

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ**  
**ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ**  
**«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)**  
**Кафедра МО ЭВМ**

**ОТЧЕТ**  
**по лабораторной работе №1**  
**по дисциплине «Информатика»**  
Тема: Основные управляющие конструкции языка Python

Студен гр. 3343

Преподаватель

---

---

Кербель Д. А.

Иванов Д. В.

Санкт-Петербург

2023

## **Цель работы**

Изучить и научиться применять основные управляющие конструкции языка Python и библиотеку NumPy.

## Задание

Вариант лабораторной работы состоит из 3 задач, оформите каждую задачу в виде отдельной функции согласно условиям задач. Приветствуется использование модуля `numpy`, в частности пакета `numpy.linalg`. Вы можете реализовывать вспомогательные функции, главное — использовать те же названия основных функций, что требуются в задании. Сами функции вызывать не надо, это делает за вас проверяющая система.

### Задача 1.

Оформите решение в виде отдельной функции `check_collision`. На вход функции подаются два `ndarray` -- коэффициенты `bot1`, `bot2` уравнений прямых  $bot1 = (a1, b1, c1)$ ,  $bot2 = (a2, b2, c2)$  (уравнение прямой имеет вид  $ax+by+c=0$ ).

Функция должна возвращать точку пересечения траекторий (кортеж из 2 значений), предварительно округлив координаты до 2 знаков после запятой с помощью `round(value, 2)`.

**Примечание:** помните про ранг матрицы и как от него зависит наличие решения системы уравнений. В случае, если решение найти невозможно (например, из-за линейно зависимых векторов), функция должна вернуть `None`.

### Задача 2. Содержательная часть задачи

Оформите задачу как отдельную функцию `check_surface`, на вход которой передаются координаты 3 точек (3 `ndarray` 1 на 3): `point1`, `point2`, `point3`. Функция должна возвращать коэффициенты  $a$ ,  $b$ ,  $c$  в виде `ndarray` для уравнения плоскости вида  $ax+by+c=z$ . Перед возвращением результата выполнение округление каждого коэффициента до 2 знаков после запятой с помощью `round(value, 2)`.

**Примечание:** помните про ранг матрицы и как от него зависит существование решения системы уравнений. В случае, если решение найти невозможно (невозможно найти коэффициенты плоскости из-за, например, линейно зависимых векторов), функция должна вернуть *None*.

### **Задача 3. Содержательная часть задачи**

Оформите решение в виде отдельной функции *check\_rotation*. На вход функции подаются *ndarray* 3-х координат дакибота и угол поворота. Функция возвращает повернутые *ndarray* координаты, каждая из которых округлена до 2 знаков после запятой с помощью *round(value, 2)*..

## Выполнение работы

Для выполнения поставленных задач, мною была написана программа на языке Python, в которой описываются функции для решения поставленных задач.

Самая первая функция `check_collision(bot1, bot2)` выполняет первую задачу. Она принимает два аргумента `bot1` и `bot2`, которые представляют собой списки с 3 элементами. Создает матрицу  $A$  размером  $2 \times 2$ , где первая строка состоит из элементов `bot1`, а вторая строка из элементов `bot2`. Создает вектор  $b$ , состоящий из отрицательных значений третьего элемента каждого бота. Далее проверяет ранг матрицы  $A$ . Если он меньше 2, функция возвращает `None`. Иначе, пытается решить уравнение  $A * x = b$  методом `linalg.solve`, где  $x$  - искомая точка пересечения. Округляет полученную точку пересечения до двух знаков после запятой. Возвращает кортеж с округленной точкой пересечения, если уравнение было успешно решено, иначе возвращает `None`.

Вторая задача выполняется функцией `check_surface(pt1, pt2, pt3)`. Функция принимает три аргумента `pt1`, `pt2`, `pt3`, которые представляют собой списки с 3 элементами. Извлекает координаты  $x$ ,  $y$  и  $z$  для каждой точки из аргументов. Создает матрицу `matrix_coeff` размером  $3 \times 3$ , где каждая строка состоит из координат  $x$ ,  $y$  и 1 для соответствующей точки. Создает вектор `free_vector`, состоящий из координат  $z$  для каждой точки. Проверяет значение определителя матрицы `matrix_coeff`. Если он равен 0.0, функция возвращает `None`. Иначе, решает уравнение  $matrix\_coeff * x = free\_vector$  методом `linalg.solve`, где  $x$  - искомая точка пересечения поверхности. Округляет полученную точку пересечения до двух знаков после запятой. Возвращает полученную точку пересечения, если уравнение было успешно решено, иначе возвращает `None`.

Для решения третьей задачи написана функция `check_rotation(coordinates, angle)`. Она принимает два аргумента `coordinates` и

angle. Создает матрицу `rotation_matrix` размером 2x2, содержащую значения  $\cos(\text{angle})$  и  $-\sin(\text{angle})$  в первой строке и  $\sin(\text{angle})$  и  $\cos(\text{angle})$  во второй строке. Применяет матрицу `rotation_matrix` к первым двум элементам списка `coordinates` с помощью функции `np.dot`. Округляет полученные координаты до двух знаков после запятой. Объединяет округленные координаты с остальными элементами из списка `coordinates`. Возвращает полученный список округленных координат.

Разработанный программный код см. в приложении А.

## Тестирование

Результаты тестирования представлены в табл. 1.

Таблица 1 – Результаты тестирования

№ п/п	Входные данные	Выходные данные	Комментарии
1.	$[-3, -6, 9]$ $[8, -7, 0]$	$(0.91, 1.04)$	Выходные данные соответствуют ожиданиям.
2.	$[1, -6, 1]$ $[0, -3, 2]$ $[-3, 0, -1]$	$[2. \ 1. \ 5.]$	Выходные данные соответствуют ожиданиям.
3.	$[1, -2, 3]$ 1.57	$[2. \ 1. \ 3.]$	Выходные данные соответствуют ожиданиям.

## **Выводы**

В ходе выполнения лабораторной работы, мною были изучены управляющие конструкции языка Python и модуль NumPy. Была оформлена программа, выполняющая три задачи. Для решения поставленных математических задач была использована библиотека NumPy, позволяющая эффективно работать с линейной алгеброй.



## ПРИЛОЖЕНИЕ А

### ИСХОДНЫЙ КОД ПРОГРАММЫ

Название файла: main.py

```
import numpy as np

def check_collision(bot1, bot2):

    A = np.array([[bot1[0], bot1[1]], [bot2[0], bot2[1]]])

    b = np.array([-bot1[2], -bot2[2]])

    if np.linalg.matrix_rank(A) < 2:

        return None

    try:
        intersection = np.linalg.solve(A, b)

        rounded_intersection = np.round(intersection, 2)

        return tuple(rounded_intersection)

    except np.linalg.LinAlgError:

        return None

def check_surface(pt1, pt2, pt3):

    x1, y1, z1 = pt1

    x2, y2, z2 = pt2

    x3, y3, z3 = pt3

    matrix_coeff = np.array([[x1, y1, 1], [x2, y2, 1], [x3, y3, 1]])

    free_vector = np.array([z1, z2, z3])

    if np.linalg.det(matrix_coeff) == 0.0:

        return None
```

```

else:

    answer = np.round(np.linalg.solve(matrix_coeff, free_vector), 2)

    return answer

def check_rotation(coordinates, angle):

    rotation_matrix = np.array([[np.cos(angle), -np.sin(angle)], [np.sin(angle),
np.cos(angle)]])

    rotated_coordinates = np.dot(rotation_matrix, coordinates[:2])

    rounded_rotated_coordinates = np.round(rotated_coordinates, 2)

    return np.concatenate((rounded_rotated_coordinates, coordinates[2:]))

```