

فرض کنید U مجموعه‌ای از فرمول‌ها باشد به طوری که $U \subseteq \mathcal{F}$ و $A, B \in \mathcal{F}$. ثابت کنید:

۱. اگر $A \in U$ آنگاه $U \models A$

۲. اگر $U \models A$ آنگاه $U, B \models A$

۳. اگر $U \models A$ و $U \models B$ آنگاه $U \models B$

۴. اگر $U, A \models B$ آنگاه $U \models A \rightarrow B$

۵. اگر $U \models A$ و B معتبر باشد، آنگاه $U - \{B\} \models A$