TD n°28

Changements d'états du corps pur

Exercice 1 Changement d'état dans un calorimètre

Dans une enceinte parfaitement calorifugée, on mélange une masse m_1 d'eau liquide à la température T_1 = 280K avec une masse m_2 de glace à la température T_2 = 260K.

Sous ces deux états, le corps pur est assimilé à une phase condensée idéale. On donne les capacités thermiques massiques de la glace et de l'eau (on les supposera constantes) : $c_G = 2,10 \text{ J.g}^{-1}.\text{K}^{-1}$ et $c_E = 4,18 \text{ J.g}^{-1}.\text{K}^{-1}$

Le système évolue sous une pression extérieure p_0 constante pour laquelle la température d'équilibre vaut T_E = 273K et l'enthalpie massique de fusion vaut Δh_{fus} = 333 J. q^{-1}

Selon les valeurs de m₁ et m₂ le système peut a priori évoluer vers un état final entièrement liquide, un état entièrement solide ou un état diphasé liquide/solide...

- 1. On fait l'hypothèse que l'état final est entièrement liquide...
 - a. Faire un bilan énergétique du système afin d'exprimer la température finale T_F
 - **b.** A quelle condition sur T_F l'hypothèse est-elle validée ? En déduire une condition sur m₁ et m₂ pour que l'état final soit entièrement liquide.
- 2. Mêmes questions en supposant que l'état final est entièrement solide.
- 3. On donne $m_1 = 500g$ et $m_2 = 200g$. Déterminer l'état final du système.

Exercice 2 Liquéfaction par compression

Une quantité n d'un corps pur gazeux est placée dans une enceinte thermostatée à une température T_0 . Sa pression initiale est notée P_i . A l'aide d'un piston mobile, on réduit lentement le volume jusqu'à liquéfaction totale.

A la température T_0 , la pression de vapeur saturante est notée p_0 et l'enthalpie molaire de vaporisation est notée $\Delta_{vap}H_m$

La phase gazeuse sera assimilée à un gaz parfait et la phase liquide sera assimilée à une phase condensée idéale de volume molaire noté $V_{\scriptscriptstyle m}$

- 1. Représenter la transformation réalisée en diagrammes (p,T) et (p,V)
- 2. Effectuer un bilan énergétique complet (W, Q) en distinguant deux étapes dans la transformation
- 3. Calculer la variation d'entropie du système entre l'état initial et l'état final. Que vaut la variation d'entropie du thermostat au cours de cette évolution ?

Exercice 3 Application aux machines thermiques

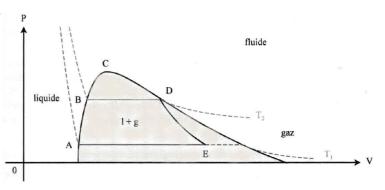
Une machine à vapeur fait décrire un cycle moteur à une masse m=1kg d'eau.

Le cycle ABDEA est représenté ci-contre, la transformation DE est adiabatique réversible.

La machine utilise deux sources de chaleur de températures T_1 = 375K et T_2 = 500K. On donne l'enthalpie massique de vaporisation de l'eau à ces deux températures :

 $\Delta h_{vap}(T_1) = 2300 \text{ kJ.kg}^{-1} \text{ et } \Delta h_{vap}(T_2) = 1750 \text{ kJ.kg}^{-1}$

L'eau liquide est assimilée à une phase condensée idéale de capacité calorifique massigue c = 4,18 kJ.K⁻¹.kg⁻¹



- 1. Préciser l'état physique de l'eau aux quatre points du cycle. Quelle simplification le modèle de la phase condensée idéale apporte-t-il à l'évolution AB ?
- 2. Identifier les deux étapes où l'eau reçoit effectivement de la chaleur. Déterminer la chaleur reçue au cours de ces deux étapes et les comparer.
- **3.** Exprimer la variation d'entropie à chaque étape du cycle en utilisant si nécessaire le titre en gaz x du système. En déduire la valeur de x au point ou le système est diphasé.
- 4. Exprimer la chaleur reçue par le fluide au cours des deux dernières étapes.
- 5. Définir et calculer l'efficacité e du cycle et la comparer à celle du cycle de Carnot

Exercice 4 Vaporisation par détente dans le vide

Un liquide placé dans une enceinte vide se vaporise, totalement ou partiellement. Une telle évolution est irréversible et s'accompagne donc d'une création d'entropie... Exemple :

On dispose d'une masse $\,m=5g\,$ d'éther liquide à $T_0=17,9^{\circ}C\,$ et $\,p_0=0,53\,$ bar. Brusquement, on le libère dans un récipient rigide et initialement vide, lui offrant ainsi un volume total $V_0=10L.$

Le récipient, non calorifugé, est maintenu à To à l'aide d'un thermostat.

Données pour l'éther :

pression de vapeur saturante à 17,9°C : p_{vap} = 0,53 bar

masse molaire: M = 74g.mol-1

masse volumique du liquide : $\mu = 0.713$ g.cm⁻³

enthalpie molaire de vaporisation à $17,9^{\circ}$ C : $\Delta_{vap}H_m = 29,0 \text{ kJ.mol}^{-1}$

On supposera que l'éther gazeux se comporte comme un gaz parfait.

- 1. En faisant l'hypothèse que l'éther se vaporise totalement, calculer la pression finale p_F . Représenter l'état initial "I" et l'état final "F" sur un diagramme (p,V). Que se serait-il passé si on avait eu V_0 = 1L ?
- 2. Appliquer le premier principe et en déduire une expression de l'entropie S_E échangée par l'éther au cours de cette transformation, en fonction de sa variation d'énergie interne ΔU.
 Calculer S_E (on pourra évaluer ΔU sur un chemin réversible)
- 3. Calculer la variation d'entropie de l'éther et en déduire l'entropie créée au cours de cette transformation.

