Sécurité Informatique Interrogation 1

Exercice

Soit l'anneau Z_{30} (alphabet à 30 caractères), on représente les caractères avec des entiers selon le tableau suivant :

Α	В	C	D	Е	F	G	Н	I	J	K	L	M	N	0	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z		,	-	:
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29

Le chiffrement multiplicatif consiste à multiplier toutes les lettres du texte en clair \mathbf{M} par une lettre fixé qui sert de clé \mathbf{K} . On définit la fonction de chiffrement multiplicatif par :

$E(M) = M*K \mod 30.$

Trouver tous les éléments inversibles de cet alphabet.
Les éléments inversibles sont les éléments X tel que : PGCD(X,30) = 1.

Les éléments inversibles sont : B, H, L N, R, T, X, : ou 1, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29 (1 pts)

- Quel sont les clés possibles pour le chiffrement ?Les clés possibles sont tous les éléments inversibles sauf 1. (0.5 pts)
- 3. Calculer la clé inverse de 13. La clé inverse de 13 est **K**⁻¹ =7 car : 13 * 7 mod 30 = 1.

(1 pts)

4. Trouver la fonction de déchiffrement **D** (C).

$$D(C) = C*K^{-1} \mod 30.$$
 (0.5 pts)

5. Chiffrer le texte « **AVRIL** » avec la clé 13.

M = A : 00	Chiffrement : $(00 * 13) \mod 30 = 00$	C = A.
M = V : 21	Chiffrement : $(21 * 13) \mod 30 = 03$	C = D.
M = R : 17	Chiffrement : $(17 * 13) \mod 30 = 11$	C = L.
M = I : 08	Chiffrement : $(08 * 13) \mod 30 = 14$	C = O.
M = L : 11	Chiffrement: $(11 * 13) \mod 30 = 23$	C = X.

$$C = ADLOX$$
 (1.5 pts)

6. Déchiffrer le texte « **GWL.0** » qui a été chiffré avec la clé 13.

C = G : 06	Déchiffrement : (06 * 7) mod 30 = 12	M = M.
C = W : 22	Déchiffrement : (22 * 7) mod 30 = 04	M = E.
C = L : 11	Déchiffrement : (11 * 7) mod 30 = 17	M = R.
C = . : 26	Déchiffrement : (26 * 7) mod 30 = 02	M = C.
C = 0:14	Déchiffrement : $(14 * 7) \mod 30 = 08$	M = I.

$$\mathbf{M} = \mathbf{MERCI} \tag{1.5 pts}$$