

Apunte de Módulos Básicos (v. 0.3 α)

Algoritmos y Estructuras de Datos II, DC, UBA.

1^{er} cuatrimestre de 2019

Índice

1. Diccionario Trie (α)	2
2. Módulo Juego	5
3. Módulo Mapa	10
4. Módulo Dirección	12
5. Módulo Acción	14

1. Diccionario Trie (α)

El módulo Diccionario Trie provee un diccionario básico montado sobre un trie. Solo se definen e implementan las operaciones que serán utilizadas.

Interfaz

parámetros formales

géneros α
función $\text{COPIAR}(\text{in } s : \alpha) \rightarrow \text{res} : \alpha$
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{\text{res} =_{\text{obs}} s\}$
Complejidad: $\Theta(\text{copy}(s))$
Descripción: función de copia de α

se explica con: $\text{DICCIONARIO}(\text{string}, \alpha)$.

géneros: $\text{diccTrie}(\text{string}, \alpha)$.

Operaciones básicas de diccionario

$\text{VACÍO}() \rightarrow \text{res} : \text{diccTrie}(\text{string}, \alpha)$
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{\text{res} =_{\text{obs}} \text{vacío}\}$
Complejidad: $\Theta(1)$
Descripción: genera un diccionario vacío.

$\text{DEFINIR}(\text{in/out } d : \text{diccTrie}(\text{string}, \alpha), \text{in } k : \text{string}, \text{in } s : \alpha)$
Pre $\equiv \{d =_{\text{obs}} d_0\}$
Post $\equiv \{d =_{\text{obs}} \text{definir}(d, k, s)\}$
Complejidad: $\Theta(|k| + \text{copy}(s))$
Descripción: define la clave $k \notin \text{claves}(d)$ con el significado s en el diccionario.
Aliasing: los elementos k y s se definen por copia.

$\text{DEFINIDO?}(\text{in } d : \text{diccTrie}(\text{string}, \alpha), \text{in } k : \text{string}) \rightarrow \text{res} : \text{bool}$
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{\text{res} =_{\text{obs}} \text{def?}(d, k)\}$
Complejidad: $\mathcal{O}(|k|)$
Descripción: devuelve **true** si y sólo k está definido en el diccionario.

$\text{SIGNIFICADO}(\text{in } d : \text{diccTrie}(\text{string}, \alpha), \text{in } k : \text{string}) \rightarrow \text{res} : \sigma$
Pre $\equiv \{\text{def?}(d, k)\}$
Post $\equiv \{\text{alias}(\text{res} =_{\text{obs}} \text{obtener}(d, k))\}$
Complejidad: $\Theta(|k|)$
Descripción: devuelve el significado de la clave k en d .
Aliasing: res es modificable si y sólo si d es modificable.

Representación

Representación del diccionario

$\text{diccTrie}(\text{string}, \alpha)$ se representa con **estr**

donde **estr** es $\text{tupla}(\text{raiz} : \text{puntero}(\text{nodo}))$

donde **nodo** es $\text{tupla}(\text{significado} : \alpha, \text{siguientes} : \text{arreglo}(\text{puntero}(\text{nodo})) [256])$

$\text{Rep} : \text{diccTrie} \rightarrow \text{bool}$

$\text{Rep}(d) \equiv \text{true} \iff \text{raiz no está contenido en ninguno de sus siguientes ni sus siguientes}$

$\text{Abs} : \text{diccTrie } d \rightarrow \text{diccTrie}(\text{string}, \alpha)$

$\{\text{Rep}(d)\}$

$\text{Abs}(d) \equiv \text{if vacía?}(d.\text{claves}) \text{ then vacío else definir}(\text{prim}(d).\text{claves}, \text{prim}(d).\text{significado}, \text{Abs}(\text{fin}(d))) \text{ fi}$

Algoritmos

iVacía() $\rightarrow res : \text{estr}$

1: // Le asigna un nuevo nodo a la raíz
 2: $res \leftarrow \langle raiz : \text{nuevoNodo}() \rangle$ $\triangleright \Theta(1)$

Complejidad: $\Theta(1)$

Justificación: La complejidad de crear un nuevo nodo es $\Theta(1)$

iSignificado(in/out d: estr, in k: string) $\rightarrow res : \alpha$

1: $\text{Nodo actual} \leftarrow d.raiz$ $\triangleright \Theta(1)$
 2: **for** ($\text{char } c : k$) **do** $\triangleright \mathcal{O}(|k|)$
 3: $actual \leftarrow (actual \rightarrow \text{siguientes}[\text{toInt}(c)])$ $\triangleright \Theta(1)$
 4: **end for**
 5: $res \leftarrow (actual \rightarrow \text{significado})$ $\triangleright \Theta(1)$

Complejidad: $\Theta(|k|)$

Justificación: Los accesos y las asignaciones de punteros son $\Theta(1)$. Como el ciclo se ejecuta $|k|$ veces, se ejecutarán dichas asignaciones $|k|$ veces. Luego la complejidad será $\Theta(|k|)$.

iDefinido?(in/out d: estr, in k: string) $\rightarrow res : \text{bool}$

1: $\text{Nodo actual} \leftarrow d.raiz$ $\triangleright \Theta(1)$
 2: **for** ($\text{char } c : k$) **do** $\triangleright \mathcal{O}(|k|)$
 3: **if** ($actual \rightarrow \text{siguientes}[\text{toInt}(c)] \neq \text{NULL}$) $\triangleright \Theta(1)$
 4: **then** $actual \leftarrow (actual \rightarrow \text{siguientes}[\text{toInt}(c)])$ $\triangleright \Theta(1)$
 5: **else** $res \leftarrow \text{false}$ $\triangleright \Theta(1)$
 6: **end if**
 7: **end for**
 8: $res \leftarrow \text{true}$ $\triangleright \Theta(1)$

Complejidad: $\mathcal{O}(|k|)$

Justificación: Los accesos y las asignaciones de punteros son $\Theta(1)$. Como el ciclo se ejecuta a lo sumo $|k|$ veces, se ejecutarán dichas asignaciones $|k|$ veces como máximo. Luego la complejidad será $\mathcal{O}(|k|)$.

iDefinir(in/out d: estr, in k: string, in s: α)

1: $\text{Nodo actual} \leftarrow d.raiz$
 2: **for** ($\text{char } c : k$) **do** $\triangleright \Theta(|k|)$
 3: // Si no tengo siguiente, lo creo
 4: **if** ($actual \rightarrow \text{siguientes}[\text{toInt}(c)] == \text{NULL}$) **then** $\triangleright \Theta(1)$
 5: $actual \rightarrow \text{siguientes}[\text{toInt}(c)] = \text{nuevoNodo}()$ $\triangleright \Theta(1)$
 6: **end if**
 7: $actual \leftarrow (actual \rightarrow \text{siguientes}[\text{toInt}(c)])$ $\triangleright \Theta(1)$
 8: **end for**
 9:
 10: // Estoy parado en el nodo que va a tener el significado.
 11: // Le asigno una copia del provisto.
 12: $actual \rightarrow \text{significado} \leftarrow \text{copy}(s)$ $\triangleright \Theta(\text{copy}(s))$

Complejidad: $\Theta(|k| + \text{copy}(s))$

Justificación: Siempre se recorre toda la palabra para definirla, entonces el *for* siempre tiene $|k|$ ciclos. La dereferenciación y comparación de punteros, e indexación en arreglos estáticos son $\Theta(1)$.

inuevoNodo() $\rightarrow res$: puntero(nodo) ▷ Función privada que crea un nuevo nodo

1: // Reserva la memoria para un nuevo nodo con significado null y siguientes vacíos

2: $res \leftarrow \&\langle significado : NULL, siguientes : arreglo_estatico[256] \text{ de } \alpha \rangle$ ▷ $\Theta(1)$

Complejidad: $\Theta(1)$

Justificación: El tiempo de creación de un array de 255 posiciones es $\mathcal{O}(255) \in \mathcal{O}(1)$

2. Módulo Juego

Aquí va la descripción

Interfaz

generos: juego.

se explica con: JUEGO.

Operaciones básicas de Juego

INICIAR(**in** m : mapa, **in** pjs : conj(jugador), **in** $eventosFan$: vector(evento)) $\rightarrow res$: juego

Pre $\equiv \{\neg vacio(pjs) \wedge (\forall e : evento)(est?(e, eventosFan) \Rightarrow_L e.pos \in libres(m))\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} nuevo.Juego(m, pjs, eventosFan)\}$

Complejidad: $\Theta(?)$ TODO

Descripción: crea un nuevo juego con el mapa dado, un conjunto de jugadores, y los eventos de un fantasma.

PASARTIEMPO(**in** j : juego) $\rightarrow res$: juego

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} pasar(j)\}$

Complejidad: $\Theta(?)$

Descripción: ejecuta un paso de tiempo cuando ningún jugador realiza una acción.

EJECUTARACCION(**in** j : juego, **in** a : accion, **in** pj : jugador) $\rightarrow res$: juego

Pre $\equiv \{pj \in jugadores(j) \wedge_L jugadorVivo(pj, j) \wedge \neg esPasar(a)\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} step(j, a, pj)\}$

Complejidad: $\Theta(?)$

Descripción: actualiza con la acción a del jugador pj .

JUGADORESVIVOS(**in** j : juego) $\rightarrow res$: conj(puntero(infoPJ))

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{(\forall p : puntero(infoPJ))(p \in res \Rightarrow_L$
 $(p \rightarrow id \in jugadores(j)) \wedge_L$
 $(p \rightarrow vivo? \wedge jugadorVivo(p \rightarrow id, j)) \wedge$
 $((\forall e : evento)(e \in p \rightarrow eventos \Rightarrow_L$
 $(e.pos =_{obs} posJugador(p \rightarrow id, j)) \wedge$
 $(e.dir =_{obs} dirJugador(p \rightarrow id, j))))\}$

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: devuelve un conjunto con punteros a la información de los personajes que están vivos.

Aliasing: res es no modificable.

FANTASMASVIVOS(**in** j : juego) $\rightarrow res$: conj(infoFan)

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{fantasmaValido(j, res)\}$

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: devuelve un conjunto referencias a la información de los fantasmas que están vivos.

Aliasing: las referencias son no modificables.

FANTASMAESPECIAL(**in** j : juego) $\rightarrow res$: infoFan

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} fantasmaEspecial(j)\}$

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: devuelve el fantasma especial.

Aliasing: res es una referencia no modificable.

FANTASMASVIVOSQUEDISPARAN(**in** j : juego) $\rightarrow res$: conj(infoFan)

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{fantasmaValido(j, res) \wedge_L$
 $((\forall f : infoFan)(f \in res \Rightarrow_L disparando(f.eventos, step(j))))\}$

Complejidad: $O(\#fv)$

Descripción: devuelve un conjunto con punteros a la información de los fantasmas que están vivos y disparan en el ultimo paso ejecutado en el juego.

Aliasing: res es un conjunto de referencias no modificables.

VIVO?(in j : juego, in pj : string) $\rightarrow res$: bool

Pre $\equiv \{pj \in jugadores(j)\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} jugadorVivo(pj, j)\}$

Complejidad: $O(|j|)$

Descripción: devuelve si un jugador está vivo

POSOCUPADASPORDISPAROS(in j : juego) $\rightarrow res$: conj(posicion)

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} alcanceDisparosFantasmas(fantasmas(j), j)\}$

Complejidad: $O(\#fv * m)$

Descripción: devuelve un conjunto de las posiciones afectadas por disparos de fantasmas en la última *ronda* (TODO: ronda o paso?).

Predicados auxiliares:

fantasmaValido(j , fs):

$$(\forall f : infoFan)(f \in res \Rightarrow_L \\ (f.eventos \in fantasmas(j)) \wedge_L \\ (fantasmaVivo(f.eventos, j)) \wedge \\ ((\forall e : evento)(e \in f.eventos \Rightarrow_L \\ (e.pos =_{\text{obs}} posFantasma(f.eventos, j)) \wedge \\ (e.dir =_{\text{obs}} dirFantasma(f.eventos, j))))))$$

Representación

Representación de Juego

juego se representa con estr

donde j es tupla(// General

$paso$: nat,
 $ronda$: nat,
 $mapa$: m,

// Disparos

$mapaDisparos$: arreglo(arreglo(tupla(nat, nat))),
 $disparosUltimoPaso$: conj(posicion),

// Jugadores

$infoJugadores$: diccTrie(string, infoPJ),
 $infoActualJugadoresVivos$: conj(infoActualPJ),
 $infoJugadoresVivos$: conj(puntero(infoPJ)),

// Fantasmas

$infoFantasmas$: conj(infoFan),
 $infoActualFantasmasVivos$: conj(infoActualFan),
 $infoFantasmasVivos$: conj(itConj(infoFan)),
 $infoFantasmaEspecial$: itConj(infoActualFan))

donde infoPJ es tupla($eventos$: vector(evento),

$vivo?$: bool,

$infoActual$: itConj(infoActualPJ))

donde infoActualPJ es tupla($identidad$: string,

$posicion$: pos,

$direccion$: dir)

donde infoFan es tupla($infoActual$: itConj(infoActualFan),

$eventos$: vector(evento))

donde **infoActualFan** es **tupla**(*posicion*: **pos**,
direccion: **dir**)

Rep : mapa \rightarrow bool
Rep(*m*) \equiv true \iff

Abs : mapa *m* \rightarrow hab {**Rep**(*m*)}
Abs(*m*) =_{obs} h: hab |

Algoritmos

En esta sección se hace abuso de notación en los cálculos de álgebra de órdenes presentes en la justificaciones de los algoritmos. La operación de suma “+” denota secuencialización de operaciones con determinado orden de complejidad, y el símbolo de igualdad “=” denota la pertenencia al orden de complejidad resultante.

Algoritmos del módulo

```

iIniciar(in m : mapa, in pjs : conj(jugador), in eventosFan : vector(evento))  $\rightarrow$  res : estr
1: // Inicializo la estructura
2: res : {
3:   // Inicializo contadores
4:   paso : 0,  $\triangleright \Theta(1)$ 
5:   ronda : 0,  $\triangleright \Theta(1)$ 
6:
7:   // Seteo el mapa
8:   mapa : m,  $\triangleright \Theta(1)$ 
9:
10:  // Inicializo el mapa de disparos con el mismo tamaño que el mapa
11:  mapaDisparos : arreglo(arreglo(tupla(nat, nat))[Tam(m)])[Tam(m)],  $\triangleright \Theta(\text{Tam}(m)^2)$ 
12:  disparosUltimoPaso : Vacio(),  $\triangleright \Theta(1)$ 
13:
14:  // Inicializo estructuras de jugadores y fantasmas como vacías
15:  infoActualJugadoresVivos : Vacio(),
16:  infoJugadoresVivos : Vacio(),
17:  infoJugadores : Vacia(),
18:  infoFantasmas : Vacio(),
19:  infoActualFantasmasVivos : Vacio(),
20:  infoFantasmasVivos : Vacia(),
21:  infoFantasmaEspecial : CrearIt(Vacio())
22: }
23:
24: // Inicializo los jugadores
25: iIniciarJugadores(res, m, pjs)
26:
27: // Inicializo los fantasmas
28: iIniciarFantasmas(res, eventosFan)

Complejidad:  $\Theta(?)$ 

```

```

iIniciarJugadores(in  $j$ : estr, in  $m$ : mapa, in  $pjs$ : conj(jugador)) ▷ Función privada
1: // Suponemos la existencia de la función
2: //  $dict(jugador, tupla(pos, dir))$  localizarJugadores( $m$ , conj(jugador)  $pjs$ )
3:
4: // Obtengo las posiciones y direcciones de jugadores
5:  $localPJs \leftarrow localizarJugadores(m, pjs)$ 
6:
7: // Lleno las estructuras de jugadores
8: for ( $j$ , localizacion :  $localPJs$ ) do
9:   // Creo la infoActual y la agrego a su conjunto
10:   $infoActual \leftarrow \langle identidad : j, posicion : localizacion.pos, direccion : localizacion.dir \rangle$ 
11:   $itInfoActual \leftarrow AgregarRapido(j.infoActualJugadoresVivos, infoActual)$ 
12:
13:  // Creo la infoPJ con la actual
14:   $info \leftarrow iNuevaInfoPJ(localizacion, itInfoActual)$ 
15:  // La agrego al trie y me guardo el puntero a la info guardada
16:   $infoPtr \leftarrow \&Definir(j.infoJugadores, j, info)$ 
17:
18:  // Agrego al conjunto de jugadores vivos el puntero a la info del PJ
19:   $AgregarRapido(j.infoJugadoresVivos, infoPtr)$ 
20: end for

```

Complejidad: $\Theta(?)$

```

iNuevaInfoPJ(in localizacion: tupla(pos, dir), in itInfoActual : itConj(infoActualPJ)  $\rightarrow res$  : infoPJ ▷
Función privada
1: // Creo el evento
2:  $evento \leftarrow \langle$  ▷  $\Theta(1)$ 
3:    $pos : localizacion.pos,$ 
4:    $dir : localizacion.dir,$ 
5:    $disparo? : false$ 
6:  $\rangle$ 
7:
8: // Creo una lista con él
9:  $evts \leftarrow Vacia()$  ▷  $\Theta(1)$ 
10:  $AgregarAtras(evts, evento)$  ▷  $\Theta(1)$ 
11:
12: // Armo la infoPJ
13:  $res \leftarrow \langle$  ▷  $\Theta(1)$ 
14:    $eventos : evts$ 
15:    $vivo? : true$ 
16:    $infoActual : itInfoActual$ 
17:  $\rangle$ 

```

Complejidad: $\Theta(1)$

iIniciarFantasmas(in j : *estr*, in $eventosFan$: *vector*(*evento*))

▷ Función privada

```

1: // Lleno las estructuras de fantasmas
2: // Creo la infoActual y la agrego a su conjunto
3:  $infoActualFan \leftarrow \langle posicion : eventosFan[0].pos, direccion : eventosFan[0].dir \rangle$ 
4:  $itInfoActualFan \leftarrow AgregarRapido(infoActualFan, j.infoActualFantasmasVivos)$ 
5:
6: // Hago que el fantasma especial sea este
7:  $j.infoFantasmaEspecial \leftarrow itInfoActualFan$ 
8:
9: // Creo la infoFan con la actual
10:  $infoFan \leftarrow \langle infoActual : itInfoActualFan, eventos : eventosFan \rangle$ 
11: // La agrego al conjunto de información de fantasmas y me guardo su iterador
12:  $itInfoFan \leftarrow AgregarRapido(infoFan, j.infoFantasmas)$ 
13:
14: // Agrego al conjunto de fantasmas vivos el interador a la info del Fan
15:  $AgregarRapido(itInfoFan, j.infoFantasmasVivos)$ 

```

Complejidad: $\Theta(?)$

iPasarTiempo(in j : *estr*)

```

1: // Aumentas paso // Por cada fantasma // Si dispara // Agregar disparo // Agregas el disparo al conjunto
   (inteligentemente) // Agregas las pos afectadas al mapa de disparos // // Actualizo la info actual // Por cada
   jugador // Te fijas si muere // Actualizas la info actual

```

iEjecutarAccion(in j : *estr*, in a : *accion*, in pj : *jugador*) $\rightarrow res$:*estr*

```

1:

```

3. Módulo Mapa

Aquí va la descripción

Interfaz

generos: mapa.

se explica con: HABITACIÓN.

Operaciones básicas del mapa

NUEVOMAPA(in $n : \text{nat}$) $\rightarrow res : \text{mapa}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{nuevaHab}(n)\}$

Complejidad: $\Theta(n^2)$

Descripción: genera un mapa de tamaño $n \times n$.

OCUPAR(in/out $m : \text{mapa}$, in $c : \text{tupla}(\text{int}, \text{int})$)

Pre $\equiv \{m =_{\text{obs}} m_0 \wedge c \in \text{casilleros}(m) \wedge_L \text{libre}(m, c) \wedge \text{alcanzan}(\text{libres}(m) - c, \text{libres}(m) - c, m)\}$

Post $\equiv \{m =_{\text{obs}} \text{ocupar}(c, m_0)\}$

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: ocupa una posición del mapa siempre y cuando este no deje de ser conexo.

TAM(in $m : \text{mapa}$) $\rightarrow res : \text{nat}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{tam}(m)\}$

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: devuelve el tamaño del mapa.

LIBRE(in $m : \text{mapa}$, in $c : \text{tupla}(\text{int}, \text{int})$) $\rightarrow res : \text{bool}$

Pre $\equiv \{c \in \text{casilleros}(m)\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{libre}(c, m)\}$

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: devuelve si un elemento está ocupado.

Representación

Representación del mapa

El objetivo de este módulo es implementar una lista doblemente enlazada con punteros al principio y al fin. Para simplificar un poco el manejo de la estructura, vamos a reemplazarla por una lista circular, donde el siguiente del último apunta al primero y el anterior del primero apunta al último. La estructura de representación, su invariante de representación y su función de abstracción son las siguientes.

mapa se representa con m

donde **m** es **tupla**(*tamano*: **nat**, *casilleros*: **vec**(**vec**(**bool**)),)

Rep : **mapa** $\rightarrow \text{bool}$

Rep(m) $\equiv \text{true} \iff$ La longitud de $m.\text{casilleros}$ es igual a $\text{tamano} \wedge$

La longitud del vector $m.\text{casilleros}$ es igual a la de todo otro vector dentro de $\text{el} \wedge$

Es conexa

Abs : **mapa** $m \rightarrow \text{hab}$

$\{\text{Rep}(m)\}$

Abs(m) $=_{\text{obs}} h : \text{hab} \mid m.\text{tamano} =_{\text{obs}} \text{tam}(h) \wedge_L$

$(\forall t : \text{tuple}(\text{nat}, \text{nat})) (0 \leq \Pi_1(t), \Pi_2(t) < m.\text{tamano} - 1 \Rightarrow_L$

$\text{libre}(m, t) =_{\text{obs}} m.\text{casilleros}[\Pi_1(t)][\Pi_2(t)])$

Algoritmos

En esta sección se hace abuso de notación en los cálculos de álgebra de órdenes presentes en la justificaciones de los algoritmos. La operación de suma “+” denota secuencialización de operaciones con determinado orden de complejidad,

y el símbolo de igualdad “=” denota la pertenencia al orden de complejidad resultante.

Algoritmos del módulo

iTam(in m : mapa) $\rightarrow res$: nat

1: $res \leftarrow m.tamano$

$\triangleright \Theta(1)$

Complejidad: $\Theta(1)$

iOcupar(in/out m : mapa, in c : tupla(int, int))

1: $m[\Pi_1(c)][\Pi_2(c)] \leftarrow true$

$\triangleright \Theta(1)$

Complejidad: $\Theta(1)$

Justificación: El acceso a una posición de un vector y su modificación es $\Theta(1)$

iLibre(in m : mapa, in c : tupla(int, int)) $\rightarrow res$: bool

1: $res \leftarrow \neg m[\Pi_1(c)][\Pi_2(c)]$

$\triangleright \Theta(1)$

Complejidad: $\Theta(1)$

Justificación: El acceso a una posición de un vector es $\Theta(1)$

iNuevoMapa(in n : nat) $\rightarrow res$: mapa

1: $m.tamano \leftarrow n$

$\triangleright \Theta(1)$

2: $v \leftarrow Vacia()$

$\triangleright \Theta(1)$

3: $i \leftarrow 0$

$\triangleright \Theta(1)$

4: **while** $i < n$ **do**

$\triangleright O(n)$

5: $v.AgregarAtras(false)$

6: $i \leftarrow i + 1$

7: **end while**

8: $i \leftarrow 0$

9: **while** $i < n$ **do**

$\triangleright O(n^2)$

10: $res.AgregarAtras(v.Copiar())$

$\triangleright O(n)$

11: $i \leftarrow i + 1$

$\triangleright O(1)$

12: **end while**

Complejidad: $\Theta(n^2)$

Justificación: Copiar un vector de n booleanos es $O(n * copy(bool))$ y copiar un bool es $\Theta(1)$. Luego, agregar n veces la copia del vector es $O(n^2)$

4. Módulo Dirección

Aquí va la descripción

Interfaz

generos: dir.

se explica con: DIRECCIÓN.

Operaciones básicas de Dirección

ARRIBA() $\rightarrow res : dir$

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} \uparrow\}$

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: genera la dirección arriba.

ABAJO() $\rightarrow res : dir$

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} \downarrow\}$

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: genera la dirección abajo.

IZQUIERDA() $\rightarrow res : dir$

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} \leftarrow\}$

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: genera la dirección izquierda.

DERECHA() $\rightarrow res : dir$

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} \rightarrow\}$

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: genera la dirección derecha.

INVERTIR(in/out $d : dir$)

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} invertir(d)\}$

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: invierte la dirección.

Representación

Representación de Dirección

dir se representa con string

$Rep : dir \rightarrow bool$

$Rep(d) \equiv true \iff$

$d =_{obs} "arriba" \vee$

$d =_{obs} "abajo" \vee$

$d =_{obs} "izquierda" \vee$

$d =_{obs} "derecha"$

$Abs : dir \rightarrow dir$

$Abs(d) =_{obs} d_{tad} : dir \mid (d =_{obs} "arriba" \wedge d_{tad} =_{obs} \uparrow) \vee$
 $(d =_{obs} "abajo" \wedge d_{tad} =_{obs} \downarrow) \vee$
 $(d =_{obs} "izquierda" \wedge d_{tad} =_{obs} \leftarrow) \vee$
 $(d =_{obs} "derecha" \wedge d_{tad} =_{obs} \rightarrow)$

$\{Rep(d)\}$

Algoritmos

Algoritmos del módulo

iArriba() $\rightarrow res : \text{dir}$ 1: $res \leftarrow \text{"arriba"}$ $\triangleright \Theta(1)$ Complejidad: $\Theta(1)$

iAbajo() $\rightarrow res : \text{dir}$ 1: $res \leftarrow \text{"abajo"}$ $\triangleright \Theta(1)$ Complejidad: $\Theta(1)$

iIzquierda() $\rightarrow res : \text{dir}$ 1: $res \leftarrow \text{"izquierda"}$ $\triangleright \Theta(1)$ Complejidad: $\Theta(1)$

iDerecha() $\rightarrow res : \text{dir}$ 1: $res \leftarrow \text{"derecha"}$ $\triangleright \Theta(1)$ Complejidad: $\Theta(1)$

iInvertir(in/out d: dir)1: $switch(d)$ $\triangleright \Theta(1)$ 2: $case \text{"arriba"} :$ 3: $d \leftarrow \text{"abajo"}$ 4: $case \text{"abajo"} :$ 5: $d \leftarrow \text{"arriba"}$ 6: $case \text{"izquierda"} :$ 7: $d \leftarrow \text{"derecha"}$ 8: $case \text{"derecha"} :$ 9: $d \leftarrow \text{"izquierda"}$ Complejidad: $\Theta(1)$

5. Módulo Acción

Aquí va la descripción

Interfaz

generos: accion.

se explica con: ACCIÓN.

Operaciones básicas de Acción

MOVER(in d : dir) $\rightarrow res$: accion

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} mover(d)\}$

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: genera una acción de mover en la dirección especificada.

PASAR() $\rightarrow res$: accion

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} pasar\}$

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: genera la acción de pasar.

DISPARAR() $\rightarrow res$: accion

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} disparar\}$

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: genera la acción de disparar.

APLICAR() $\rightarrow res$: tupla()

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} disparar\}$

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: genera la acción de disparar.

Representación

Representación de Acción

El objetivo de este módulo es implementar una lista doblemente enlazada con punteros al principio y al fin. Para simplificar un poco el manejo de la estructura, vamos a reemplazarla por una lista circular, donde el siguiente del último apunta al primero y el anterior del primero apunta al último. La estructura de representación, su invariante de representación y su función de abstracción son las siguientes.

mapa se representa con m

donde m es $tupla(tamano: nat, casilleros: vec(vec(bool)),)$

$Rep : mapa \rightarrow bool$

$Rep(m) \equiv true \iff$ La longitud de $m.casilleros$ es igual a $tamano \wedge$

La longitud del vector $m.casilleros$ es igual a la de todo otro vector dentro de el) \wedge

Es conexa

$Abs : mapa\ m \rightarrow hab$

$\{Rep(m)\}$

$Abs(m) =_{\text{obs}} h: hab \mid m.tamano =_{\text{obs}} tam(h) \wedge_L$

$(\forall t: tuple(nat, nat))(0 \leq \Pi_1(t), \Pi_2(t) < m.tamano - 1 \Rightarrow_L$

$libre(m, t) =_{\text{obs}} m.casilleros[\Pi_1(t)][\Pi_2(t)])$

Algoritmos

En esta sección se hace abuso de notación en los cálculos de álgebra de órdenes presentes en la justificaciones de los algoritmos. La operación de suma “+” denota secuencialización de operaciones con determinado orden de complejidad,

y el símbolo de igualdad “=” denota la pertenencia al orden de complejidad resultante.

Algoritmos del módulo

iTam(in $m : \text{mapa}$) $\rightarrow res : \text{nat}$

1: $res \leftarrow m.tamano$

$\triangleright \Theta(1)$

Complejidad: $\Theta(1)$
