

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)
Кафедра МО ЭВМ

ОТЧЕТ
по лабораторной работе №1
по дисциплине «информатика»
ТЕМА: Основные управляющие конструкции языка Python

Студентка гр. 3341 _____ БАЙРАМ Э.

Преподаватель _____ Иванов Д.В.

Санкт-Петербург
2023

Цель работы

Код написан для решения математических задач в рамках лабораторной работы. Он включает три функции, которые решают задачи, связанные с вычислениями и геометрией. Каждая функция выполняет свою задачу, используя библиотеку NumPy для математических операций. Этот код предназначен для автоматизации математических расчетов и может быть полезен в робототехнике и научных исследованиях.

Задание

Вариант 1

Задача 1: Нахождение возможной точки столкновения для двух ботов: В этой задаче два робота движутся к пересечению двух траекторий. Для предотвращения столкновения им необходимо знать точку пересечения траекторий. Задача состоит в нахождении этой точки. Функция `check_collision` принимает на вход коэффициенты уравнений прямых (`bot1` и `bot2`) и возвращает точку пересечения этих прямых в виде кортежа с округленными значениями.

Задача 2: Нахождение уравнения плоскости, через которую проходят боты: Здесь требуется найти уравнение плоскости, через которую проходят три заданные точки. Функция `check_surface` принимает координаты этих трех точек и возвращает коэффициенты уравнения плоскости (`a`, `b`, `c`) в виде массива с округленными значениями.

Задача 3: Вычисление вращения бота: Эта задача связана с вращением робота вокруг своей оси (вокруг оси z) на заданный угол. Функция `check_rotation` принимает текущие координаты бота и угол вращения (в радианах) и возвращает новые координаты бота после вращения с округленными значениями.

Выполнение работы

1. `check_collision(bot1, bot2)`:

-Сначала извлекаются коэффициенты прямых из аргументов 'bot1' и 'bot2'. Каждый 'bot' представляет собой кортеж из трех чисел '(a, b, c)', где 'a' и 'b' - коэффициенты при переменных 'x' и 'y' в уравнении прямой, а 'c' - свободный член.

-Затем создается матрица коэффициентов 'coefficient_matrix', состоящая из коэффициентов 'a' и 'b' обеих прямых.

-Также создается вектор свободных членов 'constants', состоящий из '-c' каждой из прямых.

-Затем код пытается решить систему линейных уравнений с использованием 'np.linalg.solve' и находит точку пересечения прямых.

--Если решение возможно, результат округляется до двух десятичных знаков и возвращается в виде кортежа. Если решение невозможно (например, прямые параллельны), функция возвращает 'None'.

2. `check_surface(point1, point2, point3)`:

-Задаются три точки в трехмерном пространстве с координатами 'point1', 'point2' и 'point3'.

-Создается матрица коэффициентов 'coefficients_matrix', в которой первый столбец - x-координаты точек, второй столбец - y-координаты точек, и третий столбец - единицы (для свободных членов).

-Вычисляется ранг 'rank_coefficients' матрицы коэффициентов.

-Создается вектор свободных членов 'free_terms' из z-координат точек.

-Если ранг матрицы равен 3 (то есть точки не коллинеарны), функция пытается решить систему уравнений и находит коэффициенты уравнения плоскости 'abc'.

-Результат округляется до двух десятичных знаков и возвращается в виде массива. Если уравнение плоскости невозможно найти (например, точки коллинеарны), функция возвращает 'None'.

3. `check_rotation(coordinates, angle)`:

-Функция принимает координаты точек в виде массива 'coordinates' и угол вращения 'angle' (в радианах).

-Создается матрица вращения 'rotation_matrix', которая выполняет вращение вокруг z-оси на заданный угол.

-Выполняется умножение матрицы вращения на координаты точек с помощью 'np.dot'.

-Результат округляется до двух десятичных знаков и возвращается в виде массива координат после вращения.

Тестирование

Результаты тестирования представлены в табл. 1

Таблица 1 – Результаты тестирования

| № п/п | Входные данные | Выходные данные |
|------------------------|--|-----------------|
| <i>check_collision</i> | bot1 = (2, 1, -3) bot2 = (1, 2, 4) | (2.0, -1.0) |
| <i>check_surface</i> | point1 = (1, 2, 3) point2 = (4, 5, 6) point3 = (7, 8, 9) | [0. 0. 3.] |
| <i>check_rotation</i> | coordinates = np.array([3, 4, 1]) angle = np.pi / 4 | [4.95 0.05 1.] |

Выводы

1.check_collision(bot1, bot2):

-Эта функция решает задачу нахождения точки пересечения двух прямых (представленных уравнениями $ax + by + c = 0$).

-Если прямые пересекаются, функция возвращает координаты точки пересечения в виде кортежа, округленные до двух десятичных знаков.

-Если пересечение отсутствует (например, прямые параллельны), функция возвращает 'None'.

2.check_surface(point1, point2, point3):

-Эта функция решает задачу нахождения уравнения плоскости, проходящей через три заданные точки в трехмерном пространстве.

-Если заданные точки не коллинеарны, функция возвращает коэффициенты уравнения плоскости в виде массива, округленные до двух десятичных знаков.

-Если уравнение плоскости невозможно найти (например, точки коллинеарны), функция возвращает 'None'.

3.check_rotation(coordinates, angle):

-Эта функция решает задачу вращения точек в 2D-пространстве вокруг начала координат на заданный угол (в радианах).

-Функция возвращает координаты точек после вращения, округленные до двух десятичных знаков.

ПРИЛОЖЕНИЕ А

ИСХОДНЫЙ КОД ПРОГРАММЫ

```
import numpy as np

def check_collision(bot1, bot2):
    a1, b1, c1 = bot1
    a2, b2, c2 = bot2
    coefficient_matrix = np.array([[a1, b1], [a2, b2]])
    constants = np.array([-c1, -c2])

    try:
        intersection = np.linalg.solve(coefficient_matrix,
constants)
        intersection = np.round(intersection, 2)
        return tuple(intersection)
    except np.linalg.LinAlgError:
        return None

def check_surface(point1, point2, point3):
    points_matrix = np.array([point1, point2, point3])

    coefficients_matrix = np.column_stack(
        (points_matrix[:, 0], points_matrix[:, 1], np.ones(3))
    )

    rank_coefficients =
np.linalg.matrix_rank(coefficients_matrix)

    free_terms = points_matrix[:, 2]

    if rank_coefficients == 3:
        abc = np.linalg.solve(coefficients_matrix, free_terms)
        return np.round(abc, 2)
    else:
        return None

def check_rotation(coordinates, angle):
    rotation_matrix = np.array(
        [
            [np.cos(angle), -np.sin(angle), 0],
            [np.sin(angle), np.cos(angle), 0],
            [0, 0, 1],
        ]
    )
    rotated_coordinates = np.dot(rotation_matrix, coordinates)
    rotated_coordinates = np.round(rotated_coordinates, 2)
    return rotated_coordinates
```