Polytech Nice Sophia Programmation Procédurale

SI3 / 2021-2022 Erick Gallesio

Feuille 4

Manipulations de bits

1 Impression de nombres entiers

Nous allons ici traiter de l'impression des nombres entiers. Dans un premier temps, on imprimera des nombres dans une base quelconque. Ensuite, on s'occupera de l'impression des nombres en binaire.

1.1 Impression en base quelconque

- 1. Écrire tout d'abord une fonction permettant d'imprimer en base 10 un nombre entier (éventuellement négatif), en utilisant seulement la fonction putchar.
- 2. Généraliser votre fonction pour qu'elle puisse imprimer un nombre dans une base b quelconque $(2 \le b \le 36)$.

1.2 Décomposition binaire

Écrire la fonction en_binaire qui affiche en binaire le nombre n qui lui est passé en paramètre.

- Écrire une première version récursive travaillant par divisions successives (cette version affichera n avec le nombre minimal de bits nécessaires pour représenter n).
- 2. Écrire une version utilisant les opérateurs sur les bits de C (cette fonction affichera n sur le nombre de bits nécessaire pour représenter un int sur votre machine.

2 Grands ensembles

On décide de définir un type abstrait de données permettant de représenter de grands ensembles d'entiers (compris entre 0 et 999). Pour l'implémentation de ce type, on décide de représenter un grand ensemble par un tableau de bits (si un nombre est présent dans l'ensemble, le bit correspondant à ce nombre sera mis à 1, sinon le bit sera à 0). Pour cela, nous avons les définitions suivantes:

Ecrire les fonctions suivantes.

```
- void BigSet_init(BigSet s) /* initialiser s à l'ensemble vide */
- void BigSet_add(BigSet s, int i) /* ajouter i dans s */
```

```
int BigSet_is_in(BigSet s, int i) /* 0 si i ∉ s et ≠ 0 sinon */
void BigSet_print(BigSet s) /* afficher les éléments de s */
void BigSet_inter(BigSet s1, BigSet s2, BigSet res)
/* range dans res le résultat de l'intersection de s1 et s2 */
```

Exemple de code utilisant les fonctions sur les ensembles

```
int main(void) {
    BigSet e1, e2, e3;

    BigSet_init(e1); BigSet_init(e2);

    for (int i = 0; i < 140; i += 12) BigSet_add(e2, i);
        for (int i = 0; i < 140; i += 9) BigSet_add(e1, i);

    BigSet_inter(e1, e2, e3);
    printf("e1 = "); BigSet_print(e1);
    printf("e2 = "); BigSet_print(e2);
    printf("e3 = "); BigSet_print(e3);

    return 0;
}</pre>
```

L'exécution du programme précédent devra produire en sortie:

 $n \equiv b_k b_{k-1} \dots b_1 b_0$ (avec $b_i = 0$ ou 1)

```
e1 = {0, 9, 18, 27, 36, 45, 54, 63, 72, 81, 90, 99, 108, 117, 126, 135}
e2 = {0, 12, 24, 36, 48, 60, 72, 84, 96, 108, 120, 132}
e3 = {0, 36, 72, 108}
```

3 Calcul de x^n (facultatif)

La méthode de calcul $x^n = x * x * \dots * x$ est peu efficace car elle requiert n multiplications (et les multiplications sont des opérations coûteuses).

Une méthode rapide se base sur le fait qu'en mémoire, un entier n est codé en binaire sous la forme:

```
et n=\Sigma_i 2^ib_i=b_0+2b_1+4b_2+\ldots+2^kb_k On exprime donc x^n par x^n=x^{b_0+2b_1+4b_2+\ldots+2^kb_k} Cela revient à calculer x^n=x^{b_0} . x^{2b_1} . x^{4b_2} ... x^{2^kb_k} Par exemple, 13=8+4+1=1_31_20_11_0 en binaire, donc x^{13}=x^8\times x^4\times x^1.
```

En introduisant la variable z valant successivement x, x^2 , x^4 , x^8 , et y le produit des "bons" z, on obtient la méthode suivante:

```
Si n se décompose en b_k b_{k-1} \dots b_0

y \leftarrow 1

z \leftarrow x

pour i \leftarrow 0 à k: si b_i = 1 alors y \leftarrow yz et z \leftarrow z^z

Quand on termine, y = x^n
```

Coder la fonction

```
double Puissance(double x, unsigned int n);
```

qui implémente cette méthode.

On pourra utiliser les opérateurs C de manipulation de bits << , >> , & , | ...

4 Chiffrement avec des xor (facultatif)

Dans cette question, nous allons utiliser une propriété intéressante du **ou exclusif** (opérateur $^{\circ}$ en C) pour faire du chiffrement réversible. La propriété en question est la suivante: soient deux caractères quelconques a et b et $c = a ^{\circ} b$, alors $c ^{\circ} b == a$. Dans cet exemple, c constitue donc la version chiffrée du caractère a avec la clé b.

Pour retrouver le caractère original a, c'est simple: il suffit d'appliquer une nouvelle fois la clé b sur le caractère c (Sommairement, cette propriété peut être résumée à: quels que soient les caractères a et b, alors $a^b = a$)

Nous allons utiliser cette propriété de l'opérateur ^ (ou exclusif) dans la fonction xorcrypt. Cette fonction renvoie une chaîne ou chaque caractère du message original a été crypté avec le caractère correspondant de la clé (note: si la clé est trop courte, on repart de son premier caractère).

Ainsi, si on veut chiffrer le message "HELLO, WORLD" avec la clé "abcde", on obtient la suite de caractères)'/(*MB4+7-\&: puisqu'on a:

msg	Н	E	L	L	О	,		W	О	R	L	D
key	a	b	С	d	e	a	b	с	d	e	a	b
msg ^ key)	,	/	(*	M	В	4	+	7	ı	&

Écrire la fonction void xorcrypt(const char msg[], char key[])} qui permet de chiffrer le message msg avec la clé key .