---

**iVací** $_{\frac{1}{2}n}() \rightarrow res : \text{estr}$

1: // Le asigna un nuevo nodo a la raíz

2:  $res \leftarrow \langle \text{raiz} : \text{nuevoNodo}() \rangle$

$\triangleright \Theta(1)$

Complejidad:  $\Theta(1)$

Justificacií $_{\frac{1}{2}n}$ : La complejidad de crear un nuevo nodo es  $\Theta(1)$

---



---

**iSignificado** $(\text{in/out } d : \text{estr}, \text{in } k : \text{string}) \rightarrow res : \alpha$

1:  $\text{Nodo actual} \leftarrow d.\text{raiz}$

$\triangleright \Theta(1)$

2: **for**  $(\text{char } c : k)$  **do**

$\triangleright \mathcal{O}(|k|)$

3:  $\text{actual} \leftarrow (\text{actual} \rightarrow \text{siguientes}[\text{toInt}(c)])$

$\triangleright \Theta(1)$

4: **end for**

5:  $res \leftarrow *(\text{actual} \rightarrow \text{significado})$

$\triangleright \Theta(1)$

Complejidad:  $\Theta(|k|)$

Justificacií $_{\frac{1}{2}n}$ : Los accesos y las asignaciones de punteros son  $\Theta(1)$ . Como el ciclo se ejecuta  $|k|$  veces, se ejecutaran dichas asignaciones  $|k|$  veces. Luego la complejidad serí  $\frac{1}{2} \Theta(|k|)$ .

---

**iDefinido?**(in/out  $d$ : **estr**, in  $k$ : *string*)  $\rightarrow res$ : **bool**

```

1: Nodo actual  $\leftarrow d.raiz$   $\triangleright \Theta(1)$ 
2: for (char  $c$  :  $k$ ) do  $\triangleright \mathcal{O}(|k|)$ 
3:   if ( $actual \rightarrow siguientes[toInt(c)] \neq NULL$ )  $\triangleright \Theta(1)$ 
4:     then  $actual \leftarrow (actual \rightarrow siguientes[toInt(c)])$   $\triangleright \Theta(1)$ 
5:     else  $res \leftarrow false$   $\triangleright \Theta(1)$ 
6:   end if
7: end for
8:  $res \leftarrow ((actual \rightarrow significado) \neq NULL)$   $\triangleright \Theta(1)$ 

```

Complejidad:  $\mathcal{O}(|k|)$

Justificaci3n: Los accesos y las asignaciones de punteros son  $\Theta(1)$ . Como el ciclo se ejecuta a lo sumo  $|k|$  veces, se ejecutar3n dichas asignaciones  $|k|$  veces como m3ximo. Luego la complejidad ser3  $\mathcal{O}(|k|)$ .

**iDefinir**(in/out  $d$ : **estr**, in  $k$ : *string*, in  $s$ :  $\alpha$ )  $\rightarrow res$ :  $\alpha$

```

1: Nodo actual  $\leftarrow d.raiz$ 
2: for (char  $c$  :  $k$ ) do  $\triangleright \Theta(|k|)$ 
3:   // Si no tengo siguiente, lo creo
4:   if ( $actual \rightarrow siguientes[toInt(c)] == NULL$ ) then  $\triangleright \Theta(1)$ 
5:      $actual \rightarrow siguientes[toInt(c)] = nuevoNodo()$   $\triangleright \Theta(1)$ 
6:   end if
7:    $actual \leftarrow (actual \rightarrow siguientes[toInt(c)])$   $\triangleright \Theta(1)$ 
8: end for
9:
10: // Estoy parado en el nodo que va a tener el puntero al significado.
11: // Reservo un lugar en memoria y hago una copia del provisto en dicho lugar.
12:  $sig \leftarrow s$   $\triangleright \Theta(copy(s))$ 
13: // Asigno al significado del nodo el puntero creado con s.
14:  $(actual \rightarrow significado) \leftarrow \&sig$   $\triangleright \Theta(1)$ 
15: // Agrego la nueva clave al conjunto de claves
16: // Como precondition, se que no existe asi que la agrego rapido
17: AgregarRapido( $e.claves$ ,  $k$ )  $\triangleright \Theta(copy(k))$ 
18: // Devuelvo por referencia el significado.
19:  $res \leftarrow sig$   $\triangleright \Theta(1)$ 

```

Complejidad:  $\Theta(|k| + copy(s))$

Justificaci3n: Siempre se recorre toda la palabra para definirla, entonces el *for* siempre tiene  $|k|$  ciclos. La dereferenciaci3n y comparaci3n de punteros, e indexaci3n en arreglos est3ticos son  $\Theta(1)$ .

**inuevoNodo**()  $\rightarrow res$ : puntero(nodo)

$\triangleright$  Funci3n privada que crea un nuevo nodo

```

1: // Reserva la memoria para un nuevo nodo con significado null y siguientes vac3os
2:  $res \leftarrow \&\langle significado : NULL, siguientes : arreglo\_estatico[256] \text{ de puntero}(Nodo) \rangle$   $\triangleright \Theta(1)$ 

```

Complejidad:  $\Theta(1)$

Justificaci3n: El tiempo de creaci3n de un array de 255 posiciones es  $\mathcal{O}(255) \in \mathcal{O}(1)$

**iClaves**(in  $d$ : **estr**)  $\rightarrow res$ : **conj**(*string*)

```

1:  $res \leftarrow e.claves$   $\triangleright \Theta(1)$ 

```

Complejidad:  $\Theta(1)$

## 2. Mï½dulo Juego

Aqui va la descripciï½n

### Interfaz

**generos:** juego.

**se explica con:** JUEGO.

### Operaciones bï½sicas de Juego

**INICIAR**(in  $m$ : mapa, iï½n  $pjs$ : conj(jugador), in  $eventosFan$ : vector(evento))  $\rightarrow res$  : juego

**Pre**  $\equiv \{\neg vacio(pjs) \wedge (\forall e : evento)(estï½(e, eventosFan) \Rightarrow_L e.pos \in libres(m))\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{obs} nuevoJuego(m, pjs, eventosFan)\}$

**Complejidad:**  $\Theta(?)$  TODO

**Descripciï½n:** crea un nuevo juego con el mapa dado, un conjunto de jugadores, y los eventos de un fantasma.

**PASARTIEMPO**(in  $j$ : juego)  $\rightarrow res$  : juego

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{obs} pasar(j)\}$

**Complejidad:**  $\Theta(?)$

**Descripciï½n:** ejecuta un paso de tiempo cuando ningï½ jugador realiza una acciï½n.

**EJECUTARACCION**(in  $j$ : juego, in  $a$ : accion, in  $pj$ : jugador)  $\rightarrow res$  : juego

**Pre**  $\equiv \{pj \in jugadores(j) \wedge_L jugadorVivo(pj, j) \wedge \neg esPasar(a)\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{obs} step(j, a, pj)\}$

**Complejidad:**  $\Theta(?)$

**Descripciï½n:** actualiza con la acciï½n  $a$  del jugador  $pj$ .

**JUGADORESVIVOS**(in  $j$ : juego)  $\rightarrow res$  : conj(puntero(infoPJ))

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{(\forall p : puntero(infoPJ))(p \in res \Rightarrow_L$   
 $(p \rightarrow id \in jugadores(j)) \wedge_L$   
 $(p \rightarrow vivo? \wedge jugadorVivo(p \rightarrow id, j)) \wedge$   
 $((\forall e : evento)(e \in p \rightarrow eventos \Rightarrow_L$   
 $(e.pos =_{obs} posJugador(p \rightarrow id, j)) \wedge$   
 $(e.dir =_{obs} dirJugador(p \rightarrow id, j))))\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripciï½n:** devuelve un conjunto con punteros a la informaciï½n de los personajes que estï½n vivos.

**Aliasing:** res es no modificable.

**FANTASMASVIVOS**(in  $j$ : juego)  $\rightarrow res$  : conj(infoFan)

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{fantasmaValido(j, res)\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripciï½n:** devuelve un conjunto referencias a la informaciï½n de los fantasmas que estï½n vivos.

**Aliasing:** las referencias son no modificables.

**FANTASMAESPECIAL**(in  $j$ : juego)  $\rightarrow res$  : infoFan

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{obs} fantasmaEspecial(j)\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripciï½n:** devuelve el fantasma especial.

**Aliasing:** res es una referencia no modificable.

**FANTASMASVIVOSQUEDISPARAN**(in  $j$ : juego)  $\rightarrow res$  : conj(infoFan)

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{fantasmaValido(j, res) \wedge_L$   
 $((\forall f : infoFan)(f \in res \Rightarrow_L disparando(f.eventos, step(j))))\}$

**Complejidad:**  $O(\#fv)$

**Descripci3n:**  $\frac{1}{2}n$ : devuelve un conjunto con punteros a la informaci3n de los fantasmas que est3n vivos y disparan en el ultimo paso ejecutado en el juego.

**Aliasing:** res es un conjunto de referencias no modificables.

**VIVO?**(in  $j$ : juego, in  $pj$ : string)  $\rightarrow res$  : bool

**Pre**  $\equiv \{pj \in jugadores(j)\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} jugadorVivo(pj, j)\}$

**Complejidad:**  $O(|j|)$

**Descripci3n:**  $\frac{1}{2}n$ : devuelve si un jugador est3 vivo

**POSOCUPADASPORDISPAROS**(in  $j$ : juego)  $\rightarrow res$  : conj(posicion)

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} alcanceDisparosFantasmas(fantasmas(j), j)\}$

**Complejidad:**  $O(\#fv * m)$

**Descripci3n:**  $\frac{1}{2}n$ : devuelve un conjunto de las posiciones afectadas por disparos de fantasmas en la 3ltima \*ronda\* (TODO: ronda o paso?).

Predicados auxiliares:

fantasmaValido( $j$ ,  $fs$ ):

$(\forall f : infoFan)(f \in res \Rightarrow_L$   
 $(f.eventos \in fantasmas(j)) \wedge_L$   
 $(fantasmaVivo(f.eventos, j)) \wedge$   
 $((\forall e : evento)(e \in f.eventos \Rightarrow_L$   
 $(e.pos =_{\text{obs}} posFantasma(f.eventos, j)) \wedge$   
 $(e.dir =_{\text{obs}} dirFantasma(f.eventos, j))))$

## Representaci3n $\frac{1}{2}n$

### Representaci3n $\frac{1}{2}n$ de Juego

juego se representa con estr

donde  $j$  es tupla(// General

$paso$ : nat,  
 $ronda$ : nat,  
 $mapa$ : m,

// Disparos

$mapaDisparos$ : arreglo(arreglo(tupla(nat, nat))),  
 $disparosUltimoPaso$ : conj(posicion),

// Jugadores

$infoJugadores$ : diccTrie(string, infoPJ),  
 $infoActualJugadoresVivos$ : conj(infoActualPJ),  
 $infoJugadoresVivos$ : conj(puntero(infoPJ)),

// Fantasmas

$infoFantasmas$ : conj(infoFan),  
 $infoActualFantasmasVivos$ : conj(infoActualFan),  
 $infoFantasmasVivos$ : conj(itConj(infoFan)),  
 $infoFantasmaEspecial$ : itConj(infoActualFan)

donde infoPJ es tupla( $eventos$ : vector(evento),

$vivo?$ : bool,  
 $infoActual$ : itConj(infoActualPJ)

donde infoActualPJ es tupla( $identidad$ : string,

$posicion$ : pos,  
 $direccion$ : dir)

donde `infoFan` es `tupla(infoActual: itConj(infoActualFan),  
eventos: vector(evento) )`

donde `infoActualFan` es `tupla(posicion: pos,  
direccion: dir )`

`Rep : mapa  $\rightarrow$  bool`  
`Rep( $m$ )  $\equiv$  true  $\iff$`

`Abs : mapa  $m \rightarrow$  hab` `{Rep( $m$ )}`  
`Abs( $m$ ) =obs h: hab |`

## Algoritmos

En esta sección se hace abuso de notación en los símbolos de álgebra de ordenes presentes en la justificación de los algoritmos. La operación de suma “+” denota secuencialización de operaciones con determinado orden de complejidad, y el símbolo de igualdad “=” denota la pertenencia al orden de complejidad resultante.

### Algoritmos del módulo

---

```

iniciar(in m : mapa, in pjs : conj(jugador), in eventosFan : vector(evento)) → res : estr
1: // Inicializo la estructura
2: res : ⟨
3:   // Inicializo contadores
4:   paso : 0,                                ▷  $\Theta(1)$ 
5:   ronda : 0,                                ▷  $\Theta(1)$ 
6:
7:   // Seteo el mapa
8:   mapa : m,                                ▷  $\Theta(1)$ 
9:
10:  // Inicializo el mapa de disparos con el mismo tamaño  $\frac{1}{2}$ o que el mapa
11:  mapaDisparos : arreglo(arreglo(tupla(nat, nat))[Tam(m)])[Tam(m)],    ▷  $\Theta(Tam(m)^2)$ 
12:  disparosUltimoPaso : Vacio(),                                ▷  $\Theta(1)$ 
13:
14:  // Inicializo estructuras de jugadores y fantasmas como vacíos  $\frac{1}{2}$ as
15:  infoActualJugadoresVivos : Vacio(),
16:  infoJugadoresVivos : Vacio(),
17:  infoJugadores : Vacia(),
18:  infoFantasmas : Vacio(),
19:  infoActualFantasmasVivos : Vacio(),
20:  infoFantasmasVivos : Vacia(),
21:  infoFantasmaEspecial : CrearIt(Vacio())
22: ⟩
23:
24: // Suponemos la existencia de la función  $\frac{1}{2}$ n
25: // dict(jugador, tupla(pos, dir)) localizarJugadores(m, conj(jugador) pjs)
26:
27: // Obtengo las posiciones y direcciones de jugadores
28: localPJs ← localizarJugadores(m, pjs)
29:
30: // Lleno las estructuras de jugadores
31: for (j, localizacion : localPJs) do
32:   // Creo la infoActual y la agrego a su conjunto
33:   infoActual ← ⟨identidad : j, posicion : localizacion.pos, direccion : localizacion.dir⟩
34:   itInfoActual ← AgregarRapido(res.infoActualJugadoresVivos, infoActual)
35:
36:   // Creo la infoPJ con la actual
37:   info ← iNuevaInfoPJ(j, localizacion, itInfoActual)
38:   // La agrego al trie y me guardo el puntero a la info guardada
39:   infoPtr ← &Definir(res.infoJugadores, j, info)
40:
41:   // Agrego al conjunto de jugadores vivos el puntero a la info del PJ
42:   AgregarRapido(res.infoJugadoresVivos, infoPtr)
43: end for
44:
45: // Lleno las estructuras de fantasmas
46: // Creo la infoActual y la agrego a su conjunto
47: infoActualFan ← ⟨posicion : eventosFan[0].pos, direccion : eventosFan[0].dir⟩
48: itInfoActualFan ← AgregarRapido(infoActualFan, res.infoActualFantasmasVivos)
49:
50: // Hago que el fantasma especial sea este
51: res.infoFantasmaEspecial ← itInfoActualFan
52:
53: // Creo la infoFan con la actual
54: infoFan ← ⟨infoActual : itInfoActualFan, eventos : eventosFan⟩
55: // La agrego al conjunto de información  $\frac{1}{2}$ n de fantasmas y me guardo su iterador
56: itInfoFan ← AgregarRapido(infoFan, res.infoFantasmas)
57:
58: // Agrego al conjunto de fantasmas vivos el iterador a la info del Fan
59: AgregarRapido(itInfoFan, res.infoFantasmasVivos)

```

---



---

**iPasarTiempo**(in  $j$ : estr)

1: // Aumentas paso // Por cada fantasma // Si dispara // Agregar disparo // Agregas el disparo al conjunto (inteligentemente) // Agregas las pos afectadas al mapa de disparos // // Actualizo la info actual // Por cada jugador // Te fijas si muere // Actualizas la info actual

---

---

**iEjecutarAccion**(in  $j$ : estr, in  $a$ : accion, in  $pj$ : jugador)  $\rightarrow res$ :estr

1:

---

### 3. Mäulo Mapa

Aqui va la descripciö½n

#### Interfaz

**generos:** mapa.

**se explica con:** HABITACIÖ½N.

#### Operaciones bi½sicas del mapa

**NUEVOMAPA**(in  $n : \text{nat}$ )  $\rightarrow res : \text{mapa}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{nuevaHab}(n)\}$

**Complejidad:**  $\Theta(n^2)$

**Descripciö½n:** genera un mapa de tamaño  $n \times n$ .

**OCUPAR**(in/out  $m : \text{mapa}$ , in  $c : \text{tupla}(\text{int}, \text{int})$ )

**Pre**  $\equiv \{m =_{\text{obs}} m_0 \wedge c \in \text{casilleros}(m) \wedge_L \text{libre}(m, c) \wedge \text{alcanzan}(\text{libres}(m) - c, \text{libres}(m) - c, m)\}$

**Post**  $\equiv \{m =_{\text{obs}} \text{ocupar}(c, m_0)\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripciö½n:** ocupa una posición del mapa siempre y cuando este no deje de ser conexo.

**TAM**(in  $m : \text{mapa}$ )  $\rightarrow res : \text{nat}$

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{tam}(m)\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripciö½n:** devuelve el tamaño del mapa.

**LIBRE**(in  $m : \text{mapa}$ , in  $c : \text{tupla}(\text{int}, \text{int})$ )  $\rightarrow res : \text{bool}$

**Pre**  $\equiv \{c \in \text{casilleros}(m)\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{libre}(c, m)\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripciö½n:** devuelve si un elemento está ocupado.

#### Representaciö½n

##### Representaciö½n del mapa

El objetivo de este mäulo es implementar una lista doblemente enlazada con punteros al principio y al fin. Para simplificar un poco el manejo de la estructura, vamos a reemplazarla por una lista circular, donde el siguiente del último apunta al primero y el anterior del primero apunta al último. La estructura de representaciö½n, su invariante de representaciö½n y su funciö½n de abstracciö½n son las siguientes.

**mapa se representa con m**

donde  $m$  es  $\text{tupla}(\text{tamano} : \text{nat}, \text{casilleros} : \text{vec}(\text{vec}(\text{bool}))),$

$\text{Rep} : \text{mapa} \rightarrow \text{bool}$

$\text{Rep}(m) \equiv \text{true} \iff \text{La longitud de } m.\text{casilleros} \text{ es igual a } \text{tamano} \wedge$

La longitud del vector  $m.\text{casilleros}$  es igual a la de todo otro vector dentro de el)  $\wedge$

Es conexa

$\text{Abs} : \text{mapa } m \rightarrow \text{hab}$

$\{\text{Rep}(m)\}$

$\text{Abs}(m) =_{\text{obs}} h : \text{hab} \mid m.\text{tamano} =_{\text{obs}} \text{tam}(h) \wedge_L$

$(\forall t : \text{tuple}(\text{nat}, \text{nat}))(0 \leq \Pi_1(t), \Pi_2(t) < m.\text{tamano} - 1 \Rightarrow_L$

$\text{libre}(m, t) =_{\text{obs}} m.\text{casilleros}[\Pi_1(t)][\Pi_2(t)])$

#### Algoritmos

En esta secciö½n se hace abuso de notaciö½n en los cö½lucos de álgebra de órdenes presentes en la justifi-

caciones de los algoritmos. La operación  $\frac{1}{2}n$  de suma “+” denota secuencialización de operaciones con determinado orden de complejidad, y el símbolo de igualdad “=” denota la pertenencia al orden de complejidad resultante.

## Algoritmos del módulo

---



---

**iTam**(in  $m$ : mapa)  $\rightarrow res$ : nat

1:  $res \leftarrow m.tamano$

$\triangleright \Theta(1)$

Complejidad:  $\Theta(1)$

---



---



---

**iOcupar**(in/out  $m$ : mapa, in  $c$ : tupla(int, int))

1:  $m[\Pi_1(c)][\Pi_2(c)] \leftarrow true$

$\triangleright \Theta(1)$

Complejidad:  $\Theta(1)$

Justificación: El acceso a una posición de un vector y su modificación es  $\Theta(1)$

---



---



---

**iLibre**(in  $m$ : mapa, in  $c$ : tupla(int, int))  $\rightarrow res$ : bool

1:  $res \leftarrow \neg m[\Pi_1(c)][\Pi_2(c)]$

$\triangleright \Theta(1)$

Complejidad:  $\Theta(1)$

Justificación: El acceso a una posición de un vector es  $\Theta(1)$

---



---



---

**iNuevoMapa**(in  $n$ : nat)  $\rightarrow res$ : mapa

1:  $m.tamano \leftarrow n$

$\triangleright \Theta(1)$

2:  $v \leftarrow Vacia()$

$\triangleright \Theta(1)$

3:  $i \leftarrow 0$

$\triangleright \Theta(1)$

4: **while**  $i < n$  **do**

$\triangleright O(n)$

5:    $v.AgregarAtras(false)$

6:    $i \leftarrow i + 1$

7: **end while**

8:  $i \leftarrow 0$

9: **while**  $i < n$  **do**

$\triangleright O(n^2)$

10:    $res.AgregarAtras(v.Copiar())$

$\triangleright O(n)$

11:    $i \leftarrow i + 1$

$\triangleright O(1)$

12: **end while**

Complejidad:  $\Theta(n^2)$

Justificación: Copiar un vector de  $n$  booleanos es  $O(n * copy(bool))$  y copiar un bool es  $\Theta(1)$ . Luego, agregar  $n$  veces la copia del vector es  $O(n^2)$

---

## 4. Módulo Direccii $\frac{1}{2}$ n

Aquí va la descripción $\frac{1}{2}$ n

### Interfaz

**generos:** dir.

**se explica con:** DIRECCI $\frac{1}{2}$ N.

### Operaciones básicas de Direccii $\frac{1}{2}$ n

ARRIBA()  $\rightarrow res : dir$

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{obs} \uparrow\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripcii $\frac{1}{2}$ n:** genera la direccii $\frac{1}{2}$ n arriba.

ABAJO()  $\rightarrow res : dir$

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{obs} \downarrow\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripcii $\frac{1}{2}$ n:** genera la direccii $\frac{1}{2}$ n abajo.

IZQUIERDA()  $\rightarrow res : dir$

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{obs} \leftarrow\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripcii $\frac{1}{2}$ n:** genera la direccii $\frac{1}{2}$ n izquierda.

DERECHA()  $\rightarrow res : dir$

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{obs} \rightarrow\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripcii $\frac{1}{2}$ n:** genera la direccii $\frac{1}{2}$ n derecha.

INVERTIR(in/out  $d : dir$ )

**Pre**  $\equiv \{true\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{obs} invertir(d)\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripcii $\frac{1}{2}$ n:** invierte la direccii $\frac{1}{2}$ n.

## Representacii $\frac{1}{2}$ n

### Representacii $\frac{1}{2}$ n de Direccii $\frac{1}{2}$ n

dir se representa con string

Rep : dir  $\rightarrow bool$

Rep( $d$ )  $\equiv true \iff$

$d =_{obs} "arriba" \vee$

$d =_{obs} "abajo" \vee$

$d =_{obs} "izquierda" \vee$

$d =_{obs} "derecha"$

Abs : dir  $d \rightarrow dir$

{Rep( $d$ )}

Abs( $d$ )  $=_{obs} d_{tad} : dir \mid (d =_{obs} "arriba" \wedge d_{tad} =_{obs} \uparrow) \vee$   
 $(d =_{obs} "abajo" \wedge d_{tad} =_{obs} \downarrow) \vee$   
 $(d =_{obs} "izquierda" \wedge d_{tad} =_{obs} \leftarrow) \vee$   
 $(d =_{obs} "derecha" \wedge d_{tad} =_{obs} \rightarrow)$

## Algoritmos

### Algoritmos del módulo $\frac{1}{2}$

---

---

**iArriba()**  $\rightarrow res : \text{dir}$ 
1:  $res \leftarrow \text{"arriba"}$  $\triangleright \Theta(1)$ Complejidad:  $\Theta(1)$ 


---

---

**iAbajo()**  $\rightarrow res : \text{dir}$ 
1:  $res \leftarrow \text{"abajo"}$  $\triangleright \Theta(1)$ Complejidad:  $\Theta(1)$ 


---

---

**iIzquierda()**  $\rightarrow res : \text{dir}$ 
1:  $res \leftarrow \text{"izquierda"}$  $\triangleright \Theta(1)$ Complejidad:  $\Theta(1)$ 


---

---

**iDerecha()**  $\rightarrow res : \text{dir}$ 
1:  $res \leftarrow \text{"derecha"}$  $\triangleright \Theta(1)$ Complejidad:  $\Theta(1)$ 


---

---

**iInvertir(in/out  $d : \text{dir}$ )**
1:  $switch(d)$  $\triangleright \Theta(1)$ 2:  $case \text{"arriba"} :$ 3:      $d \leftarrow \text{"abajo"}$ 4:  $case \text{"abajo"} :$ 5:      $d \leftarrow \text{"arriba"}$ 6:  $case \text{"izquierda"} :$ 7:      $d \leftarrow \text{"derecha"}$ 8:  $case \text{"derecha"} :$ 9:      $d \leftarrow \text{"izquierda"}$ Complejidad:  $\Theta(1)$

## 5. Mäldulo Acciöñ

Aqui va la descripciöñ

### Interfaz

**generos:** accion.

**se explica con:** Acciöñ.

### Operaciones bñsicas de Acciöñ

**MOVER**(in  $d$ : dir)  $\rightarrow res$  : accion

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} mover(d)\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripciöñ:** genera una acciöñ de mover en la direcciöñ especificada.

**PASAR**()  $\rightarrow res$  : accion

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} pasar\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripciöñ:** genera la acciöñ de pasar.

**DISPARAR**()  $\rightarrow res$  : accion

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} disparar\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripciöñ:** genera la acciöñ de disparar.

**APLICAR**()  $\rightarrow res$  : tupla()

**Pre**  $\equiv \{\text{true}\}$

**Post**  $\equiv \{res =_{\text{obs}} disparar\}$

**Complejidad:**  $\Theta(1)$

**Descripciöñ:** genera la acciöñ de disparar.

### Representaciöñ

#### Representaciöñ de Acciöñ

El objetivo de este mäldulo es implementar una lista doblemente enlazada con punteros al principio y al fin. Para simplificar un poco el manejo de la estructura, vamos a reemplazarla por una lista circular, donde el siguiente del último apunta al primero y el anterior del primero apunta al último. La estructura de representaciöñ, su invariante de representaciöñ y su funciöñ de abstracciöñ son las siguientes.

**mapa se representa con m**

donde  $m$  es  $tupla(tamano: nat, casilleros: vec(vec(bool)))$ ,

$Rep : mapa \rightarrow bool$

$Rep(m) \equiv \text{true} \iff \text{La longitud de } m.casilleros \text{ es igual a } tamano \wedge$

La longitud del vector  $m.casilleros$  es igual a la de todo otro vector dentro de el)  $\wedge$

Es conexa

$Abs : mapa\ m \rightarrow hab$

$\{Rep(m)\}$

$Abs(m) =_{\text{obs}} h: hab \mid m.tamano =_{\text{obs}} tam(h) \wedge_L$

$(\forall t: tuple(nat, nat))(0 \leq \Pi_1(t), \Pi_2(t) < m.tamano - 1 \Rightarrow_L$

$libre(m, t) =_{\text{obs}} m.casilleros[\Pi_1(t)][\Pi_2(t)])$

### Algoritmos

En esta secciöñ se hace abuso de notaciöñ en los cñculos de ñlgebra de ñrdenes presentes en la justifi-

caciones de los algoritmos. La operación de suma “+” denota secuencialización de operaciones con determinado orden de complejidad, y el símbolo de igualdad “=” denota la pertenencia al orden de complejidad resultante.

### Algoritmos del módulo

---



---

**iTam**(in  $m : \text{mapa}$ )  $\rightarrow res : \text{nat}$

1:  $res \leftarrow m.tamano$

$\triangleright \Theta(1)$

Complejidad:  $\Theta(1)$

---