نمونهی سوال امتحان میانترم ریاضی دو عمومی

سوالات امتحان میانترم درس ریاضی دو عمومی، بسیار مشابه با سوالهای زیر است. پنج سوال از میان سوالهای زیر برای امتحان انتخاب خواهند شد. توجه کنید که ممکن است عین سوال در امتحان نیاید و تغییرات کوچکی در آن داده شود.

سوال ۱. رویههای زیر را رسم کنید.

$$z = x^{\mathsf{r}} - y^{\mathsf{r}}$$
 (1)

$$z - x^{\mathsf{Y}} + y^{\mathsf{Y}} + \mathsf{Y}x - \mathsf{P}y = \mathsf{Y}$$

$$x^{\mathsf{Y}} + y^{\mathsf{Y}} - z^{\mathsf{Y}} = \mathsf{Y} \quad (\mathbf{z})$$

$$x^{\mathsf{T}} + y^{\mathsf{T}} - z^{\mathsf{T}} - \mathsf{T}x - \mathsf{T}y + \mathsf{P}z - \Delta = \bullet \quad (2)$$

$$z = x^{\mathsf{Y}} + y^{\mathsf{Y}} \; (\mathsf{A})$$

$$z - x^{\mathsf{T}} - y^{\mathsf{T}} + \mathbf{Y} \cdot x + \mathbf{F}y = \mathbf{T}\mathbf{Y}$$
 (9)

$$z^{\mathsf{T}} = x^{\mathsf{T}} + y^{\mathsf{T}} \quad (\mathsf{j})$$

$$z^{\mathsf{T}} - x^{\mathsf{T}} - y^{\mathsf{T}} - \mathsf{T}z + \mathsf{T}x + \mathsf{T}y - \mathsf{T} = \bullet \quad (7)$$

$$z^{\mathsf{r}} - x^{\mathsf{r}} - y^{\mathsf{r}} = 1$$
 (ط)

$$z = Yx + V(z)$$

$$z = \sin(x)$$
 (J)

سوال ۲. فرض کنید که در نقطه ی $(1, \cdot, 1)$ قرار داریم و ۵ واحد روی منحنی $\mathbf{r}(t) = e^t \mathbf{i} + e^t \sin t \mathbf{j} + e^t \cos t \mathbf{k}$

سوال ۳. منحنی زیر را بر حسب طول با شروع از نقطه ی(1, 1) پارامتربندی کنید.

$$\mathbf{r}(t) = (\frac{\mathbf{r}}{t^{\mathbf{r}} + \mathbf{1}} - \mathbf{1})\mathbf{i} + (\frac{\mathbf{r}t}{t^{\mathbf{r}} + \mathbf{1}})\mathbf{j}$$

سوال ۴. مفاهیم زیر را توضیح مختصری دهید که متقاعد کند که آنها را فهمیدهاید: انحناء، صفحهی z=f(x,y) در نقطه ی جزئی تابع z=f(x,y) در نقطه ی بوسان، تعبیر هندسی مشتق

سوال ۵. معادلهی دایرههای بوسان بر سهمی ۳۶ $x^{\mathsf{Y}} + \mathbf{Y}^{\mathsf{Y}} = \mathbf{Y}$ را در نقاط (\mathbf{Y},\mathbf{Y}) و (\mathbf{Y},\mathbf{Y}) را بيابيد.

سوال ۶. نشان دهید که منحنی $\mathbf{r}(t) = (t + \mathsf{Y}, \mathsf{Y} - t, \frac{1}{\mathsf{Y}} t^\mathsf{Y})$ روی یک صفحه مسطح واقع است و از آن صفحه خارج نمی شود. (راهنمایی: نشان دهید که صفحه ی بوسان در همه ی نقاط یکسان

سوال ۷. انحنای منحنی $\mathbf{r}(t)=(t^{7},\ln t,t\ln t)$ بیابید.

$$\mathbf{r}(t) = (t^*, \mathbf{m} \, t, t \, \mathbf{m} \, t)$$
 بیابید. $\mathbf{r}(t) = (t^*, \mathbf{m} \, t, t \, \mathbf{m} \, t)$ بیابید. $\mathbf{r}(t) = t^*$ مفحه ی نرمال با صفحه ی $\mathbf{r}(t) = t^*$ موازی است؟

سوال ۹. معادلهی صفحهی بوسان را در نقطهی داده شده ببایید.

$$P = (\cdot, 1, \Upsilon) \qquad x = \Upsilon \sin \Upsilon t \quad y = -\cos \Upsilon t \quad z = \Upsilon t \tag{1}$$

$$P = (\cdot, \Upsilon, \Upsilon) \qquad x = \ln t \quad y = \Upsilon t \quad z = t^{\Upsilon} \tag{Y}$$

سوال ۱۰. با استفاده از تعریف حد نشان دهید که

$$\lim_{(x,y)\to(\boldsymbol{\cdot},\boldsymbol{\cdot})}\frac{\mathbf{f}y^{\mathbf{f}}x+\mathbf{f}x^{\mathbf{f}}y}{x^{\mathbf{f}}+y^{\mathbf{f}}}=\boldsymbol{\cdot}$$

سوال ۱۱. منحنی های تراز رویه ی $z = x^{7} + y^{7} + 1$ را رسم کنید.

سوال ۱۲. منحنی های تراز رویه های زیر را رسم کنید.

$$z = \sqrt{x^{\mathsf{Y}} - y^{\mathsf{Y}} + 1} \tag{(Y)}$$

$$z = \sqrt{x^{\mathsf{Y}} + y^{\mathsf{Y}} + 1} \tag{f}$$

$$z = \frac{-\mathbf{r}y}{x^{\mathbf{r}} + y^{\mathbf{r}} + \mathbf{r}} \tag{2}$$

سوال ۱۳. سهمی وارِ x=1 صفحه ی $z=8-x-x^{7}-7y^{7}$ را در یک سهمی قطع می کند. معادله ی خط مماس بر این سهمی را در نقطه ی (1,7,7) بیابید.

سوال ۱۴. بیضوی وار ۱۶ $z^{\mathsf{Y}} + z^{\mathsf{Y}} + z^{\mathsf{Y}} + z^{\mathsf{Y}}$ صفحه ی y = y را در یک بیضی قطع می کند. معادله ی خط مماس بر این بیضی را در نقطه ی (y, y, z) بیابید. وضعیت را در شکل نمایش دهید (رسم رویه، صفحه، محل تقاطع و خط مماس)

سوال ۱۵. منحنی های زیر روی رویه ی S واقع شدهاند و از نقطه ی $(\Upsilon, \Upsilon, \Upsilon)$ واقع بر آن رویه می گذرند.

$$\mathbf{r}_{1}(t) = (\Upsilon + \Upsilon t, \Upsilon - t^{\Upsilon}, \Upsilon - \Upsilon t + t^{\Upsilon})$$

$$\mathbf{r}_{\mathsf{Y}}(t) = (\mathsf{1} + u^{\mathsf{Y}}, \mathsf{Y}u^{\mathsf{Y}} - \mathsf{1}, \mathsf{Y}u + \mathsf{1})$$

معادلهی صفحهی مماس بر رویه را در نقطهی (۲,۱,۳) بیابید.

سوال ۱۶. معادلهی صفحهی مماس بر رویههای زیر را در نقاط داده شده بیابید.

$$z = \Upsilon x^{\Upsilon} + y^{\Upsilon} - \Delta y \quad P = (\Upsilon, \Upsilon, -\Upsilon)$$
 (9)

$$z = (x + \mathbf{Y})^{\mathbf{Y}} - \mathbf{Y}(y - \mathbf{Y})^{\mathbf{Y}} - \mathbf{\Delta} \quad P = (\mathbf{Y}, \mathbf{Y}, \mathbf{Y})$$
 (V)

$$z = e^{x-y} \quad P = (\Upsilon, \Upsilon, \Upsilon) \tag{A}$$

$$z = x\sin(x+y) \quad P = (-1, 1, \cdot) \tag{4}$$

$$z = \ln(x - \Upsilon y) \quad P = (\Upsilon, \Upsilon, \bullet)$$
 (1.)

سوال ۱۷. در کدام نقطه روی رویه ی $z = \mathbf{T} x^{\mathsf{Y}} + y^{\mathsf{Y}} - \Delta y$ مماس موازی با صفحه ی $-\mathbf{Y} x - y + \mathbf{Y} z + \Delta z = \mathbf{V}$ است.