

داریم $B \models$ در نتیجه B برای هر تعبیر \mathcal{I} بدین صورت خواهد بود: $v_{\mathcal{I}}(B) = \top$. فرض میکنیم $U = \{A_1, A_2, \dots, A_n\}$ و $U \cup \{B\}$ را تشکیل میدهیم:

$$U \cup \{B\} = \{A_1, A_2, \dots, A_n, B\}$$

طبق فرض، تعبیر \mathcal{I} وجود دارد به قسمی که تمام A_i که $i = 1, 2, \dots, n$ صادق اند: $v_{\mathcal{I}}(A_i) = \top$ چون B معتبر است و برای هر تعبیر \mathcal{I} درست خواهد بود، در نتیجه همه اعضای مجموعه $U \cup \{B\}$ برای تعبیر \mathcal{I} درست خواهند بود و این مجموعه صدق پذیر است.