Controlli Automatici 10 novembre 2016	Prof. L. Iannelli	Firma leggibile dello studente
Cognome:	Nome:	Matricola:

#### **ISTRUZIONI**

- Per ogni domanda seguente una sola risposta risulta corretta. Il candidato evidenzi la risposta che ritiene corretta.
- Per ogni risposta corretta, viene assegnato il punteggio indicato accanto al testo della domanda. Per ogni risposta
  errata, viene sottratto un quarto del suddetto punteggio. Se non è indicata alcuna risposta, vengono assegnati zero
  punti.
- 1. (1 punto) Quali sono i vantaggi del controllo a ciclo aperto?
  - (a) È più difficile da progettare rispetto al controllo a ciclo chiuso
  - (b) Consente di controllare processi non perfettamente noti
  - (c) Consente di stabilizzare processi instabili
  - (d) È più semplice da progettare rispetto al controllo a ciclo chiuso
  - (e) Consente di velocizzare la risposta del processo
- 2. (2 punti) Si calcoli l'errore di velocità quando si vuol far inseguire una rampa al sistema

$$G(s) = \frac{s^2 - 2s + 6}{s^3 + 3s^2 + 8s + 3}$$

- (a)  $\infty$
- (b) -3,33
- (c) -1
- (d) 1
- (e) 3,33

- 3. (1 punto) Il luogo del piano complesso corrispondente ad una coppia di poli complessi con sovraelongazione inferiore ad un valore  $\bar{S}_{\%}$  è:
- 8 punti
- (a) Il settore racchiuso tra il semiasse positivo delle ordinate ed una semiretta che parte dall'origine e giace nel secondo quadrante, unito al corrispondente settore simmetrico rispetto all'asse delle ascisse
- (b) Il settore racchiuso tra il semiasse positivo delle ordinate ed una semiretta che parte dall'origine e giace nel primo quadrante, unito al corrispondente settore simmetrico rispetto all'asse delle ascisse
- (c) Il settore racchiuso tra due semirette che partono dall'origine e giacciono nel secondo e terzo quadrante
- (d) Un cerchio centrato nell'origine
- (e) Il settore racchiuso tra due semirette che partono dall'origine e giacciono nel primo e quarto quadrante
- 4. (2 punti) Si consideri un sistema di controllo con retroazione negativa unitaria dove la funzione di anello
  - è  $L(s) = \frac{20(s+10)}{(s+20)(s+2)(s+3)}$ . Si determini il margine

di ampiezza.

- (a) 3 dB
- (b) 12 dB
- (c) 6dB
- $(d) \infty$
- (e) 0dB

5. (2 punti) Si consideri un sistema di controllo con retroazione negativa unitaria dove l'impianto ha f.d.t.  $G(s) = \frac{1}{(s+18)(s-5)}$  ed il controllore è un PI con f.d.t.  $C(s) = 16\frac{s+z}{s}$ . Si determini per quale valore di  $\overline{z}$  il sistema a ciclo chiuso presenta una coppia di poli dominanti con coefficiente di smorzamento nullo.

- (a) -60,13
- (b) 30,06
- (c) 0
- (d) 60,13
- (e) -30,06

Si svolgano gli esercizi riportati di seguito fornendo le risposte a quanto richiesto. Accanto ad ogni esercizio è riportato il punteggio massimo che si può ottenere.

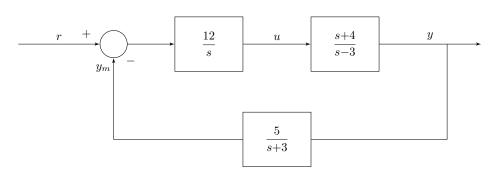
### Precisione statica

Esercizio 1.

Si consideri il sistema di controllo a ciclo chiuso schematizzato nella figura seguente e se ne calcoli l'errore di posizione e di velocità.

Si ricorda che  $e_p \stackrel{\triangle}{=} |r-y|$  quando r=1(t) e  $e_v \stackrel{\triangle}{=} |r-y|$  quando  $r=t \cdot 1(t)$ .

4 punti



$$e_p = \boxed{ ext{ inf } } , \qquad e_v = \boxed{ ext{ inf } }$$

## Luogo delle radici

Si consideri l'impianto descritto dalla funzione di trasferimento

$$G(s) = \frac{1}{s^2 + 9s - 10}$$

5 punti

- risposta indiciale con tempo di assestamento  $T_a$  all'1% inferiore a 0,89s;
- errore di posizione inferiore al 17%.

Controlli Automatici 10 novembre 2016	Prof. L. Iannelli	Firma leggibile dello studente
Cognome:	Nome:	Matricola:

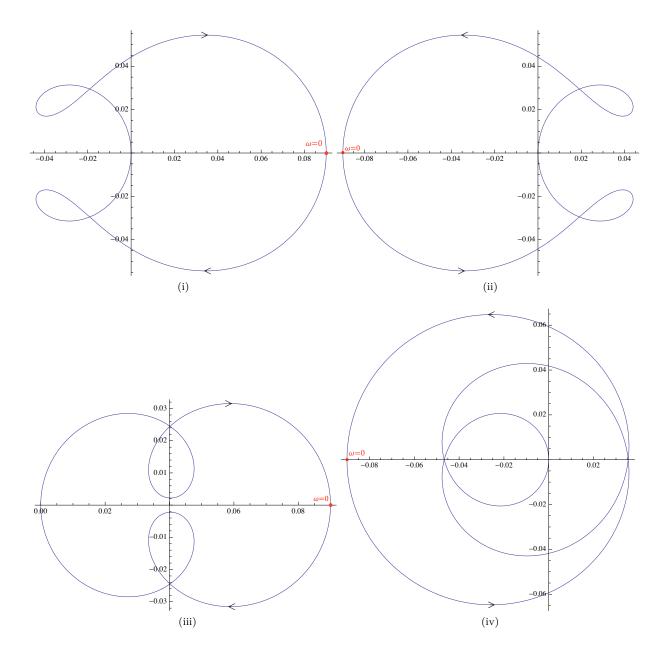
Esercizio 1.

Si consideri la funzione di trasferimento di anello

$$L(s) = \frac{e^{-s\tau}}{s(s+4)}$$

5 punti

chiusa in retroazione negativa unitaria. Si determini il massimo valore del ritardo  $\tau$  che consenta di mantenere l'asintotica stabilità a ciclo chiuso.



### Esercizio 2.

Si abbinino le funzioni di trasferimento con i corrispondenti diagrammi di Nyquist riportati nelle figure:

$$\underline{\mathbf{D}} \qquad L(s) = \frac{s^2 + 4s + 9}{(s-1)(s+10)^2}$$

$$\mathbf{A}_{-} \qquad L(s) = \frac{s^2 + 4s + 9}{(s+1)(s+10)^2}$$

B 
$$L(s) = \frac{s^2 - 4s + 9}{(s+1)(s-10)^2}$$

C 
$$L(s) = \frac{s^2 + 4s + 9}{(s-1)(s-10)^2}$$

5 punti

Controlli Automatici 10 novembre 2016	Prof. L. Iannelli	Firma leggibile dello studente
Cognome:	Nome:	Matricola:

### **ISTRUZIONI**

- Per ogni domanda seguente una sola risposta risulta corretta. Il candidato evidenzi la risposta che ritiene corretta.
- Per ogni risposta corretta, viene assegnato il punteggio indicato accanto al testo della domanda. Per ogni risposta
  errata, viene sottratto un quarto del suddetto punteggio. Se non è indicata alcuna risposta, vengono assegnati zero
  punti.
- 1. (2 punti) Si calcoli l'errore di posizione quando si vuol far inseguire un gradino al sistema

$$G(s) = \frac{s^2 - 2s - 5}{s^3 + 3s^2 + 3s + 7}$$

- (a) 0,29
- (b) 1,71
- (c) 0
- (d)  $\infty$
- (e) 1
- 2. (2 punti) Si consideri un sistema di controllo con retroazione negativa unitaria dove l'impianto ha f.d.t.  $G(s) = \frac{1}{(s+20)(s-4)} \text{ ed il controllore è un PI con}$  f.d.t.  $C(s) = 20\frac{s+z}{s}$ . Si determini per quale valore di z il sistema a ciclo chiuso presenta una coppia di poli dominanti con coefficiente di smorzamento nullo.
  - (a) -48
  - (b) 48
  - (c) 24
  - (d) -24
  - (e) 0

- 3. (1 punto) Una f.d.t. asintoticamente stabile con guadagno positivo ha un margine di fase maggiore di  $\varphi_m > \frac{\pi}{2}$  se:
  - (a) il diagramma di Nyquist interseca il semiasse reale negativo delle ascisse a destra di un punto  $x_A > -1$
  - (b) il diagramma di Nyquist interseca la circonferenza di raggio unitario al di sotto di una semiretta che parte dall'origine e giace nel quarto quadrante
  - (c) il diagramma di Nyquist interseca la circonferenza di raggio unitario nel terzo quadrante
  - (d) il diagramma di Nyquist interseca il semiasse reale negativo delle ascisse a sinistra di un punto  $x_A>-1\,$
  - (e) il diagramma di Nyquist interseca la circonferenza di raggio unitario al di sopra di una semiretta che parte dall'origine e giace nel quarto quadrante
- **4.** (1 punto) In un schema di controllo con retroazione negativa unitaria, quale tra i seguenti è un controllore statico?
  - (a)  $u(t) = \operatorname{sgn}(e(t))$
  - (b)  $u(t) = \int_0^t e(\tau) d\tau$
  - (c)  $u(t) = \frac{\mathrm{d}e(t)}{\mathrm{d}t}$
  - (d) Un controllore PD
  - (e) Un controllore PI

- 5. (2 punti) Si consideri un sistema di controllo con retroazione negativa unitaria dove l'impianto ha f.d.t.  $G(s) = \frac{1}{(s+17)(s+2)}$  ed il controllore è un PI con f.d.t.  $C(s) = 14\frac{s+z}{s}$ . Si determini per quale valore di z il sistema a ciclo chiuso presenta due poli puramente immaginari.
  - (a) -65,14
  - (b) -32,57
  - (c) 65,14
  - (d) 32,57
  - (e) 0

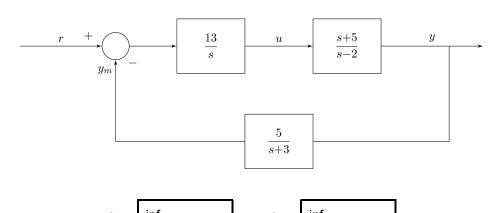
### Precisione statica

Esercizio 1.

Si consideri il sistema di controllo a ciclo chiuso schematizzato nella figura seguente e se ne calcoli l'errore di posizione e di velocità.

4 punti

Si ricorda che  $e_p \stackrel{\triangle}{=} |r-y|$  quando r=1(t) e  $e_v \stackrel{\triangle}{=} |r-y|$  quando  $r=t \cdot 1(t)$ .



## Luogo delle radici

Esercizio 1

Si consideri l'impianto descritto dalla funzione di trasferimento

$$G(s) = \frac{1}{s-2}$$

5 punti

- risposta indiciale con tempo di assestamento  $T_a$  all'1% inferiore a 0.4s;
- errore di velocità inferiore al 10%.

Controlli Automatici 10 novembre 2016	Prof. L. Iannelli	Firma leggibile dello studente
Cognome:	Nome:	Matricola:

Esercizio 1.

Si consideri la funzione di trasferimento

$$G(s) = k \cdot \frac{s+z}{(s+4)^2}.$$

5 punti

Si scelga il valore del guadagno  $k \in \mathbb{R}$  e del parametro  $z \in \mathbb{R}$  in maniera che G(s) abbia un margine di ampiezza pari a 6dB.

Esercizio 2. Si tracci il diagramma di Nyquist della f.d.t.

$$L(s) = -2\frac{s+2}{s^2(s-1)}.$$

5~punti

Si dica se il corrispondente sistema a ciclo chiuso con retroazione negativa unitaria è asintoticamente stabile o meno.

Controlli Automatici 10 novembre 2016	Prof. L. Iannelli	Firma leggibile dello studente
Cognome:	Nome:	Matricola:

### **ISTRUZIONI**

- Per ogni domanda seguente una sola risposta risulta corretta. Il candidato evidenzi la risposta che ritiene corretta.
- Per ogni risposta corretta, viene assegnato il punteggio indicato accanto al testo della domanda. Per ogni risposta
  errata, viene sottratto un quarto del suddetto punteggio. Se non è indicata alcuna risposta, vengono assegnati zero
  punti.
- 1. (2 punti) Si calcoli l'errore di posizione quando si vuol far inseguire un gradino al sistema

$$G(s) = \frac{s^2 - 2s - 5}{s^3 + 5s^2 + 4s + 8}$$

- (a) 1,63
- (b) 0
- (c) 1
- (d) 0,38
- (e)  $\infty$
- 2. (1 punto) Il luogo del piano complesso corrispondente ad una coppia di poli complessi con sovraelongazione inferiore ad un valore  $\bar{S}_{\%}$  è:
  - (a) Il settore racchiuso tra due semirette che partono dall'origine e giacciono nel secondo e terzo quadrante
  - (b) Il settore racchiuso tra il semiasse positivo delle ordinate ed una semiretta che parte dall'origine e giace nel primo quadrante, unito al corrispondente settore simmetrico rispetto all'asse delle ascisse
  - (c) Un cerchio centrato nell'origine
  - (d) Il settore racchiuso tra il semiasse positivo delle ordinate ed una semiretta che parte dall'origine e giace nel secondo quadrante, unito al corrispondente settore simmetrico rispetto all'asse delle ascisse
  - (e) Il settore racchiuso tra due semirette che partono dall'origine e giacciono nel primo e quarto quadrante

- **3.** (1 punto) Quando è possibile impiegare il controllo a ciclo aperto in sostituzione di quello in retroazione?
  - (a) Quando il processo da controllare è perfettamente noto
  - (b) Quando il processo da controllare presenta un attuatore veloce
  - (c) Quando il processo da controllare non è perfettamente noto
  - (d) Quando il processo da controllare ha sensori precisi
  - (e) Quando il processo da controllare è stabile
- **4.** (2 punti) Si consideri un sistema di controllo con retroazione negativa unitaria dove la funzione di anello è  $L(s) = \frac{14(s+8)}{(s+17)(s+4)(s+3)}$ . Si determini il margine di ampiezza.
  - (a) 0 dB
  - (b) 12 dB
  - (c) 6dB
  - (d) 3dB
  - (e)  $\infty$

- 5. (2 punti) Si consideri un sistema di controllo con retroazione negativa unitaria dove la funzione di anello è  $L(s) = \frac{12(s+7)}{(s+18)(s+2)(s+3)}.$  Si determini il margine di ampiezza.
  - (a) 12 dB
  - (b)  $\infty$
  - (c) 0dB
  - (d) 6dB
  - (e) 3dB

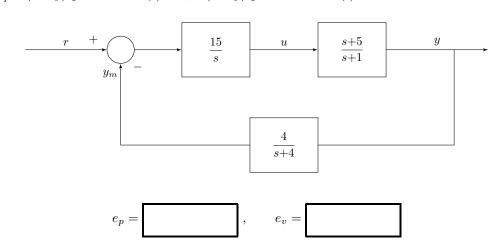
### Precisione statica

Esercizio 1.

Si consideri il sistema di controllo a ciclo chiuso schematizzato nella figura seguente e se ne calcoli l'errore di posizione e di velocità.

4 punti

Si ricorda che  $e_p \stackrel{\triangle}{=} |r-y|$  quando r=1(t) e  $e_v \stackrel{\triangle}{=} |r-y|$  quando  $r=t \cdot 1(t)$ .



## Luogo delle radici

Esercizio 1.

Si consideri l'impianto descritto dalla funzione di trasferimento

$$G(s) = \frac{1}{s^2+9s-10}$$

5 punti

- risposta indiciale con tempo di assestamento  $T_a$  all'1% inferiore a 0,89s;
- errore di posizione inferiore al 17%.

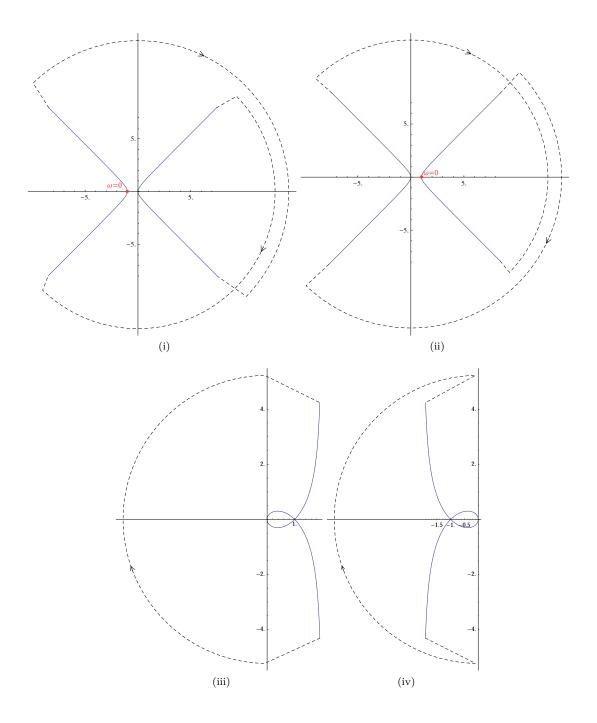
Controlli Automatici 10 novembre 2016	Prof. L. Iannelli	Firma leggibile dello studente
Cognome:	Nome:	Matricola:

Esercizio 1. Si consideri la funzione di trasferimento

$$G(s) = k \cdot \frac{10 - s}{s(s+10)}$$

5 punti

e si scelga il guadagno  $k \in \mathbb{R}$  in maniera tale che G(s) abbia un margine di ampiezza pari a 6dB.



Esercizio 2.

Si abbinino le funzioni di trasferimento con i corrispondenti diagrammi di Nyquist riportati nelle figure:

$$L(s) = \frac{s+1}{s^2+1}$$

$$L(s) = \frac{(s+1)}{s(s-1)}$$

$$L(s) = \frac{s-1}{s^2+1}$$

$$L(s) = \frac{s-1}{s(s+1)}$$

$$L(s) = \frac{s-1}{s^2+1}$$

$$L(s) = \frac{s-1}{s(s+1)}$$

Controlli Automatici 10 novembre 2016	Prof. L. Iannelli	Firma leggibile dello studente
Cognome:	Nome:	Matricola:

#### **ISTRUZIONI**

- Per ogni domanda seguente una sola risposta risulta corretta. Il candidato evidenzi la risposta che ritiene corretta.
- Per ogni risposta corretta, viene assegnato il punteggio indicato accanto al testo della domanda. Per ogni risposta
  errata, viene sottratto un quarto del suddetto punteggio. Se non è indicata alcuna risposta, vengono assegnati zero
  punti.
- 1. (2 punti) Si calcoli l'errore di posizione quando si vuol far inseguire un gradino al sistema

$$G(s) = \frac{s^2 + 2s + 2}{s^3 + 5s^2 + 8s + 3}$$

- (a) 1
- (b) 0,33
- $(c) \infty$
- (d) -1
- (e) 1,67
- 2. (2 punti) Si consideri un sistema di controllo con retroazione negativa unitaria dove l'impianto ha f.d.t.
  - $G(s) = \frac{1}{(s+17)(s-4)}$  ed il controllore è un PI con

f.d.t.  $C(s) = 18 \frac{s+z}{s}$ . Si determini per quale valore di z il sistema a ciclo chiuso presenta due poli puramente immaginari.

- (a) 18,06
- (b) 36,11
- (c) -36,11
- (d) -18.06
- (e) 0

3. (1 punto) Si individui la f.d.t. di tipo -1 con costante di trasferimento 2, uno zero a fase non minima e la costante di tempo dominante 2 s:

(a) 
$$G(s) = 2 \frac{s-1}{(s+1)(1+2s)}$$

(b) 
$$G(s) = 2 \frac{s(s-1)}{(s+1)(1+2s)}$$

(c) 
$$G(s) = \frac{s(s-1)}{\left(\frac{s}{4}+1\right)(1+2s)}$$

(d) 
$$G(s) = 12 \frac{s(s-1)}{(3s+1)(1+2s)}$$

(e) 
$$G(s) = 2 \frac{s(s+1)}{(s+1)(1+2s)}$$

- 4. (1 punto) Il luogo del piano complesso corrispondente ad una coppia di poli complessi con sovraelongazione inferiore ad un valore  $\bar{S}_{\%}$  è:
  - (a) Il settore racchiuso tra il semiasse positivo delle ordinate ed una semiretta che parte dall'origine e giace nel primo quadrante, unito al corrispondente settore simmetrico rispetto all'asse delle ascisse
  - (b) Un cerchio centrato nell'origine
  - (c) Il settore racchiuso tra due semirette che partono dall'origine e giacciono nel secondo e terzo quadrante
  - (d) Il settore racchiuso tra due semirette che partono dall'origine e giacciono nel primo e quarto quadrante
  - (e) Il settore racchiuso tra il semiasse positivo delle ordinate ed una semiretta che parte dall'origine e giace nel secondo quadrante, unito al corrispondente settore simmetrico rispetto all'asse delle ascisse

- 5. (2 punti) Si consideri un sistema di controllo con retroazione negativa unitaria dove l'impianto ha f.d.t.  $G(s) = \frac{1}{(s+20)(s+1)}$  ed il controllore è un PI con f.d.t.  $C(s) = 19\frac{s+z}{s}$ . Si determini per quale valore di z il sistema a ciclo chiuso presenta due poli puramente immaginari.
  - (a) -21,55
  - (b) 21,55
  - (c) 0
  - (d) 43,11
  - (e) -43,11

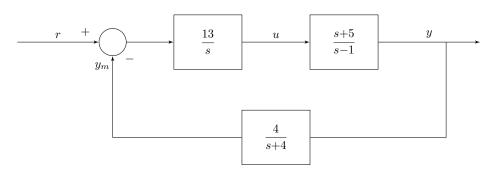
### Precisione statica

Esercizio 1.

Si consideri il sistema di controllo a ciclo chiuso schematizzato nella figura seguente e se ne calcoli l'errore di posizione e di velocità.

Si ricorda che  $e_p \stackrel{\triangle}{=} |r-y|$  quando r=1(t) e  $e_v \stackrel{\triangle}{=} |r-y|$  quando  $r=t \cdot 1(t)$ .

4 punti



# Luogo delle radici

Esercizio 1

Si consideri l'impianto descritto dalla funzione di trasferimento

$$G(s) = \frac{1}{s-2}$$

5 punti

- risposta indiciale con tempo di assestamento  $T_a$  all'1% inferiore a 0.2s;
- errore di velocità inferiore al 5%.

Controlli Automatici 10 novembre 2016	Prof. L. Iannelli	Firma leggibile dello studente
Cognome:	Nome:	Matricola:

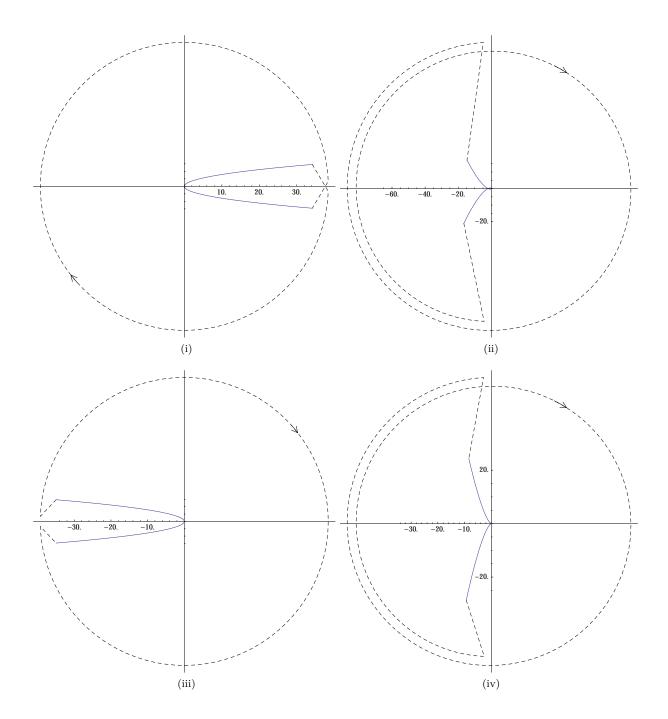
Esercizio 1.

Si consideri la funzione di trasferimento

$$G(s) = k \cdot \frac{s{-}7}{s(s{+}7)}$$

5 punti

e si scelga il guadagno  $k \in \mathbb{R}$  in maniera tale che G(s) abbia un margine di ampiezza pari a 6dB.



Esercizio 2.

Si abbinino le funzioni di trasferimento con i corrispondenti diagrammi di Nyquist riportati nelle figure:

$$\underline{\mathsf{D}} \qquad L(s) = \frac{s-1}{s^2}$$

$$(A)$$
 Fig.  $(iv)$ 

$$\underline{\mathbf{D}} \qquad L(s) = \frac{s-1}{s^2}$$
 
$$\underline{\mathbf{C}} \qquad L(s) = \frac{(s+1)^2}{s^3}$$
 
$$\underline{\mathbf{A}} \qquad L(s) = \frac{s+1}{s^3}$$
 
$$\underline{\mathbf{B}} \qquad L(s) = \frac{s+1}{s^2}$$

$$\underline{\mathbf{A}} \qquad L(s) = \frac{s+1}{s^3}$$

$$\underline{\mathsf{B}} \qquad L(s) = \frac{s+1}{s^2}$$

5 punti

Controlli Automatici 10 novembre 2016	Prof. L. Iannelli	Firma leggibile dello studente
Cognome:	Nome:	Matricola:

### **ISTRUZIONI**

- Per ogni domanda seguente una sola risposta risulta corretta. Il candidato evidenzi la risposta che ritiene corretta.
- Per ogni risposta corretta, viene assegnato il punteggio indicato accanto al testo della domanda. Per ogni risposta
  errata, viene sottratto un quarto del suddetto punteggio. Se non è indicata alcuna risposta, vengono assegnati zero
  punti.
- 1.  $(1 \ punto)$  Si individui la f.d.t. di tipo -1 con costante di trasferimento 2, uno zero a fase non minima e la costante di tempo dominante 2 s:

(a) 
$$G(s) = 2 \frac{s-1}{(s+1)(1+2s)}$$

(b) 
$$G(s) = 2 \frac{s(s+1)}{(s+1)(1+2s)}$$

(c) 
$$G(s) = 2 \frac{s(s-1)}{(s+1)(1+2s)}$$

(d) 
$$G(s) = 12 \frac{s(s-1)}{(3s+1)(1+2s)}$$

(e) 
$$G(s) = \frac{s(s-1)}{\left(\frac{s}{4}+1\right)(1+2s)}$$

- **2.** (1 punto) Il luogo del piano complesso corrispondente ad un polo con tempo di assestamento (all'un percento) inferiore a  $\bar{T}_{a1}$  è:
  - (a) Il semipiano a sinistra di una retta parallela all'asse immaginario e giacente nel primo e quarto quadrante
  - (b) L'area interna ad un cerchio centrato nell'origine
  - (c) Il settore racchiuso tra due semirette che partono dall'origine e giacciono nel secondo e terzo quadrante
  - (d) Il semipiano a sinistra di una retta parallela all'asse immaginario e giacente nel secondo e terzo quadrante
  - (e) L'area esterna ad un cerchio centrato nell'origine

**3.** (2 punti) Si calcoli l'errore di velocità quando si vuol far inseguire una rampa al sistema

$$G(s) = \frac{s^2 + 2s + 3}{s^3 + 3s^2 + 8s + 3}$$

- (a) 2
- (b) -2
- (c) -1
- (d)  $\infty$
- (e) 1
- **4.** (2 punti) Si consideri un sistema di controllo con retroazione negativa unitaria dove la funzione di anello è  $L(s) = \frac{19}{(s+20)(s+2)(s+4)}$ . Si determini il margine di fase.
  - (a) 180°
  - (b)  $-40^{\circ}$
  - (c) 0
  - (d)  $\infty$
  - (e) 40°

- 5. (2 punti) Si consideri un sistema di controllo con retroazione negativa unitaria dove l'impianto ha f.d.t.  $G(s) = \frac{1}{(s+15)(s-1)}$  ed il controllore è un PI con f.d.t.  $C(s) = 9\frac{s+z}{s}$ . Si determini per quale valore di z il sistema a ciclo chiuso presenta una coppia di poli dominanti con coefficiente di smorzamento nullo.
  - (a) 0
  - (b) -4.67
  - (c) 4,67
  - (d) 9,33
  - (e) -9,33

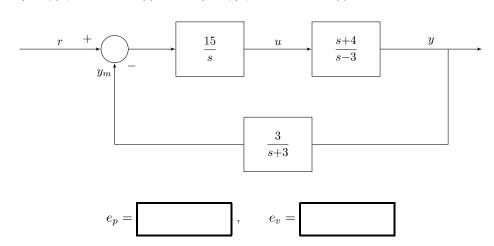
### Precisione statica

Esercizio 1.

Si consideri il sistema di controllo a ciclo chiuso schematizzato nella figura seguente e se ne calcoli l'errore di posizione e di velocità.

4 punti

Si ricorda che  $e_p \stackrel{\triangle}{=} |r-y|$  quando r=1(t) e  $e_v \stackrel{\triangle}{=} |r-y|$  quando  $r=t \cdot 1(t)$ .



# Luogo delle radici

Esercizio 1.

Si consideri l'impianto descritto dalla funzione di trasferimento

 $G(s) = \frac{1}{s^2 + 4s - 5}$ 

5 punti

- risposta indiciale con tempo di assestamento  $T_a$  all'1% inferiore a 2s;
- errore di posizione inferiore al 38%.

Controlli Automatici 10 novembre 2016	Prof. L. Iannelli	Firma leggibile dello studente
Cognome:	Nome:	Matricola:

Esercizio 1.

Si consideri la funzione di trasferimento

$$G(s) = k \cdot \frac{s+z}{(s+8)^2}.$$

5 punti

Si scelga il valore del guadagno  $k \in \mathbb{R}$  e del parametro  $z \in \mathbb{R}$  in maniera che G(s) abbia un margine di ampiezza pari a 6dB.

Esercizio 2. Si tracci il diagramma di Nyquist della f.d.t.

$$L(s) = -4\frac{s+2}{s^2(s-1)}.$$

~	
5	punti

Si dica se il corrispondente sistema a ciclo chiuso con retroazione negativa unitaria è asintoticamente stabile o meno.