

# Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

## «Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана

(национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

#### ФАКУЛЬТЕТ ИНФОРМАТИКА И СИСТЕМЫ УПРАВЛЕНИЯ

КАФЕДРА ПРОГРАММНАЯ ИНЖЕНЕРИЯ (ИУ7)

НАПРАВЛЕНИЕ ПОДГОТОВКИ 09.03.04 Программная инженерия

#### ОТЧЕТ

По лабораторной работе № \_\_1\_

Название: Обработка больших чисел

Дисциплина: Типы и структуры данных

Студент	ИУ7-31Б	К. В. Морозов	
-	(Группа)	(И.О. Фамилия)	
Преподаватель	Никульшина Т. А.		

#### Условие задачи

Смоделировать операцию умножения целого числа длиной до 30 десятичных цифр на действительное число в форме  $\pm$ m.n E  $\pm$ K, где суммарная длина мантиссы (m+n) - до 30 значащих цифр, а величина порядка K - до 5 цифр. Результат выдать в форме  $\pm$ 0.m1 E  $\pm$ K1, где m1 - до 30 значащих цифр, а K1 - до 5 цифр.

#### Описание ТЗ

#### 1. Описание входных данных

### На вход поступает 2 строки:

- 1-я вида: (+ | -)XX...X, где:
  - $\circ$  X десятичная цифра (0...9)
  - (+ | -) возможный знак плюс или минус
- 2-я вида: (+ | -)XX...X(.)XX...X(e | E)(+ | -)XX...X, где:
  - X десятичная цифра (0...9)
  - (+ | -) возможный знак плюс или минус
  - $\circ$  (.) возможная точка
  - o (e | E) возможный вид экспоненциальной формы записи

## Ограничения и особенности реализации:

- Максимальная разрешенная длина целого числа в первом поле 30 десятичных цифр
- Максимальная длина мантиссы во втором поле 30 значащих цифр
- Максимальная длина порядка во втором поле 5 десятичных цифр
- В оба поля ввода запрещается вводить неликвидные символы
- Ограничение длины первой строки 31 символ
- Ограничение длины второй строки 40 символов
- Если явно не задан знак числа число является положительным
- В порядке могут быть записаны первые незначащие нули
- Нельзя начинать ввод вещественной части с экспоненциальной формы
- Если используется экспоненциальная форма, то обязательно должна присутствовать хотя бы одна цифра после нее
- При вводе вещественного числа нельзя использовать экспоненциальную форму с нулём (0(e | E)...)
- Если число в первом поле не является нулём, то число не может с него начинаться
- Если число во втором поле не является нулём, то число не может с него начинаться при условии, что после него не стоит точка

• Если в первом и во втором поле введены нули, то они обязательно должны быть без знака

## Примеры ввода первого числа:

Допустимый ввод	Недопустимый ввод	
0	-0	
123	/* пустой ввод */	
+123	123.123	
-123	++2	
123456789012345678901234567890	1234567890123456789012345678901234	
9123	A	
-999999999999999999999999	01234	

#### Примеры ввода второго числа:

Допустимый ввод	Недопустимый ввод
123	123.123.123
123.123	Кошка
123.123e123	1234g123
123.123E-123	/* пустой ввод */
0.0	0e14
-14e-88888	1234567890123456789012345678901234
+88E+88	1e5000005
24E40	E40
+0.1234	+00.1234

## 2. Описание результата работы программы

Программа осуществляет ввод чисел в указанном диапазоне значений и выдаёт результат в нормализованной форме  $\pm 0.m1$  Е  $\pm K1$ , где число m1 определено до 30 значащих цифр, число K1- до 5 цифр. При невозможности произвести вычисления выдаётся соответствующее сообщение. Если в процессе вычислений количество значащих цифр мантиссы превосходит 30, то происходит округление.

## 3. Описание задачи, реализуемой программой

Программа реализует умножение длинного целого числа (длиной до 30 десятичных цифр) и длинного вещественного числа (длина мантиссы до 30 значащих цифр, длина порядка по модулю не превосходит 5 десятичных цифр). Основной алгоритм, применённый в программе, по сути, выполняет умножение "столбиком" над значащими цифрами мантиссы.

## 4. Описание обращения к программе

Обращение к программе происходит посредством вызова исполняемого файла app.out из командной строки.

### 5. Описание возможных аварийных ситуаций и ошибок пользователя

- Некорректный ввод строк на вход программе
- Результат работы программы выходит за допустимые пределы (напр. более 5 цифр порядка)

## Описание внутренних структур данных и алгоритма

## 1. Описание внутренних структур данных

Описание структуры, представляющей хранение числа в системе:

```
struct big_double
{
    char sign;
    int order;
    int mantissa[MAX_MANT_LEN];
    size_t n_sign_value;
};
```

- char sign поле хранит знак числа
- int order поле хранит значение порядка числа
- int mantissa[MAX\_MANT\_LEN] поле хранит значение мантиссы числа
- size\_t n\_sign\_value поле хранит количество значащих цифр мантиссы значащего числа

## 2. Алгоритм

- 1. Начало
- 2. Ввод первого целого числа
- (2.) Вывод ошибки, при некорректности ввода
- 3. Ввод второго вещественного числа
- (3.) Вывод ошибки, при некорректности ввода
- 4. Парсирование строчного представления целого числа в структурное
- 5. Парсирование строчного представления вещественного числа в структурное
- 6. Умножение чисел
- (6.) Вывод ошибки, при выходе результата умножения за допустимые пределы
- 7. Вывод результата умножения в нормализованном виде

## Тестирование программы

#### 1. Позитивные тесты

- 1) Целое число ноль (вещественное число корректно)
- 2) Целое число одна цифра (вещественное число корректно)
- 3) Целое число 30 цифр (вещественное число корректно)
- 4) Целое число записано со знаком + (вещественное число корректно)
- 5) Целое число записано со знаком (вещественное число корректно)
- 6) Вещественное число ноль (целое число корректно)
- 7) Вещественное число представлено как целое (целое число корректно)
- 8) Вещественное число представлено как с целой частью, так и вещественной (целое число корректно)
- 9) Вещественное число представлено как с целой частью, так и вещественной, так и экспоненциальной формой (целое число корректно)
- 10) Вещественное число записано со знаком + (целое число корректно)
- 11) Вещественно число записано со знаком (целое число корректно)
- 12) Вещественное число имеет 30 значащих цифр мантиссы (целое число корректно)
- 13) Вещественно число имеет 5 цифр порядка (целое число корректно)
- 14) Порядок вещественного числа записан с + (целое число корректно)
- 15) Порядок вещественного числа записан с (целое число корректно)
- 16) Первое число положительно, второе отрицательно
- 17) Первое число отрицательно, второе положительно
- 18) Первое число отрицательно, второе число отрицательно
- 19) Результат умножения округляется без изменения (число следующее за последним, которое нужно вывести <= 4)
- 20) Результат умножения округляется с изменениями (число следующее за последним, которое нужно вывести >= 5)
- 21) Результат умножения округляется циклически

Входные данные	Результат	
0	0	
0.1		
2	0.2e0	
0.1		
9999999999999999999999999	0.999999999999999999999999999999999999	
0.1		
+3	0.3e0	
0.1		
-3	-0.3e0	
0.1		
2	0	
0		

2 2	0.4e1
2	0.44e1
2.2	
2	0.44e3
2.2e2	
1	0.11e1
+1.1	
1	-0.11e1
-1.1	
2	0.246913578024691357802469135782e0
0.123456789012345678901234567891	
3	0.9e55556
3e55555	
3	0.9e4
3e+3	
3	0.9e-2
3e-3	
3	-0.9e1
-3	
-3	-0.9e1
3	
-3	0.9e1
-3	
900000000000000000000000000000000000000	0.18e31
2	
900000000000000000000000000000	0.1800000000000000000000000000000000000
2	
999999999999999999999999	0.3e31
3	

### 2. Негативные тесты

- 1) В поле целого числа введён пустой ввод
- 2) В поле целого числа введён длинный ввод
- 3) В поле целого числа введено много десятичных цифр
- 4) В поле целого числа введён некорректный символ
- 5) В поле вещественного числа введён пустой ввод
- 6) В поле вещественного числа введён длинный ввод
- 7) В поле вещественного числа введён некорректный символ
- 8) В поле вещественного числа введён слишком длинный по модулю порядок
- 9) В поле вещественного числа введена слишком длинная мантисса
- 10) В ответе получился слишком длинный положительный порядок
- 11) В ответе получился слишком длинный отрицательный порядок

Входные данные	Результат
/* пустой ввод */	Ошибка! Пустой ввод
99999999999999999999999999	Ошибка! Длинный ввод
99999999999999999999999	Ошибка! Слишком много
	десятичных цифр
a	Ошибка! Некорректный ввод
1	Ошибка! Пустой ввод
/* пустой ввод */	
1	Ошибка! Длинный ввод
999999999999999999999999999999999	
9	
1	Ошибка! Некорректный ввод
a	
1	Ошибка! Слишком длинный
1e999999	по модулю порядок
1	Ошибка! Слишком длинная
0.1234567890123456789012345678901	мантисса
100000	Слишком большой порядок в
1e99999	ответе!
1	Слишком большой порядок в
0.00001e-99999	ответе!

#### Выводы

В ходе выполнения данной лабораторной работы были получены навыки работы с "длинными" числами, превышающими разрядную сетку персонального компьютера. Разработчик должен самостоятельно придумывать и реализовывать алгоритмы и структуры данных, которые будут позволять выполнение операций с такими числами.

## Ответы на контрольные вопросы

- 1) Диапазон чисел в компьютере может изменяться в зависимости от следующих параметров: Размер выделенной под данное число области памяти, является ли данное число знаковым или беззнаковым, является ли данное число представленным в виде целого или вещественного. Максимальное количество значений в современных 64-битных компьютерах равняется 2<sup>64</sup>. Соответственно диапазон при знаковом формате числа [-2<sup>32</sup>...2<sup>32</sup> 1] и [0...2<sup>64</sup> 1].
- 2) Вещественные числа обычно хранятся и используются в представлении с плавающей точкой в виде: X = M \* E\*\*p, где M мантисса со знаком, E основание (10 или 16), p целый порядок со знаком. Если десятичная точка расположена в мантиссе перед первой значащей цифрой числа, то при фиксированном количестве разрядов, отведённых под мантиссу, 2

обеспечивается возможность сохранить максимальное количество значащих цифр, то есть обеспечить максимальную точность представления числа в ПК. Максимальная точность значений, которую можно получить в вещественном числе в 64-битных современных компьютерах — 2<sup>52</sup> значений значащих цифр (т.к под мантиссу уделено 52 бита)

- 3) Сложение, вычитание, умножение, деление и сравнение целых чисел.
- 4) Программист может выбрать разные способы хранения и представления таких чисел. В общем случае это может быть структура со следующими полями (количество и значение полей может изменяться в зависимости от выбранной реализации): знак числа (символьный тип), порядок числа (целочисленный тип), мантисса числа (целочисленный массив), количество значащих цифр числа (целочисленный тип).
- 5) Операции над такими числами удобно выполнять путём последовательного почленного выполнения операций над всеми цифрами, хранящимися в поле структуры, отвечающим за мантиссу.