

Protocoles cryptographiques

Modélisation et Vérification de propriétés

Marie-Laure Potet

VERIMAG - Cours Ensimag ISI

November 8, 2022



Introduction

Protocoles cryptographiques : échanges de données impliquant de la cryptographie pour s'exécuter dans un environnement hostile (réseau, participant ...) Ex : TLS, SSH, Kerberos

- ▶ Code sensible
- ▶ La robustesse dépend de ce que peut faire un attaquant
- ▶ Propriétés " non classiques " (authentification, intégrité, anonymat ...)

Objectifs :

- ▶ savoir modéliser les protocoles
- ▶ savoir énoncer des propriétés de sécurité
- ▶ TP : outils de vérification

Notations

Soit :

- ▶ m , m_1 et m_2 des messages
- ▶ K une clé
- ▶ A et B des agents

On note :

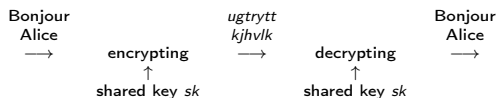
- ▶ m_1, m_2 (ou (m_1, m_2)) le message constitué de m_1 et m_2
- ▶ $\{m\}_K$ le message m chiffré avec la clé K
- ▶ $A \rightarrow B : m$ l'envoi par A du message m à B
- ▶ $I[A] \rightarrow B : m$ l'envoi du message m par I se faisant passer pour A

Primitives cryptographiques

Les ingrédients :

- ▶ Chiffrement : protection en lecture/modification
- ▶ Signature : authentification
- ▶ hash : intégrité
- ▶ Nonce (nombre aléatoire unique) : fraîcheur du message

Symmetric encryption

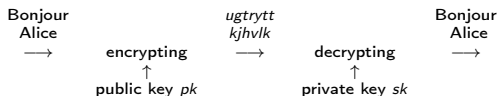


- ▶ **Notation** K_{AB}
- ▶ **Decrypting:** $\{\{m\}_{K_{AB}}\}_{K_{AB}} = m$
- ▶ **Security property:** Informally, a ciphertext cannot be decrypted without knowing the key.
- ▶ It is fast, useful to encrypt large messages
- ▶ shared keys must be securely distributed
- ▶ **Examples:** DES, 3DES, AES, RC4, RC5, RC6 ...
- ▶ chiffrement par blocs (ECB, CBC, ...) ou par flot

https:

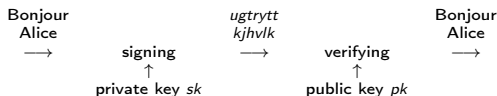
[//www.ssi.gouv.fr/uploads/2015/01/rgs_v-2-0_b1.pdf](https://www.ssi.gouv.fr/uploads/2015/01/rgs_v-2-0_b1.pdf)

Asymmetric encryption



- ▶ **Notation :** K_A public key, K_A^{-1} private key
- ▶ **Decrypting:** $\{\{m\}_{K_A}\}_{K_A^{-1}} = \{\{m\}_{K_A^{-1}}\}_{K_A} = m$
- ▶ **Security property:** $\{m\}_{K_A}$ can be decrypted only knowing K_A^{-1}
- ▶ It is slower, but allows to communicate with an unknown participant (by means of a public key infrastructure PKI)
- ▶ **Examples:** RSA, ElGamal, Cramer-Shoup, OAEP+,...

Signature



- ▶ **Notation :** K_A public key, K_A^{-1} private key
- ▶ **Decrypting:** $\text{verif}(\{m\}_{K_A^{-1}}, K_A) = \text{true}$
- ▶ **Security property:** Informally, a signature that can be verified using a public key pk , cannot be created without knowing the inverse private key sk .
- ▶ **Examples:** RSA, DSA, ECDSA,...

Other cryptographic primitives

- ▶ A hashing function h produces for a large message m , a small message $h(m)$ called hash. **Informal security properties:**
 - ▶ If $m_1 \neq m_2$, then $h(m_1) \neq h(m_2)$.
 - ▶ Given only $h(m)$, it is impossible to find m .

Ex : SHA-256, SHA-384 SHA-512, MD5, MD6, RIPEMD ...

- ▶ Nonces, denoted $n_a, n_b, \dots, n_1, n_2, \dots$ are randomly generated large values. **Informal security properties:**
 - ▶ $n_1 \neq n_2$ for any independent generated nonces.
 - ▶ Given only partial information about n , it is impossible to find entire n .

Propriétés associées à la crypto

- Confidentialité :

$$\{m\}_{K_{AB}}, \{m\}_{K_A}$$

- Intégrité :

$$\{m\}_{K_{AB}}, \{m\}_{K_A^{-1}} \text{ ou } m, \{hash(m)\}_{K_A^{-1}}$$

- Authentification d'un message :

$$\{m\}_{K_A^{-1}} \text{ ou } m, \{hash(m)\}_{K_A^{-1}}$$

- Authentification de la source de l'envoi ?

Applications

- ▶ Communications protégées (SSH, GSM ...)
- ▶ Authentification d'agents (login, GSM, ...)
- ▶ signature de contrats électroniques, vente aux enchères
- ▶ paiement bancaire par carte à puces
- ▶ paiement bancaire en ligne (transaction électronique)
- ▶ paiement bancaire hors ligne (monnaie électronique)
- ▶ vote électronique
- ▶ chaînes de télévision payantes

Définitions

Secret : un protocole assure le secret d'une donnée s si un intrus ne peut pas déduire s lorsque ce protocole est joué

Authentification d'un message : un protocole permet à un agent A d'authentifier un message m si A peut connaître de façon sûre l'émetteur de m .

Authentification d'entité : un protocole permet à un agent A d'authentifier un agent B si à la fin d'une session réussie du protocole, A a la garantie qu'il a bien réalisé le protocole avec B .

Fraîcheur : pendant une session de protocole, une donnée est fraîche si on peut garantir qu'elle a été émise spécifiquement pour cette session par un des acteurs.

Principes de base

Envoi d'un secret s de A à B (chiffrement asymétrique)

Principes de base

Envoi d'un secret s de A à B (chiffrement asymétrique)

Premier essai :

1. $A \rightarrow B : \{s\}_{K_B}$

Principes de base

Envoi d'un secret s de A à B (chiffrement asymétrique)

Premier essai :

1. $A \rightarrow B : \{s\}_{K_B}$

De qui vient s ?

Principes de base

Envoi d'un secret s de A à B (chiffrement asymétrique)

Premier essai :

1. $A \rightarrow B : \{s\}_{K_B}$

De qui vient s ?

Second essai :

1. $A \rightarrow B : \{A, s\}_{K_B}$

Principes de base

Envoi d'un secret s de A à B (chiffrement asymétrique)

Premier essai :

1. $A \rightarrow B : \{s\}_{K_B}$

De qui vient s ?

Second essai :

1. $A \rightarrow B : \{A, s\}_{K_B}$

Peut être forgé par I se faisant passer pour A . B croit partager un secret avec A mais le partage avec I

Principes de base

Envoi d'un secret s de A à B (chiffrement asymétrique)

Principes de base

Envoi d'un secret s de A à B (chiffrement asymétrique)

Troisième essai : authentification par signature

1. $A \rightarrow B : \{A, s, \{s\}_{K_A^{-1}}\}_{K_B}$

Principes de base

Envoi d'un secret s de A à B (chiffrement asymétrique)

Troisième essai : authentification par signature

$$1. A \rightarrow B : \{A, s, \{s\}_{K_A^{-1}}\}_{K_B}$$

\Rightarrow On peut garantir :

- ▶ s secret
- ▶ s émis par A

Problème du rejeu :

$$1. A \rightarrow B : \{A, s, \{s\}_{K_A^{-1}}\}_{K_B}$$

$$2. I(A) \rightarrow B : \{A, s, \{s\}_{K_A^{-1}}\}_{K_B}$$

Principes de base

Envoi d'un secret s de A à B (chiffrement asymétrique)

Principes de base

Envoi d'un secret s de A à B (chiffrement asymétrique)

Quatrième essai :

1. $B \rightarrow A : \{B, A, N_B\}_{K_A}$
2. $A \rightarrow B : \{B, A, N_B, s\}_{K_B}$

Principes de base

Envoi d'un secret s de A à B (chiffrement asymétrique)

Quatrième essai :

1. $B \rightarrow A : \{B, A, N_B\}_{K_A}$
2. $A \rightarrow B : \{B, A, N_B, s\}_{K_B}$

\Rightarrow On peut garantir :

- ▶ s secret
- ▶ B authentifie s comme étant émis par A
- ▶ N_B frais et donc $\{B, A, N_B, s\}_{K_B}$ frais
- ▶ B authentifie A pour la session

Exemple de faille et capacité de l'intrus

Needham-Schroeder (1978) : un protocole d'authentification

1. $A \rightarrow B : \{N_A, A\}_{K_B}$
2. $B \rightarrow A : \{N_A, N_B\}_{K_A}$
3. $A \rightarrow B : \{N_B\}_{K_B}$

Propriétés ?

Exemple de faille et capacité de l'intrus

Needham-Schroeder (1978) : un protocole d'authentification

1. $A \rightarrow B : \{N_A, A\}_{K_B}$
2. $B \rightarrow A : \{N_A, N_B\}_{K_A}$
3. $A \rightarrow B : \{N_B\}_{K_B}$

Propriétés ?

- ▶ N_A et N_B secret partagé entre A et B
- ▶ A authentifie B pour la session au pas 2 (témoin N_A)
- ▶ B authentifie A pour la session au pas 3 (témoin N_B)

Faible

Protocole prouvé correct (preuves manuelles). Faible trouvée par Lowe en 1995 par model-checking.

⇒ Une session entre A et I et une session entre I se faisant passer pour A et B .

1	$A \rightarrow I : \{N_A, A\}_{K_I}$	pas 1 session 1
2	$I \rightarrow B : \{N_A, A\}_{K_B}$	pas 1 session 2
3	$B \rightarrow A : \{N_A, N_B\}_{K_A}$	pas 2 session 2
4	$A \rightarrow I : \{N_B\}_{K_I}$	pas 3 session 1
5	$I \rightarrow B : \{N_B\}_{K_B}$	pas 3 session 2

- ▶ B croit avoir joué la session avec A et partager N_B avec A .
- ▶ I connaît le secret N_B

Schéma tableau

Correction

Needham-Schroeder (1978) : un protocole d'authentification

1. $A \rightarrow B : \{N_A, A\}_{K_B}$
2. $B \rightarrow A : \{N_A, N_B, \textcolor{red}{B}\}_{K_A}$
3. $A \rightarrow B : \{N_B\}_{K_B}$

tableau : Attaque bloquée