# Apunte de Módulos Básicos (v. $0.3\alpha)$

# Algoritmos y Estructuras de Datos II, DC, UBA. $1^{\rm er} \ {\rm cuatrimestre} \ {\rm de} \ 2019$

# Índice

1.	Diccionario Trie $(\alpha)$	2
2.	Módulo Juego	4
3.	Módulo Mapa	7
4.	Módulo Dirección	9
<b>5.</b>	Módulo Acción	11

## 1. Diccionario Trie $(\alpha)$

El módulo Diccionario Trie provee un diccionario básico montado sobre un trie.

#### Interfaz

```
parámetros formales
        géneros
        función
                       Copiar(in s: \alpha) \rightarrow res: \alpha
                        \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
                       \mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} s\}
                        Complejidad: \Theta(copy(s))
                       Descripción: función de copia de \alpha
    se explica con: DICCIONARIO(string, \alpha).
    géneros: dicc(string, \alpha).
Operaciones básicas de diccionario
    VACIO() \rightarrow res : dicc(string, \alpha)
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} vacio\}
    Complejidad: \Theta(1)
    Descripción: genera un diccionario vacío.
    DEFINIR(in/out d: dicc(string, \alpha), in k: string, in s: \alpha)
    \mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} d_0 \land \neg \operatorname{definido}?(d, k)\}\
```

#### Post $\equiv \{d =_{\text{obs}} \text{ definir}(d, k, s)\}$ Complejidad: $\Theta(copy(string) + copy(s))$

**Descripción:** define la clave  $k \notin \text{claves}(d)$  con el significado s en el diccionario.

Aliasing: los elementos k y s se definen por copia.

```
Post \equiv \{res =_{obs} def?(d, k)\}

Complejidad: \mathcal{O}(|k|)

Descripción: devuelve true si y sólo k está definido en el diccionario.

SIGNIFICADO(in d: dicc(string, \alpha), in k: string) \rightarrow res: \sigma

Pre \equiv \{def?(d, k)\}
```

DEFINIDO?(in d: dicc(string,  $\alpha$ ), in k: string)  $\rightarrow res$ : bool

Post  $\equiv \{ \text{alias}(res =_{\text{obs}} \text{ obtener}(d, k)) \}$ 

Complejidad:  $\Theta(|k|)$ 

**Descripción:** devuelve el significado de la clave k en d. **Aliasing:** res es modificable si y sólo si d es modificable.

## Representación

 $\mathbf{Pre} \equiv \{ true \}$ 

#### Representación del diccionario

```
\label{eq:dicc} \begin{split} \operatorname{dicc}(string,\alpha) & \text{ se representa con dic} \\ & \operatorname{donde}\operatorname{dic}\operatorname{es}\operatorname{tupla}(raiz:\operatorname{puntero}(\operatorname{nodo})) \\ & \operatorname{donde}\operatorname{nodo}\operatorname{es}\operatorname{tupla}(significado:\alpha,\\ & siguientes:\operatorname{arreglo}(\operatorname{puntero}(\operatorname{nodo}))\,\text{[255]}\,\,) \\ \\ & \operatorname{Rep}:\operatorname{dic}\longrightarrow\operatorname{bool}\\ & \operatorname{Rep}(d) \equiv \operatorname{true} \Longleftrightarrow \#\operatorname{claves}(\operatorname{secuADicc}(d.\operatorname{claves})) = \operatorname{long}(d.\operatorname{claves}) \wedge \operatorname{long}(d.\operatorname{claves}) = \operatorname{long}(d.\operatorname{significados}) \\ \\ & \operatorname{Abs}:\operatorname{dicc} d\longrightarrow\operatorname{dicc}(string,\alpha) \\ \end{split}
```

 $Abs(d) \equiv if \ vac(a)?(d.claves) \ then \ vac(o) \ else \ definir(prim(d).claves, prim(d).significado, Abs(fin(d))) \ fi$ 

#### Algoritmos

```
 \begin{aligned}  & \overline{\mathbf{iVacía}}() \to res: \mathrm{dicc}(string, \, \alpha) \\ & 1: \ // \ \mathrm{Reserva} \ \mathrm{la} \ \mathrm{memoria} \ \mathrm{y} \ \mathrm{crea} \ \mathrm{un} \ \mathrm{arreglo} \ \mathrm{est\'{a}tico} \ \mathrm{de} \ 255 \ \mathrm{posiciones} \ \mathrm{del} \ \mathrm{constructor} \ \mathrm{por} \ \mathrm{defecto} \ \mathrm{de} \ \alpha \\ & 2: \ res \leftarrow \langle raiz: NULL, \ siguientes: arreglo\_estatico[255] \ de \ \alpha \rangle \qquad \qquad \rhd \ \Theta(1) \\ & \underline{\mathrm{Complejidad:}} \ \mathcal{O}(1) \\ & \underline{\mathrm{Justificaci\'{o}n:}} \ \mathrm{El} \ \mathrm{tiempo} \ \mathrm{de} \ \mathrm{creac\'{i}\'{o}n} \ \mathrm{de} \ \mathrm{un} \ \mathrm{array} \ \mathrm{de} \ 255 \ \mathrm{posiciones} \ \mathrm{es} \ \mathcal{O}(255) \in \mathcal{O}(1) \end{aligned}
```

Complejidad:  $\Theta(|k|)$ 

<u>Justificación:</u> Los accesos y las asignaciones de punteros son  $\Theta(1)$ . Como el ciclo se ejecuta  $|\mathbf{k}|$  veces, se ejecutaran dichas asignaciones  $|\mathbf{k}|$  veces. Luego la complejidad será  $\Theta(|k|)$ .

```
iDefinido?(in/out d: dicc(string, \alpha), in k: string) \rightarrow res: bool
  1: Nodo actual \leftarrow d.raiz
                                                                                                                                                                             \triangleright \Theta(1)
  2: for (char\ c : k) do
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(|k|)
             if (actual \rightarrow siguientes[toInt(c)] \neq NULL)
  3:
                                                                                                                                                                             \triangleright \Theta(1)
                    then actual \leftarrow (actual \rightarrow siguientes[toInt(c)])
                                                                                                                                                                             \triangleright \Theta(1)
  4:
  5:
             else res \leftarrow false
                                                                                                                                                                             \triangleright \Theta(1)
  6: end for
  7: res \leftarrow true
                                                                                                                                                                             \triangleright \Theta(1)
```

Complejidad:  $\mathcal{O}(|k|)$ 

<u>Justificación</u>: Los accesos y las asignaciones de punteros son  $\Theta(1)$ . Como el ciclo se ejecuta a lo sumo  $|\mathbf{k}|$  veces, se ejecutaran dichas asignaciones  $|\mathbf{k}|$  veces como máximo. Luego la complejidad será  $\mathcal{O}(|k|)$ .

#### 2. Módulo Juego

Aqui va la descripción

#### Interfaz

```
generos: juego. se explica con: JUEGO.
```

#### Operaciones básicas de Juego

el ultimo paso ejecutado en el juego.

```
NUEVOJUEGO(in m: mapa, in pjs: conj(string), in eventosFan: vector(evento))) \rightarrow res: juego
\mathbf{Pre} \equiv \{ \neg vacio(pjs) \land (\forall e : evento)(e \in eventosFan \Rightarrow_{\mathsf{L}} e.pos \in posiciones(m)) \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} nuevoJuego(m, pjs, eventosFan)\}\
Complejidad: \Theta(?)
Descripción: crea un nuevo juego con el mapa dado, un conjunto de jugadores, y los eventos de un fantasma.
PASAR(\mathbf{in}\ j: \mathtt{juego}) \rightarrow res: \mathtt{juego}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} pasar(j)\}\
Complejidad: \Theta(?)
Descripción: actualiza sin acción de algún jugador.
STEP(in j: juego, in a: accion, in pj: string) \rightarrow res: juego
\mathbf{Pre} \equiv \{pj \in jugadores(j) \land_{\mathtt{L}} jugadorVivo(pj, j) \land \neg esPasar(a)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} pasar(j)\}\
Complejidad: \Theta(?)
Descripción: actualiza con la acción a del jugador pj.
	ext{JUGADORESVIVOS}(	ext{in } j : 	ext{juego}) 
ightarrow res : 	ext{conj(puntero(infoPJ))}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{(\forall p : puntero(infoPJ))(p \in res \Rightarrow_{\mathtt{L}}
                  (p \rightarrow id \in jugadores(j)) \land_{\mathsf{L}}
                  (p \rightarrow vivo? \land jugadorVivo(p \rightarrow id, j)) \land
                  ((\forall e : evento)(e \in p \rightarrow eventos \Rightarrow_{\mathsf{L}}
                        (e.pos =_{obs} posJugador(p \rightarrow id, j)) \land
                        (e.dir =_{obs} dir Jugador(p \rightarrow id, j))))
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: devuelve un conjunto con punteros a la información de los personajes que están vivos.
Aliasing: res es no modificable.
	ext{FANTASMASVIVOS}(	ext{in } j : 	ext{juego}) 
ightarrow res : 	ext{conj(infoFan)}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{fantas maValido(j, res)\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: devuelve un conjunto referencias a la información de los fantasmas que están vivos.
Aliasing: las referencias son no modificables.
	ext{FANTASMAESPECIAL}(	ext{in } j : 	ext{juego}) 
ightarrow res : 	ext{infoFan}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} fantasmaEspecial(j)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: devuelve el fantasma especial.
Aliasing: res es una referencia no modificable.
FANTASMAS VIVOS QUEDISPARAN (in j: juego) \rightarrow res: conj (infoFan)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{fantasmaValido(j, res) \land_{\mathtt{L}} \}
            ((\forall f: infoFan)(f \in res \Rightarrow_{\perp} disparando(f.eventos, step(j))))
Complejidad: O(\# fv)
Descripción: devuelve un conjunto con punteros a la información de los fantasmas que están vivos y disparan en
```

```
Aliasing: res es un conjunto de referencias no modificables.
VIVO?(in j: juego, in pj: string) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{pj \in jugadores(j)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} jugadorVivo(pj, j)\}\
Complejidad: O(|j|)
Descripción: devuelve si un jugador está vivo
POSOCUPADASPORDISPAROS(in j: juego) \rightarrow res: conj(posicion)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} alcance Disparos Fantas mas(fantas mas(j), j)\}\
Complejidad: O(\#fv*m)
Descripción: devuelve un conjunto de las posiciones afectadas por disparos de fantasmas en la última *ronda*
(TODO: ronda o paso?).
Predicados auxiliares:
fantasmaValido(j, fs):
 (\forall f: infoFan)(f \in res \Rightarrow_{\perp} f)
      (f.eventos \in fantasmas(j)) \land_{L}
      (fantasmaVivo(f.eventos, j)) \land
      ((\forall e : evento)(e \in f.eventos \Rightarrow_{\mathbf{L}})
            (e.pos =_{obs} posFantasma(f.eventos, j)) \land
            (e.dir =_{obs} dirFantasma(f.eventos, j))))
```

#### Representación

#### Representación de Juego

```
juego se representa con estr
 donde j es tupla(// General
                  paso: nat,
                  ronda: nat,
                  mapa: m,
                  // Disparos
                  mapaDisparos: arreglo(arreglo(nat)),
                  disparos Ultimo Paso: conj (posicion),
                  // Jugadores
                  jugadores: diccTrie(string, itConjLineal(infoPJ)),
                  infoJugadores: conj(infoPJ),
                  infoActualJugadoresVivos: conj(infoActualPJ),
                  jugadores Vivos: conj(itConjLineal(infoPJ)),
                  // Fantasmas
                  infoFantasmas: conj(infoFan),
                  infoActualFantasmasVivos: conj(infoActualFan),
                  fantasmasVivos: conj(itConjLineal(infoFan)),
                  fantasmaEspecial: itConjLineal(infoActualFan) )
 donde infoPJ es tupla(eventos: vector(evento),
                       infoActual: itConjLineal(infoActualPJ) )
 donde infoActualPJ es tupla(identidad: string,
                              posicion: pos,
                              direction: dir )
 donde infoFan es tupla(eventos: vector(evento) )
```

```
\label{eq:donde_infoActualFan} \begin{split} &\operatorname{donde} \operatorname{infoActualFan} \operatorname{es} \operatorname{tupla}(\operatorname{posicion}:\operatorname{pos},\\ &\operatorname{direccion}:\operatorname{dir}) \end{split} \operatorname{Rep}: \operatorname{mapa} \longrightarrow \operatorname{bool}\\ \operatorname{Rep}(m) \equiv \operatorname{true} \Longleftrightarrow \\ &\operatorname{Abs}: \operatorname{mapa} m \longrightarrow \operatorname{hab}\\ \operatorname{Abs}(m) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{h: hab} \mid \end{split} \{\operatorname{Rep}(m)\}
```

## Algoritmos

En esta sección se hace abuso de notación en los cálculos de álgebra de órdenes presentes en la justificaciones de los algoritmos. La operación de suma "+" denota secuencialización de operaciones con determinado orden de complejidad, y el símbolo de igualdad "=" denota la pertenencia al orden de complejidad resultante.

#### Algoritmos del módulo

```
iTam(in m: mapa) → res: nat

1: res \leftarrow m.tamano ▷ \Theta(1)

Complejidad: \Theta(1)
```

#### 3. Módulo Mapa

Aqui va la descripción

#### Interfaz

```
generos: mapa.se explica con: Habitación.
```

#### Operaciones básicas del mapa

```
NUEVOMAPA(\mathbf{in} \ n: \mathtt{nat}) \rightarrow res : \mathtt{mapa}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{\mathrm{obs}} nuevaHab(n) \}
Complejidad: \Theta(n^2)
Descripción: genera un mapa de tamano n x n.
OCUPAR(in/out \ m : mapa, in \ c : tupla(int, int))
\mathbf{Pre} \equiv \{m =_{\mathrm{obs}} m_0 \land c \in casilleros(m) \land_{\mathsf{L}} libre(m,c) \land alcanzan(libres(m)-c, libres(m)-c, m)\}
\mathbf{Post} \equiv \{m =_{obs} ocupar(c, m_0)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: ocupa una posicion del mapa siempre y cuando este no deje de ser conexo.
TAM(in \ m: mapa) \rightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} tam(m)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: devuelve el tamano del mapa.
LIBRE(in m: mapa, in c: tupla(int, int)) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in casilleros(m)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} libre(c, m)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: devuelve si un elemento esta ocupado.
```

### Representación

#### Representación del mapa

El objetivo de este módulo es implementar una lista doblemente enlazada con punteros al principio y al fin. Para simplificar un poco el manejo de la estructura, vamos a reemplazarla por una lista circular, donde el siguiente del último apunta al primero y el anterior del primero apunta al último. La estructura de representación, su invariante de representación y su función de abstracción son las siguientes.

```
mapa se representa con m donde m es tupla(tamano: nat,casilleros: vec(vec(bool)),)

Rep: mapa \longrightarrow bool

Rep(m) \equiv true \iff La longitud de m.casilleros es igual a tamano \land

La longitud del vector m.casilleros es igual a la de todo otro vector dentro de el) \land

Es conexa

Abs: mapa m \longrightarrow hab

Abs(m) = obs h: hab | m.tamano = obs tam(h) \land_L

(\forall t: tuple(nat,nat))(0 \le \Pi_1(t), \Pi_2(t) < m.tamano - 1 \Rightarrow_L

libre(m, t) = obs m.casilleros[\Pi_1(t)][\Pi_2(t)])
```

## Algoritmos

En esta sección se hace abuso de notación en los cálculos de álgebra de órdenes presentes en la justificaciones de los algoritmos. La operación de suma "+" denota secuencialización de operaciones con determinado orden de complejidad,

y el símbolo de igualdad "=" denota la pertenencia al orden de complejidad resultante.

#### Algoritmos del módulo

```
iTam(in m: mapa) → res: nat

1: res \leftarrow m.tamano

▷ Θ(1)

Complejidad: Θ(1)
```

```
iOcupar(in/out m: mapa, in c: tupla(int, int))

1: m[\Pi_1(c)][\Pi_2(c)] \leftarrow true \triangleright \Theta(1)

Complejidad: \Theta(1)

Justificación: El acceso a una posición de un vector y su modificación es \Theta(1)
```

iLibre(in 
$$m$$
: mapa, in  $c$ : tupla(int, int))  $\rightarrow res$ : bool

1:  $res \leftarrow \neg m[\Pi_1(c)][\Pi_2(c)]$   $\triangleright \Theta(1)$ 

Complejidad:  $\Theta(1)$ 

Justificación: El acceso a una posición de un vector es  $\Theta(1)$ 

```
iNuevoMapa(in n: nat) \rightarrow res: mapa
                                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
  1:\ m.tamano \leftarrow n
  2: v \leftarrow Vacia()
                                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
  3: i \leftarrow 0
                                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
  4: while i < n do
                                                                                                                                                                             \triangleright O(n)
           v.AgregarAtras(false)
           i \leftarrow i + 1
  7: end while
  8: i \leftarrow 0
                                                                                                                                                                            \triangleright O(n^2)
  9: while i < n \operatorname{do}
           res.AgregarAtras(v.Copiar())
                                                                                                                                                                             \triangleright O(n)
10:
           i \leftarrow i + 1
                                                                                                                                                                              \triangleright O(1)
11:
12: end while
```

Complejidad:  $\Theta(n^2)$ 

<u>Justificación:</u> Copiar un vector de n booleanos es O(n \* copy(bool)) y copiar un bool es  $\Theta(1)$ . Luego, agregar n veces la copia del vector es  $O(n^2)$ 

#### 4. Módulo Dirección

Aqui va la descripción

#### Interfaz

```
generos: dir.
se explica con: DIRECCIÓN.
```

#### Operaciones básicas de Dirección

```
ARRIBA() \rightarrow res : dir
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \uparrow\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera la dirección arriba.
ABAJO() \rightarrow res : dir
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs}\downarrow\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera la dirección abajo.
IZQUIERDA() \rightarrow res: dir
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \leftarrow \}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera la dirección izquierda.
DERECHA() \rightarrow res: dir
\mathbf{Pre} \equiv \{\mathrm{true}\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \rightarrow \}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera la dirección derecha.
INVERTIR(in/out d: dir)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{\mathbf{obs}} invertir(d) \}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: invierte la dirección.
```

## Representación

#### Representación de Dirección

dir se representa con string

```
\begin{aligned} \operatorname{Rep}: \operatorname{dir} &\longrightarrow \operatorname{bool} \\ \operatorname{Rep}(d) &\equiv \operatorname{true} &\Longleftrightarrow \\ &\operatorname{d} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{arriba}" \vee \\ &\operatorname{d} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{abajo}" \vee \\ &\operatorname{d} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{izquierda}" \vee \\ &\operatorname{d} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{derecha}" \end{aligned} \operatorname{Abs}: \operatorname{dir} d &\longrightarrow \operatorname{dir}  \operatorname{Abs}(d) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{d}_{\operatorname{tad}} : \operatorname{dir} \mid (\operatorname{d} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{arriba}" \wedge \operatorname{d}_{\operatorname{tad}} =_{\operatorname{obs}} \uparrow) \vee \\ &(\operatorname{d} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{abajo}" \wedge \operatorname{d}_{\operatorname{tad}} =_{\operatorname{obs}} \uparrow) \vee \\ &(\operatorname{d} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{izquierda}" \wedge \operatorname{d}_{\operatorname{tad}} =_{\operatorname{obs}} \leftrightarrow) \vee \\ &(\operatorname{d} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{derecha}" \wedge \operatorname{d}_{\operatorname{tad}} =_{\operatorname{obs}} \to) \end{aligned}
```

## Algoritmos

## Algoritmos del módulo

$\overline{\mathbf{iArriba}}() \to res : dir$	
1: $res \leftarrow "arriba"$	$ hd \Theta(1)$
$\underline{\text{Complejidad:}}\ \Theta(1)$	
$\overline{\mathbf{iAbajo}}() \to res: \mathrm{dir}$	
1: $res \leftarrow "abajo"$	$ hd \Theta(1)$
Complejidad: $\Theta(1)$	
$iIzquierda() \rightarrow res: dir$	
1: $res \leftarrow "izquierda"$	$\triangleright \Theta(1)$
${\mathbf{iDerecha}() \to res: dir}$	
$1: res \leftarrow "derecha"$	$ hd \Theta(1)$
$\underline{\text{Complejidad:}} \ \Theta(1)$	
$\overline{\mathbf{iInvertir}(\mathbf{in}/\mathbf{out}\ d\colon \mathtt{dir})}$	
1: $switch(d)$	$ hd \Theta(1)$
2: case "arriba" :	
3: $d \leftarrow \text{``abajo''}$	
4: $case$ " $abajo$ ": 5: $d \leftarrow$ " $arriba$ "	
6: case "izquierda" :	
7: $d \leftarrow$ "derecha"	
8: case "derecha":	
9: $d \leftarrow "izquierda"$	
$\underline{\text{Complejidad:}}\ \Theta(1)$	

#### 5. Módulo Acción

Aqui va la descripción

#### Interfaz

```
generos: accion.
se explica con: Acción.
```

#### Operaciones básicas de Acción

```
\text{MOVER}(\mathbf{in}\ d\colon \mathtt{dir}) \to res: \mathtt{accion}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} mover(d)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera una acción de mover en la dirección especificada.
PASAR() \rightarrow res : accion
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} pasar\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera la acción de pasar.
DISPARAR() \rightarrow res : accion
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} disparar\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera la acción de disparar.
APLICAR() \rightarrow res : tupla()
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} disparar\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera la acción de disparar.
```

## Representación

#### Representación de Acción

El objetivo de este módulo es implementar una lista doblemente enlazada con punteros al principio y al fin. Para simplificar un poco el manejo de la estructura, vamos a reemplazarla por una lista circular, donde el siguiente del último apunta al primero y el anterior del primero apunta al último. La estructura de representación, su invariante de representación y su función de abstracción son las siguientes.

```
mapa se representa con m donde m es tupla(tamano: nat,casilleros: vec(vec(bool)),)

Rep: mapa \longrightarrow bool

Rep(m) \equiv true \iff La longitud de m.casilleros es igual a tamano \land

La longitud del vector m.casilleros es igual a la de todo otro vector dentro de el) \land

Es conexa

Abs: mapa m \longrightarrow hab

Abs(m) = obs h: hab | m.tamano = obs tam(h) \land_L

(\forall t: tuple(nat,nat))(0 \le \Pi_1(t), \Pi_2(t) < m.tamano - 1 \Rightarrow_L

libre(m, t) = obs m.casilleros[\Pi_1(t)][\Pi_2(t)])
```

## Algoritmos

En esta sección se hace abuso de notación en los cálculos de álgebra de órdenes presentes en la justificaciones de los algoritmos. La operación de suma "+" denota secuencialización de operaciones con determinado orden de complejidad,

y el símbolo de igualdad "=" denota la pertenencia al orden de complejidad resultante.

## Algoritmos del módulo

iTam(in m: mapa) → res: nat 1:  $res \leftarrow m.tamano$  ▷ Θ(1) Complejidad: Θ(1)