طبق فرض مسئله داریم $A \equiv A'$ و $B \equiv B'$ که یعنی:

$$\begin{aligned} v_{\mathscr{I}}(A) &= v_{\mathscr{I}}(A') \\ v_{\mathscr{I}}(B) &= v_{\mathscr{I}}(B') \end{aligned}$$

- برای $\wedge$ داریم:

$$\begin{aligned} v_{\mathscr{I}}(A \wedge B) &= v_{\mathscr{I}}(A) \cdot v_{\mathscr{I}}(B) \\ &= v_{\mathscr{I}}(A') \cdot v_{\mathscr{I}}(B') \\ &= v_{\mathscr{I}}(A' \wedge B') \end{aligned}$$

در نتیجه ثابت شد که $A \wedge B \equiv A' \wedge B'$ و حکم ثابت است.

- برای $\vee$ داریم:

$$\begin{aligned} v_{\mathscr{I}}(A \vee B) &= v_{\mathscr{I}}(A) + v_{\mathscr{I}}(B) - v_{\mathscr{I}}(A) \cdot v_{\mathscr{I}}(B) \\ &= v_{\mathscr{I}}(A') + v_{\mathscr{I}}(B') - v_{\mathscr{I}}(A') \cdot v_{\mathscr{I}}(B') \\ &= v_{\mathscr{I}}(A' \vee B') \end{aligned}$$

که یعنی $A \vee B \equiv A' \vee B'$ و حکم ثابت است.

- برای $\rightarrow$ داریم:

$$\begin{aligned} v_{\mathscr{I}}(A \rightarrow B) &= v_{\mathscr{I}}(\neg A \vee B) \\ &= 1 - v_{\mathscr{I}}(A) + v_{\mathscr{I}}(B) - (1 - v_{\mathscr{I}}(A)) \cdot v_{\mathscr{I}}(B) \\ &= 1 - v_{\mathscr{I}}(A') + v_{\mathscr{I}}(B') - (1 - v_{\mathscr{I}}(A')) \cdot v_{\mathscr{I}}(B') \\ &= v_{\mathscr{I}}(\neg A' \vee B') \\ &= v_{\mathscr{I}}(A' \rightarrow B') \end{aligned}$$

پس در نتیجه $A \rightarrow B \equiv A' \rightarrow B'$ و حکم ثابت است.

پس در نتیجه حکم به صورت کلی برای سه عملگر فوق ثابت میباشد.