

Laboratorio 1 Manejo Básico de GAMS

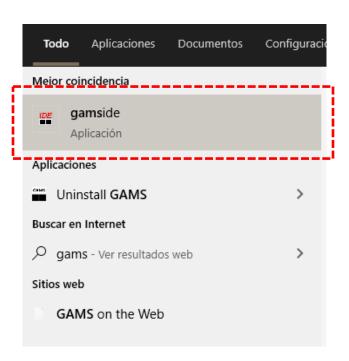
Modelado, Optimización y Simulación

Profesor Germán Montoya



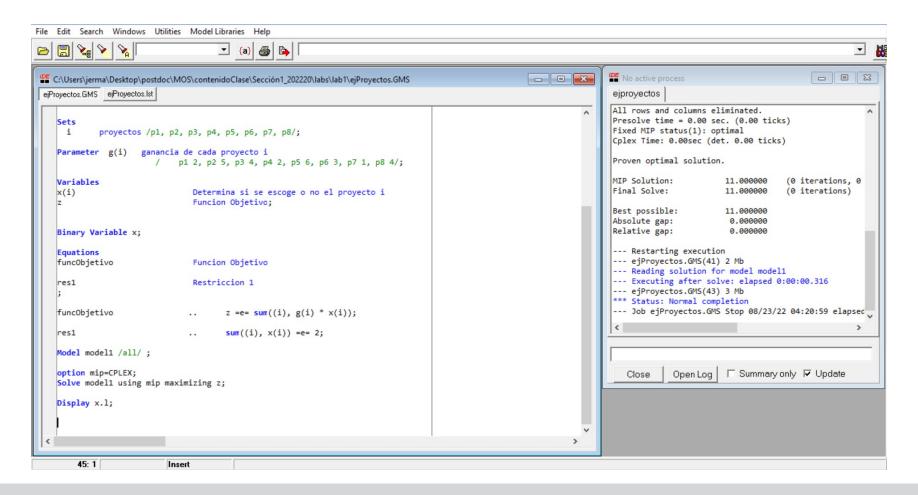
Generalidades

- Descargar de Sicua el archivo:
 - ejemplo1.gms
- Abrir "gamside".



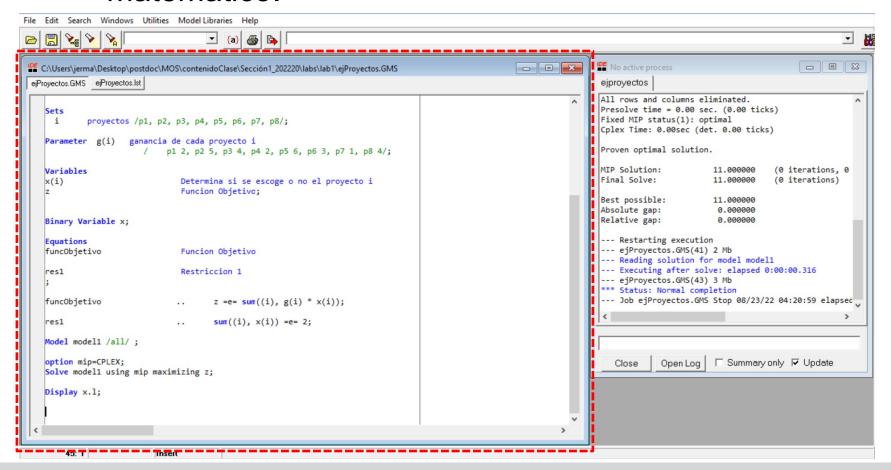


Interfaz General:



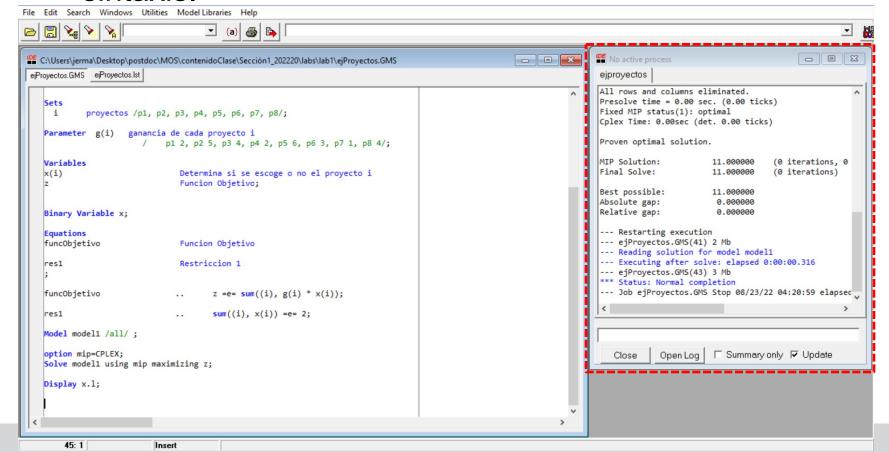


 Editor (*.gms): donde implemento mi modelo matemático.



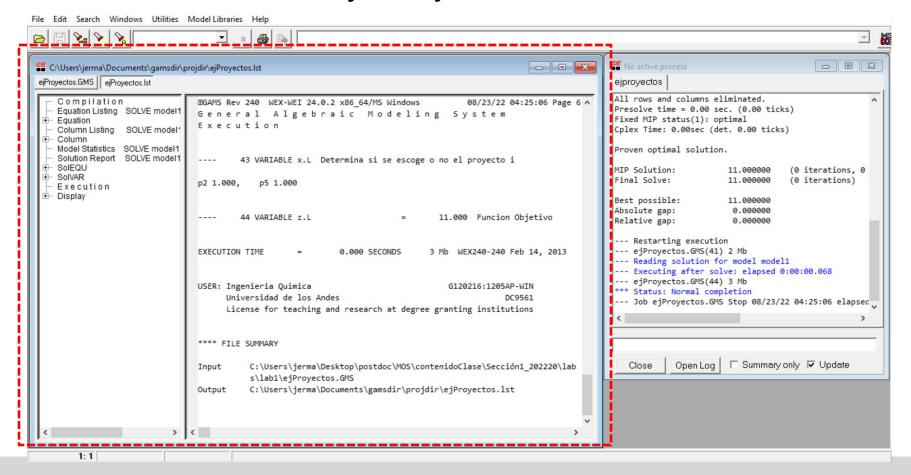


 Consola de resultados (*.log): donde observo si la ejecución del modelo fue correcta o si hay errores de sintaxis.





 Archivo de resultados (*.lst): donde observo el resultado de mi función objetivo y mis variables de decisión.



```
Sets
         proyectos /p1, p2, p3, p4, p5, p6, p7, p8/;
Parameter g(i) ganancia de cada proyecto i
                    / p1 2, p2 5, p3 4, p4 2, p5 6, p6 3, p7 1, p8 4/;
Variables
x(i)
                             Determina si se escoge o no el proyecto i
                            Funcion Objetivo;
Binary Variable x;
Equations
                            Funcion Objetivo
funcObjetivo
                             Restriccion 1
res1
funcObjetivo
                                   z = e = sum((i), g(i) * x(i));
res1
                                   sum((i), x(i)) = e = 2;
Model model1 /all/;
option mip=CPLEX;
Solve model1 using mip maximizing z;
Display x.l;
Display z.l;
```



- Conjuntos (Rangos)
- Parámetros
- Variables

```
Sets
i proyectos /p1, p2, p3, p4, p5, p6, p7, p8/;

Parameter g(i) ganancia de cada proyecto i
/ p1 2, p2 5, p3 4, p4 2, p5 6, p6 3, p7 1, p8 4/;

Variables
x(i) Determina si se escoge o no el proyecto i
z Funcion Objetivo;

Binary Variable x;
```

```
Equations
funcObjetivo

res1 Restriction 1
;
funcObjetivo .. z =e= sum((i), g(i) * x(i));
res1 .. sum((i), x(i)) =e= 2;

Model model1 /all/;
option mip=CPLEX;
Solve model1 using mip maximizing z;

Display x.1;
Display z.1;
```



- Función Objetivo
- Restricciones

```
Sets
        proyectos /p1, p2, p3, p4, p5, p6, p7, p8/;
Parameter g(i) ganancia de cada proyecto i
                    / p1 2, p2 5, p3 4, p4 2, p5 6, p6 3, p7 1, p8 4/;
Variables
                           Determina si se escoge o no el proyecto i
x(i)
                           Funcion Objetivo;
Binary Variable x;
Equations
                     Funcion Objetivo
funcObjetivo
                           Restriccion 1
res1
funcObjetivo
                          .. z =e= sum((i), g(i) * x(i));
                                  sum((i), x(i)) =e= 2;
Model model1 /all/;
option mip=CPLEX;
Solve model1 using mip maximizing z;
Display x.l;
Display z.l;
```



- Nombre del modelo
- Tipo de problema y solver a usar
- Definición de si vamos a maximizar o minimizar

```
Sets
        proyectos /p1, p2, p3, p4, p5, p6, p7, p8/;
Parameter g(i) ganancia de cada proyecto i
                    / p1 2, p2 5, p3 4, p4 2, p5 6, p6 3, p7 1, p8 4/;
Variables
                            Determina si se escoge o no el proyecto i
x(i)
                            Funcion Objetivo:
Binary Variable x;
Equations
                       Funcion Objetivo
funcObjetivo
                            Restriccion 1
res1
funcObjetivo
                               z =e= sum((i), g(i) * x(i));
res1
                                   sum((i), x(i)) = e = 2;
 odel model1 /all/ ;
option mip=CPLEX;
Solve model1 using mip maximizing z;
Display x.l;
Display z.l;
```



 Definiendo las variables que queremos visualizar cuando resolvamos el modelo.

```
Sets
        proyectos /p1, p2, p3, p4, p5, p6, p7, p8/;
Parameter g(i) ganancia de cada proyecto i
                     / p1 2, p2 5, p3 4, p4 2, p5 6, p6 3, p7 1, p8 4/;
Variables
                             Determina si se escoge o no el proyecto i
x(i)
                            Funcion Objetivo;
Binary Variable x;
Equations
                            Funcion Objetivo
funcObjetivo
                            Restriccion 1
res1
funcObjetivo
                                  z =e= sum((i), g(i) * x(i));
res1
                                   sum((i), x(i)) = e = 2;
Model model1 /all/;
option mip=CPLEX;
Solve model1 using mip maximizing z;
Display x.l;
Display z.l;
```



Ejemplo:

- Enunciado:
 - Tenemos 8 proyectos que retornan una cierta ganancia, por lo cuál deseamos seleccionar la mayor cantidad de proyectos posible que nos generen la mayor ganancia. Sin embargo, tenemos ciertas limitaciones para adquirir los proyectos.
 - Nota: no tener en cuenta la inversión que se debe realizar para cada proyecto.
 - Parámetros: ganancia g_i
 - Tipo de variable : xi
 - − X_i=1 si escojo el proyecto i
 - X_i=0 si NO escojo el proyecto i

Ejemplo:

- Modelo matemático:
 - Tenemos 8 proyectos que retornan una cierta ganancia, por lo cuál deseamos seleccionar la mayor cantidad de proyectos posible que nos generen la mayor ganancia. Sin embargo, tenemos ciertas limitaciones para adquirir los proyectos.
 - Nota: no tener en cuenta la inversión que se debe realizar para cada proyecto.
 - Función Objetivo: $max \sum_{i} g_i * x_i$
 - Supongamos que solo podemos escoger 2 proyectos:

$$\sum_{i} x_i = 2$$



Implementación del Ejemplo en GAMS

Modelo matemático:

P= {1,2,3,4,5,6,7,8}. *Conjunto de Proyectos*.

 g_i : Parámetro. Ganancia de cada proyecto.

 x_i : variable. El proyecto se escoge o no.

$$x_i \in \{0,1\}.$$

$$maximizar \sum_{i \in O} g_i * x_i$$

s.a:

$$\sum_{i \in P} x_i = 2$$

GAMS:

```
proyectos /p1, p2, p3, p4, p5, p6, p7, p8/;
                  ganancia de cada proyecto i
                          p1 2, p2 5, p3 4, p4 2, p5 6, p6 3, p7 1, p8 4/;
Variables
                             Determina si se escoge o no el proyecto i
                             Funcion Objetivo;
Binary Variable x;
Model model1 /all/ :
Display x.1;
Display z.l;
```



Implementación del Ejemplo en GAMS

Modelo matemático:

 $P = \{1,2,3,4,5,6,7,8\}$. Conjunto de Proyectos.

 g_i : Parámetro. Ganancia de cada proyecto.

 x_i : variable. El proyecto se escoge o no.

 $x_i \in \{0,1\}.$

$$maximizar \sum_{i \in O} g_i * x_i$$

s.a:

$$\sum_{i \in P} x_i = 2$$

GAMS:

– Run:

Resultados → Al final del archivo *.lst:

```
---- 43 VARIABLE x.L Determina si se escoge o no el proyecto i
p2 1.000, p5 1.000
---- 44 VARIABLE z.L = 11.000 Funcion Objetivo
```



Características detalladas de GAMS



Sets

 Sets: representan los índices de las sumatorias, productorias o «para todos» para recorrer conjuntos.

$$min \sum_{i \in A} valor_i * x_i$$

• Cinco elementos: Set i articles / a1, a2, a3, a4, a5 /; Set i articles / a1*a5 /; Set i articles / 1*5 /;

Crear un conjunto copia de otro: Set i articles / 1*5 /;



Escalares, Parámetros y Tablas

Escalares:

```
Scalar BUDGET budget /10/;
```

- Parámetros:
 - Parámetro de 1 dimensión (un índice):

```
Parameter value(i) value of each article / a1 12, a2 5, a3 9, a4 6, a5 4 /;
```

Parámetros de 2 o mas dimensiones:

```
    Forma 1: Parameter D(i,j); D('h1','d1')=1; D('h2','d1')=0; D('h3','d1')=1; D('h1','d2')=1; D('h2','d2')=0;
    Forma 2: Parameter D(i,j) /h1.d1=1 h2.d1=0 h3.d1=1 h1.d2=1 h2.d2=0/;
```



Escalares, Parámetros y Tablas

Tablas (parámetro de 2 dimensiones) :

$$\sum_{i \in P} \sum_{j \in R} C_{ij} X_{ij} \longrightarrow C_{ij} ?$$

Table c(i,j)	link cost				
	n1	n2	n3	n4	n5
n1	999	1	1	999	999
n2	999	999	999	999	1
n3	999	999	999	1	999
n4	999	999	999	999	1
n5	999	999	999	999	999;



Variables

```
• Declaración: Variables

x(i) Inidicates if the article is bought or not
z objective function;
Binary Variable x;
```

Variable types:

Keyword	Default	Default	Description
	Lower	Upper	
	Bound	Bound	
free (default)	-inf	+inf	No bounds on variable. Both bounds can be changed from the
			default values by the user
positive	0	+inf	No negative values are allowed for variable. The user can change
_			the upper bound from the default value.
negative	-inf	0	No positive values are allowed for variables. The user can change
			the lower bound from the default value.
binary	0	1	Discrete variable that can only take values of 0 or 1
integer	0	100	Discrete variable that can only take integer values between the
			bounds. The user can change bounds from the default value.



Variables

Visualización de las variables:

```
Variables
         x(i) Inidicates if the article is bought or not
                   objective function;
       Binary Variable x;
        Display x.1;
        29 VARIABLE x.L if the article is bought
a4 1.000, a5 1.000
                                          10.000 objective function
        30 VARIABLE z.L
```



Ecuaciones

Declaración and definición:

Operadores relacionales: =e=equal
 =g=greater than or equal to
 =l=less than or equal to



Comentario simple:



Comentario de un fragmento de código:

```
Variables
x(i)
                            Determina si se escoge o no el proyecto i
                            Funcion Objetivo;
Binary Variable x;
Sontext
Equations
                           Funcion Objetivo
funcObjetivo
                            Restriccion 1
res1
funcObjetivo
                z = e = sum((i), g(i) * x(i)); 
                          \ldots sum((i), x(i)) =e= 2;
res1
Model model1 /all/;
option mip=CPLEX;
Solve model1 using mip maximizing z;
Sofftext
Display x.1;
Display z.l;
```



 Es possible chequear todos mis conjuntos y parámetros sin resolver el modelo:

```
Sets
 i
         proyectos /p1, p2, p3, p4, p5, p6, p7, p8/;
                  ganancia de cada proyecto i
                         p1 2, p2 5, p3 4, p4 2, p5 6, p6 3, p7 1, p8 4/;
Variables
x(i)
                             Determina si se escoge o no el proyecto i
                             Funcion Objetivo:
Binary Variable x;
Sontext
Equations
funcObjetivo
                             Funcion Objetivo
                             Restriccion 1
res1
funcObjetivo
                                   z = e = sum((i), g(i) * x(i));
res1
                                  sum((i), x(i)) = e = 2;
Model model1 /all/;
option mip=CPLEX;
Solve model1 using mip maximizing z;
$offtext
Display i;
Display g;
```

```
---- 46 SET i proyectos
p1, p2, p3, p4, p5, p6, p7, p8
---- 47 PARAMETER g ganancia de cada proyecto i
p1 2.000, p2 5.000, p3 4.000, p4 2.000, p5 6.000, p6 3.000
p7 1.000, p8 4.000
```



Ejercicios:

 Implemente la siguiente tabla usando dos métodos distintos: el método "table" y el método "parameter".

	a1	a2	a3
n1	1	5	2
n2	4	2	6
n3	3	5	2

 Implemente la siguiente tabla usando dos métodos distintos: el método "table" y el método "parameter".

	Juana	Pedro	Pepita
n1	1	5	2
n2	4	2	6
n3	3	5	2



Ejercicios:

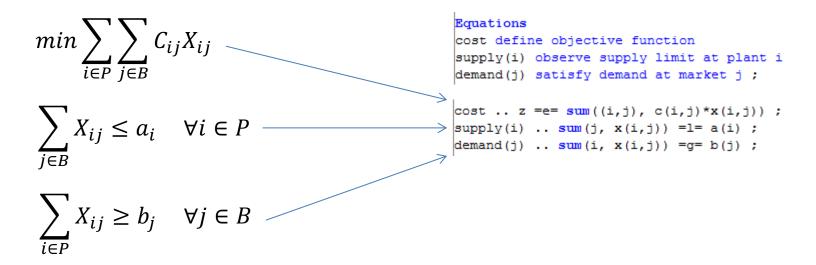
 Implemente la siguiente tabla usando dos métodos distintos: el método "table" y el método "parameter".

	n1	n2	n3
n1	1	5	2
n2	4	2	6
n3	3	5	2



Ecuaciones

'Para todo':





Display z.1;

Sentencias para definir el modelo y el solver a usar

```
Model Model1 /all/;
Model Model1 /cost, supply, demand/;
Model Model1 /cost, supply, demand/;

Model Model1 /cost, supply/;

Model Model1 /cost, supply/;

option lp=CPLEX
Solve Model1 using lp minimizing z;

Display x.1;

Solution for 'x' and 'z'.
```

'l': level



Sentencias para definir el modelo y el solver a usar

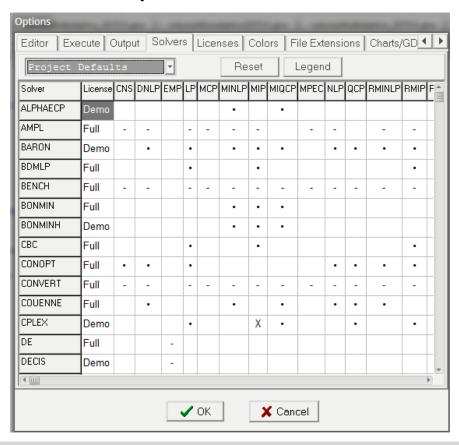
Tipos de problemas:

```
for linear programming
          for quadratic constraint programming
          for nonlinear programming
          for nonlinear programming with discontinuous derivatives
          for mixed integer programming
          for relaxed mixed integer programming
          for mixed integer quadratic constraint programming
miqcp
          for relaxed mixed integer quadratic constraint programming
minlp
          for mixed integer nonlinear programming
          for relaxed mixed integer nonlinear programming
rminlp
          for mixed complementarity problems
mcp
          for mathematical programs with equilibrium constraints
mpec
          for relaxed mathematical program with equilibrium constraints
rmpec
          for constrained nonlinear systems
cns
          for extended mathematical programming
emp
```



Sentencias para definir el modelo y el solver a usar

- Tipos de problemas:
 - File>Options>Solvers



Solver Selection Legend

- X Current selection
- Available selection
- Not available (Option statement only)



Condicionales en las restricciones

- Cómo representar un "tal que" en las restricciones?
 - Usando el símblolo "\$".

```
Eq2(i)$(cost(i)=5) .. x(i)=l=a(i);
Eq3(i)$(ord(i)<>1) .. x(i)=l=a(i);
```

Operadores relacionales en los "tal que":

```
<= (le): less than or equal to
```

< (It): strictly less than

= (eq): equal to

<> (ne): not equal to

>= (ge): greater than or equal to

> (gt): strictly greater than



 Error 1: No controlar todos los índices en la ecuación genérica.

Ejemplo 1:

– Forma incorrecta:

```
sourceNode .. sum((j), x(i,j)) = e= 1;
```

– Mensaje de error arrojado por GAMS:

```
--- ejCaminoCostoMinimo.GMS(35) 3 Mb 1 Error
*** Error 149 in C:\Users\Germán\Desktop\post
Uncontrolled set entered as constant
```

– Forma correcta:

```
sourceNode(i)$(ord(i) = 1) .. sum((j), x(i,j)) = e= 1;
```



 Error 1: No controlar todos los índices en la ecuación genérica.

Ejemplo 2:

– Forma incorrecta:

```
sourceNode(i)$(ord(i) = 1) .. x(i,j) = e= 1;
```

– Mensaje de error arrojado por GAMS:

```
--- ejCaminoCostoMinimo.GMS(35) 3 Mb 1 Error

*** Error 149 in C:\Users\Germán\Desktop\post

Uncontrolled set entered as constant
```

– Forma correcta:

```
sourceNode(i)$(ord(i) = 1) .. sum((j), x(i,j)) = e= 1;
```



- Error 1: No controlar todos los índices en la ecuación genérica.
 - Conclusión:
 - En una expresión genérica todo índice debe estar controlado por algún operador matemático útil para generalizar ecuaciones.
 - Operadores matemáticos para generalizar expresiones:
 - » Sumatoria
 - » Para todo
 - » Productoria

- Error 2: Que un índice este controlado por mas de un operador matemático.
 - Forma incorrecta:

```
sourceNode(i)$(ord(i) = 1) .. sum((i,j), x(i,j)) = e= 1;
```

– Mensaje de error arrojado por GAMS:

```
--- ejCaminoCostoMinimo.GMS(35) 3 Mb 1 Error

*** Error 125 in C:\Users\Germán\Desktop\post

Set is under control already
```

– Forma correcta:

```
sourceNode(i)\$(ord(i) = 1) .. sum((j), x(i,j)) = e = 1;
```



- Error 2: Que un índice este controlado por mas de un operador matemático.
 - Conclusión:
 - Todo índice debe estar controlado por un operador matemático, pero solo puede ser uno, no pueden ser varios operadores para un mismo índice.



- Error 3: Que ningún índice este controlado por algún operador matemático.
 - Forma incorrecta:

```
sourceNode \dots \times (i,j) = e = 1;
```

– Mensaje de error arrojado por GAMS:

```
--- ejCaminoCostoMinimo.GMS(35) 3 Mb 1 Error

*** Error 149 in C:\Users\Germán\Desktop\post

Uncontrolled set entered as constant
```

– Forma correcta:

```
sourceNode(i)\$(ord(i) = 1) .. sum((j), x(i,j)) = e= 1;
```

- Error 3: Que ningún índice este controlado por algún operador matemático.
 - Forma incorrecta:

```
sourceNode \dots \times (i,j) = e = 1;
```

– Mensaje de error arrojado por GAMS:

```
--- ejCaminoCostoMinimo.GMS(35) 3 Mb 1 Error

*** Error 149 in C:\Users\Germán\Desktop\post

Uncontrolled set entered as constant
```

 Si queremos especificar un término en particular, debemos realizar lo siguiente:

```
sourceNode .. x('n1','n2') =e= 1;
```

 O si queremos sumar varios términos específicos, los representamos así:

```
sourceNode .. x('n1','n2') + x('n1','n3') =e= 1;
```

- Error 4: incluir la variable de decisión en un "tal que".
 - Forma incorrecta:

```
sourceNode(i)\$(ord(i) = 1) .. sum((j)\$(x(i,j) = 1), x(i,j)) = e= 1;
```

– Mensaje de error arrojado por GAMS:

```
--- ejCaminoCostoMinimo.GMS(43) 3 Mb 2 Errors

*** Error 57 in C:\Users\Germán\Desktop\postdoc\MOS\contenido(
Endogenous relational operations require model type "dnlp"
```

 Forma correcta: no incluir la variable de decisión en los "tal que".

```
sourceNode(i)$(ord(i) = 1) .. sum((j), x(i,j)) = e= 1;
```



- Error 5: No usar la función "ord" en la evaluación de un índice.
 - Forma incorrecta:

```
    Ej1: ||sourceNode(i)$(i = 1) ... sum((j), x(i,j)) =e= 1;
    Ej2: ||loop((i,j), if ((i=j), c(i,j)=999; );
```

– Mensaje de error arrojado por GAMS:

```
--- ejCaminoCostoMinimo.GMS(35) 3 Mb 2 Errors

*** Error 148 in C:\Users\Germán\Desktop\postdoc\MOS\contenidoClas
    Dimension different - The symbol is referenced with more/less
    indices as declared

*** Error 135 in C:\Users\Germán\Desktop\postdoc\MOS\contenidoClas
    Incompatible operands for relational operator
```

– Forma correcta:

```
sourceNode(i)$(ord(i) = 1) .. sum((j), x(i,j)) = e= 1;
```

```
loop( (i,j),
    if ((ord(i)=ord(j)),
       c(i,j)=999;
    );
```

- Error 6: Usar un parámetro para guardar un calculo sin haberlo definido previamente.
 - Forma incorrecta:

– Mensaje de error arrojado por GAMS:

```
--- minimoCostoCoordenadas.GMS(31) 3 Mb 1 Error
*** Error 140 in C:\Users\Germán\Desktop\postdo
Unknown symbol
```

– Forma correcta:



Sugerencias para desarrollar la guía

- Intentar representar el problema con un grafo.
- Proponer teóricamente el modelo matemático no generico.
 - Definir los conjuntos.
 - Definir los índices a usar.
 - Definir la(s) variable(s) de decision.
 - Definir la función objetivo no generica.
 - Definir las restricciones no genéricas.
- Implementar el modelo no genérico en GAMS.
 - Verificar que el resultado sea coherente (sea lógico) de acuerdo al contexto del problema.
- Implementar el modelo matemático genérico.
 - Convertir la expresiones no genéricas en genéricas.
 - Tener en cuenta los tips de "Errores típicos".
 - Verificar que el resultado sea coherente (sea lógico) de acuerdo al contexto del problema, es decir, que haya arrojado el mismo resultado arrojado por el modelo matemático no genérico.