Examen du Module AP21 : "Algèbre Linéaire" à rendre avant 10 Septembre 2020 à 23h59 envoyé dans l'adresse Mail

m.addam@uae.ac.ma

N.B.: Je demande tous les étudiants de rédiger leurs compte-rendus sur des feuilles blanche de type A4, ceci pour la bonne visibilité de vos rédactions respectives

## Exercice 1

Soit  $E = \{f : ]0, 1[ \to \mathbb{R} \}$  l'ensemble des fonctions numériques définies de ]0, 1[ dans  $\mathbb{R}$ . Soient  $f_1$  et  $f_2$  les éléments de E définis par

$$f_1(t) = e^t$$
 et  $f_2(t) = e^{2t}$   $\forall t \in ]0, 1[$ .

- 1. Montrer que E est un  $\mathbb{R}$ -espace vectoriel.
- 2. Montrer que le système  $\{f_1, f_2\}$  est libre dans E. le système  $\{f_1, f_2\}$  est-il une base de E?