

Corrigé d'examen de thermochimie (1h30min) Filière : SMPC (S1) Session de février : 2/02/2019

Exercice I

$$\begin{array}{ccc} \text{Etat 1} & \xrightarrow{\text{Transformation isotherme}} & \text{Etat 2} \\ \hline V_1 & & V_2 \\ \end{array}$$

$$W_{r\acute{e}v} = -nRT \int_{V1}^{V2} \frac{dV}{V}$$

$$W_{r\acute{e}v} = -nRT \ln \frac{V_2}{V_1}$$

$$W_{r\acute{e}v} = -2 \times 8,31 \times 300 \ln \left(\frac{5}{1}\right)$$

$$W_{r\acute{e}v} = -8024,6 \text{ J}$$

La transformation est isotherme $\Longrightarrow \Delta U = 0 \Longrightarrow W + Q = 0 \Longrightarrow Q = -W$

$$==> Q_{rév} = 8024,6 J = nRT ln(V_2/V_1)$$

$$dS = \frac{\partial Qr\acute{e}v}{T} = > \Delta S = \frac{Qr\acute{e}v}{T}$$

$$\Delta S = nR \ln(\frac{V_2}{V_1})$$

$$\Delta S = \frac{8024.6}{300} = > \Delta S = 26.7 \text{ J K}^{-1}$$

Exercice II

Selon le cycle on a :Ls (C) - 2E(Cl-Cl) + 4 E(C-Cl) - Lv (CCl₄, l) - Δ H_f° (CCl₄, l) = 0

==>
$$E(C-Cl) = \frac{Lv(CCl_4, l) + 2E(Cl-Cl) + \Delta H_f^{\circ}(CCl_4, l) - Ls(C)}{4}$$

==> $E(C-Cl) = \frac{33 - (2 \times 243) - 128 - 717}{4}$

$$E(C-Cl) = -324.5 \text{ kJ mole}^{-1}$$



Exercice III

Soit la réaction suivante : $C(s) + CO_2(g) \rightleftharpoons 2CO(g)$

- **1-** Calculer à $T_1 = 298 \text{ K et à P} = 1 \text{ atm}$:
- **a-** L'enthalpie standard de la réaction $\Delta H_r^{\circ}(T_1)$.

On applique la loi de Hess:

$$\Delta H^{\circ}_{r}(T_{1}) = 2\Delta_{f}H^{\circ}_{(CO,g)} - \Delta_{f}H^{\circ}_{(CO2,g)}$$

 $\Delta H^{\circ}_{r}(T_{1}) = (-2 \times 110,5) + 393,5$
 $\Delta H^{\circ}_{r}(T_{1}) = 172,5 \text{ kJ.mol}^{-1}$

b- L'entropie standard de la réaction $\Delta S_r^{\circ}(T_1)$.

$$\Delta S_{r}^{\circ}(T_{1}) = 2S_{(CO,g)}^{\circ} - S_{(CO2,g)}^{\circ} - S_{(C,s)}^{\circ}$$

$$\Delta S_{r}^{\circ}(T_{1}) = (2 \times 198) - 213.8 - 5.7$$

 $\Delta S_{r}^{\circ}(T_{1}) = 176, 5 \text{ J.mol}^{-1}.K^{-1}$

c- L'enthalpie libre standard de la réaction $\Delta G_r^{\circ}(T_1)$.

$$\Delta G^{\circ}_{r} (T_{1}) = \Delta H^{\circ}_{r} - T_{1} \Delta S^{\circ}_{r}$$

 $\Delta G^{\circ}_{r} (T_{1}) = 172,5 - (298 \times 0,1765)$
 $\Delta G^{\circ}_{r} (T_{1}) \approx 120 \text{ kJ.mol}^{-1}$

- 2- A $T \ge T_1 = 298$ °K, pas de changement d'état physique
 - **a-** L'expression de $\Delta H_r^{\circ}(T)$ en fonction de la température T.

On applique la loi de Kirchhoff: $\Delta H_r^{\circ}(T) = \Delta H_r^{\circ}(T_1) + \int_{T_1}^{T} \Delta C p \ dT$

$$\Delta Cp = 2Cp (CO_{,g}) - Cp (CO_{2},g) - Cp (C,s)$$

 $\Delta C_{p} = (2 \times 29) - 37 - 8,5 = 12, 5 \text{ J.K}^{-1} .mole^{-1}$

$$\Delta H^{\circ}_{r}(T) = \Delta H^{\circ}_{r}(T_{1}) + \Delta C_{p}(T - T_{1})$$

$$\Delta H^{\circ}_{r}(T) = \Delta H^{\circ}_{r}(T_{1}) - \Delta C_{p} \times T_{1} + \Delta C_{p} \times T_{1}$$

$$\Delta H^{\circ}_{r}(T) = 172,5 - 0,0125 \times 298 + 0,0125 T$$

$$\Delta H^{\circ}_{r}(T) = 168.8 + 0.0125 \text{ T en kJ.mol}^{-1}$$

b- L'expression de $\Delta G_r^{\circ}(T)$ en fonction de la température T

$$\Delta G^{\circ}_{r}(T) = \Delta H^{\circ}_{r}(T) - T \Delta S^{\circ}_{r}(T)$$

 $\Delta G^{\circ}_{r}(T) = 168.8 + 0.0125 T - T[(105.3 + 12.5 lnT)10^{-3}]$

$$\Delta G^{\circ}_{r}(T) = 168.8 + 0.0125 \text{ T} - 0.1053 \text{ T} - 0.0125 \text{ T} \ln T$$

$$\Delta G_{r}^{\circ}(T) = 168.8 - 0.0928T - 0.0125 T lnT en kJ.mol^{-1}$$



c- ΔG_r° de cette réaction à $T = T_2 = 1073$ K.

$$\Delta G^{\circ}_{r} (T_2 = 1073^{\circ}K) = 168.8 - (0.0928 \times 1073) - 0.0125 \times 1073 \ln(1073)$$

$$\Delta G^{\circ}_{r} (T_2 = 1073^{\circ} K) = -24.4 \text{ kJ.mol}^{-1}$$

$$\Delta G^{\circ}_{r}$$
 ($T_2 = 1073^{\circ}K$) < 0 ==> la réaction est spontanée à $T_2 = 1073^{\circ}K$.

3-

a- La variance v de ce système à l'équilibre.

$$\mathbf{v} = (\mathbf{n} - \mathbf{m} - \mathbf{r}) + \mathbf{q} - \mathbf{\varphi}$$

$$v = (3-1-0) + 2 - 2$$

v=2, deux paramètres intensifs pour définir le système en équilibre, par exemple $P_{\rm CO}$ et T.

b- L'expression de la constante d'équilibre **Kp** en fonction des pressions partielles.

$$\mathbf{K}\mathbf{p} = \frac{P_{CO}^2}{P_{CO_2}}$$

c- Les pressions partielles de CO et de CO₂ à l'équilibre.

$$Kp = \frac{P_{CO_2}^2}{P_{CO_2}} = 5 \text{ et } P_{CO} + P_{CO2} = P_{\acute{e}q} = 1$$

$$\implies P_{CO}^2 = 5 P_{CO_2} = 5 (1 - P_{CO})$$

$$\implies P_{CO}^2 + 5P_{CO} - 5 = 0$$

$$\implies (P_{CO})_{\acute{e}q} = \frac{-5 + \sqrt{(-5)^2 + 4 \times 5}}{2}$$

$$\implies (P_{CO})_{\acute{e}q} = \frac{-5 + \sqrt{45}}{2} = 0,854 \text{ atm}$$

$$P_{CO_2} = 1 - P_{CO} = 1 - 0,854$$

$$P_{CO_2})_{\acute{e}q} = 0,146 \text{ atm}$$