

پایه استقرا: فرمول B گزاره اتمی است، پس A همان B است. در این صورت B' همان A' است. از آنجایی که $A \equiv A'$ پس $B \equiv B'$.

گام استقرا: فرض کنید $B = \neg C$. از اینکه $A \in \text{sub}(B)$ نتیجه میشود یا A همان B است و یا $A \in \text{sub}(C)$. در حالت اول B' همان A' است و در نتیجه به وضوح $B \equiv B'$. در حالت دوم بنا بر فرض استقرا $C' \equiv C\{A \leftarrow A'\}$ پس بنابر تمرین ۱ که در بالا حل شد:

$$\neg C' \equiv \neg C\{A \leftarrow A'\}$$

در نتیجه $B' \equiv B\{A \leftarrow A'\}$

فرض کنید $B \equiv C * D$. مسئله به سه دسته تقسیم میشود:

• $A \in \text{sub}(C)$
دیدیم که $C' \equiv C\{A \leftarrow A'\}$ و میدانیم $D \equiv D$ پس بنابر تمرین ۲ که اثبات شد، داریم: $C' * D \equiv C * D$ پس $B' \equiv B$

• $A \in \text{sub}(D)$
دیدیم که $D' \equiv D\{A \leftarrow A'\}$ و میدانیم $C \equiv C$ پس بنابر تمرین ۲ که اثبات شد، داریم: $C * D' \equiv C * D$ پس $B' \equiv B$

• $A \equiv C * D$
در این حالت B' همان A' است و در نتیجه اثبات میشود $B \equiv B'$.