

Procedure AntColonyOptimization:

Initialize necessary parameters and pheromone trials;

while not termination do:

 Generate ant population;

 Calculate fitness values associated with each ant;

 Find best solution through selection methods;

 Update pheromone trial;

end while

end procedure

مراحل:

1. همه ی مورچه ها در لانه خود هستند و فرومونی در محیط وجود ندارد.
2. شروع مورچه ها به جست و جو میان تمامی مسیرها در حالی که احتمال جست و جوی همه مسیرها با هم برابر باشد (مسیر طولانی تر ← مدت زمان بیشتری هم طول خواهد کشید).
3. مورچه هایی که مسیر کوتاه را انتخاب کرده اند سریع تر به غذا می رسند و رد فرومون آن ها در آن مسیر قوی تر خواهد بود.
4. مورچه های بیشتری از مسیری که فرومون قوی دارد عبور می کنند. این امر باعث قوی تر شدن فرومون در آن مسیر می شود. همچنین بدلیل پدیده تبخیر فرومون در مسیرهای طولانی کمتر می شود. در نتیجه احتمال انتخاب آن مسیر نیز کمتر می شود.

مثال و مراحل همگرایی:

مسئله ی زملن بندی در پردازنده های چند هسته ای را میتوان با این روش حل کرد. فرض کنید سیستم شما دو پردازنده ی یکسان داشته و 12 عملیات T_0 تا T_{11} داشته باشیم که زمان اجرای هر کدام متفاوت باشد. علاوه بر همه ی اینها یک گراف تقدم تاخر اجرای تسک ها نیز داریم که ترتیب کار ها را مشخص میکند. چیزی که ما احتیاج داریم یک نمودار Gantt است که آغاز و پایان هر کار را در هر پردازنده به همراه بازه ی زمانی اجرایشان مشخص میکند. برای حل این سوال ابتدا T را تشکیل می دهیم که یک ماتریس $n \times n$ است و بیانگر فرومون است. n تعداد پردازنده های مسئله است. T_{ij} نیز تمایل انتخاب پردازنده j بعد از i است. مقادیر اولیه این ماتریس نزدیک به صفر است. به تعداد ایپاک های مسئله کارهای زیر را انجام می دهیم:

- 1- یک نسل مورچه ایجاد می کنیم.
- 2- برای هر مورچه یک ایپاک می زنیم تا زمانی که تمامی پردازنده ها وارد گراف شوند.
- 3- با استفاده از مقادیر T پردازنده بعدی را انتخاب می کنیم.
- 4- بر روی یک State ایجاد شده که قرار گرفتیم مقدار فرومون را آپدیت می کنیم.
- 5- با رابطه تبخیر (Evaporation) مقدار T را آپدیت می کنیم.
- 6- عملیات بالا را تا زمانی تکرار می کنیم که به جواب مطلوب برسیم یا تعداد ایپاک ما تمام شود.

۲- کدهای مربوط به این سوال در فایل Q2.ipynb نوشته شده اند.

الف) ابتدا کتابخانه و ابزار لازم را فراخوانی کردیم.

```
import numpy as np
from random import randint, choices
```

سپس با توجه به صورت سوال ۳ آرایه تولید کردیم یکی برای سنگ ها، یکی برای وزن سنگ ها و یکی برای ارزش سنگ ها و یک متغیر threshold برای اینکه مجموع وزن سنگ ها از آن بیشتر نشود.

```
stones = np.array([i for i in range(1, 9)])
values = np.array([30, 10, 20, 50, 70, 15, 40, 25])
weights = np.array([2, 4, 1, 3, 5, 1, 7, 4])
threshold = 25
```

سپس تابعی نوشتیم که به کمک آن بتوانیم به صورت رندوم یک جمعیت اولیه از پاسخ ها و فیتنس آن ها تولید کنیم. پاسخ ها را به صورت اعداد باینری ۸ بیتی فرض کردیم طوریکه صفر بودن یک بیت معادل با قرار نگرفتن سنگ متناظر با آن در کوله پشتی و ۱ بودن یک بیت معادل قرار گرفتن سنگ متناظرش در کوله پشتی میباشد.

```
def random_initialization(values, weights, number_of_initialize_population, binary_length):
    population = []
    fitnesses = []
    for i in range(number_of_initialize_population):
        x = generate_random_binary(binary_length)
        population.append(x)
        fitnesses.append(fitness(x, weights, values))
    return population, fitnesses
```

تابع fitness را مطابق سوال نوشتیم. هر پاسخی که به عنوان ورودی بگیرد را بیت به بیت بررسی میکند و جمع ارزش ها و وزن های سنگ های قرار گرفته در کوله پشتی از نظر آن جواب را بدست می آورد. در حالتی که شرط کمتر از ۲۵ بودن رعایت شود ۱ را بر ارزش آن ها تقسیم میکند تا بر این اساس پاسخ ها ارزشگذاری شوند. البته این تابع برعکس عمل میکند یعنی هر چه مقدار کمی ریتن کند یعنی جواب بهتری است و هرچه پاسه به ۱ نزدیک تر باشد جواب بدتری داریم.

```
def fitness(x, weights, values, capacity=25):
    weight_sum = 0
    value_sum = 0
    for i in range(len(x)):
        if x[i] == '1':
            weight_sum += weights[i]
            value_sum += values[i]
    if weight_sum > 25 or value_sum == 0:
        return 1
    return 1.0 / value_sum
```

توابع بعدی برای تولید پاسخ های اولیه به صورت رندوم و همچنین تولید نسل های جدید پاسخ ها از روی قبلی ها پیاده سازی شده اند.

```
import random

def generate_random_binary(n):
    result = ''
    for i in range(n):
        result += str(random.randint(0, 1))
    return result

def two_point_crossover(b1, b2):
    l = len(b1)
    p1 = random.randint(0, l-1)
    p2 = random.randint(0, l-1)
    if p2 < p1:
        p1, p2 = p2, p1
    b3 = b1[0:p1] + b2[p1:p2] + b1[p2:l]
    b4 = b2[0:p1] + b1[p1:p2] + b2[p2:l]
    return b3, b4

def mutation(b, probability):
    if random.random() < probability:
        m1 = random.randint(0, len(b)-1)
        if b[m1] == '0':
            b = b[0:m1] + '1' + b[m1+1:]
        else:
            b = b[0:m1] + '0' + b[m1+1:]
    return b
```

در تابع زیر کل کد الگوریتم ژنتیک با کمک توابع اولیه ی بالا را پیاده سازی کردیم. شرط پایان الگوریتم را تعداد epoch فرض نمودیم. ابتدا جمعیت و فیتنس اولیه را به صورت رندوم بدست می آوریم. سپس در هر epoch فیتنس ها را سورت میکنیم. بعد دو نمونه از بهترین پاسخ ها را پیدا میکنیم. دو پاسخ جدید با crossover کردن آنها حساب میکنیم. دو نمونه هم با mutation. اگر این ۴ پاسخ جدید در جمعیت نبودند اضافه ی شان میکنیم. بعد از تمام شدن همه ی epoch ها بهترین پاسخ ریترن میشود.

```
def genetic_knapsack(values, weights, number_of_initialize_population, binary_length, max_population, mutation_probability, generations):
    population, fitnesses = random_initialization(values, weights, number_of_initialize_population, binary_length)
    for i in range(generations):
        l = len(population)
        if l > max_population:
            population = population[l-max_population:]
            fitnesses = fitnesses[l-max_population:]

        temp = sorted(set(fitnesses))
        x_best = population[fitnesses.index(temp[0])]
        x_second_best = population[fitnesses.index(temp[1])]

        x_new_1, x_new_2 = two_point_crossover(x_best, x_second_best)

        x_new_1 = mutation(x_new_1, mutation_probability)
        x_new_2 = mutation(x_new_2, mutation_probability)

        if x_new_1 not in population:
            population.append(x_new_1)
            fitnesses.append(fitness(x_new_1, weights, values))
        if x_new_2 not in population:
            population.append(x_new_2)
            fitnesses.append(fitness(x_new_2, weights, values))
    return x_best
```

اجرای الگوریتم:

```
VALUES = [30, 10, 20, 50, 70, 15, 40, 25]
WEIGHTS = [2, 4, 1, 3, 5, 1, 7, 4]
NAMES = ["zomorod", "noqre", "yaqut", "almas", "berellian", "firuze", "aqiq", "kahroba"]

best_result = genetic_knapsack(VALUES,
                                WEIGHTS,
                                number_of_initialize_population=5,
                                binary_length=8,
                                max_population=10,
                                mutation_probability=0.1,
                                generations=1000
                                )

print("best chromosome:", best_result, "\n -----")
for i in range(len(best_result)):
    if best_result[i]=='1':
        print(NAMES[i])
```

```
best chromosome: 10111111
-----
zomorod
yaqut
almas
berellian
firuze
aqiq
kahroba
```

طبق پاسخ بدست آمده اگر از هر نوع سنگ به جز یاقوت یکی بردارد، میتواند پول بیشتری بدست بیاورد.