به نام خدا

عنوان

بخش دوم از تکلیف اول درس پردازش تصویر رقمی

استاد

دکتر منصوری

دانشجو

محمدعلى مجتهدسليماني

4.44.64.4

تاريخ

14.4/.7/0

سوال دوم

این سوال در ۳ بخش انجام شده است. در بخش دوم از آنجایی که پیاده سازی داریم گزارش کار آن نیز تهیه شده است.

بخش الف

به طور کلی هیستوگرام یک روش گرافیکی برای خلاصه کردن نحوه توزیع داده های عددی است. که محدوده داده ها را به صورت یک سری bin تقسیم میکنیم، یعنی یک سری بازه بین مقادیر داده ها در نظر میگیریم و بر اساس آن این کار را انجام میدهیم. اما در این قسمت با ۲ نوع خاص از هیستوگرام روبرو هستیم یک هیستوگرام عادی و دیگری هیستوگرام تجمعی:

هیستوگرام عادی

این هیستوگرام یک نمایش گرافیکی از توزیع مقادیر شدت/کمیت پیکسل ها در آن تصویر است. محور X در این هیستوگرام، محدوده مقادیر احتمالی کمیت هر پیکسل را نشان میدهد به عنوان مقال \cdot تا ۲۵۵ برای یک تصویر Λ بیتی در مقیاس $\mathbf{grayscale}$. محور \mathbf{Y} نشان دهنده فرکانس یا تعداد پیکسل هایی در تصویر است که دارای یک مقدار مشخص در محور \mathbf{X} هستند. به صورت کلی این هیستوگرام یک نمای کلی از ویژگی های تصویر ارائه میدهد، مانند:

روشنایی:

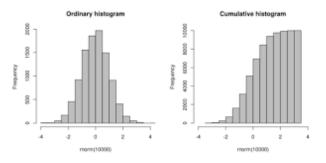
هیستوگرام که انحراف به چپ داشته باشد یعنی مقادیر پایین تر باشند، بیانگر تصویر تیره هستند. یک هیستوگرا که انحراف به سمت راست داشته باشد یک تصویر روشن را نشان میدهد.

كنتراست:

هیستوگرام یک طیف وسیعی از شدت کنتراست را نشان میدهد. یک هیستوگرام متمرکز در یک محدوده باریک نشان دهنده کنتراست کم است.

همچنین این هیستوگرام میتواند بیانگر مقادیر رایج در تصویر هستند.

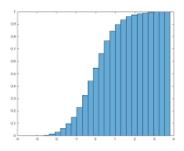
این یک توضیح مختصری از هیستوگرام عادی بود تا بهتر بتوانیم به تفاوت های این ۲ برسیم.



هيستوگرام تجمعي

یک هیستوگرام تجمعی تعداد تجمعی پیکسل ها را تا یک سطح شدت مشخص نشان می دهد، که از هیستوگرام عادی گرفته شده است. این هیستوگرام بیانگر موارد زیر است:

تعداد کل (یا نسبت) پیکسلهایی را که تیره تر یا مساوی با یک سطح شدت مشخص هستند. یک معیاری از توزیع شدت ارائه میدهد. از هیستوگرام تجمعی میتوان برای افزایش کنتراست با پخش مقادیر رایج شدت/کمیت استفاده کرد. این هیستوگرام همیشه یک تابع یکنواخت افزایشی است. اگر محور ۷ هیستوگرام را با تقسیم هر مقدار بر تعداد کل پیکسل های تصویر کنید، تابع توزیع تجمعی CDF را بدست میاوریم. از مهم ترین کاربرد ها میتوان به equalization استفاده کرد. حکل مستقیما برای ایجاد یک تابع نگاشت استفاده میشود که شدت پیکسل ها را برای دستیابی به هیستوگرام هموار تر توزیع میکند و در نتیجه کنتراست سراسری را افزایش میدهد، به ویژه در CLAHE به هستوگرام هموار تر توزیع میکند و در نتیجه کنتراست شراسری در هموار ساز ها مانند CLAHE استفاده میشود تا کنتراست را افزایش بدهد بدون اینکه نویز تقویت شود و هموار سازی صورت بگیرد.



در ادامه در یک جدول تفاوت های مهم این ۲ را قرار میدهیم:

feature	Regular	CDF
Y-AXIS	تعداد یک شدت خاص	تعداد جمع شده همه شدت ها
Calculation	در هر سطح پیکسل را میشمرد	تعداد پیکسل ها را از سطح صفر تا سطح فعلی جمع میکند.
shape	هم نقطه ماکسیموم هم نقطه مینیموم دارد	همیشه یکنواخت افزایشی است.
Primary use	تحليل توزيع	Histogram equalization

بخش ب

برای پیاده سازی بهتر است تا حدودی با این روش ها آشنا شویم.

معادل سازی هیستوگرام (histogram equalization) به این صورت عمل میکند که توزیع مجدد مقادیر شدت پیکسل یک تصویر را برای هموار تر کردن هیستوگرام است. این به طور کلی کنتراست کلی تصویر را افزایش میدهد، به خصوص زمانی که محدوده شدت قابل استفاده تصویر فشرده شود. این با محاسبه تابع توزیع تجمعی (CDF) هیستوگرام تصویر و استفاده از آن به عنوان یک تابع نگاشت برای شدت پیکسل کار میکند. اگر چه که HE سراسری با کل تصویر به طور

یکنواخت برخورد میکند. اگر یک تصویر دارای مناطقی با سطوح روشنایی بسیار متفاوت باشد (مثلا یک آسمان روشن و یک پس زمینه تاریک)، HE سراسری ممکن نویز را در مناطق نسبتا یکنواخت افزایش دهد یا نتواند کنتراست را به اندازه کافی در مناطقی که بیشر به آن نیاز دارند، افزایش دهد. برای حل این مشکل ما سراغ AHE میرویم که معادل سازی تطبیقی است یعنی ما یک سری بلوک های محلی در نظر میگیریم و معادل سازی در آنها صورت میگیرد که باعث میشود که افزایش کنتراست با ویژگی های محلی در هر بلوک سازگار شود. مشکل AHE این است که میتواند به طور قابل توجهی نویز را در مناطق نسبتا همگن تقویت کند. این به این دلیل است که هیستوگرام در چنین مناطقی بسیار متمرکز است و یکسان سازی این محدوده باریک را به شدت گسترش میدهد و تغییرات کوچک نویز را بسیار برجسته میکند. برای حل این مشکل به سراغ CLAHE میرویم. که AHE را با یک محدودیت در کنتراست میسازد، قبل اینکه برای هر بلوک CDF را محاسبه بکند. مانند قبل هست همه مراحل فقط بعد از محاسبه برای هر بلوک، برای هر هیستوگرام، حداکثر ارتفاع مجاز ("محدودیت CLIP") تعیین می شود. هر bin هیستوگرام که از این حد تجاوز کند "قطع میشود"، به این معنی که تعداد اضافی حذف می شود. بعد از آن، تعداد کل حذف شده از همه bin های قطع شده به طور مساوی بین همه bin های موجود در هیستوگرام توزیع می شود. این تضمین می کند که تعداد کل (مساحت زیر هیستوگرام) ثابت باقی می ماند. با برش و توزیع مجدد، CLAHE از تسلط هر مقدار شدت منفرد (یا محدوده کوچک) بر تبدیل جلوگیری می کند و در نتیجه تقویت نویز را در مناطق تقریباً یکنواخت محدود میکند. بعد از آن تابع توزیع تجمعی (CDF) از هیستوگرام اصلاح شده (بریده شده و توزیع شده) برای هر بلوک محاسبه می شود. بعد از آن رای تعیین مقدار شدت جدید برای یک پیکسل، شدت آن با استفاده از CDF های بلوک های اطراف نگاشت می شود. از آنجایی که یک پیکسل ممکن است دقیقاً در مرکز یک بلوک نباشد، درون یابی دوخطی معمولاً بین توابع نگاشت مشتق شده از چهار مرکز بلوک استفاده می شود. این امر انتقال هموار بین بلوک ها را تضمین می کند. به طور خلاصه، CLAHE کنتراست محلی را مانند AHE افزایش می دهد، اما با محدود کردن شیب CDF (و در نتیجه ضریب افزایش) در هر منطقه محلی، از مشکل تقویت بیش از حد نویز جلوگیری می کند.

گزارش کار

در این روش یک تصویر grayscale به عنوان ورودی گرفته ایم و از روش CLAHE سعی کردیم تصویر را روشن تر بکنیم.

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

from skimage import data, io, exposure, img_as_ubyte
from skimage.color import rgb2gray

✓ 3.3s
Python
```

ابتدا کتابخانه ها را اضافه میکنیم. از scikit image برای اضافه کردن تصویر grayscale و از matplotlib برای نمایش خروجی استفاده کردیم.

در این قسمت تصویر ورودی را بارگذاری کردیم و مطمئن شدیم تصویر به درستی دریافت شده است.

```
kernel_s = (image.shape[0] // 8, image.shape[1] // 8)
clip_l = 0.03

print(f"Applying CLAHE with kernel_size={kernel_s} and clip_limit={clip_l}")

clahe_img_float = exposure.equalize_adapthist(
    image,
        kernel_size=kernel_s,
        clip_limit=clip_l
)

clahe_img_uint8 = img_as_ubyte(clahe_img_float)

v 0.0s

Applying CLAHE with kernel_size=(64, 64) and clip_limit=0.03
```

در این قسمت به دنبال این هستیم تا CLAHE را بر روی تصویر اعمال کنیم. پارامتر هایی که داریم شامل Kernel_size که اندازه بلوک ها را مشخص میکند. دقت شود که Sizes به یکسان سازی سراسری نزدیک میشود، اندازه های کوچکتر باعث افزایش بیشتر میشود. جزئیات محلی اما اگر خیلی کوچک باشد میتواند نویز ایجاد کند. مقادیر بالاتر از ۱ به معنای کنتراست بیشتر است که کمتر محدود تر هستند و به AHE نزدیک هستند. سپس CLAHE را اعمال میکنیم و بعد خروجی را به ۸ بیت بدون علامت تبدیل میکنیم تا بتوانیم نمایش دهیم.

در خروجی هم خروجی تصویر هم هیستوگرام را نمایش میدهیم.

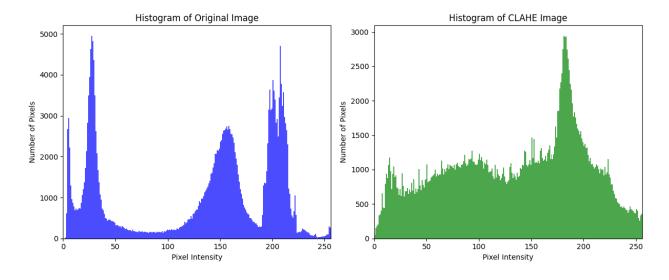
خروجي





CLAHE Enhanced Image (Kernel: (64, 64), Clip: 0.03)





بخش ج

برای انجام این بخش به عنوان از خود open cv document استفاده کرده ایم که لینک منبع مورد نظر قابل دسترسی است.

روش همبستگی

که فرمول آن به شرح زیر است:

$$d(H_1,H_2) = \frac{\sum_I (H_1(I) - \bar{H_1})(H_2(I) - \bar{H_2})}{\sqrt{\sum_I (H_1(I) - \bar{H_1})^2 \sum_I (H_2(I) - \bar{H_2})^2}}$$

$$ar{H_k} = rac{1}{N} \sum_J H_k(J)$$

این فرمول ضریب همبستگی پیرسون را بین دو هیستوگرام محاسبه می کند و مقادیر Σ_i (H1(I) - H1) هیستوگرام را به عنوان دنباله ای از اعداد در نظر می گیرد. شمارنده: (H2(I) - H2) کوواریانس بین دو هیستوگرام را محاسبه می کند. این اندازه گیری می کند که مقادیر bin در H2 و H4 با هم نسبت به میانگین مربوطه خود متفاوت هستند. اگر هر دو در یک

bin ها بالاتر از میانگین خود و در یک سطل ها کمتر از میانگین خود باشند، این مجموع زیاد و مثبت خواهد بود. اگر یکی بالاتر از میانگین خود باشد در حالی که دیگری کمتر از میانگین خود باشد، مجموع بزرگ و منفی خواهد بود. به طور کلی، ضریب همبستگی رابطه خطی بین مقادیر اشد، مجموع بزرگ و منفی خواهد بود. این ارزیابی می کند که آیا اشکال هیستوگرام ها (به bin دو هیستوگرام را اندازه گیری می کند. این ارزیابی می کند که آیا اشکال هیستوگرام ها از ۱۰ ویژه الگوی انحراف از ارتفاع متوسط bin آنها) مشابه است یا خیر. نتیجه (H1, H2) از ۱۰ تا ۱۰ متغیر است. ۱۰ نشان دهنده یک همبستگی خطی مثبت کامل است. هیستوگرام ها از نظر شکل بسیار شبیه هستند (به طور بالقوه فقط با مقیاس بندی و تغییر نسبت به میانگین آن)، هیستوگرام دیگر مقادیر پالایی دارد (نسبت به میانگین آن)، هیستوگرام دیگر مقادیر پالینی (نسبت به میانگین آن)، هیستوگرام معکوس کامل است. حایی که یک هیستوگرام مقادیر بالایی دارد (نسبت به میانگین آن)، هیستوگرام دیگر مقادیر پایینی (نسبت به میانگین آن) دارد و بالعکس. این نشان دهنده یک تطابق معکوس کامل است (برای مقایسه هیستوگرام معمولی غیر معمولی). نشان دهنده عدم همبستگی خطی است. شکل هیستوگرام ها از نظر تغییرات آنها در اطراف میانگین آنها متفاوت است. این به معنی عدم تطابق است. در عمل برای مقایسه هیستوگرام، مقادیر نزدیک به ۱۰ نشان دهنده تطابق بهتر بین هیستوگرام ها است.

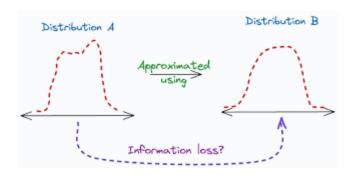
Bhattacharyya روش

که فرمول آن به شرح زیر است:

$$d(H_1,H_2) = \sqrt{1 - rac{1}{\sqrt{ ilde{H_1} ar{H_2} N^2}} \sum_{I} \sqrt{H_1(I) \cdot H_2(I)}}$$

فاصله Bhattacharyya عدم تشابه بین دو توزیع احتمال را اندازه گیری می کند. هیستوگرام ها را می توان به عنوان توزیع های احتمال گسسته (به ویژه پس از نرمال سازی) مشاهده کرد. عبارت اصلی $\Sigma_i \int (H1(I) \cdot H2(I))$ میزان "همپوشانی" بین دو هیستوگرام را اندازه گیری

می کند. اگر هر دو هیستوگرام مقادیر بالایی در bin های یکسان داشته باشند، جذر حاصل ضرب آنها بزرگ خواهد بود و به میزان قابل توجهی کمک می کند. اگر هر یک از هیستوگرام ها در یک bin مقدار صفر داشته باشند، آن bin هیچ کمکی به مجموع نمی کند. ضریب Bhattacharyya (BC) از ۱۰ تا ۱ متغیر است. BC = 1: هیستوگرام های (نرمال شده) یکسان هستند. BC = 0: هیستوگرام ها همپوشانی ندارند (در مجموعه های کاملاً متفاوتی از bin ها مقادیر غیر صفر دارند). فاصله BC = 1: فاصله BC = 1 (BC = 1) تا ۱ متغیر است. BC = 1: حداکثر عدم تشابه است. BC = 1: حداکثر عدم تشابه است. BC = 1: میستوگرام ها است.



به طور کلی

همبستگی: رابطه خطی انحراف از میانگین را اندازه گیری می کند. نتیجه نزدیک به +۱ به معنای تطابق خوب است. محدوده [-۱، +۱].

فاصله Bhattacharyya: همپوشانی بین هیستوگرام های (نرمال شده) را اندازه گیری می کند. نتیجه نزدیک به ۰ به معنای تطابق خوب است. محدوده [۰، ۱].

مزایا و معایب

همبستگی

مزايا:

تشابه روند را اندازه گیری می کند: در تعیین اینکه آیا اشکال دو هیستوگرام تمایل به بالا و پایین رفتن با هم نسبت به ارتفاع متوسط bin خود دارند یا خیر، عالی است. یک همبستگی مثبت بالا نشان می دهد که در جایی که یک هیستوگرام دارای مقادیر بالاتر از حد متوسط است، هیستوگرام دیگر نیز تمایل دارد و بالعکس برای مقادیر کمتر از میانگین.

خروجی استاندارد شده: محدوده خروجی [-۱، +۱] به خوبی تعریف شده است. +۱ نشان دهنده یک رابطه خطی مثبت کامل (تطابق ایده آل از نظر شکل نسبی)، ۰ نشان دهنده عدم وجود رابطه خطی و -۱ نشان دهنده یک رابطه خطی منفی کامل است.

معایب:

تمرکز بر روابط خطی: در درجه اول روابط خطی بین انحراف از میانگین را نشان می دهد. اگر هیستوگرام ها از نظر شکل مشابه باشند اما به صورت غیر خطی مقیاس متفاوتی داشته باشند، ممکن است همبستگی ۱+ نباشد.

حساسیت به قدر کلی (کمتر از سایرین): در حالی که انحراف را از میانگین مقایسه می کند، تفاوت مطلق بزرگ در ارتفاع bin (حتی اگر الگوی مشابه باشد) می تواند بر انحرافات استاندارد در مخرج تأثیر بگذارد و بر نتیجه تأثیر بگذارد. با این حال، اگر شکل تغییرات مشابه باشد، معمولاً نسبت به تفاوتهای بزرگی کلی نسبت به مثلاً Chi-Square حساسیت کمتری دارد.

تفسیر مقادیر منفی: برای تطبیق تصویر اهیستوگرام، یک همبستگی منفی معمولاً نشان دهنده عدم تشابه قوی است، اما به طور خاص به معنای یک رابطه معکوس است، که ممکن است در مقایسه با

یک متریک فاصله ساده که در آن مقادیر بالاتر همیشه به معنای ناهمسانی بیشتر است، گیج کننده باشد. مقدار نزدیک به • نیز به معنای غیر مشابه است.

روش Bhattacharyya

مزايا:

Measures Overlap: به طور مستقیم میزان همپوشانی بین دو توزیع احتمال نشان داده شده توسط هیستوگرام (نرمال شده) را اندازه گیری می کند. این اغلب یک معیار بسیار شهودی برای تشابه است.

محدوده به خوبی تعریف شده [۰، ۱]: متریک فاصله از ۰ (هیستوگرام های یکسان) تا ۱ (بدون هیچ همپوشانی) متغیر است، که مقیاس واضحی از عدم تشابه را ارائه می دهد.

به خوبی bin های صفر را کنترل می کند: اگر یک bin در یک هیستوگرام صفر باشد، سهم آن bin در تشابه (ضریب Bhattacharyya) صفر می شود، که به درستی عدم همپوشانی در آن خاص را منعکس می کند.

معایب:

محاسبه: شامل محاسبه ریشه های مربع برای هر bin است که می تواند از نظر محاسباتی کمی بیشتر از روش های ساده تر مانند Intersection باشد.

حساسیت کمتری نسبت به تفاوتهای شکل خالص (اگر همپوشانی زیاد باشد): اگر دو هیستوگرام در اکثر binها همپوشانی قابل توجهی داشته باشند، اما در ارتفاعات نسبی یا «اوجگیری» در آن binها تفاوت ظریفی داشته باشند، فاصله Bhattacharyya ممکن است هنوز بسیار کم باشد

(نشان دهنده شباهت). ممكن است گاهی اوقات همبستگی در تشخیص تفاوتها در الگوی تغییرات بهتر باشد، حتی اگر همپوشانی كلی بالا باشد.

مقایسه این روش بر روی تصاویر:

```
--- Histogram Comparison Scores ---
Comparing: Original vs Brightened
   Correlation: -0.0439 (Higher is more similar, Range [-1, 1], Target: 1)
   Bhattacharyya: 0.6419 (Lower is more similar, Range [0, 1], Target: 0)

Comparing: Original vs Blurred
   Correlation: 0.9703 (Higher is more similar, Range [-1, 1], Target: 1)
   Bhattacharyya: 0.0963 (Lower is more similar, Range [0, 1], Target: 0)

Comparing: Brightened vs Blurred
   Correlation: -0.0574 (Higher is more similar, Range [-1, 1], Target: 1)
   Bhattacharyya: 0.6697 (Lower is more similar, Range [0, 1], Target: 0)
```







