



## Dipartimento di Ingegneria Università del Sannio

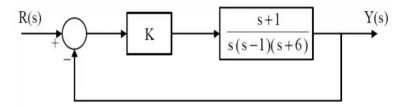
## Corso di Sistemi Dinamici

## A.A. 2020

Tempo a disposizione: 1 ora.

15 giugno 2020 Matricola: ...... Candidato(a): ......

1. Per il sistema in figura si determini per quali valori di K è assicurata la stabilità asintotica. Per K = 18 uno dei poli si trova in -3, informazione che consente di determinare gli altri. Indicare le caratteristiche di tutti i poli (costanti di tempo, dominanza, e così via).



2. Una funzione periodica è descritta, nell'intervallo [-1,1], dalla formula

$$f(t) = \begin{cases} t & \text{per } \le 0, \\ 2t & \text{per } \ge 0. \end{cases}$$

- (a) disegnare la funzione su alcuni periodi e specificare se è pari, dispari o nessuna delle due;
- (b) calcolare la componente media e la prima armonica;
- (c) progettare la fdt di un sistema del primo ordine che amplifichi di 40 dB la componente media e abbia il punto di rottura in corrispondenza della seconda armonica.
- 3. Una certa cella cancerosa ha una probabilità  $\alpha$  di dividersi e formare due cellule in ogni ora. Inoltre un certo trattamento uccide u(k) cellule in ogni ora.
  - (a) scrivere l'equazione t.d. che descrive il sistema;
  - (b) qual è il punto di equilibrio per  $u(k) = \bar{u}$  e come lo si può interpretare?
  - (c) Se x(0) = 1000 indica il numero di cellule al tempo t = 0, quanto tempo occorrerà per uccidere tutte le cellule (e cioè, quanto tempo occorrerà affinché diventino meno di una) con  $u(t) = \bar{u} = 150$  e  $\alpha = 0.1$ .