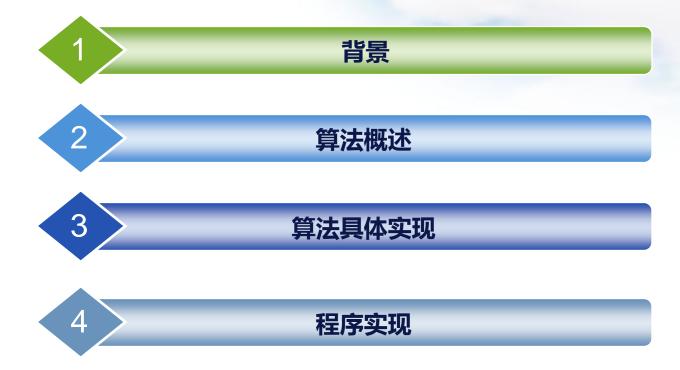
# Adaptive background mixture models for real-time tracking



胡洋洋, 2014/11/25



## 论文背景

- 1. Stauffer, C. and W. E. L. Grimson (1999). Adaptive background mixture models for real-time tracking, IEEE.
- 首次提出GMM用于背景建模,也是GMM最早在计算机视觉上的应用。
- 2、KaewTraKulPong, P. and R. Bowden (2001). An improved adaptive background mixture model for real-time tracking with shadow detection. 在1的基础上提出了EM算法进行权值,均值,方差更新,是GMM用于背景建模最经典的一篇论文,OpenCV库实现了该论文。

## 背景与前景的概念

背景与前景都是相对的概念,以高速公路为例:

- ▶ 有时我们对高速公路上来来往往的汽车感兴趣,这时汽车是前景, 而路面以及周围的环境是背景;
- ▶ 有时我们仅仅对闯入高速公路的行人感兴趣,这时闯入者是前景, 而包括汽车之类的其他东西又成了背景。

背景被认为是任何所感兴趣的时期内,场景中保持静止或周期性运动的目标。

运动目标检测:摄像机固定和摄像机运动两类。

## 简单的背景剪除法

#### 帧差法:

$$D(t+1) = |V(x, y, t+1) - V(x, y, t)|$$

前景: D(t+1) > Th

背景:  $D(t+1) \leq Th$ 

#### 平均背景法:

$$B(x,y) = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} V(x, y, t - i)$$

前景:|V(x,y,t) - B(x,y)| > Th

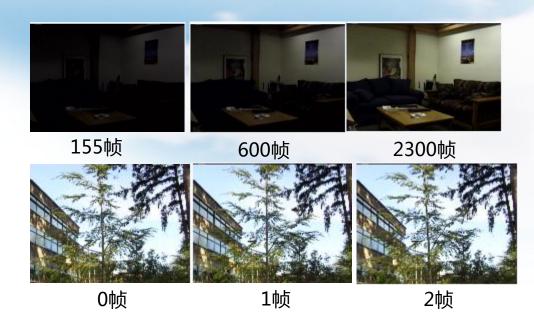
背景:  $|V(x,y,t) - B(x,y)| \le Th$ 

## 挑战

1、光照的变化

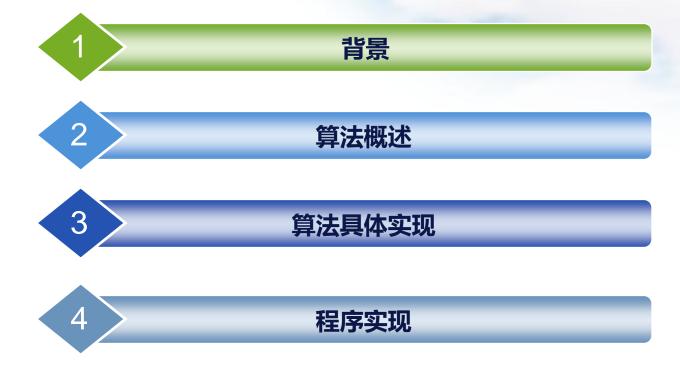
2、场景元素的重复运动

3、场景中目标的进入和离开

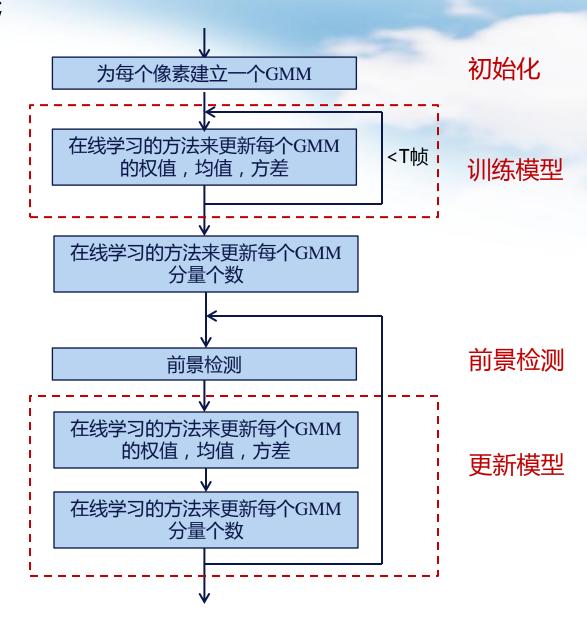


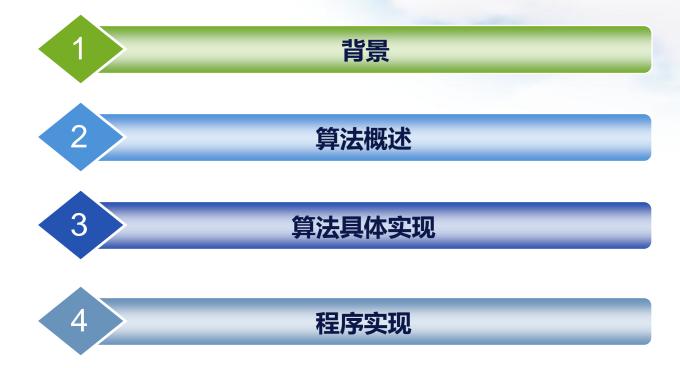


4、长时间场景的变化等等



## 概述



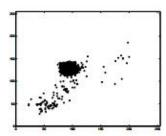


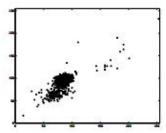
### Online mixture model

"pixel process":一个特定像素的像素值的时间序列

$${X_1,...,X_t} = {I(x_0, y_0, i) : 1 \le i \le t}$$

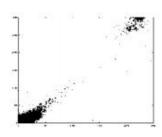






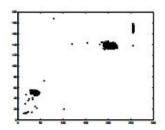
(a)由于光照的变化同一个像素前后2 分钟内的散点图





(b)由于镜面反射一个像素的散点图呈现双峰分布





(c)由于显示器闪烁一个像素的散点图呈现双峰分布

### Online mixture model

为每个像素的 "pixel process" 即 $\{X_1, ..., X_t\}$ 建立一个GMM:

当前像素值 $X_t$ 概率:

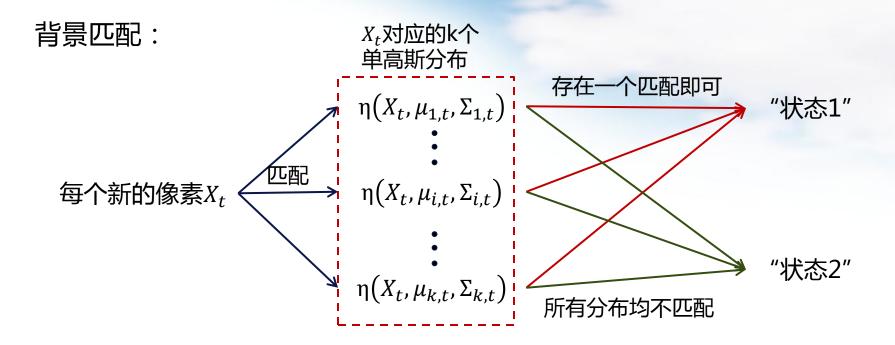
$$P(X_t) = \sum_{i=1}^{K} \omega_{i,t} * \eta(X_t, \mu_{i,t}, \Sigma_{i,t})$$

$$\eta(X_t, \mu, \Sigma) = \frac{1}{(2\pi)^{\frac{n}{2}} |\Sigma|^{\frac{1}{2}}} e^{-\frac{1}{2}(X_t - \mu_t)^T \Sigma^{-1}(X_t - \mu_t)}$$

其中, k是GMM的分量数, 受内存和计算能力的限制, 常设置在3~5;

$$\Sigma_{k,t} = \sigma_k^2 \mathbf{I}$$

## Online mixture model-更新



匹配:  $|X_t - \mu_{i,t}| < 2.5\sqrt{\Sigma_{i,t}}$   $X_t$ 为背景点

## Online mixture model-更新

模型更新策略: "状态1"模型更新、"状态2"模型更新

"状态1"  $X_t$ 模型更新:匹配的高斯分量的更新、非匹配的高斯分量的更新

匹配的高斯分量的更新:

$$\omega_{k,t} = (1 - \alpha)\omega_{k,t-1} + \alpha \qquad \alpha$$
为模型学习率 
$$\mu_t = (1 - \rho)\mu_{t-1} + \rho X_t$$
 
$$\sigma_t^2 = (1 - \rho)\sigma_{t-1}^2 + \rho (X_t - \mu_t)^T (X_t - \mu_t)$$
 
$$\rho = \alpha \eta (X_t | \mu_k, \sigma_k)$$

非匹配的高斯分量的更新:

$$\omega_{k,t} = (1 - \alpha)\omega_{k,t-1}$$
$$\mu_t = \mu_{t-1}$$
$$\sigma_t^2 = \sigma_{t-1}^2$$

## Online mixture model-更新

"状态2"  $X_t$ 模型更新:对混合模型中权值最低的高斯分量进行更新,其他高斯分量保持不变。

混合模型中权值最低的高斯分量进行更新:

权值更新: $\omega_t = \omega_{t-1}$ 

均值更新: $\mu_t = X_t$ 

方差更新: $\sigma_t^2 = \sigma_{init}^2$  ,  $\sigma_{init}^2$  为初始的较大的方差

## **Background Model Estimation**

背景模型的估计:自适应的计算每个像素GMM的分量个数。

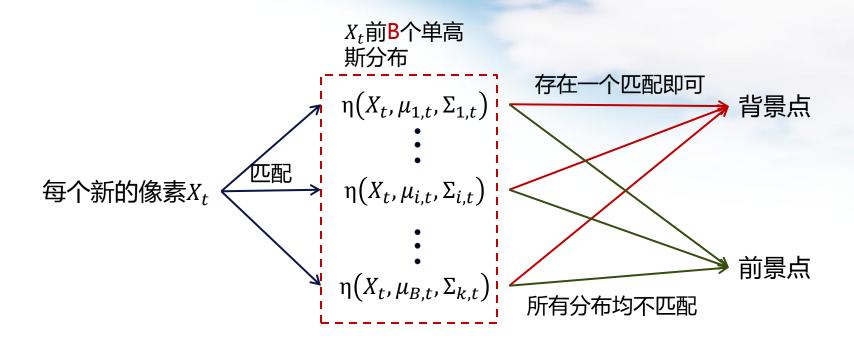
首先,通过 $\omega/\sigma$ 对每个像素GMM中各个高斯分量进行从大到小排序

然后,为每个像素GMM选择合适的高斯分量数。

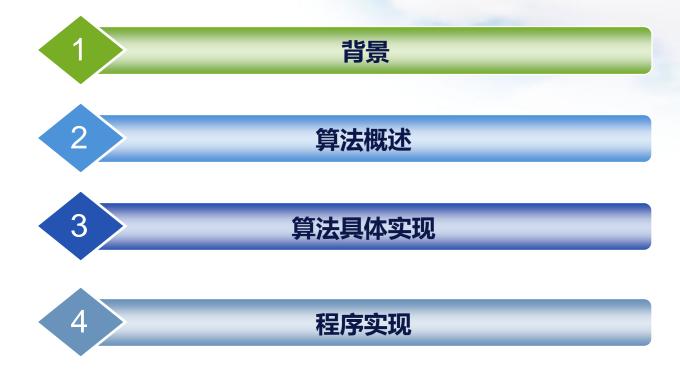
$$B = argmin_b \left( \sum_{k=1}^b \omega_k > T \right)$$

其中,T背景率

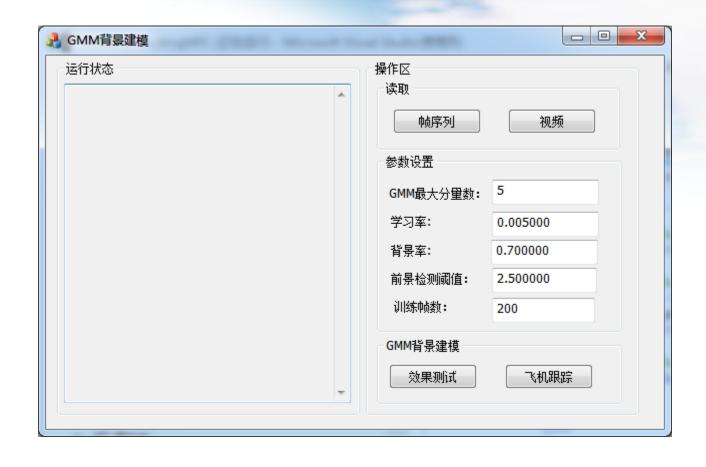
## 前景检测



匹配:  $|X_t - \mu_{i,t}| < 2.5\sqrt{\Sigma_{i,t}}$   $X_t$ 为背景点



## 程序实现



# Thank You!