# Apunte de Módulos Básicos (v. $0.3\alpha)$

# Algoritmos y Estructuras de Datos II, DC, UBA. $1^{\rm er} \ {\rm cuatrimestre} \ {\rm de} \ 2019$

# Índice

1.	Diccionario Trie $(\alpha)$	2
<b>2</b> .	Módulo Juego	5
3.	Módulo Mapa	10
4.	Módulo Dirección	12
<b>5</b> .	Módulo Acción	14

## 1. Diccionario Trie $(\alpha)$

El módulo Diccionario Trie provee un diccionario básico montado sobre un trie. Solo se definen e implementan las operaciones que serán utilizadas.

## Interfaz

```
\begin{array}{ll} \mathbf{parametros} \ \ \mathbf{formales} \\ \mathbf{g\acute{e}neros} \ \ \alpha \\ \mathbf{funci\acute{o}n} \ \ & \mathsf{COPIAR}(\mathbf{in} \ s \colon \alpha) \to res \ \colon \alpha \\ \mathbf{Pre} \equiv \{\mathsf{true}\} \\ \mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathsf{obs}} s\} \\ \mathbf{Complejidad:} \ \Theta(copy(s)) \\ \mathbf{Descripci\acute{o}n:} \ \mathsf{funci\acute{o}n} \ \mathsf{de} \ \mathsf{copia} \ \mathsf{de} \ \alpha \\ \\ \mathbf{se} \ \mathbf{explica} \ \mathbf{con:} \ \mathsf{DICCIONARIO}(string, \alpha). \\ \\ \mathbf{g\acute{e}neros:} \ \mathsf{diccTrie}(string, \alpha). \end{array}
```

## Operaciones básicas de diccionario

```
VACIO() \rightarrow res : diccTrie(string, \alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} vacio\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera un diccionario vacío.
DEFINIR(in/out d: diccTrie(string, \alpha), in k: string, in s: \alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} d_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{\text{obs}} \operatorname{definir}(d, k, s)\}\
Complejidad: \Theta(|k| + copy(s))
Descripción: define la clave k \notin \text{claves}(d) con el significado s en el diccionario.
Aliasing: los elementos k y s se definen por copia.
DEFINIDO?(in d: diccTrie(string, \alpha), in k: string) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ true \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\text{obs}} \operatorname{def?}(d, k)\}
Complejidad: \mathcal{O}(|k|)
Descripción: devuelve true si y sólo k está definido en el diccionario.
SIGNIFICADO(in d: diccTrie(string, \alpha), in k: string) \rightarrow res : \sigma
\mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{def}?(d, k) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{obtener}(d, k)) \}
Complejidad: \Theta(|k|)
Descripción: devuelve el significado de la clave k en d.
Aliasing: res es modificable si y sólo si d es modificable.
```

## Representación

#### Representación del diccionario

```
diccTrie(string, \alpha) se representa con estr donde estr es tupla(raiz: puntero(nodo)) donde nodo es tupla(significado: \alpha, siguientes: arreglo(puntero(nodo))[256]) Rep: diccTrie \longrightarrow bool Rep(d) \equiv true \iff raiz no está contenido en ninguno de sus siguientes ni sus siguientes Abs: diccTrie d \longrightarrow diccTrie(string, \alpha) {Rep(d)}
```

 $Abs(d) \equiv if \ vac\'ia?(d.claves) \ then \ vac\'io \ else \ definir(prim(d).claves, prim(d).significado, Abs(fin(d))) \ fi$ 

## Algoritmos

```
iVacía() \rightarrow res : estr
1: // Le asigna un nuevo nodo a la raiz
2: res \leftarrow \langle raiz : nuevoNodo() \rangle \triangleright \Theta(1)
\frac{Complejidad:}{Justificación:} \text{ La complejidad de crear un nuevo nodo es } \Theta(1)
```

```
\begin{array}{ll} \textbf{iSignificado}(\textbf{in/out}\ d: \texttt{estr}, \ \textbf{in}\ k: string) \rightarrow res: \alpha \\ \\ 1: \ \textit{Nodo}\ actual \leftarrow d.raiz \\ 2: \ \textbf{for}\ (char\ c: k)\ \textbf{do} \\ 3: \quad actual \leftarrow (actual \rightarrow siguientes[toInt(c)]) \\ 4: \ \textbf{end}\ \textbf{for} \\ 5: \ res \leftarrow (actual \rightarrow significado) \\ \qquad \qquad \triangleright \Theta(1) \\ \\ \end{array}
```

Complejidad:  $\Theta(|k|)$ 

<u>Justificación:</u> Los accesos y las asignaciones de punteros son  $\Theta(1)$ . Como el ciclo se ejecuta  $|\mathbf{k}|$  veces, se ejecutaran dichas asignaciones  $|\mathbf{k}|$  veces. Luego la complejidad será  $\Theta(|k|)$ .

```
iDefinido?(in/out d: estr, in k: string) \rightarrow res: bool
  1: Nodo actual \leftarrow d.raiz
                                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
  2: for (char\ c\ :\ k) do
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(|k|)
             if (actual \rightarrow siguientes[toInt(c)] \neq NULL)
  3:
                                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
  4:
                    then actual \leftarrow (actual \rightarrow siguientes[toInt(c)])
                                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
                    else res \leftarrow false
                                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
  5:
             end if
  6:
  7: end for
                                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
  8: res \leftarrow true
```

Complejidad:  $\mathcal{O}(|k|)$ 

<u>Justificación</u>: Los accesos y las asignaciones de punteros son  $\Theta(1)$ . Como el ciclo se ejecuta a lo sumo  $|\mathbf{k}|$  veces, se ejecutaran dichas asignaciones  $|\mathbf{k}|$  veces como máximo. Luego la complejidad será  $\mathcal{O}(|k|)$ .

```
iDefinir(in/out d: estr, in k: string, in s: \alpha)
 1: Nodo\ actual \leftarrow d.raiz
 2: for (char \ c : k) do
                                                                                                                                                \triangleright \Theta(|k|)
           // Si no tengo siguiente, lo creo
 3:
           if (actual \rightarrow siguientes[toInt(c)] == NULL) then
                                                                                                                                                 \triangleright \Theta(1)
 4:
                  actual \rightarrow siquientes[toInt(c)] = nuevoNodo()
                                                                                                                                                 \triangleright \Theta(1)
 5:
           end if
 6:
           actual \leftarrow (actual \rightarrow siguientes[toInt(c)])
                                                                                                                                                 \triangleright \Theta(1)
 7:
 8: end for
10: // Estoy parado en el nodo que va a tener el significado.
11: // Le asigno una copia del provisto.
12: actual \rightarrow significado \leftarrow copy(s)
                                                                                                                                         \triangleright \Theta(copy(s))
     Complejidad: \Theta(|k| + copy(s))
```

Justificación: Siempre se recorre toda la palabra para definirla, entonces el for siempre tiene |k| ciclos. La dereferenciación y comparación de punteros, e indexación en arreglos estáticos son  $\Theta(1)$ .

```
inuevoNodo() \rightarrow res : puntero(nodo)
```

 $\triangleright$ Función privada que crea un nuevo nodo

- $1:\ //\ \mbox{Reserva la memoria para un nuevo nodo con significado null y siguientes vacíos$
- 2:  $res \leftarrow \&\langle significado: NULL, siguientes: arreglo\_estatico[256] \ de \ \alpha \rangle$

 $\triangleright \Theta(1)$ 

Complejidad:  $\Theta(1)$ 

<u>Justificación</u>: El tiempo de creación de un array de 255 posiciones es  $\mathcal{O}(255) \in \mathcal{O}(1)$ 

## 2. Módulo Juego

Aqui va la descripción

## Interfaz

```
generos: juego.se explica con: JUEGO.
```

### Operaciones básicas de Juego

```
{\tt INICIAR}(\mathbf{in}\ m:\mathtt{mapa},\mathbf{in}\ pjs:\mathtt{conj(jugador)},\mathbf{in}\ eventosFan:\mathtt{vector(evento))})	o res:\mathtt{juego}
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg vacio(pjs) \land (\forall e : evento)(est?(e, eventosFan) \Rightarrow_{\mathsf{L}} e.pos \in libres(m))\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} nuevoJuego(m, pjs, eventosFan)\}\
Complejidad: \Theta(?) TODO
Descripción: crea un nuevo juego con el mapa dado, un conjunto de jugadores, y los eventos de un fantasma.
PASARTIEMPO(in j: juego) \rightarrow res: juego
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} pasar(j)\}\
Complejidad: \Theta(?)
Descripción: ejecuta un paso de tiempo cuando ningún jugador realiza una acción.
EJECUTARACCION(in j: juego, in a: accion, in pj: jugador) \rightarrow res: juego
\mathbf{Pre} \equiv \{pj \in jugadores(j) \land_{\mathbf{L}} jugadorVivo(pj, j) \land \neg esPasar(a)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} step(j, a, pj)\}\
Complejidad: \Theta(?)
Descripción: actualiza con la acción a del jugador pj.
\texttt{JUGADORESVIVOS}(\textbf{in } j: \texttt{juego}) \rightarrow res: \texttt{conj}(\texttt{puntero}(\texttt{infoPJ}))
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{(\forall p: puntero(infoPJ))(p \in res \Rightarrow_{\mathtt{L}}
                  (p \rightarrow id \in jugadores(j)) \land_{\mathsf{L}}
                  (p \rightarrow vivo? \land jugadorVivo(p \rightarrow id, j)) \land \\
                  ((\forall e : evento)(e \in p \rightarrow eventos \Rightarrow_{\mathtt{L}}
                        (e.pos =_{obs} posJugador(p \rightarrow id, j)) \land
                        (e.dir =_{obs} dir Jugador(p \rightarrow id, j))))
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: devuelve un conjunto con punteros a la información de los personajes que están vivos.
Aliasing: res es no modificable.
FANTASMAS VIVOS (in j: juego) \rightarrow res: conj (infoFan)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
Post \equiv \{fantasmaValido(j, res)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: devuelve un conjunto referencias a la información de los fantasmas que están vivos.
Aliasing: las referencias son no modificables.
FANTASMAESPECIAL(in j: juego) \rightarrow res: infoFan
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} fantasmaEspecial(j)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: devuelve el fantasma especial.
Aliasing: res es una referencia no modificable.
FANTASMASVIVOSQUEDISPARAN(in j: juego) \rightarrow res: conj(infoFan)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{fantasmaValido(j, res) \land_{\mathtt{L}} \}
            ((\forall f : infoFan)(f \in res \Rightarrow_{\perp} disparando(f.eventos, step(j))))
Complejidad: O(\#fv)
```

**Descripción:** devuelve un conjunto con punteros a la información de los fantasmas que están vivos y disparan en el ultimo paso ejecutado en el juego.

Aliasing: res es un conjunto de referencias no modificables.

```
VIVO?(in j: juego, in pj: string) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{pj \in jugadores(j)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} jugadorVivo(pj, j)\}
Complejidad: O(|j|)
Descripción: devuelve si un jugador está vivo
POSOCUPADASPORDISPAROS(in j: juego) \rightarrow res: conj(posicion)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} alcance Disparos Fantas mas(fantas mas(j), j)\}
Complejidad: O(\#fv*m)
Descripción: devuelve un conjunto de las posiciones afectadas por disparos de fantasmas en la última *ronda*
(TODO: ronda o paso?).
Predicados auxiliares:
fantasmaValido(j, fs):
 (\forall f: infoFan)(f \in res \Rightarrow_{\mathsf{L}}
      (f.eventos \in fantasmas(j)) \land_{L}
      (fantasmaVivo(f.eventos, j)) \land
      ((\forall e : evento)(e \in f.eventos \Rightarrow_{\mathtt{L}})
            (e.pos =_{obs} posFantasma(f.eventos, j)) \land
            (e.dir =_{obs} dirFantasma(f.eventos, j))))
```

## Representación

#### Representación de Juego

```
juego se representa con estr
 donde j es tupla(// General
                  paso: nat,
                  ronda: nat.
                  mapa: m,
                  mapaDisparos: arreglo(arreglo(tupla(nat, nat))),
                  disparosUltimoPaso: conj(posicion),
                  // Jugadores
                  infoJugadores: {\tt diccTrie(string, infoPJ)},
                  infoActualJugadoresVivos: conj(infoActualPJ),
                  infoJugadoresVivos: conj(puntero(infoPJ)),
                  // Fantasmas
                  infoFantasmas: conj(infoFan),
                  infoActualFantasmasVivos: conj(infoActualFan),
                  infoFantasmasVivos: conj(itConj(infoFan)),
                  infoFantasmaEspecial: itConj(infoActualFan) )
 donde infoPJ es tupla(eventos: vector(evento),
                       vivo?: bool,
                       infoActual: itConj(infoActualPJ) )
 donde infoActualPJ es tupla(identidad: string,
                              posicion: pos,
                              direction: dir )
 donde infoFan es tupla(infoActual: itConj(infoActualFan),
                         eventos: vector(evento) )
```

```
\label{eq:donde_infoActualFan} \begin{split} &\operatorname{donde} \ \operatorname{infoActualFan} \ \operatorname{es} \ \operatorname{tupla}(posicion: \operatorname{pos},\\ & direccion: \operatorname{dir} \ ) \end{split} \operatorname{Rep}: \ \operatorname{mapa} \ \longrightarrow \ \operatorname{bool}\\ \operatorname{Rep}(m) \ \equiv \ \operatorname{true} \ \Longleftrightarrow \\ \\ \operatorname{Abs}: \ \operatorname{mapa} \ m \ \longrightarrow \ \operatorname{hab}\\ \operatorname{Abs}(m) =_{\operatorname{obs}} \ \operatorname{h: hab} \ | \end{split} \{\operatorname{Rep}(m)\}
```

## Algoritmos

En esta sección se hace abuso de notación en los cálculos de álgebra de órdenes presentes en la justificaciones de los algoritmos. La operación de suma "+" denota secuencialización de operaciones con determinado orden de complejidad, y el símbolo de igualdad "=" denota la pertenencia al orden de complejidad resultante.

## Algoritmos del módulo

```
iIniciar(in m: mapa, in pjs: conj(jugador), in eventosFan: vector(evento)) \rightarrow res: estr
 1: // Inicializo la estructura
 2: res: \langle
         // Inicializo contadores
 3:
         paso:0,
                                                                                                                      \triangleright \Theta(1)
 4:
         ronda:0,
                                                                                                                      \triangleright \Theta(1)
 5:
 6:
         // Seteo el mapa
 7:
         mapa:m,
                                                                                                                      \triangleright \Theta(1)
 8:
 9:
         // Inicializo el mapa de disparos con el mismo tamaño que el mapa
10:
                                                                                                             \triangleright \Theta(Tam(m)^2)
         mapaDisparos: arreglo(arreglo(tupla(nat, nat))[Tam(m)])[Tam(m)],
11:
         disparosUltimoPaso:Vacio(),
12:
                                                                                                                      \triangleright \Theta(1)
13:
         // Inicializo estructuras de jugadores y fantasmas como vacías
14:
         infoActualJugadoresVivos: Vacio(),
15:
         infoJugadoresVivos: Vacio(),
         infoJugadores: Vacia(),
17:
         infoFantasmas: Vacio(),
18:
         infoActualFantasmasVivos:Vacio(),
19:
20:
         infoFantasmasVivos: Vacia(),
21:
         infoFantasmaEspecial: CrearIt(Vacio())
22: \
23:
    // Suponemos la existencia de la función
    // dict(jugador, tupla(pos, dir)) localizarJugadores(m, conj(jugador) pjs)
26:
    // Obtengo las posiciones y direcciones de jugadores
27:
28:
    localPJs \leftarrow localizarJugadores(m, pjs)
    // Lleno las estructuras de jugadores
31: for (j, localizacion : localPJs) do
         // Creo la infoActual y la agrego a su conjunto
32:
         infoActual \leftarrow \langle identidad: j, posicion: localizacion.pos, direccion: localizacion.dir \rangle
33:
         itInfoActual \leftarrow AgregarRapido(res.infoActualJugadoresVivos, infoActual)
34:
35:
         // Creo la infoPJ con la actual
36:
         info \leftarrow iNuevaInfoPJ(j, localizacion, itInfoActual)
37:
         // La agrego al trie y me guardo el puntero a la info guardada
38:
         infoPtr \leftarrow \&Definir(res.infoJugadores, j, info)
39:
40:
         // Agrego al conjunto de jugadores vivos el puntero a la info del PJ
41:
         AgregarRapido(res.infoJugadoresVivos, infoPtr)
42:
43:
    end for
    // Lleno las estructuras de fantasmas
    // Creo la infoActual y la agrego a su conjunto
47: infoActualFan \leftarrow \langle posicion : eventosFan[0].pos, direccion : eventosFan[0].dir \rangle
48: itInfoActualFan \leftarrow AgregarRapido(infoActualFan, res.infoActualFantasmasVivos)
49:
    // Hago que el fantasma especial sea este
51: res.infoFantasmaEspecial \leftarrow itInfoActualFan
52:
53: // Creo la infoFan con la actual
54: infoFan \leftarrow \langle infoActual : itInfoActualFan, \ eventos : eventosFan \rangle
   // La agrego al conjunto de información de fantasmas y me guardo su iterador
56: itInfoFan \leftarrow AgregarRapido(infoFan, res.infoFantasmas)
    // Agrego al conjunto de fantasmas vivos el interador a la info del Fan
59: Agregar Rapido (itInfoFan, res. infoFantas mas Vivos)
```

Complejidad:  $\Theta(?)$ 

## $\overline{iPasarTiempo(in \ j:estr)}$

1: // Aumentas paso // Por cada fantasma // Si dispara // Agregar disparo // Agregas el disparo al conjunto (inteligentemente) // Agregas las pos afectadas al mapa de disparos // // Actualizo la info actual // Por cada jugador // Te fijas si muere // Actualizas la info actual

 $\overline{\mathbf{iEjecutarAccion}(\mathbf{in}\ j \colon \mathtt{estr},\ \mathbf{in}\ a \colon \mathtt{accion},\ \mathbf{in}\ pj \colon \mathtt{jugador}) \to res\ \colon \mathtt{estr}}$ 

1:

## 3. Módulo Mapa

El módulo Mapa provee una habitación en la que se puede ocupar y consultar por una posición en  $\Theta(1)$ .

#### Interfaz

```
generos: mapa.se explica con: Habitación.
```

### Operaciones básicas del mapa

```
NUEVOMAPA(\mathbf{in} \ n: \mathtt{nat}) \rightarrow res : \mathtt{mapa}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} nuevaHab(n)\}\
Complejidad: \Theta(n^2)
Descripción: genera un mapa de tamaño n x n.
OCUPAR(in/out \ m : mapa, in \ c : tupla(int, int))
\mathbf{Pre} \equiv \{m =_{\mathrm{obs}} m_0 \land c \in casilleros(m) \land_{\mathsf{L}} libre(m,c) \land alcanzan(libres(m) - c, libres(m) - c, m)\}
\mathbf{Post} \equiv \{m =_{\mathrm{obs}} ocupar(c, m_0)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: ocupa una posición del mapa siempre y cuando éste no deje de ser conexo.
TAM(in \ m: mapa) \rightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} tam(m)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: devuelve el tamaño del mapa.
LIBRE(in m: mapa, in c: tupla(int, int)) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in casilleros(m)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} libre(c, m)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: devuelve si una posición está ocupada.
```

## Representación

## Representación del mapa

El objetivo de este módulo es implementar una matriz de tamaño n con vectores de booleanos que indican si una posición está ocupada. La estructura de representación, su invariante de representación y su función de abstracción son las siguientes.

```
mapa se representa con map donde map es tupla(tamano: nat,casilleros: vec(vec(bool)),)

Rep: mapa \longrightarrow bool Rep(map) \equiv true \iff La longitud de map.casilleros es igual a tamano \land La longitud del vector m.casilleros es igual a la de todo otro vector dentro de el) \land Toda posición libre debe ser alcanzable por todo el resto de las posiciones libres a través de un camino de posiciones libres (conexo).

Abs: mapa map \longrightarrow hab \{\text{Rep}(map)\}
Abs(map) = obs h: hab | m.tamano = obs tam(h) \land_L (\forall t: tupla(nat,nat))(0 \le \Pi_1(t), \Pi_2(t) < map.tamano - 1 \Rightarrow_L
```

## Algoritmos

#### Algoritmos del módulo

libre(h, t) = obs  $map.casilleros[\Pi_1(t)][\Pi_2(t)]$ 

```
iTam(in m: map) → res : nat

1: res \leftarrow m.tamano

▷ Θ(1)

Complejidad: Θ(1)
```

```
 \begin{aligned}  & \overline{\mathbf{iOcupar}(\mathbf{in/out}\ m\colon \mathtt{map},\ \mathbf{in}\ p\colon \mathtt{pos})} \\ & 1:\ m[\Pi_1(p)][\Pi_2(p)] \leftarrow true \\ & \qquad \qquad \triangleright \Theta(1) \\ & \underline{\mathbf{Complejidad}}:\ \Theta(1) \\ & \underline{\mathbf{Justificación}}:\ \mathrm{El}\ \mathrm{acceso}\ \mathrm{a}\ \mathrm{una}\ \mathrm{posición}\ \mathrm{de}\ \mathrm{un}\ \mathrm{vector}\ \mathrm{y}\ \mathrm{su}\ \mathrm{modificación}\ \mathrm{es}\ \Theta(1) \end{aligned}
```

```
    iLibre(in m: map, in p: pos) \rightarrow res: bool

    1: res \leftarrow \neg m[\Pi_1(p)][\Pi_2(p)]
    \triangleright \Theta(1)

    Complejidad: \Theta(1)
    \square ustificación: El acceso a una posición de un vector es \Theta(1)
```

```
iNuevoMapa(in n: nat) \rightarrow res: map
  1: // Inicializo el tamaño, el vector y el mapa.
  2: res \leftarrow \langle tamano : n, casilleros : Vacia() \rangle
                                                                                                                                                                    \triangleright \Theta(1)
  3: m.tamano \leftarrow n
                                                                                                                                                                    \triangleright \Theta(1)
  4: v \leftarrow Vacia()
                                                                                                                                                                    \triangleright \Theta(1)
  5:
  6: // Genero un vector de booleanos en falso con n posiciones.
                                                                                                                                                                    \triangleright \Theta(1)
                                                                                                                                                                  \triangleright \mathcal{O}(n^2)
  8: while i < n \operatorname{do}
          v.AgregarAtras(false)
                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(n)
  9:
10:
          i \leftarrow i + 1
11: end while
12:
13: // Genero la matriz de n x n posiciones haciendo n copias del vector de booleanos antes creado.
14: i \leftarrow 0
15: while i < n \text{ do}
                                                                                                                                                                  \triangleright \mathcal{O}(n^2)
          res.AgregarAtras(v.Copiar())
                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(n)
16:
          i \leftarrow i + 1
                                                                                                                                                                   \triangleright \Theta(1)
17:
18: end while
```

Complejidad:  $\mathcal{O}(n^2)$ 

<u>Justificación:</u> Copiar un vector de n booleanos es  $\mathcal{O}(n * copy(bool))$  y copiar un bool es  $\Theta(1)$ . Luego, agregar n veces la copia del vector es  $\mathcal{O}(n^2)$ , puesto que AgregarAtrás es  $\mathcal{O}(n)$  y copiarlo es  $\mathcal{O}(n)$  por lo antes visto. Luego la complejidad de la operación de la línea 10 es  $\mathcal{O}(n)$  y, por lo tanto, todo el while es  $\mathcal{O}(n^2)$ .

## 4. Módulo Dirección

El módulo Dirección provee una dirección y una función que permite invertir las mismas.

#### Interfaz

```
generos: dir.
se explica con: DIRECCIÓN.
```

## Operaciones básicas de Dirección

```
ARRIBA() \rightarrow res : dir
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \uparrow\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera la dirección arriba.
ABAJO() \rightarrow res : dir
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs}\downarrow\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera la dirección abajo.
IZQUIERDA() \rightarrow res: dir
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \leftarrow \}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera la dirección izquierda.
DERECHA() \rightarrow res : dir
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \rightarrow \}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera la dirección derecha.
INVERTIR(in/out d: dir)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{\mathbf{obs}} invertir(d) \}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: invierte la dirección.
```

## Representación

El objetivo de este módulo es implementar una dirección utilizando strings. La estructura de representación, su invariante de representación y su función de abstracción son las siguientes.

#### Representación de Dirección

dir se representa con string

```
\begin{aligned} \operatorname{Rep}: \operatorname{dir} &\longrightarrow \operatorname{bool} \\ \operatorname{Rep}(d) &\equiv \operatorname{true} &\Longleftrightarrow \\ &\operatorname{d} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{arriba}" \vee \\ &\operatorname{d} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{abajo}" \vee \\ &\operatorname{d} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{izquierda}" \vee \\ &\operatorname{d} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{derecha}" \end{aligned}
\operatorname{Abs}: \operatorname{dir} d &\longrightarrow \operatorname{dir} 
\operatorname{Abs}(d) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{d}_{\operatorname{tad}} : \operatorname{dir} \mid (\operatorname{d} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{arriba}" \wedge \operatorname{d}_{\operatorname{tad}} =_{\operatorname{obs}} \uparrow) \vee \\ &(\operatorname{d} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{abajo}" \wedge \operatorname{d}_{\operatorname{tad}} =_{\operatorname{obs}} \uparrow) \vee \\ &(\operatorname{d} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{izquierda}" \wedge \operatorname{d}_{\operatorname{tad}} =_{\operatorname{obs}} \leftrightarrow) \vee \\ &(\operatorname{d} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{derecha}" \wedge \operatorname{d}_{\operatorname{tad}} =_{\operatorname{obs}} \to) \end{aligned}
```

## Algoritmos

## Algoritmos del módulo

$\overline{\mathbf{iArriba}}() \to res : dir$	
1: $res \leftarrow "arriba"$	$ hd \Theta(1)$
$\underline{\text{Complejidad:}}\ \Theta(1)$	
$\overline{\mathbf{iAbajo}}() \to res: \mathrm{dir}$	
1: $res \leftarrow "abajo"$	$ hd \Theta(1)$
Complejidad: $\Theta(1)$	
$iIzquierda() \rightarrow res: dir$	
1: $res \leftarrow "izquierda"$	$\triangleright \Theta(1)$
${\mathbf{iDerecha}() \to res: dir}$	
$1: res \leftarrow "derecha"$	$ hd \Theta(1)$
$\underline{\text{Complejidad:}} \ \Theta(1)$	
$\overline{\mathbf{iInvertir}(\mathbf{in}/\mathbf{out}\ d\colon \mathtt{dir})}$	
1: $switch(d)$	$ hd \Theta(1)$
2: case "arriba" :	
3: $d \leftarrow \text{``abajo''}$	
4: $case$ " $abajo$ ": 5: $d \leftarrow$ " $arriba$ "	
6: case "izquierda" :	
7: $d \leftarrow$ "derecha"	
8: case "derecha":	
9: $d \leftarrow "izquierda"$	
$\underline{\text{Complejidad:}}\ \Theta(1)$	

#### 5. Módulo Acción

Aqui va la descripción

## Interfaz

```
generos: accion.
se explica con: Acción.
```

## Operaciones básicas de Acción

```
\text{MOVER}(\mathbf{in}\ d\colon \mathtt{dir}) \to res: \mathtt{accion}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} mover(d)\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera una acción de mover en la dirección especificada.
PASAR() \rightarrow res : accion
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} pasar\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera la acción de pasar.
DISPARAR() \rightarrow res : accion
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} disparar\}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera la acción de disparar.
APLICAR(in a: acción, in j: juego, in e: evento) \rightarrow res: evento
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} aplicar(a, j, e)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera el evento a partir de la acción a realizar.
INVERTIR(in e: evento) \rightarrow res: evento
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{\mathbf{obs}} invertir(e) \}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: invierte un evento.
INVERSA(in/out es: vector(evento))
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} inversa(es)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: genera una secuencia que contiene a la inicial, le suma 5 pasos de espera y le agrega la secuencia
original invertida.
```

## Representación

## Representación de Acción

El objetivo de este módulo es implementar una lista doblemente enlazada con punteros al principio y al fin. Para simplificar un poco el manejo de la estructura, vamos a reemplazarla por una lista circular, donde el siguiente del último apunta al primero y el anterior del primero apunta al último. La estructura de representación, su invariante de representación y su función de abstracción son las siguientes.

```
acción se representa con a {\rm donde\ a\ es\ tupla}(acción\hbox{:}\ {\tt string},\ dir\hbox{:}\ {\tt dir},\ ) Rep : acción \longrightarrow bool
```

```
 \begin{array}{l} \operatorname{Rep}(a) \; \equiv \; \operatorname{true} \iff \\ \quad \operatorname{a.acci\'on} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{disparar"} \; \vee \\ \quad \operatorname{a.acci\'on} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{pasar"} \; \vee \\ \quad \operatorname{a.acci\'on} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{mover"} \wedge \operatorname{Rep}(\operatorname{a.dir}) \\ \operatorname{Abs} : \; \operatorname{acci\'on} \; a \; \longrightarrow \; \operatorname{acci\'on} \\ \quad \operatorname{Abs}(a) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{a_{tad}} : \operatorname{acci\'on} \; | \; (\operatorname{a.acci\'on} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{disparar"} \wedge \operatorname{a_{tad}} =_{\operatorname{obs}} \operatorname{esDisparar}(\operatorname{a_{tad}})) \; \vee \\ \quad \left( \operatorname{a.acci\'on} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{pasar"} \wedge \operatorname{a_{tad}} =_{\operatorname{obs}} \operatorname{esPasar}(\operatorname{a_{tad}}) \right) \vee \\ \quad \left( \operatorname{a.acci\'on} =_{\operatorname{obs}} "\operatorname{mover"} \wedge \operatorname{a_{tad}} =_{\operatorname{obs}} \operatorname{esMover}(\operatorname{a_{tad}}) \right) \wedge_{\operatorname{L}} \operatorname{a.dir} =_{\operatorname{obs}} \operatorname{direccion}(\operatorname{a_{tad}}) \right) \\ \end{array}
```

## Algoritmos

En esta sección se hace abuso de notación en los cálculos de álgebra de órdenes presentes en la justificaciones de los algoritmos. La operación de suma "+" denota secuencialización de operaciones con determinado orden de complejidad, y el símbolo de igualdad "=" denota la pertenencia al orden de complejidad resultante.

## Algoritmos del módulo

```
iPasar() → res : acción

1: // "" es el constructor por defecto del tipo que sea dirección en su Representación Interna"

2: res \leftarrow \langle accion : "pasar", dir : "" \rangle

Complejidad: \Theta(1)
```

```
iDisparar() → res : acción

1: // "" es el constructor por defecto del tipo que sea dirección en su Representación Interna"

2: res \leftarrow \langle accion : "disparar", dir : "" \rangle \triangleright \Theta(1)

Complejidad: \Theta(1)
```

```
iMover(in d: dir) → res : acción

1: res ← \langle accion : "mover", dir : "d" \rangle \triangleright \Theta(1)

Complejidad: \Theta(1)
```

```
 \begin{aligned} & \mathbf{iInvertir}(\mathbf{in}\ e : \mathtt{evento}) \to res : \mathtt{evento} \\ & 1:\ res \leftarrow \langle pos : "e.pos",\ dir : "invertir(e.dir)",\ disparo? : "e.disparo?" \rangle \\ & \qquad \qquad \triangleright \Theta(1) \\ & \qquad \qquad \underbrace{\mathsf{Complejidad:}}_{} \Theta(1) \\ & ) \end{aligned}
```

```
iInversa(in/out es: vector(evento))
 1: for (i = 0, ..., 5) do
                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(long(es) * 5)
            e \leftarrow \langle pos: Ultimo(es).pos, dir: Ultimo(es).dir, disparo?: false \rangle
                                                                                                                                                              \triangleright \Theta(1)
                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(long(es))
 3:
            AgregarAtras(es, e)
 4: end for
 5: for (i = long(es) - 5, ..., 0) do
                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(long(es)^2)
            e \leftarrow invertir(es[i])
                                                                                                                                                               \triangleright \Theta(1)
 6:
 7:
            AgregarAtras(es, e)
                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(long(es))
 8: end for
     Complejidad: \mathcal{O}(long(es)^2)
     <u>Justificación:</u> Crear una tupla y acceder al vector es \Theta(1). \mathcal{O}(long(es)*5) + \mathcal{O}(long(es)^2) = \mathcal{O}(long(es)^2).
```

```
iAplicar(in \ a: acción, in \ j: juego, in \ e: evento) \rightarrow res: evento
  1: if (a.accion = disparar)
                                                                                                                                                                   \triangleright \Theta(1)
            then res \leftarrow \langle pos : e.pos, dir : e.dir, disparo? : true \rangle
                                                                                                                                                                   \triangleright \Theta(1)
  3: end if
  4:
  5: if (a.accion = pasar)
                                                                                                                                                                   \triangleright \Theta(1)
            then res \leftarrow \langle pos : e.pos, dir : e.dir, disparo? : false \rangle
                                                                                                                                                                   \triangleright \Theta(1)
  7: end if
  8:
  9: if (a.accion = mover) then
                                                                                                                                                                   \triangleright \Theta(1)
            if (a.dir = Arriba() \land \Pi_1(e.pos) + 1 < Tam(j.mapa) \land_L
10:
            Libre(j.mapa, \langle \Pi_1(e.pos) + 1, \Pi_2(e.pos) \rangle)
                                                                                                                                                                   \triangleright \Theta(1)
11:
                   then res \leftarrow \langle pos : \langle \Pi_1(e.pos) + 1, \Pi_2(e.pos) \rangle, dir : a.dir, disparo? : false \rangle
                                                                                                                                                                   \triangleright \Theta(1)
12:
                   else res \leftarrow \langle pos : e.pos, dir : a.dir, disparo? : false \rangle
13:
            end if
14:
            if (a.dir = Abajo() \land \Pi_1(e.pos) - 1 < Tam(j.mapa) \land_L
15:
            Libre(j.mapa, \langle \Pi_1(e.pos) - 1, \Pi_2(e.pos) \rangle)
                                                                                                                                                                   \triangleright \Theta(1)
16:
                   then res \leftarrow \langle pos : \langle \Pi_1(e.pos) - 1, \Pi_2(e.pos) \rangle, dir : a.dir, disparo? : false \rangle
                                                                                                                                                                   \triangleright \Theta(1)
17:
                   else res \leftarrow \langle pos : e.pos, dir : a.dir, disparo? : false \rangle
18:
            end if
19:
            if (a.dir = Derecha() \land \Pi_2(e.pos) + 1 < Tam(j.mapa) \land_L
20:
21:
            Libre(j.mapa, \langle \Pi_1(e.pos), \Pi_2(e.pos) + 1 \rangle)
                                                                                                                                                                   \triangleright \Theta(1)
                   then res \leftarrow \langle pos : \langle \Pi_1(e.pos), \Pi_2(e.pos) + 1 \rangle, \ dir : a.dir, \ disparo? : false \rangle
                                                                                                                                                                   \triangleright \Theta(1)
22:
                   else res \leftarrow \langle pos : e.pos, dir : a.dir, disparo? : false \rangle
23:
24:
            if (a.dir = Izquierda() \land \Pi_2(e.pos) - 1 < Tam(j.mapa) \land_L
25:
            Libre(j.mapa, \langle \Pi_1(e.pos), \Pi_2(e.pos) - 1 \rangle)
                                                                                                                                                                   \triangleright \Theta(1)
26:
                   then res \leftarrow \langle pos : \langle \Pi_1(e.pos), \Pi_2(e.pos) - 1 \rangle, dir : a.dir, disparo? : false \rangle
                                                                                                                                                                   \triangleright \Theta(1)
27:
28:
                   else res \leftarrow \langle pos : e.pos, dir : a.dir, disparo? : false \rangle
29:
            end if
30: end if
      Complejidad: \Theta(1)
      Justificación: Crear una tupla, comparar sus elementos y las operaciones del mapa son \Theta(1).
```