

میان

$$① T(n) = T(n-1) + n \Rightarrow T(n-1) = T(n-1-1) + n-1$$

$$\Rightarrow T(n-2) = T(n-3) + n-2$$

$$\Rightarrow T(n) = T(n-2) + n + n-1$$

$$\Rightarrow T(n) = T(0) + n + n-1 + n-2 + \dots + 1$$

$$\Rightarrow T(n) = n + n-1 + n-2 + \dots + 1$$

$$\Rightarrow T(n) = \frac{n(n+1)}{2} \Rightarrow \frac{n^2+n}{2} \Rightarrow O(n^2)$$

در نتیجه می‌توان به  $O(n^2)$  رسید

$$② T(n) = T(n/2) + 1 \Rightarrow T(n/2) = T(n/4) + 1$$

$$\Rightarrow T(n/4) = T(n/8) + 1$$

$$T(n/8) = T(n/16) + 1$$

$$T(n/2^k) = T(n/2^k) + 1$$

با توجه به دنباله‌ای که بدست آمده می‌توان فهمید که هر بار مرتبه‌ی زمانی ما تقسیم بر دو (کامپی) می‌شود و از این تقسیم بر دو ها می‌توان نتیجه گرفت که پیچیدگی مرتبه‌ی زمانی ما از نوع لگاریتمی است.<sup>15</sup> آن مقدار 1 + مقدار  $\log_2 n$  بار جمع می‌شود.

$$\Rightarrow T(n) = T(n/2) + 1 \Rightarrow O(\log n)$$

$$③ T(n) = 2T(n/2) + n \Rightarrow T(n/2) = 2T(n/4) + n/2 \Rightarrow O(\log n)$$

$$\Rightarrow 2T(n/4) = 4T(n/8) + n/4$$

$$\frac{k}{2} T(n/k) = k T(n/2k) + n/k$$

$$\rightarrow n \log n$$

می‌تواند به اینک مرتبه‌ی زمانی هست اول  $n \log n$  و هست دوم  $\log n$  می‌باشد و گویند از هست اول است می‌توان آنرا در نظر ناهمگنی و فقط هست اول که بزرگ‌تر است را به عنوان مرتبه‌ی زمانی<sup>85</sup>

معرفی کرد.