## **بسمه تعالی**



**تمرین 4**

**نظریه زبان‌ها و ماشین‌ها**

محسن کربلائی امینی، 98242128

اسفند ۱۴۰2

## **سوال 1:**

**a)** نامنظم است. با استفاده از لم تزریق اگر شرط اول یعنی n=m را در نظر بگیریم. می‌توان این زبان را با یک آتاماتای k عضوی نشان داد، بنابراین:

بنابراین در حتما یک چرخه داشته ایم:

بنابراین شرط سوم لم تزریق که می‌گوید به ازای هر i باید عبارت حاصل جزو زبان باشد نقض می‌شود پس این زبان به ازای این شرط منظم نیست.

در صورتی که شرط دوم را در نظر بگیریم، Z عضوی از زبان می‌تواند به این شکل باشد:

چون برای n محدودیتی نداریم، در نظر می‌گیریم که این آتاماتا از ادغام دو آتاماتا که یکی از آنها یک حالت با حلقه a باشد، به دست آمده. بنابراین در حتما یک چرخه داشته ایم:

بنابراین شرط سوم لم تزریق که می‌گوید به ازای هر i باید عبارت حاصل جزو زبان باشد نقض می‌شود پس این زبان به ازای این شرط نیز منظم نیست.

**b)** نامنظم است. اگر در نظر بگیریم که این ماشین را بتوان با یک آتاماتای k عضوی نمایش داد، Z عضوی از این زبان است:

بنابراین در حتما یک چرخه داشته ایم:

بنابراین شرط سوم لم تزریق که می‌گوید به ازای هر i باید عبارت حاصل جزو زبان باشد نقض می‌شود پس این زبان منظم نیست.

**c)** نامنظم است. اگر در نظر بگیریم که این ماشین را بتوان با یک آتاماتای k عضوی نمایش داد، Z عضوی از این زبان است:

بنابراین در حتما یک چرخه داشته ایم:

بنابراین شرط سوم لم تزریق که می‌گوید به ازای هر i باید عبارت حاصل جزو زبان باشد نقض می‌شود پس این زبان منظم نیست.

**d)** نامنظم است. این زبان را می‌توان ادغام چند آتاماتا در نظر گرفت. در نهایت اگر زبان یک زبان منظم باشد، کل زبان منظم خواهد بود.

اگر در نظر بگیریم که این ماشین را بتوان با یک آتاماتای k عضوی نمایش داد، Z عضوی از این زبان است:

بنابراین در اول حتما یک چرخه داشته ایم:

بنابراین شرط سوم لم تزریق که می‌گوید به ازای هر i باید عبارت حاصل جزو زبان باشد نقض می‌شود پس این زبان منظم نیست.

**e)** نامنظم است. اگر در نظر بگیریم که این ماشین را بتوان با یک آتاماتای k عضوی نمایش داد، Z عضوی از این زبان است :

به طوری که بنابراین در حتما یک چرخه داشته ایم:

بنابراین شرط سوم لم تزریق که می‌گوید به ازای هر i باید عبارت حاصل جزو زبان باشد نقض می‌شود پس این زبان منظم نیست.

## **سوال 2:**

**الف)**

**ب)**

## **سوال 3:**

**الف)**

## **ب)**

## **سوال 4:**

**الف)**

**ب)**

**ج)**