## ۴ نوبت چهارم

تمرین ۱۵:

 $\phi(x,a)$  عنصر  $t\in M$  وا روی مجموعهی  $A\subseteq M$  حبری میخوانند هرگاه فرمولی چون  $t\in M$  . ۱ در زبان L(A) موجود باشد، به طوری که مجموعهی زیر متناهی باشد

$$\phi(M, a) = \{ m \in M | M \models \phi(m, a) \}$$

و p(x) نیز تایپ p(x) را جبری میخوانند هرگاه تنها تعداد متناهی عنصر آن را برآورده کنند. نشان دهید که عنصر t روی t جبری است اگروتنها گرt تایپی جبری باشد.

 $B\supseteq A$  جبری است اگروتنهااگر برای هر مجموعه . ۲. نشان دهید که تایپ  $p(x)\in S(A)$  جبری است اگروتنهااگر برای هر مجموعه .  $p\subseteq q$  موجود باشند که  $q\in S(B)$ 

تمرین ۱۶: به طور مستقیم (و بدون بحث توپولوژیک) نشان دهید که اگر در یک تئوری، تعداد تایپها متناهی باشد، آنگاه همه ی آن تایپها ایزوله اند (یعنی هر یک، تنها از یک فرمول نتیجه می شود). تمرین ۱۷: به طور مستقیم (و بدون بحث توپولوژیک) نشان دهید که اگر در یک تئوری T داشته باشیم  $S_n(T)$  آنگاه ۸۰۰  $S_n(T)$  آنگاه ۸۰۰ نشان دهید که اگر در یک تئوری  $S_n(T)$  داشته باشیم  $S_n(T)$  آنگاه م

تمرین ۱۸: فرض کنید  $T = \operatorname{Th}(\mathbb{R}, \mathbb{Q}, <)$  که در آن  $\mathbb{Q}$  محمولی برای اعداد گویاست. آیا این تئوری، مدل اول دارد؟

تمرین ۱۹: فرض کنید  $\{p_s|s\in \Upsilon^{<\omega}\}$  که در آن  $\Upsilon^{<\omega}$  مجموعهی همهی دنبالههای متناهی ساخته شده با و ۱۹ است و هر  $p_s$  یک محمول. T نوشته شده با اصول زیر بیان می کند که این محمولها جهان را به صورت دوجملهای تجزیه می کنند:

- $\forall x \quad p_{\emptyset}(x) \bullet$
- $\exists x \quad p_s(x) \bullet$
- $\forall x \quad (p_s.(x) \lor p_{s}.(x) \leftrightarrow p_s(x)) \bullet$ 
  - $\forall x \neg (p_s,(x) \land p_{s},(x)) \bullet$

نشان دهید که T کامل و دارای حذف سور است. نیز نشان دهید که در این تئوری، هیچ فرمولی هیچ تایپی را ایزوله نمی کند و این تئوری مدل اول ندارد.