# الگوریتمهای بهینهسازی روش گرادیان نزولی\*

چکیده: برای تحلیل الگتوریتمهای بهینه سازی کاهش گرادیان، با وجود محبوبیت فزاینده، از آنالیز جعبه سیاه (BlackBox) استفاده می شود زیرا ارائه ی توضیح عملی از نقاط ضعف و قوت آن ها دشوار است. هدف این مقاله ایجاد در کی از رفتار الگوریتمهای متفاوت برای خواننده است تا بتواند از آنها بهره بگیرد. در طول این مقاله، به فرمهای مختلف روش کاهش گرادیان نگاه می کنیم، چالشها را به طور مختصر بیان می کنیم، پرکاربردترین الگوریتمهای بهینه سازی را معرفی می کنیم، معماری سیستمهای موازی و توزیع شده را مرور می کنیم و به دنبال روشهای جدیدی برای بهینه سازی روش کاهش گرادیان خواهیم گشت.

#### ۱ مقدمه

روش گرادیان نزولی یکی از محبوب ترین الگوریتمها برای بهینهسازی و با فاصلهی زیاد، پرکاربرد ترین روش برای بهینهسازی

شبکههای عصبی است. در عین حال، پیشرفته ترین کتابخانه ییادگیری عمیق ماشین، شامل نمونههایی از پیادهسازی الگوریتمهای متفاوت برای بهینهسازی روش گرادیان نزولی است (مثل متنهای راهنمای لازانیا الله و کراس آ). با اینحال از این الگوریتمها برای بهینه سازی با روش جعبه سیاه (BlackBox) استفاده می شود زیرا ارائه ی توضیح عملی از نقاط ضعف و قوت آنها مشکل است.

هدف این مقاله ایجاد در کی از رفتار الگوریتمهای مختلف بهینهسازی روش گرادیان نزولی برای خواننده است تا بتواند از آنها استفاده کند. در بخش ۲، ابتدا به بررسی فرمهای مختلف روش گرادیان نزولی میپردازیم. سپس به طور خلاصه چالشهای این الگوریتم را در خلال آموزشهای بخش ۳ مرور می کنیم. پس از آن در بخش ۴، معمول ترین الگوریتمهای بهینه سازی را معرفی می کنیم و نشان میدهیم که چگونه تلاش برای حل چالشهای بهینهسازی، سبب ایجاد تغییراتی در رویکردهای استفاده شده در این الگوریتمها شده است. سپس، در بخش ۵، نگاهی کوتاه به الگوریتمها و معماریهایی برای بهینهسازی گرادیان نزولی در سیستمهای موازی و توزیع شده می اندازیم. در نهایت، در بخش ۶ رویکردهای تازهای که برای بهینهسازی گرادیان نزولی مفید هستند را در نظر می گیریم.

<sup>\*</sup> این مقاله در اصل به صورت یک مطلب در یک وبلاگ به آدرس http://sebastianruder.com/optimizing-gradient-descent/index.html در ۱۹ ژانویه ۲۰۱۶ منتشر شده است.

Lasagne's Documentation: http://lasagne.readthedocs.org/en/latest/modules/updates.html

<sup>&</sup>lt;sup>r</sup> Caffe's Documentation: http://lasagne.readthedocs.org/en/latest/modules/updates.html

<sup>&</sup>lt;sup>r</sup> Keras' Documentation: http://caffe.berkeleyvision.org/tutorial/solver.html

روش گرادیان نزولی راهی برای یافتن مینیمم یک تابع هدف مثل  $J(\theta)$  است که بر اساس بردار پارامترهای مدل یعنی  $\theta \in \mathbb{R}^d$  نوشته شده است؛ به این صورت که پارامترها در خلاف جهت گرادیان تابع نسبت به پارامترها یعنی  $\nabla_{\theta}J(\theta)$  تغییر می کنند. نرخ یادگیری شبکه عصبی یا  $\eta$  اندازه ی گام تغییر پارامترها برای یافتن مینیمم (یا مینیمم نسبی) را تعیین می کند. به عبارت دیگر، در جهت شیب سطح ایجاد شده توسط تابع به سمت پایین حرکت می کنیم تا به یک دره برسیم.  $\eta$ 

# ۲ فرمهای مختلف روش گرادیان نزولی

سه فرم از روش گرادیان نزولی وجود دارند که در حجم دادهای که برای محاسبهی گرادیان تابع هدف استفاده می شود با هم تفاوت دارند. بسته به مقدار داده، تعادلی بین دقت تغییر پارامتر و مدت زمانی که برای تغییر پارامتر نیاز است ایجاد می کنیم.

### ۱. ۲ گرادیان نزولی انبوه

روش گرادیان نزول ساده، که به نام گرادیان نزولی انبوه هم شناخته می شود، گرادیان تابع هزینه نسبت به بردار پارامتر  $oldsymbol{ heta}$  برای کل مجموعه داده های ورودی سیستم محاسبه می شود:

$$\theta = \theta - \eta \cdot \nabla_{\theta} J(\theta)$$

برای اینکه برای ایجاد هر تغییر باید گرادیان کل دادهها محاسبه شود، روش گرادیان نزولی انبوه می تواند بسیار کند باشد و برای مجموعهای از داده ها که به قدری بزرگند که در حافظه جا نمی شوند قابل قبول نیست. درضمن این روش به ما اجازه نمی دهد که مدل را لحظهای تغییر دهیم؛ به این معنا که نمی توان داده های جدید را حین کار به آن اضافه کرد.

در کدنویسی، روش گرادیان نزولی انبوه چیزی شبیه به این است:

for i in range (nb\_epochs):

params\_grad = evaluate\_gradient ( loss\_function, data, params)

params = params - learning\_rate \* params\_grad

برای تعداد تکرار مشخص، ابتدا بردار گرادیان یعنی params\_grad را نسبت به بردار پارامترها یعنی params برای تابع ضرر محاسبه می کنیم. دقت کنید که جدیدترین کتابخانه های یادگیری ژرف شامل دیفرانسیل گیری خودکار هستند که گرادیان نسبت به پارامترهای مشخص را به صورت بهینه محاسبه می کنند. اگر گرادیان را خودتان حساب کرده اید، بهتر است که صحت گرادیان ها را بررسی کنید.

http://cs231n.github.io/neural-networks-3/

<sup>&</sup>lt;sup>†</sup> اگر با روش گرادیان نزولی آشنایی ندارید، مطالب خوبی در مورد بهینه سازی سیستم های عصبی را می توانید در اینجا بیابید: http://cs231n.github.io/optimization-1

<sup>&</sup>lt;sup>۵</sup> برای چند توصیه عالی برای بررسی درست صحت گرادیان گیری، به آدرس زیر مراجعه کنید:

سپس پارامترها را در جهت گرادیان به اندازه ی نرخ یادگیری که تعیین می کند تغییرات ایجاد شده چقدر بزرگ باشند، تغییر می دهیم. روش گرادیان نزولی در سطوح محدب حتما به مینیمم مطلق و در سطوح غیر محدب حتما به مینیمم نسبی همگرا می شود.

### ۲. ۲ گرادیان نزولی تصادفی

روش گرادیان نزولی تصادفی (Stochastic Gradient Descent: SGD) برخلاف روش قبلی، نسبت به  $\alpha$ کدام از داده ها مثل  $X^{(i)}$  و مقدار متناظر آن  $Y^{(i)}$  یک گام تغییر ایجاد می کند:

$$\theta = \theta - \eta \cdot \nabla_{\theta} J(\theta; x^{(i)}; y^{(i)})$$

روش گرادیان نزولی انبوه محاسبات اضافی و نالازم برای مجموعه دادههای بزرگ انجام می دهد زیرا گرادیان دادههای یکسانی را به طور مکرر قبل از ایجاد هر تغییر محاسبه می کند. روش تصادفی این محاسبات اضافی را با ایجاد یک تغییر با هر گرادیان گیری حذف می کند. به همین دلیل هم این روش بسیار سریع تر است و می تواند یادگیری لحظه ای هم داشته باشد. روش تصادفی تغییرات را با واریانس بالایی ایجاد می کند که باعث می شود تابع هدف مثل شکل ۱ به شدت نوسان کند.

در حالیکه روش گرادیان انبوه همواره به مینیمم همان قوسی که پارامترها را در بر می گیرد همگرا می شود، نوسانات روش تصادفی از یک طرف این روش را قادر می سازد که مینیمم های نسبی بهتری را بیابد و از طرف دیگر باعث می شود که درنهایت همگرایی به مقدار دقیق مینیمم سخت تر شود زیرا این روش در هر تکرار انحراف زیادی نسبت به مقدار اصلی دارد. با اینحال، ثابت شده که وقتی نرخ یادگیری را به آرامی زیاد می کنیم، این روش همان همگرایی روش انبوه را از خود نشان می دهد و با قابلیت اطمینان بالایی، در سطوح محدب به مینیمم مطلق و در سطوح غیر محدب به مینیمم نسبی همگرا می شود. تکه کد مربوط به این الگوریتم خیلی ساده یک حلقهی تکرار (loop) در داده ها ایجاد کرده و گرادیان نسبت به هر نمونه را حساب می کند. دقت کنید همانطور که در بخش ۲.۶ توضیح داده شده، در هر تکرار، ترتیب داده ها به صورت تصادفی تغییر داده می شود.

for i in range ( nb\_eochs):

np . random . shuffle ( data)

for example in data:

params\_grad = evaluate\_gradient ( loss\_function, example, params )
params = params - learning\_rate\*params\_grad

## ۳. ۲ گرادیان نزولی نیمه انبوه

در نهایت روش گرادیان نزولی نیمه انبوه بهترین ویژگی های هردو روش را باهم ترکیب کرده و به ازای گرادیان هر زیرمجموعه عضوی از نمونهها، یک گام تغییر ایجاد می کند:

$$\theta = \theta - \eta \cdot \nabla_{\theta} J(\theta; x^{(i:i+n)}; y^{(i:i+n)})$$

با اینکار، الف) واریانس تغییرات پارامترها کمتر می شود، که باعث می شود نرخ همگرایی سریع تر شود ب) می تواند از روش های بهینه سازی ماتریس که در جدیدترین کتابخانه های یادگیری ژرف به سادگی یافت می شوند و به شدت بهینه هستند برای محاسبه ی بسیار بهینه ی گرادیان نسبت زیرمجموعه ها بهره بگیرد. اندازه ی معمول زیرمجموعه ها بین ۵۰ و ۲۵۶ نمونه است، ولی می تواند برای کاربردهای مختلف اندازه های متفاوتی داشته باشد. در آموزش دادن شبکه های عصبی به طور معمول از روش گرادیان نزولی نیمه انبوه استفاده می شود و عبارت SGD معمولا برای این روش هم به کار برده می شود. نکته ی مهم: در ادامه ی متن در جاهایی که فرمول های مربوط به SGD آمده اند، برای سادگی پارامترهای  $X^{(i:i+n)}$  و  $X^{(i:i+n)}$  نوشته نشده اند.

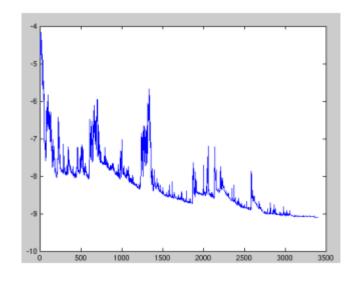
در کدنویسی، به جای تکرار کردن حلقه برای کل داده ها، حلقه در یک زیرمجوعه با اندازه ی ۵۰ تکرار می شود:

for i in range ( nb\_epochs ):

np . random . shuffle (data)

for batch in get\_batches (data, batch\_size=50)

params\_grad = evaluate\_gradient ( loss\_function, batch, params )
params = params - learning\_rate \* params\_grad



شکل 1 تناوب شدید روش تصادفی (منبع: ویکی پدیا)

با وجود موارد گفته شده، روش گرادیان نزولی نیمه انبوه ساده، همگرایی سریع را تضمین نمی کند، و در این زمینه چالشهایی دارد که باید مورد توجه قرار گیرند:

- انتخاب نرخ یادگیری مناسب می تواند سخت باشد. اگر نرخ یادگیری زیادی کوچک باشد باعث می شود همگرایی به شدت کند باشد، و از طرف دیگر اگر زیادی بزرگ باشد برای همگرایی مزاحمت ایجاد کرده و باعث شود تابع ضرر در اطراف مقدار مینیمم نوسان کند یا حتی واگرا شود.
- روندهای نرخ یادگیری [۱۸]، در طول آموزش سیستم عصبی، سعی می کنند با روش هایی مثل الگوریتم تبرید نرخ یادگیری را بر اساس روند تعریف شده، یا زمانی که تغییرات تابع هدف بیادگیری را بر اساس روند تعریف شده، یا زمانی که تغییرات تابع هدف بین دو تکرار کمتر از آستانهی مشخصی می شود، کاهش میدهد. با اینحال روند استفاده شده و آستانهی تغییرات، باید از قبل مشخص شده باشند و بنابراین نمی توان آن ها را متناسب با ویژگی های مجموعه داده ها تغییر داد. [۴]
- علاوه بر اینها، یک نرخ یادگیری ثابت برای همهی تغییرات ایجاد شده در پارامترها استفاده می شود. اگر دادهها خیلی پراکنده باشند و ویژگیهای مورد بررسی تعداد رخدادهای متفاوتی داشته باشند، نباید برای همهی آنها را به یک اندازه تغییر دهیم، بلکه باید ویژگی هایی که به ندرت رخ دادهاند را با گام بزرگتری تغییر دهیم.
- یکی دیگر از چالشهای کلیدی مینیمم کردن توابع ضرر پرکاربرد در سیستم های عصبی که به شدت غیرمحدب هستند، پیشگیری از گیر کردن در مینیمم های نسبی است که نسبت به مینیمم های اصلی بهینه نیستند. داوفین و همکاران [۵] عنوان کرده اند که چالش اصلی مینیمم های نسبی نیستند بلکه نقاط زینی اند؛ یعنی نقاطی که شیب در یکی از جهت ها مثبت و در جهت دیگر منفی است. این نقاط زینی معمولا با سطحی صاف پر از نقاط مشابه احاطه شده اند که خروج از آنها را برای روش SGD دشوار می کند زیرا گرادیان در همهی جهات نزدیک صفر است.

# ۴ الگوریتم های بهینه سازی با رو ش گرادیان نزولی

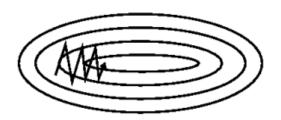
در ادامه، مبانی اصلی برخی الگوریتم ها را که به طور گسترده ای توسط افراد فعال در حوزه ییادگیری شرف برای غلبه بر چالشهای عنوان شده استفاده می شوند را بیان می کنیم. الگوریتمهایی مثل روشهای مرتبه دو از جمله روش نیوتون که محاسبات آنها در عمل برای مجموعه دادههای چند بعدی عملی نیست را در اینجا مطرح نمی کنیم.

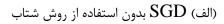
## ۲. ۱ روش شتاب (گشتاور)

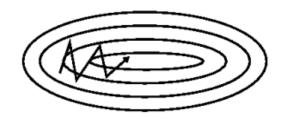
روش SGD برای حرکت در درهها، یعنی نواحی که در آن فرورفتگی سطح در یک جهت بسیار بیشتر از جهتهای دیگر است [۲۰] خوب عمل نمی کند در حالیکه که چنین نواحی در اطراف نقاط اکسترمم بسیار معمول هستند. در چنین مواردی، روش

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup> https://en.wikipedia.org/wiki/Newton%27s method in optimization

SGD بین دو شیب دره تناوب می کند و همانطور که در شکل ۲ الف نشان داده شده بسیار کند به سمت اکسترمم موضعی حرکت می کند.







(ب) SGD با استفاده از روش شتاب

# شكل ٢ منبع: جنويو ب. اور

روش شتاب [۱۷] روشی است که به الگوریتم SGD در جهت مناسب سرعت می بخشد و تناوب ها را میرا می کند. این عملکرد در شکل ۲ ب نشان داده شده است. روش شتاب این کار را با اضافه کردن کسری ازبردار تغییرات مرحله ی قبل یعنی  $\gamma$  به بردار تغییرات فعلی انجام می دهد.

$$v_t = \gamma v_{t-1} + \eta \nabla_{\theta} J(\theta)$$
  
$$\theta = \theta - v_t$$

ضریب شتاب یعنی  $\gamma$  معمولا  $\gamma$ ۰ یا همین حدود در نظر گرفته می شود.

اساسا وقتی از روش شتاب استفاده می کنیم، مثل این است که یک توپ را از یک تپه به پایین هل می دهیم. توپ حین قل خوردن به پایین تپه شتاب می گیرد و در راه سریع تر و سریع تر می شود (تا جایی که به سرعت نهایی برسد، البته در صور تی که مقاومت هوا وجود داشته باشد که به معنی  $\gamma$  کمتر از ۱ است). همین اتفاق برای تغییرات ایجاد شده در پارامترها هم می افتد: ضریب شتاب در جهت هایی که گرادیان تغییر علامت نمی دهد افزایش می یابد و در جهت هایی که گرادیان تغییر علامت می دهد کاهش می یابد. در نتیجه، همگرایی سریع تر شده و تناوبها کمتر می شود.

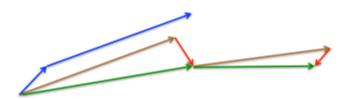
### ۲. ۴ گرادیان شتاب یافتهی نستروف

۷ در بعضی جاها علامت ضرایب در معادله متفاوت است.

با اینحال، توپی که روی یک تپه قل میخورد و تنها شیب روی حرکت آن اثر میگذارد، چندان رضایت بخش نیست. ما میخواهیم توپی هوشمندتر داشته باشیم، توپی که بداند قرار است به کجا برسد داشته باشد تا قبل از اینکه دوباره به سربالایی تپه برسد سرعتش را کم کند.

روش گرادیان شتاب یافته ی نستروف (Nesterov Accelerated Gradient:NAG) روشی است که با آن می توان چنی خاصیتی به ضریب شتاب داد. می دانیم که از ضریب شتاب به صورت  $\gamma v_{t-1}$  برای حرکت بردار پارامتر  $\theta$  استفاده می کنیم. بنابراین محاسبه ی  $\theta - \gamma v_{t-1}$  تقریبی از مقدار بعدی بردار پارامترها را به دست می دهد (گرادیان که در میزان تغییرات موثر است در اینجا در نظر گرفته نشده)؛ با اینکار در کی مناسب از مقادیر بعدی پارامترها به دست می آوریم. اکنون می توانیم با محاسبه گرادیان نسبت به مقدار تقریبی بعدی پارامترها، نه مقدار فعلی آنها، به طور موثری مقدار بعدی دادهها را در محاسبات دخیل کنیم:

$$v_t = \gamma v_{t-1} + \eta \nabla_{\theta} J(\theta - \gamma v_{t-1})$$
  
$$\theta = \theta - v_t$$



شكل ٣ تغييرات نستروف (منبع: اسلايد 6c ج. هينتون)

باز هم به ضریب شتاب  $\gamma$  مقداری حدود  $\gamma$  می دهیم. در حالیکه روش شتاب ابتدا گرادیان فعلی را حساب کرده (بردار کوچک آبی در شکل  $\gamma$ ) و سپس جهشی بزرگ در جهت گرادیان جدید تجمع یافته (بردار قهوه ای) می کند، روش نستروف ابتدا جهشی بزرگ در جهت گرادیان تجمع یافته ی کند (بردار قهوه ای)، گرادیان را اندازه می گیرد و سپس یک اصلاح کوچک انجام می دهد (بردار سبز). این تغییرات ایجاد شده با استفاده از پیش بینی مقادیر بعدی، از زیادی سرعت گرفتن تغییرات جلوگیری می کند. این امر باعث پاسخگویی بیشتر الگوریتم می شود که کارایی شبکههایی عصبی بازگشتی در انجام بسیاری از فعالیتها را به شدت بهبود داده است.  $\gamma$ 

اکنون که می توانیم تغییرات را با شیب تابع ضرر منطبق کنیم، و لذا سرعت روش SGD را بهبود ببخشیم، بد نیست که تغییرات را با تک تک پارامترها هم انطباق دهیم تا با توجه به میزان اهمیت آنها، تغییرات بزرگتر یا کوچتری بدهیم.

http://cs231n.github.io/neural-networks-3/

\_

<sup>&</sup>lt;sup>۸</sup> برای توضیحات بیشتر پیرامون مفاهیم پشت روش نستروف به لینک زیر مراجعه کنید. ایلیا استاتسکور هم مروری با جزییات بیشتر در تز دکترای خود نسبت به این مفهوم ارائه کرده است. [۱۹]

## ۳. ۴ روش گرادیان انطباقی (AdaGrad)

المرامترها انطباق می دهد، به این معنی که به ازای پارامترهایی که میزان رخداد کمتری دارند تغییرات بزرگتری داده و به ازای پارامترهایی که میزان رخداد کمتری دارند تغییرات بزرگتری داده و به ازای پارامترهایی که بیشتر رخ داده اند تغییرات کمتری می دهد. به همین دلیل، برای محاسبات روی دادههای پراکنده بسیار مناسب پارامترهایی که بیشتر رخ داده اند تغییرات کمتری می دهد. به همین دلیل، برای محاسبات روی دادههای پراکنده بسیار مناسب است. دین و همکاران [۶] دریافته اند که روش AdaGrad اطمینان پذیری روش (GD را به شدت افزایش داده است و از این روش برای آموزش دادن شبکههای عصبی گسترده ای در گوگل استفاده کردند که –علاوه بر کارهای دیگر – یاد گرفت که گربه ها را در ویدئوهای یوتیوب تشخیص دهد. بعلاوه، پنینگتون و همکاران [۱۶] از این روش برای یاد دادن تکینیک "کلمه تعبیه شده" (الگوریتمی برای تشخیص جملات توهین آمیز حتی اگر شامل کلمات توهین آمیز نباشند) به سیستم GloVe شدند زیرا در این روش کلمات کم استفاده تر باید تاثیر بیشتری نسبت به کلمات پراستفاده داشته باشند.

در روش های قبلی، ما روی همه ی پارامترها یک تغییر یکسان را اعمال می کردیم زیرا همه ی پارامترها از یک نرخ یادگیری یعنی  $\eta$  استفاده می کردند. از آنجایی که روش AdaGrad نرخ یادگیری متفاوتی برای هر پارامتر  $\theta_i$  با هر گام زمانی t استفاده می کند، ابتدا تغییرات هر پارامتر مستقل در AdaGrad را نشان می دهیم، سپس پارامترها را برداری می کنیم. برای اختصار،  $g_{t,i}$  را گرادیان تابع هدف نسبت به  $\theta_i$  و در لحظه ی t در نظر می گیریم:

$$g_{t.i} = \nabla_{\theta_t} J(\theta_{t.i})$$

پس تغییرات ایجاد شده توسط تابع SGD بر روی هر پارامتر  $\theta_i$  در هر لحظه t برابر خواهد بود با:

$$\theta_{t+1.i} = \theta_{t.i} - \frac{\eta}{\sqrt{G_{t.ii} + \epsilon}} \cdot g_{t.i}$$

در اینجا  $\mathbf{G}_{t}$  یک ماتریس قطری است که در آن هر درایهی قطری  $\mathbf{i}$  ,  $\mathbf{i}$  جمع مربعات گرادیانها نسبت به  $\mathbf{\theta}_{\dot{1}}$  است). گام زمانی  $\mathbf{t}$  است که از ایجاد صفر در مخرج جلوگیری می کند (معمولا در مقیاس  $\mathbf{t}^{-8}$  است). جالب است که بدون جذر گرفتن، الگوریتم عملکرد بسیار ضعیف تری دارد.

است،  $oldsymbol{\theta}$  است، ورمان ماتریس ماتریس ماتریس و بردار  $oldsymbol{\odot}$  بین  $oldsymbol{G}_t$  تبدیل به یک فرمول برداری کنیم: می توانیم فرمول را با یک ضرب درایه به درایهی ماتریس و بردار  $oldsymbol{\odot}$  بین  $oldsymbol{G}_t$  تبدیل به یک فرمول برداری کنیم:

$$\theta_{t+1} = \theta_t - \frac{\eta}{\sqrt{G_t + \epsilon}} \odot g_t$$

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> http://www.wired.com/2012/06/google-x-neural-network/

دوچی و همکاران  $[\Lambda]$  این ماتریس را به عنوان جایگزینی برای ماتریس کامل شامل ضرب خارجی تمام گرادیانهای قبلی ارائه می کند زیرا در غیر این صورت محاسبه ی ماتریس جذر حتی با تعداد کم پارامترها یعنی d هم عملی نیست.

یکی از مزایای اصلی روش AdaGrad این است که نیاز به تعیین نرخ یادگیری را از بین می برد. در بیشتر کاربردها مقدار ۱۰/۰۱ انتخاب شده و تغییر داده نمی شود.

ضعف اصلی روش AdaGrad وجود ماتریس تجمع مربعات گرادیانها در مخرج است: از آنجایی که هر عبارت اضافه شده مثبت است، حاصل جمع همواره در طول آموزش سیستم عصبی افزایش می یابد. این امر به نوبه ی خود باعث می شود که نرخ یادگیری کاهش یابد و درنهایت، بی نهایت کوچک شود که پس از آن الگوریتم نمی تواند چیز جدیدی یاد بگیرد. الگوریتمهای زیر به هدف از بین بردن این نقص به وجود آمدهاند.

#### AdaDelta F.F

روش AdaDelta (۲۲] بسطی از روش AdaGrad است که هدف آن کمتر کردن کاهش فزاینده و یکنواخت نزخ یادگیری در این روش است. به جای تجمع مربعات همهی گرادیانهای قبلی، روش AdaDelta تعداد مربعات جمع شده را به تعداد محدودی مثل آمحدود می کند.

به جای ذخیره ی غیربهینه ی  $\overline{w}$  از مربعات گرادیانها، جمع گرادیان به صورت بازگشتی، میانگین میراشونده ی همه ی مربعات گرادیانهای قبلی تعریف می شود. میانگین در لحظه ی  $\overline{t}$  یعنی  $\overline{t}$  یعنی  $\overline{t}$  فقط (با یک کسر  $\gamma$  که شبیه به ثابت شتاب است) به میانگین قبلی و گرادیان فعلی بستگی دارد:

$$E[g^2]_t = \gamma E[g^2]_{t-1} + (1-\gamma)g_t^2$$

به  $\gamma$  مقداری شبیه به ثابت سرعت یعنی حدود  $\gamma$  میدهیم. برای شفاف تر شدن موضوع، میزان تغییرات پارامترها روش  $\gamma$  می نویسیم: SGD پایه را بر اساس بردار تغییرات یعنی  $\Delta heta_t$  می نویسیم:

$$\Delta \theta_t = -\eta \cdot g_{t,i}$$
  
$$\theta_{t+1} = \theta_t + \Delta \theta_t$$

پس بردار تغییرات روش AdaGrad که قبلا به دست آوردیم برابر است با:

$$\Delta \theta_t = -\frac{\eta}{\sqrt{G_t + \epsilon}} \odot g_t$$

اکنون به سادگی در این فرمول ماتریس قطری  $G_t$  را با میانگین میراشونده ی مربعات گرادیانهای قبلی یعنی  $E[g^2]_t$  جایگزین می کنیم:

$$\Delta \theta_t = -\frac{\eta}{\sqrt{E[g^2]_t + \epsilon}} g_t$$

از آنجایی که مخرج همان معیار خطای جذر میانگین مربعات گرادیان است، می توانیم آن را با علامت اختصاری این معیار جایگزین کنیم:

$$\Delta \theta_t = -\frac{\eta}{RMS[q]_t} g_t$$

سازندگان این روش متوجه شدند که واحد بردار تغییرات (همانطور که در روشهای SGD، روش شتاب و AdaGrad هم وضع به همین صورت است) با پارامترها همخوانی ندارد؛ چرا که تغییرات باید واحد فرضی یکسانی با پارامترها داشته باشند. برای حل این مشکل، ابتدا میانگین دیگری تعریف کردند که آن هم به صورت نمایی میراشونده بود. اما اینبار از میانگین مربعات استفاده نکردند بلکه از میانگین تغییرات پارامترها استفاده کردند:

$$E[\Delta\theta^2]_t = \gamma E\left[\Delta\theta^2\right]_{t-1} + (1-\gamma)\Delta\theta_t^2$$

بنابراین خطای جذر میانگین مربعات تغییرات پارامترها به صورت زیر است:

$$RMS \left[\Delta \theta\right]_t = \sqrt{E\left[\Delta \theta^2\right]_t + \epsilon}$$

از آنجایی که  $RMS[\Delta \theta]_t$  معلوم نیست، آن را با مقدار RMS تغییرات پارامترها تا گام زمانی قبلی، تقریب میزنیم. با جایگزین  $RMS[\Delta \theta]_t$  در نرخ یادگیری  $\eta$  در فرمول تغییرات پارامتر قبلی با  $RMS[\Delta \theta]_{t-1}$  در نهایت فرمول تغییرات برای روش  $RMS[\Delta \theta]_{t-1}$  به دست می آید:

$$\Delta \theta_t = -\frac{RMS[\Delta \theta]_{t-1}}{RMS[g]_t} g_t$$
  
$$\theta_{t+1} = \theta_t + \Delta \theta_t$$

با روی AdaDelta، حتی نیاز نیست نرخ یادگیری پیشفرض را تعیین کنیم، زیرا از فرمول تغییرات حذف شده است.

## RMSprop ۴.۵

روش RMSprop یک روش بر مبنای نرخ یادگیری انطباق یافته است که در جایی منتشر نشده و جاف هینتون در درسهایی که در وبسایت Coursera ارائه کرده آن را معرفی کرده است.۱۱

<sup>11</sup> http://www.cs.toronto.edu/~tijmen/csc321/slides/lecture\_slides\_lec6.pdf

هم RMSprop و هم AdaDelta به طور مستقل و تقریبا در یک زمان در پی نیاز به راه حلی برای حل مشکل کاهش شدید نرخ یادگیری در روش AdaGrad به وجود آمدند. روش RMSprop در واقع کاملا مشابه اولین بردار تغییرات روش AdaDelta که در بالا به دست آوردیم است:

$$\begin{split} E[g^2]_t &= 0.9 E[g^2]_{t-1} + 0.1 g_t^2 \\ \theta_{t+1} &= \theta_t - \frac{\eta}{\sqrt{E[g^2]_t + \epsilon}} g_t \end{split}$$

روش کسر RMS (RMS بنیز نرخ یادگیری را بر میانگین نمایی میراشونده ی مربعات گرادیانها تقسیم می کند.  $\eta$  برابر  $\gamma$  برابر و یک مقدار پیشفرض مناسب برای نرخ یادگیری یا

## Adam F.

روش تخمین تطبیق پذیر گشتاور (Adam) [۱۰] یکی دیگر از روشهایی است که نرخ یادگیری را منطبق بر دادهها محاسبه می کند. علاوه بر ذخیره کردن میانگین میراشونده ی نمایی مربعات گرادیانهای قبلی، یعنی  $v_t$  مثل روشهای AdaDelta و RMSprop، روش Adam میانگین میراشونده ی نمایی گرادیان ها  $m_t$  را هم مثل روش شتاب حفظ می کند:

$$m_t = \beta_1 m_{t-1} + (1 - \beta_1) g_t$$
  
$$v_t = \beta_2 v_{t-1} + (1 - \beta_2) g_t^2$$

 $m_t$  و  $v_t$  و  $v_t$  و  $v_t$  و گشتاور اول (میانگین) و گشتاور دوم (واریانس غیرمرکزی) گرادیانها هستند که نامگذاری روش  $v_t$  هم به همین خاطر است. به خاطر این که حالت اولیه ی بردارهای  $v_t$  و  $v_t$  صفر است، سازندگان روش مشاهده کردند که نتایج به صفر متمایل میشوند، به خصوص در گامهای اولیه و مخصوصاً وقتی نرخ میراشوندگی کوچک است (یا به عبارت دیگر  $v_t$  و  $v_t$  و نزدیک ۱ هستند).

آنها این مشکل را با تخمینهای اصلاح شدهی گشتاور اول و دوم حل کردند:

$$\widehat{m}_t = \frac{m_t}{1 - \beta_1^t}$$
 
$$\widehat{v}_t = \frac{v_t}{1 - \beta_2^2}$$

سپس از این دو فرمول همانطور که در روش های AdaDelta و RMSprop هم دیدیم، برای محاسبهی تغییرات پارامترها استفاده کردند که فرمول تغییرات را برای این روش به دست میدهد:

$$\theta_{t+1} = \theta_t - \frac{\eta}{\sqrt{\hat{v}_t} + \epsilon} \widehat{m}_t$$

سازندگان روش مقادیر پیشفرض  $^{9}$ ، برای  $^{1}$ ،  $^{9}$  برای  $^{9}$  و  $^{1}$  را برای  $^{2}$  پیشنهاد کرده اند. آنها به صورت تجربی نشان داده اند که روش  $^{9}$  می کند و نسبت به دیگر روش های یادگیری انطباق پذیر ارجحیت دارد.

#### AdaMax F.Y

فریب  $v_t$  در فرمول تغییرات روش Adam گرادیان را با نسبت معکوس نسبت به میانگین گرادیانهای قبلی یعنی  $v_t$  (با فریب  $v_{t-1}$ ) و گرادیان فعلی مربوط می کند.

$$v_t = \beta_2 v_{t-1} + (1 - \beta_2)|g_t|^2$$

میتوانیم این تغییر را به میانگین  $1_p$  هم تعمیم دهیم. دقت کنید که کینگما و با، ضریب  $oldsymbol{eta}_2$  را هم به صورت پارامتری یعنی  $oldsymbol{eta}_2^p$  نوشتهاند:

$$v_t = \beta_2^p v_{t-1} + (1 - \beta_2^p) |g_t|^p$$

میانگین برای مقادیر بزرگ p معممولا از لحاظ عددی ناپایدار می شود. به همین خاطر است که در عمل میانگین های  $1_1$  و  $1_2$  معممولا از خود پایداری نشان می دهد. به همین دلیل، سازندگان روش  $1_2$  پر کاربردتر هستند. با این وجود،  $1_2$  نیز معمولا از خود پایداری نشان می دهد. به همین دلیل، سازندگان روش  $1_2$  از اشتباه گرفتن  $1_3$  بیز مانند  $1_4$  نیز مانند  $1_4$  بیز مانند  $1_5$  بیز مانند می دود بینهایت  $1_5$  بیز می می دود بینهای بیز می دود بینهایت  $1_5$  بیز می دود بیز می دود بیز می دود بیز می داد بیز می داد

$$u_{t} = \beta_{2}^{\infty} v_{t-1} + (1 - \beta_{2}^{\infty}) |g_{t}|^{\infty}$$
  
= \text{max}(\beta\_{2} \cdot v\_{t-1}, |g\_{t}|)

اکنون می توانیم با جایگزین کردن  $\hat{v}_t+\epsilon$  با  $u_t$  این معادله را با معادلهی تغییرات در روش آدام ادغام کنیم تا فرمول تغییرات یارامترها برای روش AdaMax به دست آید:

$$\theta_{t+1} = \theta_t - \frac{\eta}{u_t} \widehat{m}_t$$

دقت کنید از آنجایی که  $u_t$  حاصل از یک عملیات ماکسیمه گیری است، مثل  $v_t$  و  $m_t$  در روش  $u_t$  عملیات ماکسیمه گیری است، مثال  $v_t$  و نیازی به محاسبه ی ضریب تصحیح برای جلوگیری از این امر نیست. مقادیر پیشفرض مناسب برای این روش هم عبارتند از: ۰/۰۰۲ برای  $\beta_t$  و مقدار  $v_t$  و مقدار  $v_t$  برای  $v_t$  و مقدار  $v_t$  برای  $v_t$ 

#### Nadam F.A.

همانطور که قبلا هم دیدیم، روش Adam را میتوان ترکیبی از روش RMSprop و روش شتاب دانست: میانگین میراشونده ین نمایی مربعات گرایان های قبلی یعنی  $v_{\rm t}$  از روش pmsprop و میانگین میراشونده نمایی میانگین گرادیانهای قبلی یعنی  $m_{\rm t}$  . هم چنین دیدیم که روش گرادیان شتاب یافته ی نستروف نیز به روش شتاب معمولی ارجحیت دارد.

روش Adam روش (Nesterov-accelerated Adaptive Moment Estimation) Nadam روش موثند. براى استفاده از روش نستروف در الگوریتم Adam، باید عبارت mt را اصلاح کنیم.

ابتدا، ببایید فرمول تغییرات در روش شتاب را با ضرایب جدید بنویسیم:

$$g_t = \nabla_{\theta_t} J(\theta_t)$$
  

$$m_t = \gamma m_{t-1} + \eta g_t$$
  

$$\theta_{t+1} = \theta_t - m_t$$

که در آن J همان تابع هدف،  $\gamma$  ثابت میرایی شتاب و  $\eta$  اندازهی گام است. با ادغام معادلهی دم در معادلهی سوم داریم:

$$\theta_{t+1} = \theta_t - (\gamma m_{t-1} + \eta g_t)$$

این فرمول نیز نشان میدهد که در روش شتاب یک گام در جهت بردار شتاب قبلی و سپس یک یک گام در جهت گرادیان فعلی برداشته میشود.

روش نستروف به ما اجازه می دهد که با تغییر دادن پارامترها و گشتاورها پیش از محاسبه ی گرادیان گامی دقیق تر در جهت گرادیان بر داریم. برای به کارگیری روش نستروف فقط باید گرادیان بر داریم. برای به کارگیری روش نستروف فقط باید گرادیان با اصلاح کنیم:

$$g_t = \nabla_{\theta_t} J(\theta_t - \gamma m_{t-1})$$
  

$$m_t = \gamma m_{t-1} + \eta g_t$$
  

$$\theta_{t+1} = \theta_t - m_t$$

حوزارت پیشنهاد کرده است که روش نستروف به این صورت اصلاح شود: به جای دوبار دخیل کردن گشتاور در محاسبات – یک بار برای به تغییر دادن گرادیان  $g_t$  و یک بار برای تغییر دادن پارامترها یعنی بردار  $\theta_{t+1}$  – مستیقما از تخمین بردار گشتاور برای محاسبهی تغییرات پارامترها استفاده می کنیم:

$$\begin{split} g_t &= \nabla_{\theta_t} J(\theta_t) \\ m_t &= \gamma m_{t-1} + \eta g_t \\ \theta_{t+1} &= \theta_t - (\gamma m_t + \eta g_t) \end{split}$$

دقت کنید که به جای استفاده از بردار گشتاور قبلی یعنی  $m_{t-1}$  در فرمول تغییرات قبلی، اکنون از بردار گشتاور  $m_t$  یعنی بردار گشتاور فعلی برای رسیدن به مقادیر بعدی استفاده می کنیم. به طور مشابه برای اضافه کردن روش شتاب نستروف به الگوریتم بردار گشتاور قبلی را با بردار گشتاور فعلی جایگزین کنیم. ابتدا، بیایید فرمول تغییرات روش Adam را به یاد بیاوریم (دقت کنید که نیاز داریم  $\hat{v}_t$  را اصلاح کنیم):

$$\begin{split} m_t &= \beta_1 m_{t-1} + (1 - \beta_1) g_t \\ \widehat{m}_t &= \frac{m_t}{1 - \beta_1^t} \\ \theta_{t+1} &= \theta_t - \frac{\eta}{\sqrt{\widehat{v}_t} + \epsilon} \widehat{m}_t \end{split}$$

با جایگذاری کردن فرمول  $\widehat{m}_t$  و  $m_t$  در فرمول آخر داریم:

$$\theta_{t+1} = \theta_t - \frac{\eta}{\sqrt{\hat{v}_t} + \epsilon} \left( \frac{\beta_1 m_{t-1}}{1 - \beta_1^t} + \frac{(1 - \beta_1) g_t}{1 - \beta_1^t} \right)$$

توجه داشته باشید که  $\frac{\beta_1 m_{t-1}}{1-eta_1^t}$  تنها یک تخمین اصلاح شده از بردار گشتاور در گام زمانی قبلی است. لذا می توانیم آن را با  $\widehat{m}_{t-1}$  جایگزین کنیم:

$$\theta_{t+1} = \theta_t - \frac{\eta}{\sqrt{\widehat{v}_t} + \epsilon} \left( \beta_1 \widehat{m}_{t-1} + \frac{(1 - \beta_1) g_t}{1 - \beta_1^t} \right)$$

#### ۹. ۴ تجسم تصویری الگوریتمها

دو شکل زیر در کی از عملکرد بهینهسازی الگوریتمهای معرفی شده ارائه می کند. ۱۲

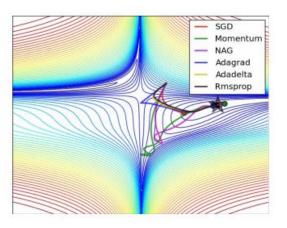
در شکل ۴ الف، مسیری الگوریتم ها بر روی نمای دو بعدی سطح ضرر (تابع Beale) نشان داده شده است. همه ی الگوریتم ها از یک نقطه شروع کردهاند و مسیرهای متفاوتی را برای رسیدن به مینیمم در پیش گرفته اند. توجه داشته باشید که روش از یک نقطه شروع کردهاند و مسیرهای متفاوتی را برای رسیدن به مینیمم در پیش گرفته اند. توجه داشته باشید که روش های AdaDelta ،AdaGrad سریعا به جهت درست رفته اند و نسبتا سریع همگرا شدهاند در حالیکه روش های شتاب و نستروف از مسیر اصلی منحرف شدهاند که حرکت یک توپ در دامنه ی یک تپه را تداعی می کند. با اینحال روش نستروف

http://cs231n.github.io/neural-networks-3/

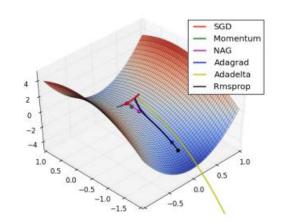
۱۲ به لینک زیر هم نگاهی بیندازید. در این لینک کارپاثی توضیحات دیگری برای همین تصاویر و مرور مختصر دیگری بر الگوریتم های ذکر شده ارائه کرده است.

قادر بوده است که مسیرش را به خاطر حساسیت بیشتر نسبت به مسیر و استفاده از اطلاعات نقطهی بعدی، قادر بوده است که سریع تر مسیرش را اصلاح کند.

شکل ۴ ب رفتار الگوریتم ها را در نقطهی زینی نشان می دهد، یعنی نقطهای که شیب در یک جهت مثبت و در جهت دیگر منفی است. این نقطه برای روش SGD همانطور که قبلا اشاره کردیم، دشواری هایی ایجاد کرده است. توجه کنید که روش های SGD، شتاب و نستروف برای خارج شدن از سطح متقارن اطراف این نقطه با دشواری هستند، اگرچه دو الگوریتم آخر توانستهاند، از نقطهی زینی خارج شوند، در حالیکه AdaDelta و RMSprop، AdaGrad سریعا به سمت شیب منفی سرازیر شدهاند، و روش AdaDelta در بین این روش ها پیشگام بوده است.







(ب) بهینه سازی SGD در نقطهی زینی

# شکل ۴ منبع و انیمیشن های کامل: الک ردفورد

همانطور که دیده میشود، روشهای با نرخ یادگیری انطباق یافته، یعنی RMSprop ،AdaDelta ،AdaGrad و AdaGrad و Adam از همه مناسبتر هستند و در این مثالها بهترین همگرایی را از خود نشان میدهند.

### ۱۰. ۴ کدام روش بهتر است؟

با این اوصاف، باید از کدام روش بهینهسازی استفاده کرد؟ اگر دادهی ورودی پراکنده است، پس احتمالا بهترین نتایج با استفاده از یکی از روشهای با نرخ یادگیری انطباق یافته به دست میآورید. یکی از مزیتهای اضافی این روشها این است که دیگر نیاز نیست نرخ یادگیری را تنظیم کنید ولی احتمالا بهترین نتایج را با مقادیر پیشفرض به دست خواهید آورد.

به طور خلاصه، روش RMSprop تعمیمی از روش AdaGrad است که کاهش شدید نرخ یادگیری در این روش را حل کرده است. این روش کاملا شبیه به روش AdaDelta است، با این تفاوت که روش AdaDelta از RMS تغییرات پارامترها در صورت فرمول تغییرات استفاده کرده است. در نهایت، روش Adam روشی برای تصحیح میل به صفر و گشتاور را به روش RMSprop اضافه کرده است. تا اینجای کار، AdaDelta هی AdaDelta و Adam الگوریتم های بسیار مشابهی هستند

که در شرایط مشابه همگی به خوبی کار میکنند. کینگما و همکاران [۱۰] نشان دادهاند که تصحیح میل به صفر در الگوریتم Adam باعث شده که کارایی آن در پایان بهینه سازی که گرادیان ها پراکنده تر میشوند کمی از RMSprop بیشتر باشد. پس تا به حال، روش Adam بهترین انتخاب در بین همهی الگوریتمهاست.

نکتهی جالب اینجاست که بیشتر مقالات اخیر از روش SGD معمولی بدون روش شتاب و یک روند تبرید نرخ یادگیری ساده استفاده می کنند. همانطور که نشان داده شد، روش SGD معمولا در یافتن یک مینیمم موفق است، ولی ممکن است به طور قابل ملاحظهای بیش از سایر الگوریتمها طول بکشد، به مقادیر اولیهای که برای دادههای مختلف کارایی را تضمین کنند وابستهتر است و ممکن است به جای رسیدن به مینیمم نسبی در نقطهی زینی گیر بیفتد. درنتیجه، اگر همگرایی سریع برایتان مهم است یا شبکه عصبی عمیق یا پیچیدهای را آموزش می دهید، باید از یکی روشهای با نرخ یادگیری انطباق یافته استفاده کنید.

# اجرای $\operatorname{\mathbf{SGD}}$ به صورت موازی و توزیع شده

با فراگیری راه حل های بر پایه ی داده های بزرگ مقیاس برای چالش های صنعتی و ظهور خوشههای پردازش ابری با تعداد کاربر کم، توزیع الگوریتم SGD به منظور افزایش سرعت آن رویکرد مسلمی است. روش SGD به خودی خود ذاتاً ترتیبی است: قدم به قدم، به سمت مینیمم حرکت می کنیم. استفاده از این الگوریتم همگرایی خوبی فراهم می کند ولی می تواند به خصوص برای مجموعه دادههای بزرگ کند باشد. در عوض، اجرای غیرهمزمان (آسنکرون) SGD سریع تر است، ولی ارتباط غیر بهینه بین اجزای اجرای کننده ی الگوریتم می تواند باعث همگرایی ضعیف شود. به علاوه، می توانیم SGD را تنها بر روی یک دستگاه بدون نیاز به خوشههای پردازشی بزرگ هم به صورت موازی اجرا کنیم. در زیر الگوریتمها و معماریهایی که برای اجرای موازی و توزیع شده ی SGD پیشنهاد شدهاند آمدهاند.

### HOGWILD! A.

نیو و همکاران [۱۵] روندی برای ایجاد تغییرات به اسم! HOGWILD را معرفی کردهاند که اجرای تغییرات SGD به صورت موازی در پردازنده را امکانپذیر میکند. هستههای پردازشی مجازند بدون ثابت نگه داشتن پارامترها به حافظهی اشتراکی دسترسی داشته باشند. این روش تنها در صورتیکه کارآمد است که دادههای ورودی پراکنده باشند، زیرا هر تغییر تنها بر روی کسری از دادهها پیاده میشود. آنها نشان دادند که در این صورت، روند تغییرات تقریبا به نرخ همگرایی بهینهای میرسد زیرا احتمال پاک کردن و بازنویسی دادههای مفید توسط پردازندهها بسیار پایین است.

# ۲. ۵ روش SGD بارشی

روش SGD بارشی یک فُرم غیرهمزمان (آسنکرون) از روش SGD است که توسط دین و همکاران [۶] در فریمورک TensorFlow بارشی یک فُرم غیرهمزمان (آسنکرون) از روش SGD است که توسط دین و همکاران [۶] در فریمورک DistBelief رکه کلاد. این الگوریتم چندین کپی از مدل را بر روی زیرمجموعههای دادههای آموزش سیستم به صورت موازی اجرا می کند. این مدلها تغییرات خود را به سرور پارامترها ارسال می کنند، که بین دستگاههای زیادی یخش شده است. هر دستگاه مسئول ذخیره و تغییر دادن کسری از پارامترهای

مدل است. با اینحال، چون کیی های مدل با یکدیگر ارتباط برقرار نمی کنند؛ یعنی مثلاً وزن دادهها یا تغییرات را به اشتراک نمی گذارند، یارامترهای آنها هموراه در معرض خطر واگرایی یا همگرایی کند هستند.

# $\mathbf{SGD}$ الگوریتمهای مقاوم در برابر تاخیر برای $\mathbf{SGD}$

مکماهان و استریتر [۱۲] الگوریتم AdaGrad را با توسعهی الگوریتمهای مقاوم در برابر تاخیر، به سیستمهای موازی تعمیم دادند. این الگوریتمها نه تنها بر گرادیانهای قبلی، بلکه با تاخیر در تغییرات هم انطباق مییابند. این روش عملکرد خوبی را در عمل نشان داده است.

#### TensorFlow 4.5

درک گوگل برای طراحی و پیاده سازی مدل های بزرگ مقیاس یادگیری ماشین است که  $TensorFlow^{17}$ اخیرا برای استفادهی عموم آزاد شده است. این فریم ورک بر اساس تجربهی گوگل با DistBelief است هم اکنون به صورت داخلی در بسیاری از دستگاههای همراه برای انجام پردازشهای مختلف، هم چنین در سیستمهای توزیع شدهی بزرگمقیاس استفاده میشود. نسخهی توزیعیافته، که در آوریل ۲۰۱۶ منتشر شده است<sup>۱۴</sup>، به یک گراف محاسباتی وابسته است که به چند زیر گراف در دستگاهها تقسیم شده است، و ارتباط بین دستگاهها با جفت گرههای ارسال/دریافت برقرار میشود.

# ۵.۵ SGD با میانگین گیری فنری

ژانگ و همکاران [۲۳] روش SGD با میانگین گیری فنری (Elastic Averaging SGD:EASGD) را پیشنهاد کرده اند، که پارامترهای دستگاههای دخیل در SGD غیرهمزمان (اَسنکرون) را به یک نیروی فنری مرتبط می کند، به این معنا که همان متغیر مرکزی ذخیره شده در سرور پارامترهاست. این به متغیرهای محلی (Local) اجازه می دهد که فراتر از متغیر مرکزی تناوب کنند، که روی کاغذ جستجوی بیشتر در فضای برداری پارامترها را ممکن می کند. آنها به صورت تجربی نشان دادند که این افزایش امکان جستجو به یافتن اسکترممهای نسبی جدید و درنتیجه عملکرد بهتر منتهی می شود.

# $\mathbf{SGD}$ رویکردهای بیشتر برای بهینهسازی $\mathbf{F}$

درنهایت، ما رویکردهای بیشتری معرفی می کنیم که می توانند در کنار همهی الگوریتمهایی که قبلاً نام برده شدند استفاده شوند تا عملکرد SGD را بهبود دهند. برای مروری عالی بر روشهای معمول دیگر، به مرجع [۱۱] مراجعه کنید.

# ۱. ۶ یادگیری تصادفی و ترتیبی

http://googleresearch.blogspot.ie/2016/04/announcing-tensorflow-08-now-with.htm

<sup>18</sup> https://www.tensorflow.org/

ما عموماً ترجیح میدهیم که نمونههای آموزشی را با یک ترتیب معنادار به مدل ندهیم زیرا این امر ممکن است در الگوریتم بهینهسازی اختلال ایجاد کند. لذا معمولاً توصیه میشود که پس از هر تکرار، چینش دادهها به صورت تصادفی تغییر کند.

از طرف دیگر، برای بعضی موارد که میخواهیم مسائلی که به طور فزاینده دشوارند را حل کنیم، دادن نمونههای آموزشی با یک ترتیب معنادار به سیستم، ممکن است واقعا به بهبود عملکرد و همگرایی منجر شود. روش ایجاد این ترتیب معنادار یادگیری ترتیبی (Curriculum Learning) نامیده می شود.

زارمبا و ساتسکور [۲۱] برای ارزیابی یادگیری ترتیبی در برنامههای ساده تنها توانستند حافظههای طولانی کوتاه مدت (LSTM) را با این روش آموزش دهند. آنها نشان دادند که رویکردی ترکیبی که نمونهها را با افزایش دشواری مساله مرتب می کند، نسبت به رویکرد خام بهتر است.

# ۲. ۶ نرمالیزاسیون بچ

برای تسهل یادگیری، معمولا مقادیر اولیهی پارامترها را با میانگین صفر و واریانس واحد نرمال میکنیم. همینطور که آموزش شبکه عصبی جلوتر میرود و پارامترها را به مقادیر جدیدی تغییر میدهیم، نرمالسازی انجام شده از دست میرود که باعث کند شدن یادگیری و شدت یافتن تغییرات با عمیق تر شدن شبکه می شود.

نرمالیزاسیون بچ [۹] هر دسته از داده ها دوباره نرمالسازی کرده و تغییرات را نیز به عقب بازمی گرداند. با تبدیل نرمالسازی به بخشی از معماری مدل، می توانیم از نرخهای یادگیری بزرگتری استفاده کنیم و کمتر درگیر مقادیر اولیهی پارامترها شویم. نرمالیزاسیون بچ هم چنین مثل یک رگیولایزر عمل می کند و نیاز به دراپ اوت (Dropout) را کم می کند (یا به کلی ازبین می می برد).

### ۶.۳ توقف پیش از موعد

بر اساس گفتههای جاف هینتون، " توقف پیش از موعد، یک رایگان و زیبا است"۱۵ بنابراین باید همیشه باید خطا را با یک مجموعه دادهی صحت سنجی در طول آموزش بسنجید و (با به خرج دادن کمی صبر) اگر خطا به اندازهی کافی زیاد نشد، آموزش را متوقف کنید.

## ۴.۶ نویز گرادیان

http://www.iro.umontreal.ca/~bengioy/talks/DL-Tutorial-NIPS2015.pdf

۱۵ اسلایدهای آموزشی NIPS سال ۲۰۱۵، اسلاید ۶۳، قابل دسترسی در لینک زیر:

نیلاکاتان و همکاران [۱۳] به هر تغییرات گرادیان، نویز با توزیع گاوسیِ  $N(0.\,\sigma_t^2)$  اضافه کردند:

$$g_{t.i} = g_{t.i} + N(0.\sigma_t^2)$$

آنها از روند تبرید زیر برای واریانس استفاده کردند:

$$\sigma_t^2 = \frac{\eta}{(1+t)^{\gamma}}$$

آنها نشان داده اند که اضافه کردن این نویز شبکهها را نسبت به مقادیر اولیه نامناسب مقاومتر کرده و به خصوص به آموزش شبکههای عمیق و پیچیده کمک میکند. آنها حدس زدهاند که نویز به مدل برای فرار و یافتن مینیمم های نسبی جدید، که در مدلهای عمیقتر تعدادشان بسیار بیشتر است، شانس بیشتری میدهد.

## ۷ جمعبندی

در این مقاله، ابتدا سه فرم از روش گرادیان نزولی را مرور کردیم، که از بین آنها روش گرادیان نزولی نیمه انبوه از همه محبوب تر است. الگوریتمهایی را بررسی کردیم که برای بهینه سازی SGD بیشترین استفاده را دارند: روش شتاب، گرادیان شتابیافتهی نستروف، Nadam ،AdaMax ،Adam ،RMSprop ،AdaDelta ،AdaGrad، و همچنین الگوریتمهای متفاوتی برای بهینه سازی SGD غیرهمزمان (آسنکرون). درنهایت، رویکردهای دیگری برای بهبود روش SGD مثل یادگیری تصادفی و ترتیبی، نرمالیزاسیون بچ تو توقف پیش از موعد را نیز بررسی کردیم.