Fișă de lucru (Subprograme. Funcții în PYTHON). Clasa a XII-a, profil Real.

De la tastatură se citesc două numere întregi. Elaborați un program cu funcții prin intermediul căruia se va determina:

- a) Suma numerelor;
- b) Produsul numerelor;
- c) Media aritmetică a numerelor;
- d) Cel mai mare divizor comun;
- e) Cel mai mic multiplu comun;
- f) Numărul minim;
- g) Numărul maxim;
- h) Suma numerelor în formatul a+b=c, dacă a și b reprezintă numerele citite;
- i) Produsul numerelor în formatul a*b=c, dacă a și b reprezintă numerele citite;
- j) Toţi divizorii comuni;
- k) Cinci multipli comuni;
- 1) Cifrele care se conțin în ambele numere;
- m) Cifrele care sunt în primul număr și nu sunt în al doilea număr;
- n) Va afișa mesajul PRIETENE, dacă numerele sunt prietene. Două numere se numesc prietene, dacă numărul de divizori este același.

| Nota | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|---------------------------------|---|----|----|----|----|----|
| Nr. funcțiilor corect elaborate | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 |

$$\operatorname{cmmdc}(a,b) = egin{cases} a, & \operatorname{dac} \widecheck{a} \ b = 0 \ \operatorname{cmmdc}(b, a \ \operatorname{mod} \ b), & \operatorname{dac} \widecheck{a} \ b \neq 0 \end{cases}$$

$$\operatorname{cmmmc}(a,b) = \frac{a \cdot b}{\operatorname{cmmdc}(a,b)}$$

$$\operatorname{DivComuni}(a,b,d) = egin{cases} arnothing, & \operatorname{dacă} d = 0 \ \operatorname{DivComuni}(a,b,d-1) \cup \{d\}, & \operatorname{dacă} d \mid a \wedge d \mid b \ \operatorname{DivComuni}(a,b,d-1), & \operatorname{altfel} \end{cases}$$

```
def cmmdc_ab(a,b):
  while b != 0:
     a, b = b, a \% b
  return a
def cmmmc_ab(a,b):
    if a == 0 or b == 0:
     return 0
  return abs(a * b) // cmmdc_ab(a, b)
def divizori_comuni(a,b,d):
  if d is None:
     d = min(a, b)
  if d == 0:
     return []
  if a % d == 0 and b % d == 0:
     return [d] + divizori_comuni(a, b, d - 1)
  else:
     return divizori_comuni(a, b, d - 1)
```