

طبق فرض داریم که  $U \models A$  بنابراین اگر تفسیر دلخواه  $\mathcal{I}$  یک مدل برای  $U$  باشد، آنگاه یک مدل برای  $A$  نیز خواهد بود. حال برای اینکه این تفسیر برای  $U \cup \{B\}$  نیز یک مدل باشد کافی است که  $V_{\mathcal{I}}(B) = 1$  زیرا که  $\mathcal{I}$  برای  $U$  یک مدل است و اگر اینطور باشد از آنجایی که این تفسیر برای  $A$  نیز یک مدل بوده است بنابراین تغییری ایجاد نشده و همچنان برقرار است که این حکم را ثابت می‌کند و  $U, B \models A$ .