

Module : Électromagnétisme dans le Vide

Travaux Dirigés : Série 1

Prof. Youssef HADDOUT

Exercice 1 : Ponts diviseurs de tension et de courant

On considère les circuits des deux figures, ci-contre, qui représente des ponts diviseurs de tension (Figure 1) et de courant (Figure 2) en représentation complexe.

1. Exprimer les tensions complexes \bar{U}_1 aux bornes de \bar{Z}_1 et \bar{U}_2 aux bornes de \bar{Z}_2 en fonction de \bar{E} , \bar{Z}_1 et \bar{Z}_2 pour le circuit de la figure 1.
2. Exprimer les intensités complexes \bar{I}_1 dans \bar{Z}_1 et \bar{I}_2 dans \bar{Z}_2 en fonction de \bar{E} , \bar{Z}_1 et \bar{Z}_2 pour le circuit de la figure 2.
3. Dédire les règles des ponts diviseurs de tension et de courant.

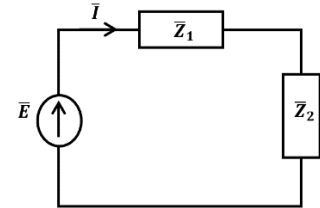


Figure 1

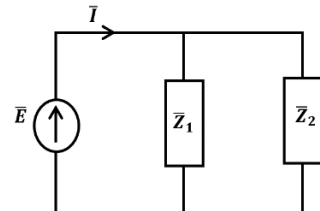


Figure 2

Exercice 2 :

On considère les circuits suivants :

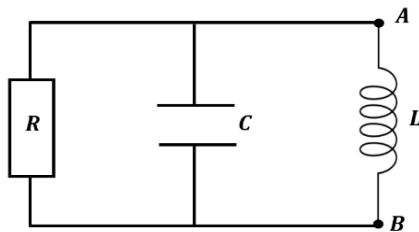


Figure 1

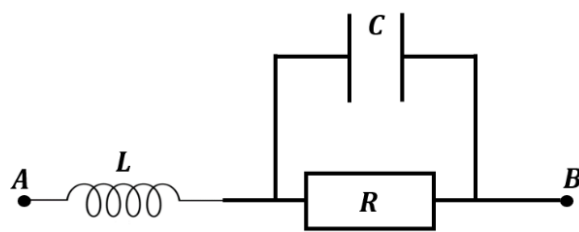


Figure 2

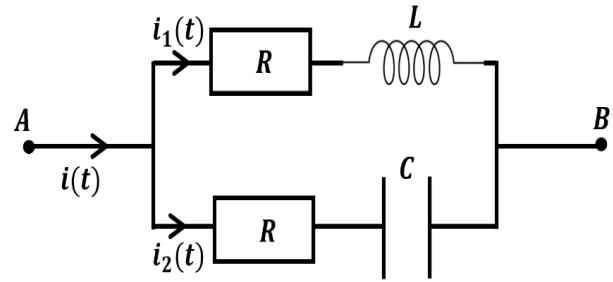
1. Déterminer l'impédance complexe \bar{Z}_{AB} entre A et B pour chaque circuit.
2. Dédire le module et l'argument de \bar{Z}_{AB} pour chaque circuit.
3. On veut remplacer chacune des deux associations considérées par deux éléments passifs branchés en série entre A et B.

Quelles sont la nature et la valeur de la grandeur caractéristique de chaque élément pour une fréquence de 50 Hz sachant que $R = 10 \text{ k}\Omega$, $C = 200 \text{ }\mu\text{F}$ et $L = 100 \text{ mH}$.

Exercice 3 :

Considérons le circuit ci-contre, on applique entre A et B une tension sinusoïdale $u(t) = U_m \cos(\omega t)$. On pose $R = L\omega = \frac{1}{C\omega}$.

1. Trouver l'impédance complexe \bar{Z} équivalente du circuit AB.
2. Donner l'expression des courants $i(t)$, $i_1(t)$ et $i_2(t)$.
3. Vérifier que $i(t) = i_1(t) + i_2(t)$.



Exercice 4 :

I. On considère un montage à l'aide de trois impédances \bar{Z}_A , \bar{Z}_B et \bar{Z}_C branchées comme indiqué sur le schéma. Ce montage (*Figure 1*) est alimenté par une source de tension sinusoïdale :

$$u(t) = U_0 \cos(\omega t)$$

1. Déterminer en fonction de \bar{U} , \bar{Z}_A , \bar{Z}_B et \bar{Z}_C le courant \bar{I}_A qui circule dans l'impédance \bar{Z}_A .
2. Déterminer en fonction de \bar{U} , \bar{Z}_A , \bar{Z}_B et \bar{Z}_C le courant \bar{I}_C qui circule dans l'impédance \bar{Z}_C .
3. Comment peut-on constituer \bar{Z}_A et \bar{Z}_B pour que le courant \bar{I}_C soit indépendant de \bar{Z}_C .

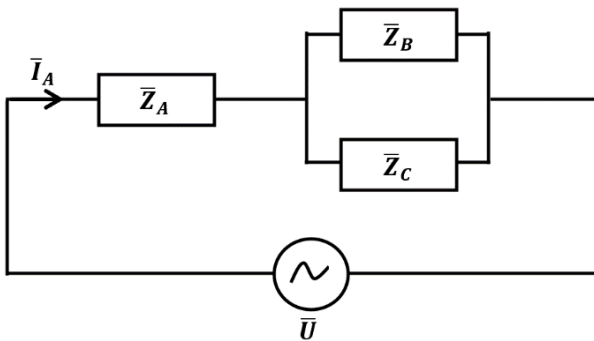


Figure 1

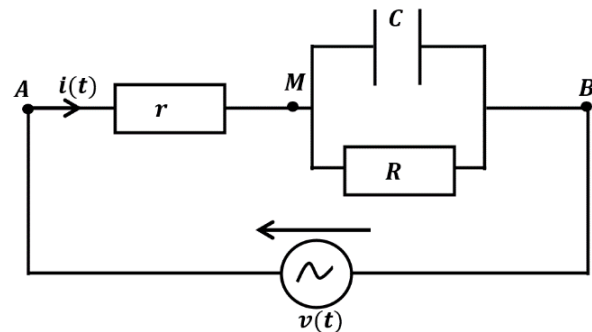


Figure 2

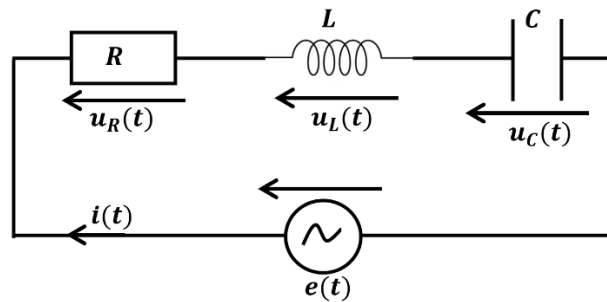
II. On considère le circuit électrique présenté sur la *figure 2*.

1. Etablir l'expression de l'impédance complexe \bar{Z}_{AB} de ce circuit. En Dédire le module et l'argument de \bar{Z}_{AB} .
2. Entre les bornes A et B on applique la tension sinusoïdale $v(t) = V_m \cos(\omega t)$, déterminer, par la méthode des nombres complexes, le courant principal $i(t)$, on posera $i(t) = I_m \cos(\omega t + \varphi)$, φ représente le déphasage du courant par rapport à la tension. En déduire I_m et φ .

- Déterminer la tension $v_{MB}(t)$ aux bornes de l'association de R et C en parallèle en fonction de r , R , C et ω .
- Déterminer le courant $i_C(t) = I_{cm} \cos(\omega t + \varphi_C)$ qui circule dans le condensateur C . En déduire I_{cm} et φ_C .

Exercice 5 :

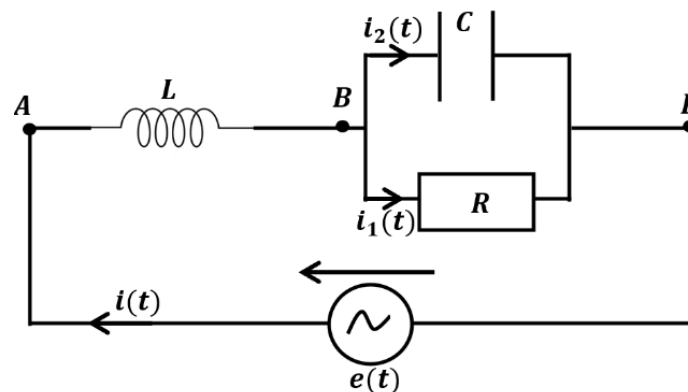
Le circuit de la figure ci-dessous est alimenté par un générateur de fréquence $f = 50 \text{ Hz}$ et d'amplitude $E_m = 311 \text{ V}$. La phase à l'origine de la tension $e(t)$ délivrée par le générateur est prise égale à zéro. Données : $R = 40 \Omega$, $L = 0.2 \text{ H}$, $C = 5 \mu\text{F}$.



- Exprimer l'amplitude complexe \bar{I} du courant $i(t)$. En déduire l'amplitude I_m et la phase à l'origine φ_i de l'intensité $i(t)$.
- Exprimer les amplitudes complexes \bar{U}_R , \bar{U}_L et \bar{U}_C des tensions aux bornes de chacun des dipôles. En déduire les amplitudes et les phases à l'origine de ces tensions.

Exercice 6 :

On considère le circuit de la figure ci-dessous. Le dipôle AD est alimenté par une source de tension sinusoïdale d'amplitude $E_m = 155 \text{ V}$ et de pulsation $\omega = 400 \text{ rad.s}^{-1}$.



Données : $R = 100 \Omega$, et $C = 33 \mu\text{F}$.

- Déterminer l'expression de l'impédance complexe \bar{Z}_{AD} de ce circuit.

- Exprimer l'inductance L en fonction de R , C et ω pour que le dipôle AD soit équivalent à une résistance pure R_{eq} . Calculer L ainsi que R_{eq} .
- Exprimer puis calculer alors l'amplitude I_m de l'intensité $i(t)$.
- Exprimer puis calculer les amplitudes U_{AB} et U_{BD} des tensions $u_{AB}(t)$ et $u_{BD}(t)$.
- Exprimer puis calculer les amplitudes I_{1m} et I_{2m} des intensités $i_1(t)$ et $i_2(t)$.

Exercice 7 :

On considère le circuit ci-contre où $u(t) = U_m \cos(\omega t)$.

- Calculer les intensités des courants dans chacune des branches du circuit.
- Calculer les puissances actives et réactives dans chaque branche. Etablir le bilan des puissances.

