



۱.

کوچکترین عدد مثبت هنگامی است که قسمت اعشار ( $F_{min}$ ) کمترین مقدار را داشته باشد و مقدار نما کوچکترین مقدار را داشته باشد ( $E_{min}$ ) و بیت علامت صفر باشد.

در فرمولی که برای نشان دادن مقدار عدد استفاده میشود، عبارت  $(2 \times b_{31} - 1)$  برای بیت علامت است (اگر  $b_{31}$  صفر باشد، عدد منفی و در غیراینصورت عدد مثبت میشود) و عبارت  $(2^{E-64})$  برای قسمت نما است، برای بدست آوردن کوچکترین نما:

$$E_{min} = \sum_{i=24}^{30} (2^{i-24} \times b_i) = \sum_{i=24}^{30} (2^{i-24} \times 0) = 0$$

عبارت  $(\sum_{i=0}^{23} (\bar{b}_i \times 2^{i-12}))$  برای مقدار اعشار است، که کوچکترین مقدارش برابر است با:

$$F_{min} = 1 \dots 10_{binary} = 2^{-12}$$

پس کوچکترین عدد مثبت برابر است با:

$$2^{0-64} (2 \times 1 - 1) (2^{-12}) = 2^{-76} \xrightarrow{\text{in binary}} 1\ 000\ 0000\ 1111\ 1111\ 1111\ 1111\ 1111\ 1110$$

کوچکترین عدد منفی دارای بزرگترین نما و بزرگترین اعشار و علامت کلی منفی است:

$$E_{max} = \sum_{i=24}^{30} (2^{i-24} \times 1) = 2^6 + 2^5 + \dots + 2^0 = \frac{(1)(1 - 2^7)}{1 - 2} = 127$$

$$F_{max} = \sum_{i=0}^{23} (1 \times 2^{i-12}) = 2^{11} + 2^{10} + \dots + 2^{-11} + 2^{-12} = \frac{(2^{-12})(1 - 2^{24})}{1 - 2} = 2^{12} - 2^{-12} = 4095.99975586$$

پس کوچکترین عدد منفی برابر است با:

$$2^{127-64} (2 \times 0 - 1) (4095.99975586) = 2^{51} - 2^{75} = -4095.99975586 \times 2^{63} \xrightarrow{\text{in binary}} 0\ 1111\ 1111\ 0000 \dots 0000$$



۲.

$$2AE44200 = 0011101011100100100010000000$$

$$= +(2^{-1} + 2^{-2} + 2^{-5} + 2^{-9} + 2^{14}) \times (2^{-42})$$

$$121.0121 = 01000010111100100000011000110010$$

۳.

### الگوریتم جمع/تفریق اعداد اعشاری

۱. چک کردن صفر

۲. مقایسه نماها (جهت پیدا کردن عدد با نمای بزرگتر)
۳. عدد با نمای کوچکتر را به اندازه نماها به سمت راست شیفت می دهیم.
۴. دو عدد را با هم جمع/تفریق می کنیم (جمع/تفریق کننده اندازه علامت)
۵. در صورتی که حاصل هنجار نباشد؛ آن را هنجار می کنیم.

ردیف کردن نما

$$0.75 = 1.1 \times 2^{-1}, (-0.4375)_{10} = (-1.11)_2 \times 2^{-2}$$

$$-0.111 \times 2^{-1} + 1.1 \times 2^{-1} = 0.101 \times 2^{-1} = 1.01 \times 2^{-2}$$



دانشکده مهندسی کامپیوتر

بسمه تعالی  
معماری کامپیوتر  
نیمسال اول ۹۸-۹۹  
پاسخ نامه تمرین (۷)



دانشگاه صنعتی امیرکبیر

الگوریتم ضرب اعداد اعشاری

۱. چک کردن صفر

$$E_R = E_A + E_B - b$$

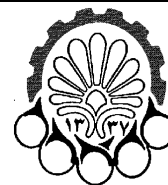
۲. جمع تماها با هم

$$S_R = S_A \oplus S_B \quad \text{تعیین علامت حاصل}$$

$$X = 1.F_A \times 1.F_B \quad \text{اتجام عمل ضرب}$$

۵. هتجار کردن نتیجه در صورت تاهتجار شدن (overflow)

۴.



سرریز! پس از انجام عملیات عدد حاصل شده، قبل از ممیز عددی بزرگتر از یک داشته باشد، مثل:

$$1.0011 \times 2^{10} + 1.0010 \times 2^{10} = 10.0001 \times 2^{10}$$

زیرریز! قبل از ممیز فقط صفر وجود داشته باشد، در ضرب نداریم. مثل:

$$\begin{aligned} -0.4375_{10} + 0.5_{10} &= (-1.110)_2 \times 2^{-2} + (1.000)_2 \times 2^{-1} \\ &= (-0.111)_2 \times 2^{-1} + (1.000)_2 \times 2^{-1} = (0.001)_2 \times 2^{-1} \end{aligned}$$

بی اعتبار! اگر عملیاتی که نوشتیم برای داده تعریف نشده باشد، این پرچم روشن می شود. مثل:  $\sqrt{-2}$

یا مقایسه با *Nan*:

| مقایسه ها                  | روشن شدن پرچم بی اعتباری در مقایسه با <i>nan</i> |
|----------------------------|--|
| $==$ or $!=$               | <i>No</i>  |
| $<$ or $<=$ or $>$ or $>=$ | <i>Yes</i>                                       |

نادرست! عملیات نتیجه ای میدهد که نمیتوان با دقت بینهایت نشان داد. مثلک

$$\frac{2.0}{3.0} \text{ or } \log(1.1)$$

تقسیم بر صفر! مقدار بینهایت تولید میشود و هنگام تقسیم عدد غیر صفری بر صفر ایجاد میشود. مثل:

$$\frac{9.0}{0.0}$$



۵.

| Type                               | Sign | AE   | BE  | EF        | FF                                 | V                                    |
|------------------------------------|------|------|-----|-----------|------------------------------------|--------------------------------------|
| Zero                               | 0    | -126 | 0   | 0000 0000 | 000 0000<br>0000 0000<br>0000 0000 | 0.0                                  |
| Negative<br>Zero                   | 1    | -126 | 0   | 0000 0000 | 000 0000<br>0000 0000<br>0000 0000 | -0.0                                 |
| One                                | 0    | 0    | 127 | 0111 1111 | 000 0000<br>0000 0000<br>0000 0000 | 1.0                                  |
| Minus One                          | 1    | 0    | 127 | 0111 1111 | 000 0000<br>0000 0000<br>0000 0000 | -1.0                                 |
| Smallest<br>denormalized<br>number | *    | -126 | 0   | 0000 0000 | 100 0000<br>0000 0000<br>0000 0000 | $2^{-23}$<br>$\times 2^{-126}$       |
| Largest<br>denormalized<br>number  | *    | -126 | 0   | 0000 0000 | 111 1111<br>1111 1111<br>1111 1111 | $(1 - 2^{-23})$<br>$\times 2^{-126}$ |
| Smallest<br>normalized<br>number   | *    | -126 | 1   | 0000 0001 | 000 0000<br>0000 0000<br>0000 0000 | $(2^{-126})$                         |
| Largest<br>normalized<br>number    | *    | 127  | 254 | 1111 1110 | 111 1111<br>1111 1111<br>1111 1111 | $(2 - 2^{-23})$                      |
| Positive<br>infinity               | 0    | 128  | 255 | 1111 1111 | 000 0000<br>0000 0000<br>0000 0000 | inf                                  |