

Gebze Technical University
Computer Engineering

CSE 424 - 2019 Fall

HOMEWORK 1 - PART 2 REPORT

MUHAMMED OKUMUŞ

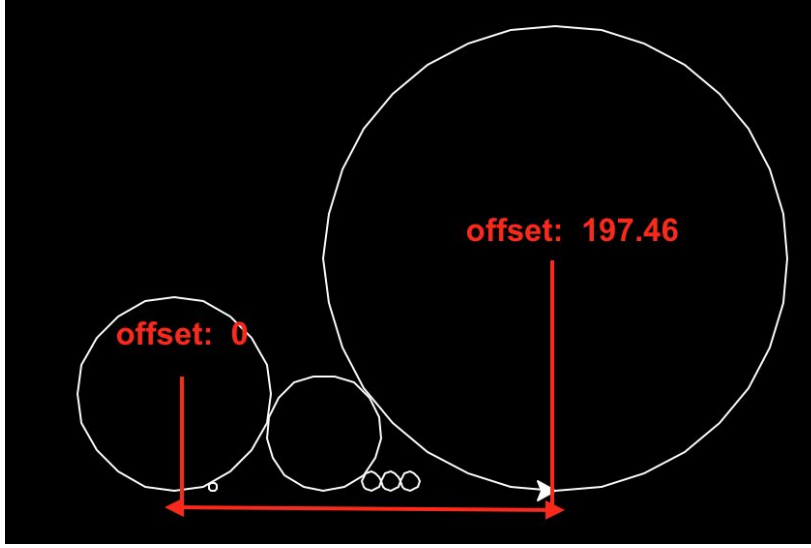
151044017

İlk Ödevden Taşınan Değişiklikler

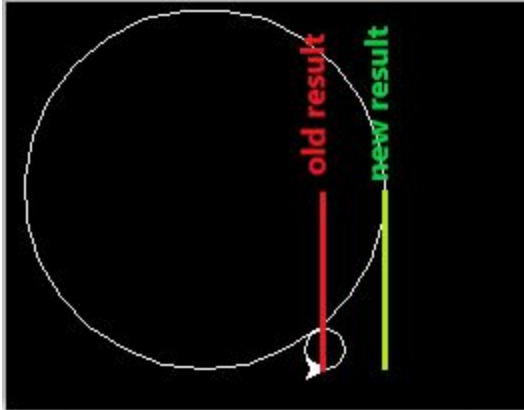
Cost Function

İlk versiyon cost fonksiyonu sadece ilk ve son çemberin yere dokunduğu noktaları hesaba katıyordu. Bu yaklaşımda kritik bir hata olduğunu fark ettim. Eğer son çember, ondan önce gelen çemberden 4 kat küçük ise, önce gelen çemberin yarıçapı, son çemberin yere dokunma noktasını geçecektir. Resimlerle ifade ederek buradaki sorunu daha iyi anlayabiliriz.

İlk versiyonumuz:



Düzeltilmiş hali:



Kısaca cost fonksiyonu üstteki görseldeki bir case'de de çalışacak şekilde tekrar yazıldı.

Tabu Search

Strateji

Tabu search mantığı, yakın zamanda ziyaret ettiğimiz çözümleri tekrar üretmemeye dayalı. Bu yapının sağlanması için üretilen çözümler belli bir kritere göre tabu olarak tutuluyor. Böylece algoritma, arama uzayında farklı yönlere gidebiliyor.

Pseudocode

Bu implementasyonda sadece short-term memory kullanan ve cost fonksiyonunu minimize eden bir tabu search gerçekleştirildi. İlk çözüm ise part-1 de yazılan greedy metod ile oluşturuldu.

Input : $TabuList_{size}$, $MaxIterations$

Output : S_{best}

$S_{best} \leftarrow Greedy\ Solution$

$TabuList \leftarrow \emptyset$

While ($MaxIterations$ not reached)

$Candidates \leftarrow \emptyset$

For ($S_{candidate} \in NonTabuNeighbours$)

$Candidates \leftarrow S_{candidate}$

If ($LocateBest(Candidate)$ is better than S_{best})

Update S_{best} with $Candidate_{best}$

$TabuList \leftarrow S_{best}$

If ($size(TabuList) > TabuList_{size}$)

$TabuList \leftarrow remove\ oldest\ tabu$

return S_{best}

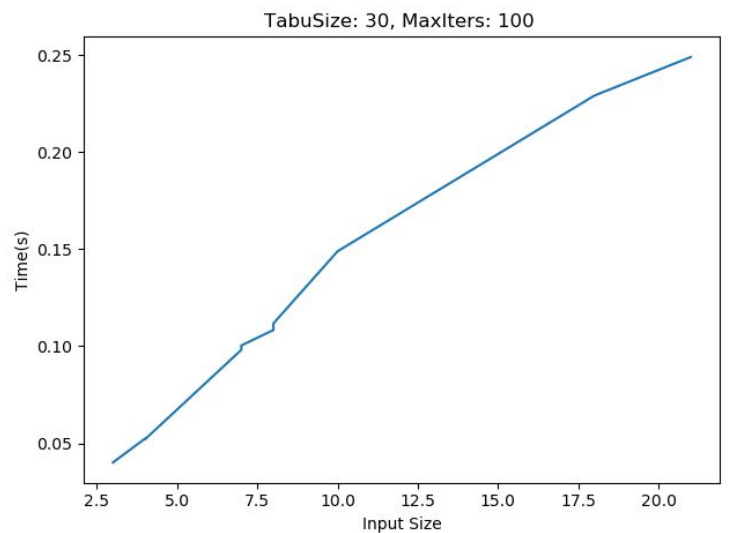
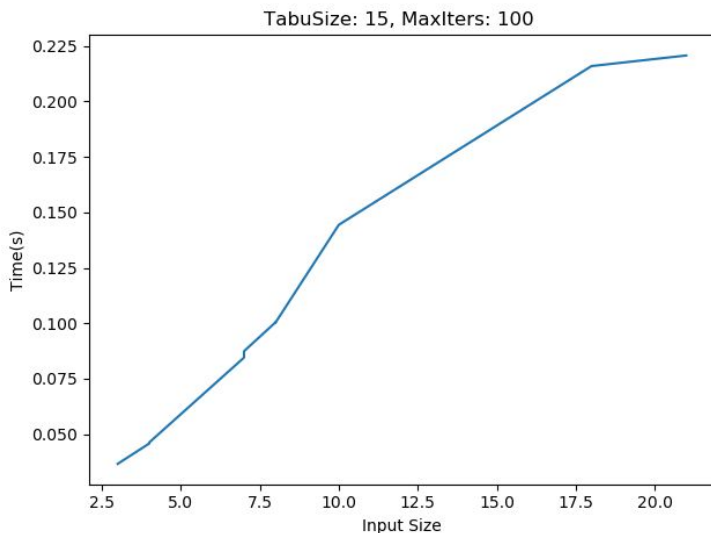
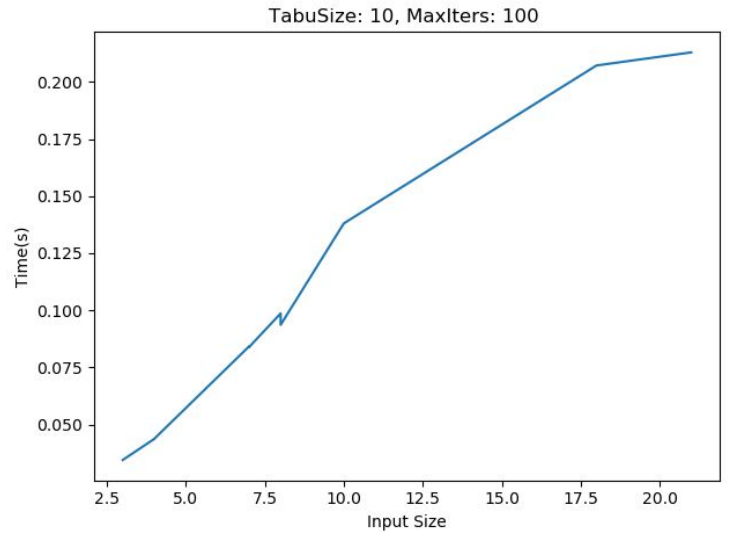
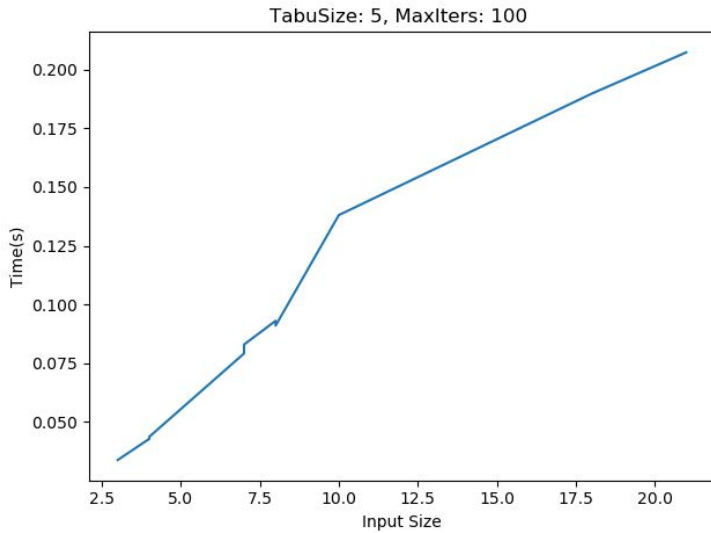
Complexity

Tabu search'de fonksiyon gövdesi iç içe 2 döngüden oluşmakta. Dıştaki while döngüsü MaxIteration inputu kadar dönmekte. Onun içerisindeki For döngüsü ise NonTabuNeighbour sayısı kadar dönmekte. NonTabuNeighbour sayısı bu implementasyonda 3 olarak belirlendi. Yani her iterasyonda maksimum üretebileceğimiz candidate sayısı 3. Bu adayların hepsi farklı veya aynı olabilir. Dış döngü n içerideki döngü ise k olmak üzere, zaman karmaşıklığımız $O(n * k)$ olur. Yani tabu search lineer sürede çalışmaktadır.

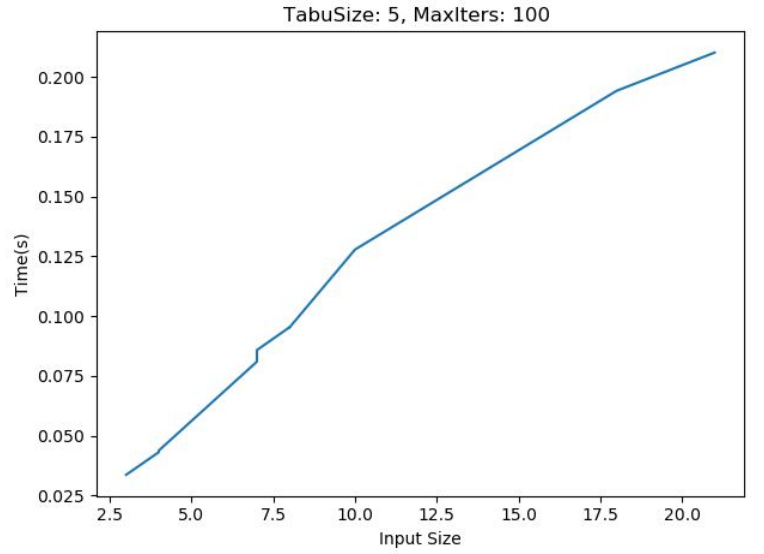
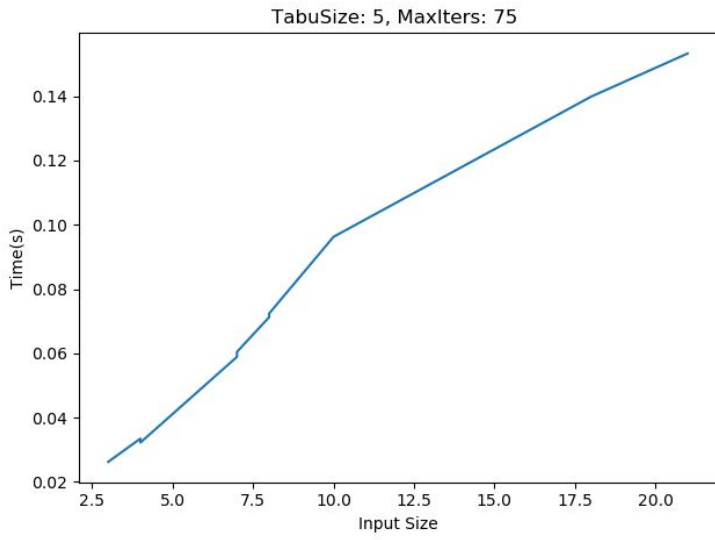
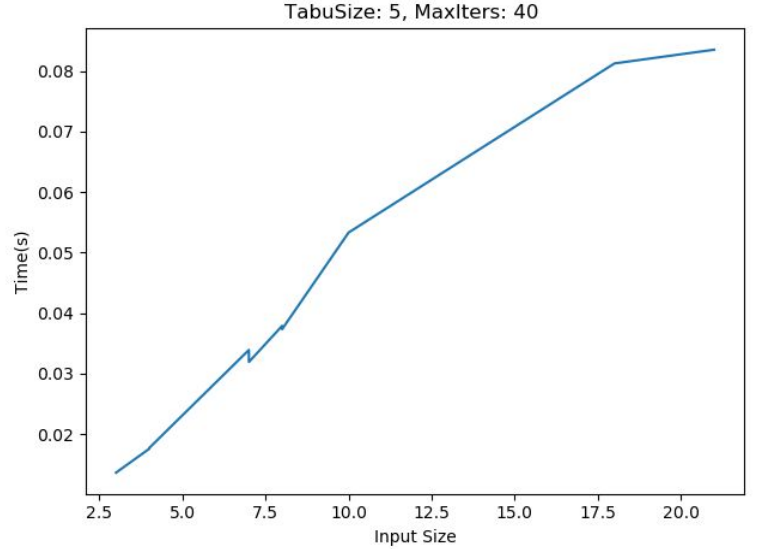
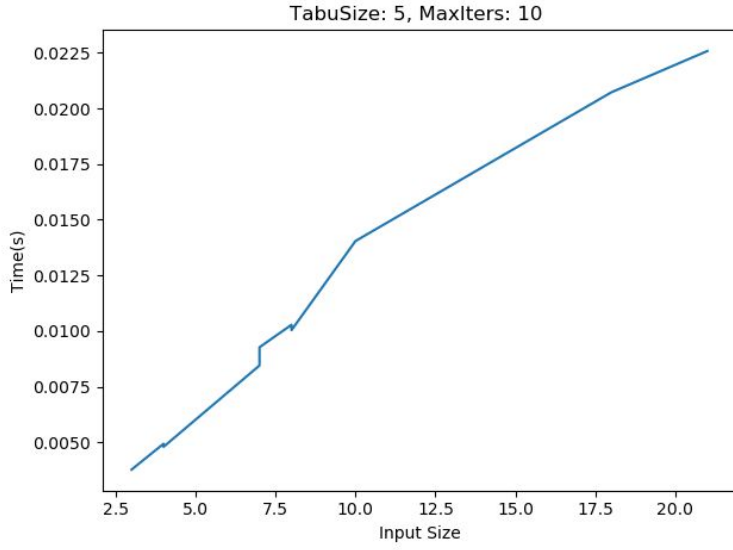
Parametre Testleri

Bu bölümde proje için hazırlanan tüm test caseleri için Tabu Search test sonuçları gösterilecektir. Bu test caselerine raporun ilerleyen bölümlerinde ayrıca değinilmiştir.

Parametrelerin zamana etkisi(TabuSize: değişken, MaxIters: sabit)



Parametrelerin zamana etkisi(TabuSize: sabit, MaxIters: deęiken)



Bu testlerden zaman karmaşıklığını doğru saptandığını görebiliyoruz.

Parametrelerin cost minimizasyonuna etkisi(TabuSize: değişken, MaxIters: sabit)

| | Minimized Cost (MaxIters: 100) | | | |
|---------|--------------------------------|--------------|--------------|--------------|
| #Test | TabuSize: 5 | TabuSize: 10 | TabuSize: 15 | TabuSize: 30 |
| Test 1 | 149.7124684 | 149.7124684 | 149.7124684 | 149.7124684 |
| Test 2 | 97.97435476 | 97.97435476 | 97.97435476 | 97.97435476 |
| Test 3 | 107.3386304 | 107.3386304 | 107.3386304 | 107.3386304 |
| Test 4 | 247.4596669 | 247.4596669 | 247.4596669 | 247.4596669 |
| Test 5 | 247.4596669 | 247.4596669 | 247.4596669 | 247.4596669 |
| Test 6 | 384 | 384 | 384 | 384 |
| Test 7 | 294.8342566 | 294.8342566 | 294.8342566 | 294.8342566 |
| Test 8 | 580.54834 | 580.54834 | 580.54834 | 580.54834 |
| Test 9 | 181.3212403 | 181.3212403 | 181.3212403 | 181.3212403 |
| Test 10 | 123.6112838 | 123.6112838 | 123.6112838 | 123.6112838 |

Bu tabloda maksimum iterasyon 100 iken, tabu listesinin boyutunun cost minimizasyonunu etkilemedięini görüyoruz.

Parametrelerin cost minimizasyonuna etkisi(TabuSize: sabit, MaxIters: değişken)

| | Minimized Cost (TabuSize: 5) | | | |
|---------|------------------------------|-------------|--------------|---------------|
| #Test | maxIters: 1 | maxIters: 5 | maxIters: 25 | maxIters: 100 |
| Test 1 | 149.7124684 | 149.7124684 | 149.7124684 | 149.7124684 |
| Test 2 | 97.97435476 | 97.97435476 | 97.97435476 | 97.97435476 |
| Test 3 | 107.3386304 | 107.3386304 | 107.3386304 | 107.3386304 |
| Test 4 | 262.3790008 | 247.4596669 | 247.4596669 | 247.4596669 |
| Test 5 | 262.3790008 | 247.4596669 | 247.4596669 | 247.4596669 |
| Test 6 | 384 | 384 | 384 | 384 |
| Test 7 | 297.0978478 | 304.0318512 | 296.7935396 | 294.8342566 |
| Test 8 | 580.54834 | 580.54834 | 580.54834 | 580.54834 |
| Test 9 | 201.4689966 | 203.0822406 | 182.8700879 | 181.3212403 |
| Test 10 | 164.9493177 | 164.9493177 | 123.6112838 | 123.6112838 |

Bu tabloda tabu sayımız 5 iken, iterasyon sayısını arttırmanın bazı testlerde daha iyi     mler çıkardığını görebiliyoruz.

Genetic Algorithm(GA)

Strateji

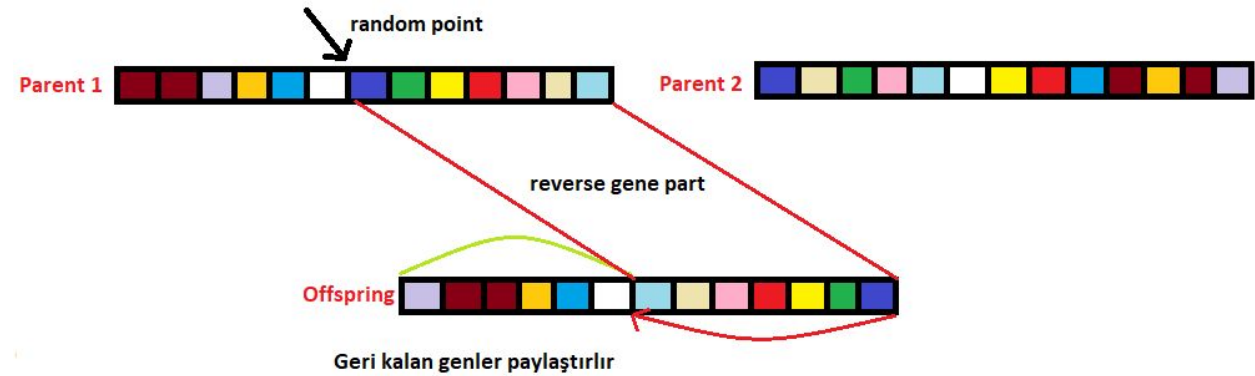
GA'da öncelikle çözümlerin(individual) nasıl temsil edileceğine karar verilir. Bu belirlendikten sonra, bu çözümlerle bir çözüm havuzu(population) oluşturulur. Her iterasyonda bu çözüm havuzuna selection, mutation ve crossover uygulanarak yeni nesil belirlenir.

Bu implementasyonda individual **gen** ve **fitness** olmak üzere iki özellik barındırmaktadır. Gen bir çözümü eder, bu çözüm verilen problemde çemberlerin bir permütasyonudur. Fitness ise bu çemberleri sığacağı genişliktir. Yani fitness değeri küçük olan bireyleri arıyoruz. Burada isimlendirmede biraz ters mantık olmuş, fitness yerine cost olarak düşünebiliriz.

Popülasyon oluşturulurken her birey rastgele bir gen atanır. Bu gen çember diziliminin bir permütasyonudur. Bu atanan gen için fitness değeri belirlenir.

Seleksiyon strateji olarak tournament selection kullanılmıştır. Turnuvaya çıkacak 4 birey belirlenir ve bu 4 bireyden en iyisi gelecek nesile devam eder.

Crossover strateji için permütasyon tabanlı çözümler için özelleştirilmiş one-point crossover kullanıldı.



Bu crossover sayesinde aslında yeni rastgele bir permütasyon üretmiş oluyoruz ve aynı zamanda ebeveynlerden de dizilim düzeninin belli bir kısmını aktarıyoruz. Birinci ebeveyninden seçtiğimiz gen parçasını ters çevirirken ve geri kalan gen parçalarını çocuk bireye dizerken de çözüm uzayında farklı yönlerde gitmeye olanak tanınıyor böyle diversification sağlanıyor. Oluşan çocuk birey, popülasyondaki en güçsüz bireyin yerini alıyor

Mutasyon olarak ise iki tane rastgele gen parçasının yeri değiştirilmekte.

Seleksiyon, crossover ve mutasyon stratejilerinin uygulanması sırası ise generation recipe de belirleniyor.

```
def generationRecipe(self):
    self.selection()
    self.crossover(self.population.getRandomMember(), self.population.getRandomMember())
    self.crossover(self.population.getRandomMember(), self.population.getRandomMember())
    self.crossover(self.population.getRandomMember(), self.population.getRandomMember())
    self.mutation(self.population.getWeakestMember())
    self.mutation(self.population.getWeakestMember())
    self.mutation(self.population.getWeakestMember())
```

Kodda da görüldüğü üzere önce seleksiyon uygulanıyor sonra yeni oluşan popülasyon üzerinde 6 birey çiftleştiriliyor ve en güçsüz 3 bireye de mutasyon uygulanıyor. Bu tarif değiştirilebilir, herhangi bir method kaldırılabilir. Seleksiyon yöntemi intensification yaparken, crossover ve mutasyon yöntemleri diversification yapmaktadır.

Pseudocode

GA'da short-term memory yok fakat çok küçükte olsa bir long-term memory var. Bu memory bugüne kadar yaşamış en iyi bireyi tutuyor. Geleneksel olarak GA uygulamalarında böyle bir uzun süreli hafızaya rastlamadım fakat bugüne kadar bulduğumuz en iyi çözümü elimizde tutmak gayet mantıklı. Ayrıca short-term memory olmasadan her yeni jenerasyon kendinden önce gelene bir nebze de olsa benziyor, hatta bazı bireyler olduğu gibi yeni jenerasyona geçmiş olabiliyor.

Input : Population_{size}, Generation_{size} //Population => Solution Space, Generation => MaxIters

Output : BestIndividualEverLived

For (0 to Generation_{size})

population.generationRecipe()

return population.bestIndividualEverLived

Complexity

GA'da döngü kullanan sadece seleksiyon metodu ve GA tarifinin uygulandığı metod var. Seleksiyon metodu, popülasyon sayınca dönüyor, her adımda 1 turnuva oynanıyor ve bu turnuvanın oynanması sabit zamanlı bir işlem. GA tarifi uygulanırken de istenen jenerasyon sayısınca dönüyor. Sonuç olarak $O(pop \times generation)$, yani lineer zamanda çalışıyor.

Generasyon Tarifinin Ayarlanması

Tarifin minimizasyona etkisi(Popülasyon: sabit, Generasyon: sabit)

| | Minimized Cost (Population: 5, Generation 10) | | | |
|---------|---|--------------|-------------|----------------|
| #Test | No Selection | No Crossover | No Mutation | Regular Recipe |
| Test 1 | 149.7124684 | 209.7124684 | 149.7124684 | 149.7124684 |
| Test 2 | 97.98717738 | 115.8628986 | 97.97435476 | 97.97435476 |
| Test 3 | 148.2693923 | 119.0093923 | 107.3386304 | 107.3386304 |
| Test 4 | 278.4435337 | 324.9193338 | 247.4596669 | 247.4596669 |
| Test 5 | 321.3687956 | 359.0824435 | 296.4494618 | 256.7315542 |
| Test 6 | 474.509668 | 490.509668 | 384 | 384 |
| Test 7 | 301.5453476 | 390.8840075 | 302.3911515 | 303.9965968 |
| Test 8 | 580.54834 | 690.27417 | 580.54834 | 580.54834 |
| Test 9 | 214.1138467 | 263.8859003 | 204.7789902 | 201.6380465 |
| Test 10 | 123.6112838 | 233.6112838 | 123.6112838 | 128.9493177 |

Bu tabloda crossover metodunun GA'da ki en kritik metod olduğunu gözleniyor. Yani crossover içermeyen bir tarifte, GA çok kötü jenerasyonlara gidiyor. Seleksiyon kullanmadığımızda ise yine belli bir miktar vasat çözümlere ulaştığımızı görebiliyoruz. Mutasyonda jenerasyonlar en az etkileyen faktör. Gözlemler dikkate alınarak yeni bir tarif oluşturuldu. Bu tarifte her crossoverlardan sonra mutasyon yapılarak, eğer crossover sonucu oluşan offspring en kötü offspring ise mutasyona uğruyor.

Yeni tarif:

```
def generationRecipe(self):
    self.selection()
    self.crossover(self.population.getRandomMember(), self.population.getRandomMember())
    self.mutation(self.population.getWeakestMember())
    self.crossover(self.population.getRandomMember(), self.population.getRandomMember())
    self.mutation(self.population.getWeakestMember())
    self.crossover(self.population.getRandomMember(), self.population.getRandomMember())
    self.mutation(self.population.getWeakestMember())
```

Tarifin minimizasyona etkisi(Populasyon: sabit, Generasyon: sabit)

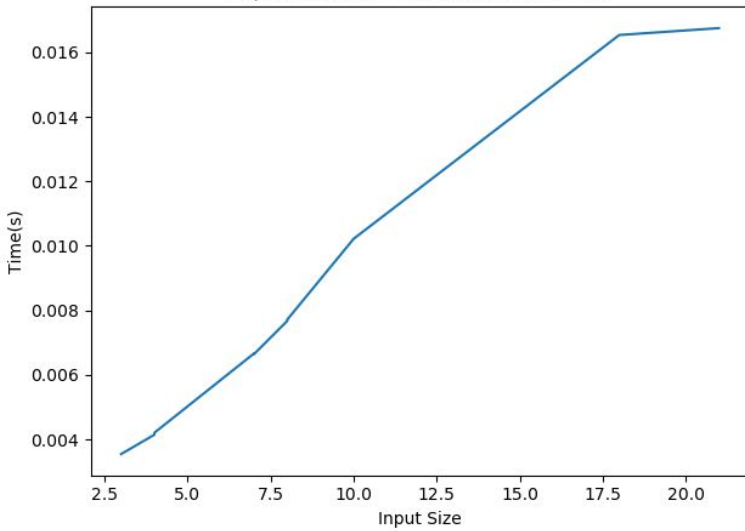
| | Minimized Cost (Population: 5, Generation 10) | | | | |
|---------|---|--------------|-------------|----------------|-----------------|
| #Test | No Selection | No Crossover | No Mutation | Regular Recipe | Adjusted Recipe |
| Test 1 | 149.7124684 | 209.7124684 | 149.7124684 | 149.7124684 | 149.7124684 |
| Test 2 | 97.98717738 | 115.8628986 | 97.97435476 | 97.97435476 | 97.97435476 |
| Test 3 | 148.2693923 | 119.0093923 | 107.3386304 | 107.3386304 | 107.3386304 |
| Test 4 | 278.4435337 | 324.9193338 | 247.4596669 | 247.4596669 | 247.4596669 |
| Test 5 | 321.3687956 | 359.0824435 | 296.4494618 | 256.7315542 | 247.4596669 |
| Test 6 | 474.509668 | 490.509668 | 384 | 384 | 384 |
| Test 7 | 301.5453476 | 390.8840075 | 302.3911515 | 303.9965968 | 299.7924065 |
| Test 8 | 580.54834 | 690.27417 | 580.54834 | 580.54834 | 580.54834 |
| Test 9 | 214.1138467 | 263.8859003 | 204.7789902 | 201.6380465 | 184.3090776 |
| Test 10 | 123.6112838 | 233.6112838 | 123.6112838 | 128.9493177 | 124.9493177 |

Yeni tarife göre test sonuçları tabloya eklendikten sonra, jenerasyonların çoğu testte daha iyi yerlere gittiğini görebiliyoruz. Geri kalan parametre ayarlarında da bu jenerasyon tarifi ile devam edilecektir

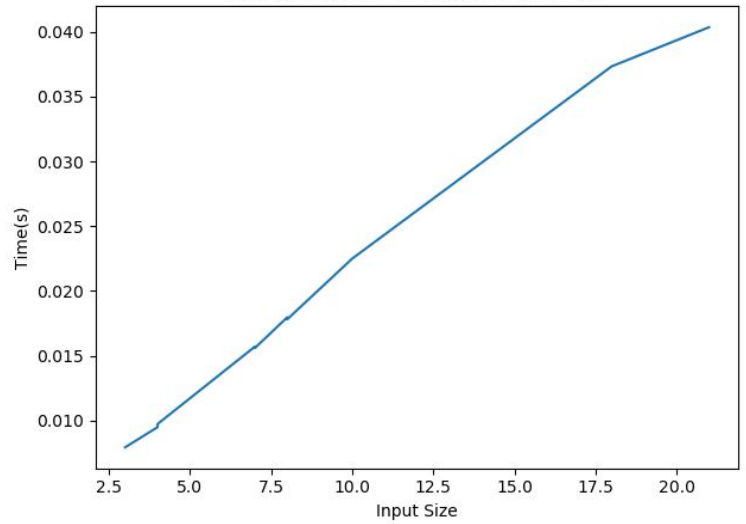
Parametre Testleri

Parametrelerin zamana etkisi(Populasyon: sabit, Generasyon: değişken)

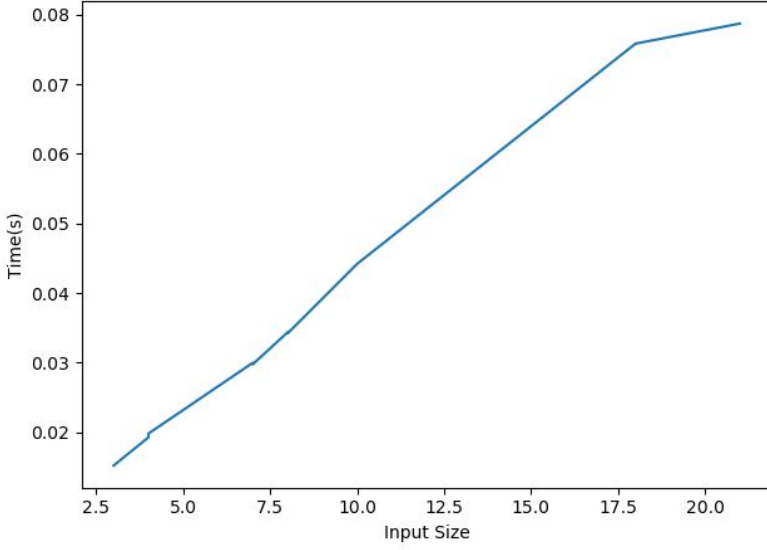
PopulationSize = 5, Generations = 10



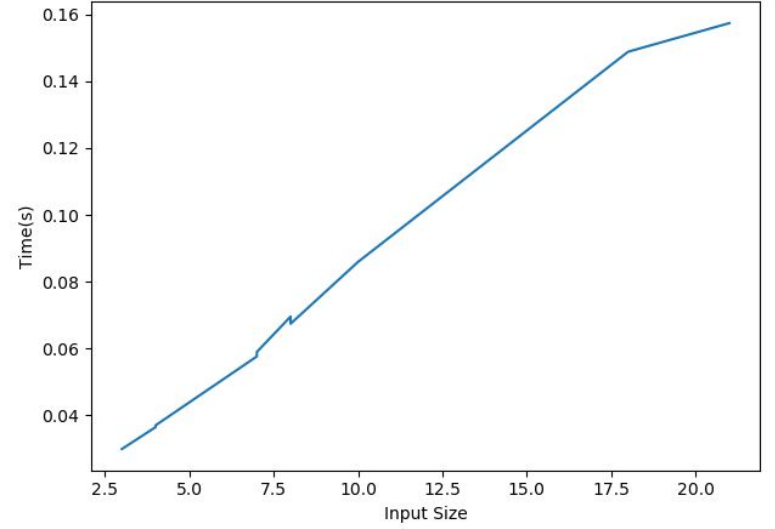
PopulationSize = 5, Generations = 25



PopulationSize = 5, Generations = 50



PopulationSize = 5, Generations = 100



Buradaki grafiklerden zaman karmaşıklığının gerçekten lineer olduğunu gözlemlemiş olduk.

Jenerasyon sayısını sabit tutarak tekrar test yapma gereği duymadım.

Parametrelerin minimizasyona etkisi(Popülasyon: sabit, Generasyon: değişken)

| | Minimized Cost (Population: 5) | | |
|---------|--------------------------------|----------------|-----------------|
| #Test | Generation: 5 | Generation: 50 | Generation: 100 |
| Test 1 | 149.7124684 | 149.7124684 | 149.7124684 |
| Test 2 | 97.97435476 | 97.97435476 | 97.97435476 |
| Test 3 | 107.3386304 | 107.3386304 | 107.3386304 |
| Test 4 | 262.3790008 | 247.4596669 | 247.4596669 |
| Test 5 | 247.4596669 | 247.4596669 | 247.4596669 |
| Test 6 | 384 | 384 | 384 |
| Test 7 | 329.0059783 | 297.0978478 | 297.8851406 |
| Test 8 | 610.27417 | 580.54834 | 580.54834 |
| Test 9 | 212.5591115 | 186.4811593 | 186.3620213 |
| Test 10 | 164.9493177 | 130.2975753 | 123.6112838 |

Jenerasyon sayısının artması büyük çözüm kümelerinde da iyi sonuçlar alınmasını sağlıyor. (Test1 size: 3, Test10 size : 20)

Parametrelerin minimizasyona etkisi(Popülasyon: değişken, Generasyon: sabit)

| | Minimized Cost (Generation: 25) | | |
|---------|---------------------------------|-------------|-------------|
| #Test | Pop: 5 | Pop: 10 | Pop: 25 |
| Test 1 | 149.7124684 | 149.7124684 | 149.7124684 |
| Test 2 | 97.97435476 | 97.97435476 | 97.97435476 |
| Test 3 | 107.3386304 | 107.3386304 | 107.3386304 |
| Test 4 | 247.4596669 | 247.4596669 | 247.4596669 |
| Test 5 | 247.4596669 | 247.4596669 | 247.4596669 |
| Test 6 | 384 | 384 | 384 |
| Test 7 | 294.8342566 | 297.0978478 | 297.8851406 |
| Test 8 | 580.54834 | 580.54834 | 580.54834 |
| Test 9 | 186.1249651 | 187.1711004 | 191.3909791 |
| Test 10 | 123.6112838 | 154.9838668 | 123.6112838 |

Popülasyon sayımızı arttırmak en iyi çözümü fazla etkilemiyor o yüzden 5 ila 10 arası değerler popülasyon için ideal.

Particle Swarm Optimization(PSO)

Strateji

PSO'da popülasyon tabanlı bir yaklaşım olduğu için GA ile benzerlik göstermektedir. GA gibi evrimsel operatörleri yoktur fakat her birey belli bir oranda diğer bireylerden etkilenir. PSO, particle ve swarm olmak üzere iki ana parçadan oluşur. Bu implementasyonda particle üzerinde iki işlem mümkündür. Bunlardan ilki evaluate metodudur. Bu diğer yaklaşımlardaki cost metodlarıyla aynıdır. İkinci metod ise update metodudur. Basit PSO implementasyonunda pozisyonun ve hızın güncellenmesi ayrı işlemlerdir. Problemi PSO ile çözülebilir bir temsile getirebilmek adına particle güncelleme kısmı düzenlenmelidir. Elimizdeki problem belli sayıda çemberin farklı sıralamasıdır. Klasik PSO'daki hız kavramını direk olarak bu sıralı permütasyon problemine uygulamak mümkün olmadığı için update metodu PSO'nun temel mantığına sadık kalarak modifiye edilmiştir.

Pseudocode

Update metodu:

Input : *GlobalBest*, *w*, *c1*, *c2*

diversify = $|w * cost|$

cognitive = $|c1 * r1 * (personalBestCost - cost)|$

social = $|c2 * r2 * (globalBestCost - cost)|$

If (*diversify* > *social* & *diversify* > *cognitive*)

>Update position with new permutation

Else If (*cognitive* > *social*)

>Update position with personalBestSolution

Else:

>Update position with globalBestSolution

```
31 def update(self, globalBest, globalBestCost, w= 0.5, c1 = 1.5, c2 = 1.5):
32     r1 = random.random()
33     r2 = random.random()
34
35     diversify = math.fabs(w * self.cost)
36     cognitive = math.fabs(c1 * r1 * (self.bestCost - self.cost))
37     social = math.fabs(c2 * r2 * (globalBestCost - self.cost))
38
39     countDiverse = 0
40     countCognitive = 0
41     countSocial = 0
42
43     if diversify > social and diversify > cognitive:
44         self.position = utilities.randomPermutaion(self.position)
45         self.cost = self.evaluate()
46         countDiverse += 1
47         #print("diversify")
48     elif cognitive > social:
49         self.position = self.bestPosition
50         self.cost = self.bestCost
51         countCognitive +=1
52         #print("cognitive")
53     else:
54         self.position = globalBest
55         self.cost = globalBestCost
56         countSocial += 1
57         #print("social")
58
59     return countDiverse, countCognitive, countSocial
```

PSO metodu:

Input : solutionSpace, swarmSize, w, c1, c2, maxIters, noImprovementIters

Output : globalBest

noImprov = 0

Swarm = list(size=swarmSize)

For(i = 0 to swarmSize)

swarm[i] ← Particle(solutionSpace) //Random permutation of solution space

For(i = 0 to maxIters || i == noImprovementIters)

For(particle in swarm)

particle.evaluate()

If (particle.cost < globalBestCost)

Update globalBest with particle

noImprov = 0

noImprov += 1

For(particle in swarm)

particle.update(globalBest)

If (noImprov >= noImprovementIters)

break

return GlobalBest

Update metodu yapılan 3 çeşit hesaplama göre particle hangi yönde gideceğine karar veriyor.

- Diversification ile sonuçlanan güncellemelerde particle tamamen yenileniyor.
- Cognitive ‘de kişisel en iyiye yöneliyor.
- Social ‘da global en iyiye yöneliyor

Complexity

Zaman karmaşıklığı açık bir şekilde lineer, $O(n)$ ve $\text{maxIteration} * (\text{swarmSize} * 2)$ ile doğru orantılı.

Parametrelerin Ayarlanması

Bu implementasyonda PSO'nun 5 tane hiper parametresi var.

- W: diversification çarpanı
- C1: cognition çarpanı
- C2: socialization çarpanı
- maxIter: Sürünün geçirdiği döngü sayısı
- noImprov: Yeni global best oluşmayan döngü sayısı

W değışken, diğher her şey sabit

| Particle Decision (swarmSize = 10, c1 = 1.9, c2 = 1.1, maxIters = 100,nolmp= 50) | | | | |
|--|-----------------|-------|-------|-------|
| #Test | #update result | w:1.5 | w:0.4 | w:0.1 |
| Test 1 | diversification | 500 | 444 | 203 |
| | cognition | 0 | 55 | 176 |
| | socialization | 0 | 1 | 121 |
| Test 2 | diversification | 500 | 500 | 331 |
| | cognition | 0 | 0 | 111 |
| | socialization | 0 | 0 | 58 |
| Test 3 | diversification | 500 | 484 | 184 |
| | cognition | 0 | 16 | 182 |
| | socialization | 0 | 0 | 134 |
| Test 4 | diversification | 500 | 508 | 127 |
| | cognition | 0 | 12 | 197 |
| | socialization | 0 | 0 | 196 |
| Test 5 | diversification | 510 | 497 | 163 |
| | cognition | 0 | 23 | 172 |
| | socialization | 0 | 0 | 165 |
| Test 6 | diversification | 530 | 480 | 250 |
| | cognition | 0 | 20 | 138 |
| | socialization | 0 | 0 | 112 |
| Test 7 | diversification | 560 | 989 | 452 |
| | cognition | 0 | 11 | 304 |
| | socialization | 0 | 0 | 244 |
| Test 8 | diversification | 520 | 508 | 250 |
| | cognition | 0 | 2 | 145 |
| | socialization | 0 | 0 | 105 |
| Test 9 | diversification | 590 | 908 | 348 |
| | cognition | 0 | 12 | 323 |
| | socialization | 0 | 0 | 309 |
| Test 10 | diversification | 629 | 421 | 98 |
| | cognition | 1 | 70 | 250 |
| | socialization | 0 | 49 | 232 |

Yukarıdaki tabloda w değışkeni 0.1 iken update sonuçlarında düzenli bir dağılım sağlandığı gözlemleniyor. Geri kalan testler greedy, tabuSearch, GA ve PSO'nun beraber karşılaştırılması halindedir.

Ortak Testler

- TabuSearch: tabuSize: 5, maxIterations: 25
- GA: populationSize = 10, generations = 50
- PSO: swarmSize: 10, w : 0.1, c_1 : 1.9, c_2 : 1.1, maxIters: 100, stopAfterNoImprovement:50

| | Cost | | | |
|---------|-------------|-------------|-------------|-------------|
| #Test | Greedy | TabuSearch | GA | PSO |
| Test 1 | 149.7124684 | 149.7124684 | 149.7124684 | 149.7124684 |
| Test 2 | 97.97435476 | 97.97435476 | 97.97435476 | 97.97435476 |
| Test 3 | 107.3386304 | 107.3386304 | 107.3386304 | 107.3386304 |
| Test 4 | 262.3790008 | 247.4596669 | 247.4596669 | 247.4596669 |
| Test 5 | 262.3790008 | 247.4596669 | 247.4596669 | 247.4596669 |
| Test 6 | 394.509668 | 384 | 384 | 384 |
| Test 7 | 323.7306579 | 294.8342566 | 299.2800432 | 295.9258576 |
| Test 8 | 642.27417 | 580.54834 | 580.54834 | 580.54834 |
| Test 9 | 217.0688766 | 194.2668844 | 186.3620213 | 186.4811593 |
| Test 10 | 164.9493177 | 123.6112838 | 132.9493177 | 123.6112838 |

| | Time(s) | | | |
|---------|----------|------------|----------|----------|
| #Test | Greedy | TabuSearch | GA | PSO |
| Test 1 | 0.000045 | 0.009002 | 0.019397 | 0.040816 |
| Test 2 | 0.000069 | 0.012184 | 0.023113 | 0.074966 |
| Test 3 | 0.000046 | 0.011587 | 0.024459 | 0.063767 |
| Test 4 | 0.000076 | 0.022476 | 0.034566 | 0.099957 |
| Test 5 | 0.000121 | 0.026553 | 0.038933 | 0.093427 |
| Test 6 | 0.000087 | 0.030368 | 0.044651 | 0.12842 |
| Test 7 | 0.000079 | 0.025455 | 0.04266 | 0.233177 |
| Test 8 | 0.000101 | 0.034331 | 0.049827 | 0.17204 |
| Test 9 | 0.000193 | 0.053357 | 0.086671 | 0.272546 |
| Test 10 | 0.00017 | 0.056948 | 0.087308 | 0.342555 |

Standart testlerde PSO'nun en iyi sonuçları verdiğini fakat en yüksek zamanda çalıştığı gözlemleniyor. Belirlenen parametreler için GA'nın yaklaşık 2.5 katı, TabuSearch'ün yaklaşık 5 katı daha uzun sürede sonuçlanıyor. Her algoritmanın maksimum iterasyon sayısı karşılaştırdığında bu zaman farkının nereden geldiğini görebiliyoruz.

Büyük Rastgele Girdiler İle Testler

Bu testler için çok sayıda, rastgele oluşturulan yarıçaplar ile algoritmalar denenmiştir

Parametreler Versiyon 1

- TabuSearch: tabuSize: 25, maxIterations: 100
- GA: populationSize = 10, generations = 100
- PSO: swarmSize: 10, w: 0.1, c1: 1.9, c2: 1.1, maxIters: 100, stopAfterNoImprovement:75

| | Cost | | | |
|------------------|-------------|-------------|-------------|-------------|
| #Test | Greedy | TabuSearch | GA | PSO |
| Test 1, size 50 | 4797.189969 | 4699.412272 | 4722.506021 | 4715.346304 |
| Test 2, size 100 | 9580.813231 | 9392.794529 | 9485.083737 | 9493.264795 |
| Test 3, size 250 | 22599.1982 | 22209.03156 | 22443.20119 | 22405.46675 |

| | Time(s) | | | |
|------------------|----------|------------|------------|-----------|
| #Test | Greedy | TabuSearch | GA | PSO |
| Test 1, size 50 | 0.001096 | 1.367167 | 1.4702 | 3.680711 |
| Test 2, size 100 | 0.003132 | 3.830388 | 8.958955 | 9.958743 |
| Test 3, size 250 | 0.014152 | 16.890349 | 104.928971 | 56.481369 |

Versiyon 1 testlerinde en iyi sonucu TabuSearch verdi, aynı zamanda en makul zamanda sonuçlandı. GA'da ki zaman artışının muhtemel nedeni list üzerinde işlemlerin en yoğun olduğu yöntem olması. GA ve PSO'da, sort ve remove kullanılmasının etkisini büyük girdilerde daha rahat görebiliyoruz.

Parametreler Versiyon 2

- TabuSearch: tabuSize: 50, maxIterations: 200
- GA: populationSize = 15, generations = 50
- PSO: swarmSize: 20, w: 0.1, c1: 1.9, c2: 1.1, maxIters: 75, stopAfterNoImprovement:100

TabuSearch, GA ve PSO'ya kıyasla çok hızlı çalıştığı için iterasyon sayısı artırıldı. Tabu listesinin büyüklüğü de daha büyük input uzaylarında farklı yönler gidilebilmesi için artırıldı.

GA'da popülasyon 1.5 katında büyütülüp , jenerasyon sayısı yarıya indirildi.

PSO'da maksimum iterasyon sayısı azaltıldı, noImprov iterasyon sayısı ve swarm size artırıldı.

| | Cost | | | |
|------------------|-------------|-------------|-------------|-------------|
| #Test | Greedy | TabuSearch | GA | PSO |
| Test 1, size 50 | 4565.650083 | 4427.190266 | 4586.88253 | 4470.871674 |
| Test 2, size 100 | 8972.454797 | 8741.834331 | 8888.273452 | 8840.291015 |
| Test 3, size 250 | 23604.01807 | 23195.51943 | 23564.10001 | 23470.68204 |

| | Time(s) | | | |
|------------------|----------|------------|----------|-----------|
| #Test | Greedy | TabuSearch | GA | PSO |
| Test 1, size 50 | 0.001 | 2.707573 | 0.758292 | 5.378886 |
| Test 2, size 100 | 0.003038 | 7.781406 | 4.105128 | 16.478799 |
| Test 3, size 250 | 0.013634 | 33.196352 | 56.82656 | 83.302207 |

Burada yine Tabu Search'ün en iyi sonuçları verdiği gözlemlendi. Ayrıca GA'nın ilk çözümleri rastgele oluşturulduğu için, test 1'de greedy'nin gerisinde kaldığı gözlemlendi.

Testler Nasıl Çalıştırılır

utilities.py dosyasında tests ve randomTests listeri bulunmakta. Bu testleri main.py içerisinde kullanılıyor.

```
1 import utilities
2 from tabuSearch import tabuSearch
3 from greedy import greedy
4 from geneticAlgorithm import geneticAlgorithm
5 from pso import pso
6
7 if __name__ == "__main__":
8     algorithms = [greedy, tabuSearch, geneticAlgorithm, pso]
9
10    for i, test in enumerate(utilities.tests):
11        print("#Test{}".format(i+1))
12        for algorithm in algorithms:
13            utilities.chronometer(algorithm, test)
14
```

Kırmızı altı çizili yere içerisinde testler olan bir liste göndererek istediğiniz gibi test edebilirsiniz. Test formatı utilities.py'deki gibi olmalıdır.

Parametreler Nasıl Değiştirilir

TabuSearch parametreleri, tabuSearch.py içerisinde:

```
47 def tabuSearch(circles, tabuSize = 5, maxIterations=25):
48
49     current = greedy.greedy(circles)
50     currentCost = cost(current)
51     best = current
52
53     tabuList = [None] * tabuSize
54     iters = 0
55     while(iters <= maxIterations):
56         candidates = []
57         for i in range(0,3):
58             candidates.append(generateCandidate(best,tabuList))
59
60         #Find lowest cost candidate
61         candidates.sort(key=lambda x: cost(x), reverse=False)
62         best candidate = candidates[0]
```

GA parametreleri, geneticAlgorithm.py içerisinde:

```
135 def geneticAlgorithm(circles, populationSize = 10, generations = 50):
136     formattedInput = utilities.reduceToRadius(circles)
137     ga = GeneticFramework(formattedInput, populationSize)
138
139     for i in range(0, generations):
140         ga.generationRecipe()
141
142     output = []
143
144     for r in ga.fittestIndividualLived.gene:
145         output.append([0, r])
146
```

PSO parametreleri, pso.py içerisinde:

```
71 def pso(solutionSpace, swarmSize = 10, w = 0.1, c1 = 1.9, c2 = 1.1, maxIters = 100, stopAfterNoImprovement = 75):
72     swarm = [None] * swarmSize
73     globalBest = greedy.greedy(solutionSpace) # Construct initial greedy solution
74     globalBestCost = cost(globalBest) # Calculate cost of the initial solution
75
76     iterNoImprovement = 0
77
78     countDiverse = 0
79     countCognitive = 0
80     countSocial = 0
```

Son Notlar

- Ortak testler > Ortak Testler.txt
- Parametre Versiyon 1 Testler > v1 Testler.txt
- Parametre Versiyon 2 Testler > v2 Testler.txt
- Testler Windows 10, Intel i5 2500 ile yapılmıştır.

Tablolar:

<https://docs.google.com/spreadsheets/d/11BjMXSLqLNvqJd3UcbMmvfjs4F-Qn5vFYIE68LXZ4SE/edit?usp=sharing>

Yararlanılan Kaynaklar

1. <http://www.swarmintelligence.org/tutorials.php>
2. http://www.cleveralgorithms.com/nature-inspired/stochastic/tabu_search.html
3. <https://nathanrooy.github.io/posts/2016-08-17/simple-particle-swarm-optimization-with-python/>
4. Ders slaytları
5. Grafikler numpy ve matplotlib.pyplot kütüphaneli ile oluşturulmuştur. Gönderilen scriptler grafik çizmeyecek şekilde tekrar düzenlenip gönderilmiştir.