

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)
Кафедра МО ЭВМ

ОТЧЕТ
по лабораторной работе №1
по дисциплине «Информатика»
Тема: Основные управляющие конструкции языка Python

Студент гр. 3343

Гребнев Е.Д.

Преподаватель

Заславский М.М.

Санкт-Петербург

2023

Цель работы

Целью работы являлось изучение и практическое применения принципов программирования на языке Python, при этом используя модуль *numpy*, в частности пакет *numpy.linalg*.

Задание

Вариант лабораторной работы состоит из 3 задач, оформите каждую задачу в виде отдельной функции согласно условиям задач. Приветствуется использование модуля `pymru`, в частности пакета `pymru.linalg`. Вы можете реализовывать вспомогательные функции, главное - использовать те же названия основных функций, что требуются в задании. Сами функции вызывать не надо, это делает за вас проверяющая система.

Задача 1. Содержательная постановка задачи

Дакибот приближается к перекрестку. Он знает 4 координаты, соответствующие координатам углов перекрестка (координаты образуют прямоугольник), и свои координаты. По правилам движения дакибот должен остановиться сразу, как только оказывается на перекрестке. Ваша задача - помочь дакиботу понять, находится ли он на перекрестке (внутри прямоугольника).



Рисунок 1 – Задача 1

Геометрическое представление (вид сверху со схематичным обозначением объектов; перекресток ограничен прямыми линиями; обратите внимание, как пронумерованы точки):

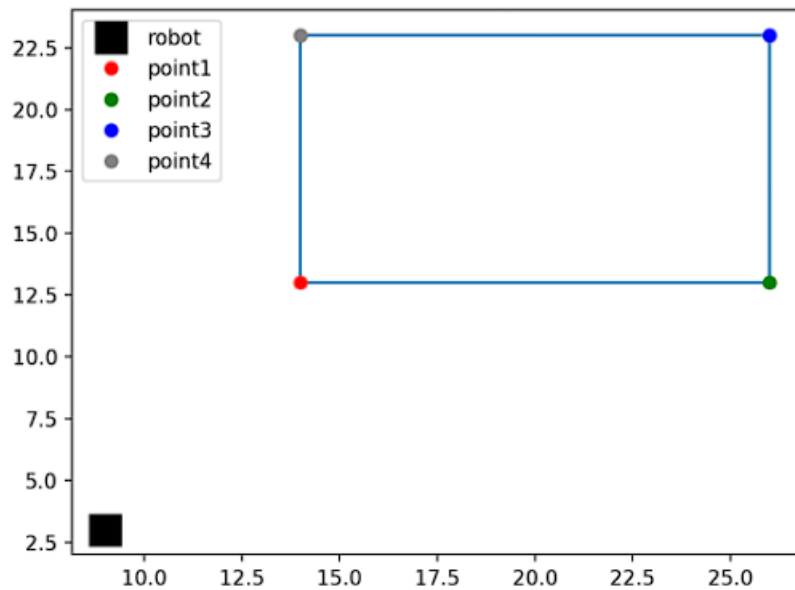


Рисунок 2 – Задача 1

Формальная постановка задачи

Оформите задачу как отдельную функцию: `def check_rectangle(robot, point1, point2, point3, point4)`

На вход функции подаются: координаты дакибота *robot* и координаты точек, описывающих перекресток: *point1*, *point2*, *point3*, *point4*. Точка - это кортеж из двух целых чисел (x, y).

Функция должна возвращать ***True***, если дакибот на перекрестке, и ***False***, если дакибот вне перекрестка.

Задача 2. Содержательная часть задачи

Несколько дакиботов прибыли на базу, но их корпуса оказались поврежденными. В логах ботов программисты нашли сведения про их траектории движения, которые задаются линейными уравнениями вида: $ax+by+c=0$. В логах хранятся коэффициенты этих уравнений a, b, c.

Ваша задача - вывести список номеров ботов (кортежи), которые столкнулись с друг другом (боты нумеруются с нуля, порядок следования коэффициентов уравнений соответствует порядку ботов).

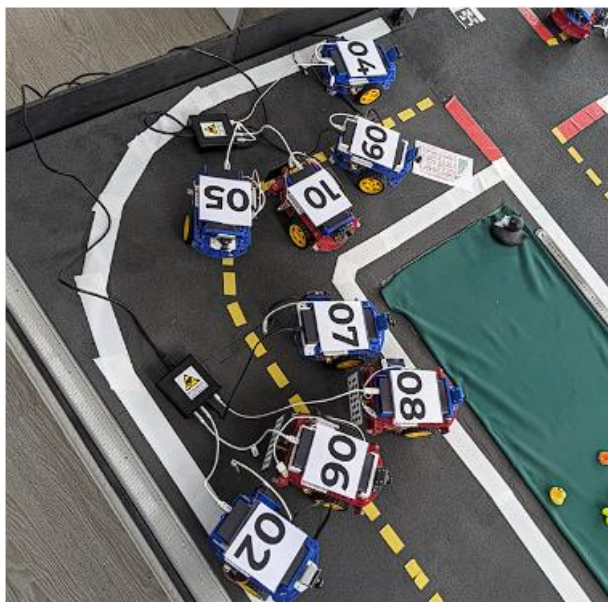


Рисунок 3 – Задача 2

Формальная постановка задачи

Оформите решение в виде отдельной функции *check_collision()*. На вход функции подается матрица *ndarray Nx3* (N - количество ботов, может быть разным в разных тестах) коэффициентов уравнений траекторий *coefficients*. Функция возвращает список пар - номера столкнувшихся ботов (если никто из ботов не столкнулся, возвращается пустой список).

Примечание: помните про ранг матрицы и как от него зависит существование решения системы уравнений. В случае, если ни одного решения не было найдено (например, из-за линейно зависимых векторов), функция должна вернуть пустой список `[]`.

Задача 3. Содержательная часть задачи

При перемещении по дакитауну дакибот должен регулярно отправлять на базу сведения, среди которых есть длина пройденного пути. Дакиботу известна последовательность своих координат (x, y), по которым он проехал. Ваша задача - помочь дакиботу посчитать длину пути.

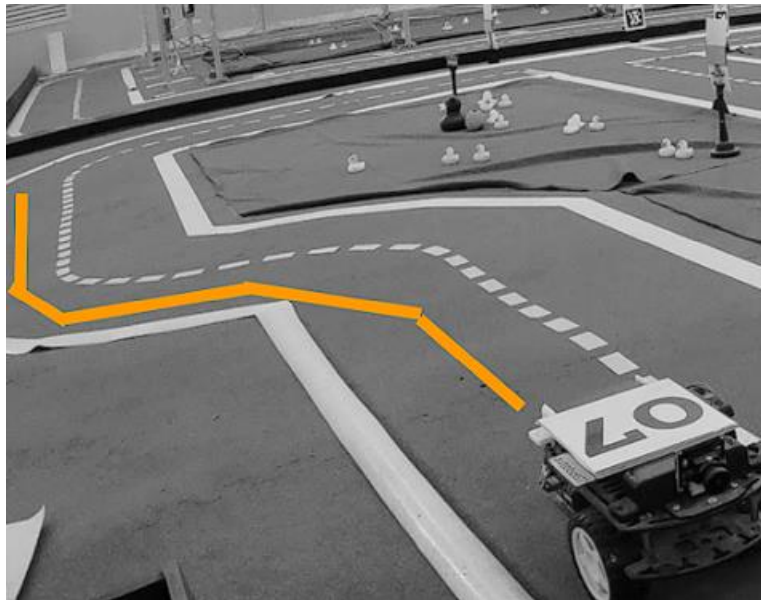


Рисунок 4 – Задача 3

Формальная постановка задачи

Оформите задачу как отдельную функцию *check_path*, на вход которой передается последовательность (список) двумерных точек (пар) *points_list*. Функция должна возвращать число - длину пройденного дакиботом пути (выполните округление до 2 знака с помощью *round(value, 2)*).

Выполнение работы

Написанная программа написана на языке Python. Выполняет функции для работы и управления дакиботами. Всего в программе представлено 3 функции, для выполнения 3 задач.

Первая задача, реализованная в функции *check_crossroad*, функция получает на вход координаты дакибота, а также крайние точки перекрестка.

Функция должна возвращать *True*, если дакибот на перекрестке, и *False*, если дакибот вне перекрестка.

Вторая задача, реализованная в функции *check_collision*, возвращает индекс последнего отрицательного числа в массиве. На вход функции подается матрица *ndarray Nx3* (*N* - количество ботов, может быть разным в разных тестах) коэффициентов уравнений траекторий *coefficients*. Функция возвращает список пар - номера столкнувшихся ботов

Третья задача, реализованная в функции *check_path*, а вход функции подается матрица *ndarray Nx3* (*N* - количество ботов, может быть разным в разных тестах) коэффициентов уравнений траекторий *coefficients*. Функция возвращает список пар - номера столкнувшихся ботов (если никто из ботов не столкнулся, возвращается пустой список).

np.array(): Это функция, которая создает массив (матрицу) из указанных данных. В коде она используется для создания матрицы коэффициентов *a* и *b* для двух прямых в функции *check_collision*.

np.linalg.matrix_rank(): Это функция из модуля NumPy, которая вычисляет ранг матрицы. Ранг матрицы - это число линейно независимых строк (или столбцов) в матрице. В коде она используется для определения, пересекаются ли две прямые. Если ранг матрицы равен 2, это означает, что две прямые пересекаются.

np.array([]): Это способ создания массива (вектора) из указанных данных. В коде он используется для создания массива разностей между соседними точками в функции *check_path*.

np.diff(): Это функция NumPy, которая вычисляет разности между элементами массива вдоль указанной оси. В коде она используется для вычисления разностей между координатами соседних точек в списке точек.

np.linalg.norm(): Это функция NumPy, которая вычисляет норму (длину) вектора. В коде она используется для вычисления евклидовых расстояний между точками. В данном контексте, это помогает определить расстояние между точками.

np.sum(): Это функция NumPy, которая вычисляет сумму элементов массива. В коде она используется для вычисления общего расстояния между точками, найденного в функции *check_path*.

Данная программа демонстрирует использование встроенных конструкций языка Python, а также работу с библиотекой NumPy.

Разработанный программный код см. в приложении А.

Тестирование

Результаты тестирования представлены в табл. 1.

Таблица 1 – Результаты тестирования

№ п/п	Входные данные	Выходные данные	Комментарии
1.	(9, 3) (14, 13) (26, 13) (26, 23) (14, 23)	False	Тестирование функции <i>check_rectangle</i>
2.	[[-1 -4 0] [-7 -5 5] [1 4 2] [-5 2 2]]	[(0, 1), (0, 3), (1, 0), (1, 2), (1, 3), (2, 1), (2, 3), (3, 0), (3, 1), (3, 2)]	Тестирование функции <i>check_collision</i>
3.	[(1.0, 2.0), (2.0, 3.0)]	1.41	Тестирование функции <i>check_path</i>

Выводы

Была разработана программа для обработки геометрических данных и вычисления расстояний с использованием Python и библиотеки NumPy. В процессе разработки программы были изучены и применены следующие концепции и элементы языка:

1. Управляющие конструкции: Программа включает в себя конструкции условия (`if`) и циклы (`for`). Условные операторы используются для проверки условий и принятия решений, а циклы для обработки данных и выполнения повторяющихся операций.

2. Функции: В программе объявлены и использованы функции для выполнения конкретных операций. Функции упрощают структуру кода и делают его более читаемым и модульным.

3. Вычисления с использованием NumPy: Для решения задач геометрии и вычисления расстояний между точками использовались функции из библиотеки NumPy, такие как `np.linalg.norm()` для вычисления расстояний и `np.array()` для работы с матрицами и векторами.

4. Ввод и вывод данных: Программа считывает данные с клавиатуры пользователя и выводит результаты обработки на экран.

Таким образом, разработанная программа позволяет пользователям выполнять различные операции с геометрическими данными, вычислять расстояния и проверять пересечения прямых, используя управляющие конструкции, функции и библиотеку NumPy. Это обеспечивает гибкость и точность в решении задач, связанных с геометрией и численными вычислениями.

ПРИЛОЖЕНИЕ А

ИСХОДНЫЙ КОД ПРОГРАММЫ

Название файла: main.py

```
import numpy as np

# Функция check_crossroad проверяет, пересекает ли робот какой-либо
# перекресток, заданный 4 точками.
# Она принимает координаты робота (robot) и координаты 4 точек
# перекрестка (point1, point2, point3, point4).
def check_crossroad(robot, point1, point2, point3, point4) -> bool:
    # Проверяем, находится ли робот внутри перекрестка, используя
    # условия пересечения прямоугольников.
    return (
        robot[0] >= point1[0] and robot[1] >= point1[1] and
        robot[0] <= point2[0] and robot[1] >= point2[1] and
        robot[0] <= point3[0] and robot[1] <= point3[1] and
        robot[0] >= point4[0] and robot[1] <= point4[1]
    )

# Функция check_collision проверяет пересечение двух прямых, заданных
# коэффициентами a, b, c.
# Она принимает список коэффициентов coefficients, где каждый элемент
# - кортеж (a, b, c) для одной прямой.
def check_collision(coefficients) -> list:
    collisions = []
    for i in range(len(coefficients)):
        for j in range(i + 1, len(coefficients)):
            a1, b1, c1 = coefficients[i]
            a2, b2, c2 = coefficients[j]

            # Создаем матрицу из коэффициентов a и b для двух прямых.
            matrix = np.array([[a1, b1], [a2, b2]])

            # Проверяем ранг матрицы, чтобы определить, пересекаются
            # ли прямые.
            if np.linalg.matrix_rank(matrix) == 2:
                collisions.append((i, j))
                collisions.append((j, i))

    collisions.sort()

    return collisions

# Функция check_path вычисляет общее расстояние между точками в списке
# points_list.
def check_path(points_list) -> float:
    if len(points_list) < 2:
        return 0.0

    points_array = np.array(points_list)
    deltas = np.diff(points_array, axis=0)
```

```
    # Используем np.linalg.norm для вычисления евклидовых расстояний
    между точками.
    distances = np.linalg.norm(deltas, axis=1)
    total_distance = np.sum(distances)

    return round(total_distance, 2)
```