

از آنجایی که در هر لحظه  $O(n)$  خانه در این بازی پر شده اند، تنها خانه هایی که مقدار آن ها غیر صفر است را ذخیره می کنیم و با این کار می توانیم دنیای بازی را در  $O(n)$  واحد حافظه ذخیره کنیم. با توجه به اینکه برای عملیات های این بازی به ساختار و الگوریتم های کارا نیازمندیم، می توانیم از درخت های خود متوازن استفاده کنیم که در این سوال، استفاده از درخت  $AVL$  با توجه به شرایط مسئله مناسب است. در این ساختار با توجه به متوازن بودن آن، کارایی الگوریتم های جستجو، حذف و اضافه کردن،  $O(\log n)$  خواهد بود.

برای ذخیره سازی این دنیای سه بعدی که از مولفه های  $i, j, k$  تشکیل شده است، کافی است به هر یک از این خانه ها یک عدد یکتا نسبت دهیم تا بتوانیم با استفاده از آن، درخت  $AVL$  مورد بحث را تشکیل دهیم. اگر فرایند اندیس گذاری را از خانه  $(1, 1, 1)$  شروع کنیم و در راستای محور  $x$  حرکت کنیم، خواهیم داشت:

$$index(1, 1, 1) = 1, index(2, 1, 1) = 2, \dots, index(n, 1, 1) = n$$

سپس یک واحد به مولفه  $j$  اضافه کرده و این روند را تکرار می کنیم. برای خانه هایی که مولفه  $j$  آنها 2 است داریم:

$$index(1, 2, 1) = 1 + n, index(2, 2, 1) = 2 + n, \dots, index(n, 2, 1) = n + n$$

با تکرار این روند و پوشش کامل خانه هایی که مولفه  $k$  آنها 1 و تعداد آنها  $n^2$  است،  $k$  را یک واحد افزایش داده و این روند را تا انتها تکرار می کنیم. بنابراین اندیس هر خانه را می توانیم به صورت تابعی از مولفه ها بنویسیم:

$$index(i, j, k) = i + n(j - 1) + n^2(k - 1)$$

بدین ترتیب با مجموعه اندیس و مقدار خانه های غیر صفر درخت دودویی مورد نظر را می سازیم که عملیات های آن به صورت زیر تعریف شده اند:

- تعیین مقدار هر خانه: این کار را با جستجو در درخت انجام می دهیم و در صورت ناموفق بودن جستجو مقدار آن خانه را صفر برمی گردانیم
- صفر کردن مقدار خانه: با حذف کردن گره متناظر در درخت، مقدار خانه را صفر می کنیم.
- اضافه کردن امتیاز: ابتدا اندیس خانه را جستجو کرده و در صورت موفق بودن، مقدار آن را 100 واحد افزایش می دهیم در غیر این صورت یک گره به درخت اضافه می کنیم.