

Exercice RSA

On considère les valeurs $p=3, q=11$ et $e=3$.

- Calculez la valeur publique n .
- Calculez la fonction d'Euler $\phi(n)$.
- Utilisez l'algorithme étendu d'Euclide pour calculer la valeur de la clé privée d .
- Chiffrez le message $m=5$.
- Déchiffrez le message $c=26$.

Solution

$$n = p * q = 3 * 11 = 33$$

$$\phi(n) = (p-1) * (q-1) = 2 * 10 = 20$$

$$e = 3 < 20 \text{ et } \text{PGCD}(3, 20) = 1$$

$$d = 3^{-1} \% 20$$

$$20 = 6 * 3 + 2$$

$$3 = 1 * 2 + 1$$

$$1 = 3 - 1 * 2$$

$$1 = 3 - (20 - 6 * 3)$$

$$1 = 3 - 20 + 6 * 3$$

$$1 = -20 + 7 * 3$$

$$d = 7$$

chiffrement: $m=5 \rightarrow c = 5^3 \% 33 = 26$

déchiffrement: $c=26 \rightarrow m = 26^7 \% 33 = 5$