Задания к расчетной работе № 2 по курсу "Надежная передача данных"

19 октября 2019 г.

Задан двоичный сверточный код с порождающими многочленами $g^{(1)}(x), g^{(2)}(x)$. Кодовые слова представляют собой последовательности $(c_0^{(1)}, c_0^{(2)}, c_1^{(1)}, c_1^{(2)}, c_2^{(1)}, c_2^{(2)}, \ldots)$, где $c^{(i)}(x) = \sum_j c_j^{(i)} x^j = a(x)g^{(i)}(x), i = 1, 2$, где $a(x) = \sum_i a_i x^i$. Регистр сдвига, реализующий кодер, после окончания подачи информационных символов a_i обнуляется путем подачи фиксированного числа нулевых символов.

Необходимо продекодировать по максимуму правдоподобия нижеприведенные последовательности $y=(y_0^{(1)},y_0^{(2)},y_1^{(1)},y_1^{(2)},\ldots)$ в метрике Хемминга, где $y_j^{(i)}=c_j^{(i)}+e_{2j+i-1}$. В ответе указать номера ошибочных символов (нумерация с нуля), т.е. такие числа t, что $e_t\neq 0$, и информационные последовательности (a_0,a_1,\ldots) , соответствующие восстановленным кодовым словам, (не включая символы, использованные для обнуления регистра сдвига). Кроме того, необходимо привести решетку рассматриваемого кода с промежуточными результатами алгоритма Витерби.

Пример оформления ответа:

- Иванов Иван Иванович, гр. 12345
- Вариант 0
- Ошибки в позициях 0,5,10,15.
- Информационная последовательность 01010101



До 9.11 за правильно выполненное задание начисляются 10 баллов. Далее до 25.11 за правильно выполненное задание начисляются 5 баллов. После этой даты ответы не принимаются. Решения присылать преподавателю, ведущему практические занятия, с темой письма CodingTask2.

Номер варианта указан в журнале курса.

1.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1$. $+ x^1 + x^2 + x^4$; $y = (1101101111000011100101011100)$

2.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1$. $g^{(1)}(x) =$

3.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1$. $+ x^1 + x^2 + x^4$; $y = (0011101110111100111100011011)$

4.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1$. $+ x^1 + x^2 + x^4$; $y = (1110111000010011000010101001)$

5.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1$. $+ x^1 + x^2 + x^4$; $y = (0110000011110000010111101011)$

6.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1$. $+ x^1 + x^2 + x^4$; $y = (0100011001001100110011001111)$

7.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1$. $+ x^1 + x^2 + x^4$; $y = (0000100111010111100100101011)$

8.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1$. $+ x^1 + x^2 + x^4$; $y = (0001001101100000101100111111)$

9.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1$. $+ x^1 + x^2 + x^4$; $y = (0011100000111100011111101010)$

10.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1$. $+ x^1 + x^2 + x^4$; $y = (1110011101110110101000011100)$

11.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1$. $+ x^1 + x^2 + x^4$; $y = (00001110111101001010011111110)$

12.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4$; $g^{(2)}(x) = 1 + x^3 + x^4$

13.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4$; $g^{(2)}(x) = 1 + x^3 + x^4$

14.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4$; $y = (0111110101111100010100001100)$

15.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1$. $+ x^1 + x^2 + x^4$; $y = (1100001010101000110000101111)$

17.
$$q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4$; $q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4$

18.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1$. $g^{(2)}(x) = 1$. $g^{(2)}(x) = 1$. $g^{(3)}(x) = 1$. $g^{(2)}(x) = 1$. $g^{(3)}(x) =$

19.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4$; $g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$, $g^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^2 + x^4$; $g^{(2)}(x) = 1 + x^3 + x^4$

$$20. \ \ g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, \ g^{(2)}(x) = 1. + x^1 + x^2 + x^4; \\ y = (1011101110110010100011010011)$$

$$21. \ \ g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, \ g^{(2)}(x) = 1. + x^1 + x^2 + x^4; \\ y = (0000111110111000011101000000)$$

$$22. \ \ g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, \ g^{(2)}(x) = 1. + x^1 + x^2 + x^4; \\ y = (0001101101101101000011000000)$$

$$23. \ \ g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, \ g^{(2)}(x) = 1. + x^1 + x^2 + x^4; \\ y = (110110110110110100001100010000)$$

24.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4$; $g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$, $g^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^2 + x^4$; $g^{(2)}(x) = 1 + x^3 + x^4$

25.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4$; $g^{(2)}(x) = 1 + x^3 + x^4$

$$85. \ g^{(1)}(x) = 1 + x^1 + x^4, \ g^{(2)}(x) = 1 + x^2 + x^3 + x^4; \ y = (001100100000001110101111001)$$

$$86. \ g^{(1)}(x) = 1 + x^1 + x^4, \ g^{(2)}(x) = 1 + x^2 + x^3 + x^4; \ y = (111010000111101011111011111011)$$

$$87. \ g^{(1)}(x) = 1 + x^1 + x^4, \ g^{(2)}(x) = 1 + x^2 + x^3 + x^4; \ y = (01110111111000110000101110011)$$

$$88. \ g^{(1)}(x) = 1 + x^1 + x^4, \ g^{(2)}(x) = 1 + x^2 + x^3 + x^4; \ y = (0000111011101110110110101111)$$

$$89. \ g^{(1)}(x) = 1 + x^1 + x^4, \ g^{(2)}(x) = 1 + x^2 + x^3 + x^4; \ y = (111010110010111001111011110111)$$

$$90. \ g^{(1)}(x) = 1 + x^1 + x^4, \ g^{(2)}(x) = 1 + x^2 + x^3 + x^4; \ y = (111001110010101100111101111011)$$

$$91. \ g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, \ g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^3 + x^4; \ y = (11100111001101010100001000010000100)$$

$$92. \ g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, \ g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^3 + x^4; \ y = (01000000000000000000111011111)$$

$$93. \ g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, \ g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^3 + x^4; \ y = (01000001111001011100101111011111)$$

$$94. \ g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, \ g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^3 + x^4; \ y = (0100011110000011110010001111101111)$$

$$95. \ g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, \ g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^3 + x^4; \ y = (1110101000111110010001111101)$$

$$97. \ g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, \ g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^3 + x^4; \ y = (111010100011111010000111100)$$

$$99. \ g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, \ g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^3 + x^4; \ y = (111001000011111000000111100)$$

$$99. \ g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, \ g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^3 + x^4; \ y = (1110010000001111000000111000001)$$

$$100. \ g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, \ g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^3 + x^4; \ y = (000011010101010101010000111000001)$$

$$101. \ g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, \ g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^3 + x^4; \ y = (000011010101010101010101010101)$$

$$102. \ g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, \ g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^3 + x^4; \ y = (1110100000111100000111100101)$$

$$103. \ g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, \ g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^3 + x^4; \ y = (100011010101010101010101010101)$$

$$104. \ g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, \ g^{(2)}$$

```
113. q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^3 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4 + x^4 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + 
  114. q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^3 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + 
  115. q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^3 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4 + x^4 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + 
  116. q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^3 + x^4; y = (1101001110110010010000001100)
  117. q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^3 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + 
  118. q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^3 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + 
  119. q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^3 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + 
  120. q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^3 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4 + x^4 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + 
  121. q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + 
  122. q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + 
  123. q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4; y = (0000000011000101101011101101)
  124. q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + 
  125. q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + 
  126. q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + 
  127. a^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, a^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4; a^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4; a^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4.
  128. q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + 
  129. a^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, a^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4; a^{(2)}(x) = 1 + x^4 + 
  130. q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + 
  131. a^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, a^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4; a^{(2)}(x) = 1 + x^4 + 
  132. q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4; y = (0011011000000100101011111)
  133. q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4; y = (0011010110100101110000011011)
  134. q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4; y = (1001101110100001010011110111)
  135. q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4; y = (0000111000111010111111010000)
  136. q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4; y = (000000000001010111010011110)
  137. q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4; y = (1111101101000001101010000111)
  138. q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4; q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4 + x^4 + x^4
  139. q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4; y = (11000010111110010011011110000)
140. q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4, q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4; y = (11100000001011010101000011101)
```

141.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4$; $g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$, $g^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^2 + x^4$; $g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$, $g^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4$; $g^{(2)}(x) = 1 + x^4 +$

142.
$$q^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $q^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4$; $q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4$; $q^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4$; $q^{(2)}(x) = 1 + x^4 +$

143.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4$; $g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$, $g^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^2 + x^4$; $g^{(2)}(x) = 1 + x^3 + x^4$, $g^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^2 + x^4$; $g^{(2)}(x) = 1 + x^4 +$

144.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4$; $g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$, $g^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^2 + x^4$; $g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$, $g^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4$; $g^{(2)}(x) = 1 + x^4 +$

145.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4$; $g^{(2)}(x) = 1 + x^3 + x^4$

146.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4$; $g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$, $g^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^2 + x^4$; $g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$, $g^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4$; $g^{(2)}(x) = 1 + x^4 +$

147.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4$; $y = (0001000010101101101101101000111)$

148.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4$; $g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$, $g^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^2 + x^4$; $g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$, $g^{(2)}(x) = 1 + x^4 + x^4 + x^4$; $g^{(2)}(x) = 1 + x^4 +$

149.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4$; $y = (11011000001001011001011011)$

150.
$$g^{(1)}(x) = 1 + x^3 + x^4$$
, $g^{(2)}(x) = 1 + x^1 + x^2 + x^4$; $y = (11100100110000110010111110000)$