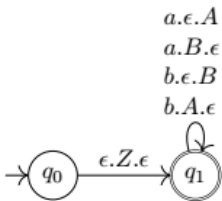


Commencé le	vendredi 5 mai 2023, 14:58
État	Terminé
Terminé le	mercredi 7 juin 2023, 00:04
Temps mis	32 jours 9 heures
Points	9,00/9,00
Note	10,00 sur 10,00 (100%)

Question 1

Correct

Note de 1,00 sur 1,00



L'alphabet de l'entrée de cet automate à pile est {a,b} ✓.

L'alphabet de la pile est {A,B,Z} ✓.

Votre réponse est correcte.

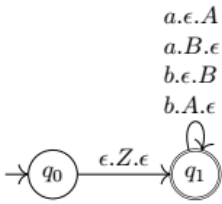
Correct

Note pour cet envoi : 1,00/1,00.

Question 2

Correct

Note de 1,00 sur 1,00



Compléter une série de transition qui permet à cet automate de reconnaître le mot **aabb**.

format d'une configuration: **état,pile**

avec état de la forme **qi** et pile avec le symbole en haut de la pile à gauche (ne rien mettre si pile vide).

format d'une transition: **lettre consommé** (rien pour epsilon).**lettre dépilé** (rien pour epsilon).**mot empilé** (rien pour epsilon)

Exemple: **(q3,DE)---c.D.F--->(q4,EF)**

$(q_0, Z) \xrightarrow{\epsilon.Z.\epsilon} (q_1, ) \xrightarrow{a.A} (q_1, A) \xrightarrow{a.A} (q_1, AA) \xrightarrow{b.A} (q_1, A) \xrightarrow{b.A} (q_1, )$

Votre réponse est correcte.

Correct

Note pour cet envoi : 1,00/1,00.

### Question 3

Correct

Note de 1,00 sur 1,00

Considérons la grammaire qui engendre les mots sur l'alphabet  $\{a, b\}$  avec autant de  $a$  que de  $b$ :

$$\overline{S \rightarrow aB \mid bA \mid a \mid b \mid \epsilon}$$
$$A \rightarrow aS \mid bAA$$
$$B \rightarrow bS \mid aBB$$

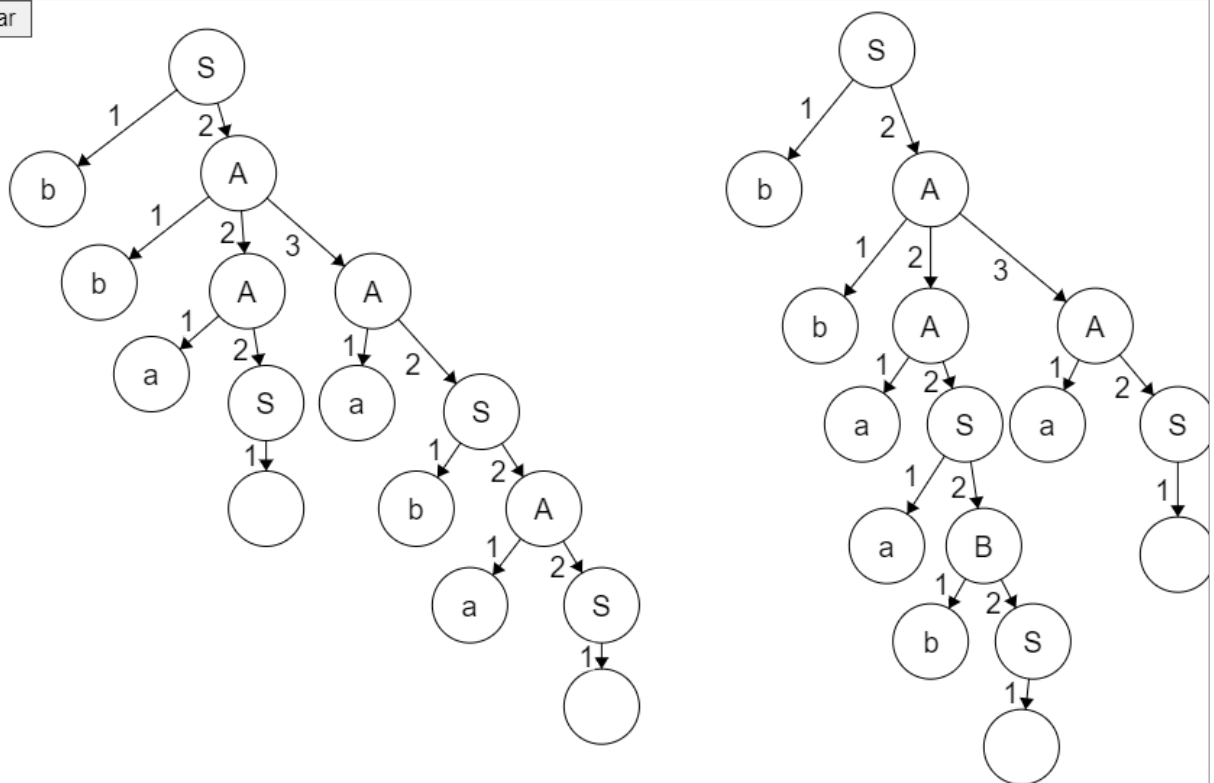
Prouver que cette grammaire est ambiguë en dessinant deux arbres de dérivation différents pour un même mots accepté par cette grammaire.  
(vous devez trouver le mot vous-même)

*Si un sommet a plusieurs enfant, mettre des numéros 1,2,3,4,... sur les arcs pour indiquer qui est le premier sommet laquelle est le premier, le second... Ne rien mettre dans un sommet à la place de  $\epsilon$ .*

**Réponse :**

Réinitialiser la réponse

Help	Clear
------	-------



	Test	Résultat attendu	Résultat obtenu	
✓	len(arbres)	2	2	✓
✓	"".join(feUILles(a1)) == "".join(feUILles(a2))	True	True	✓
✓	respecte_regles(a1,regles,True)	True	True	✓

	Test	Résultat attendu	Résultat obtenu	
✓	respecte_regles(a2,regles,True)	True	True	✓
✓	arbre_differeents(a1,a2)	True	True	✓

Tous les tests ont été réussis ! ✓

aabbb

► **Montrer / masquer la solution de l'auteur de la question (Python3)**

Correct

Note pour cet envoi : 1,00/1,00.

Question 4

Correct

Note de 1,00 sur 1,00

Considérons la grammaire:

$S \rightarrow aAbS \mid bBaS \mid \epsilon$

$A \rightarrow aAbA \mid \epsilon$

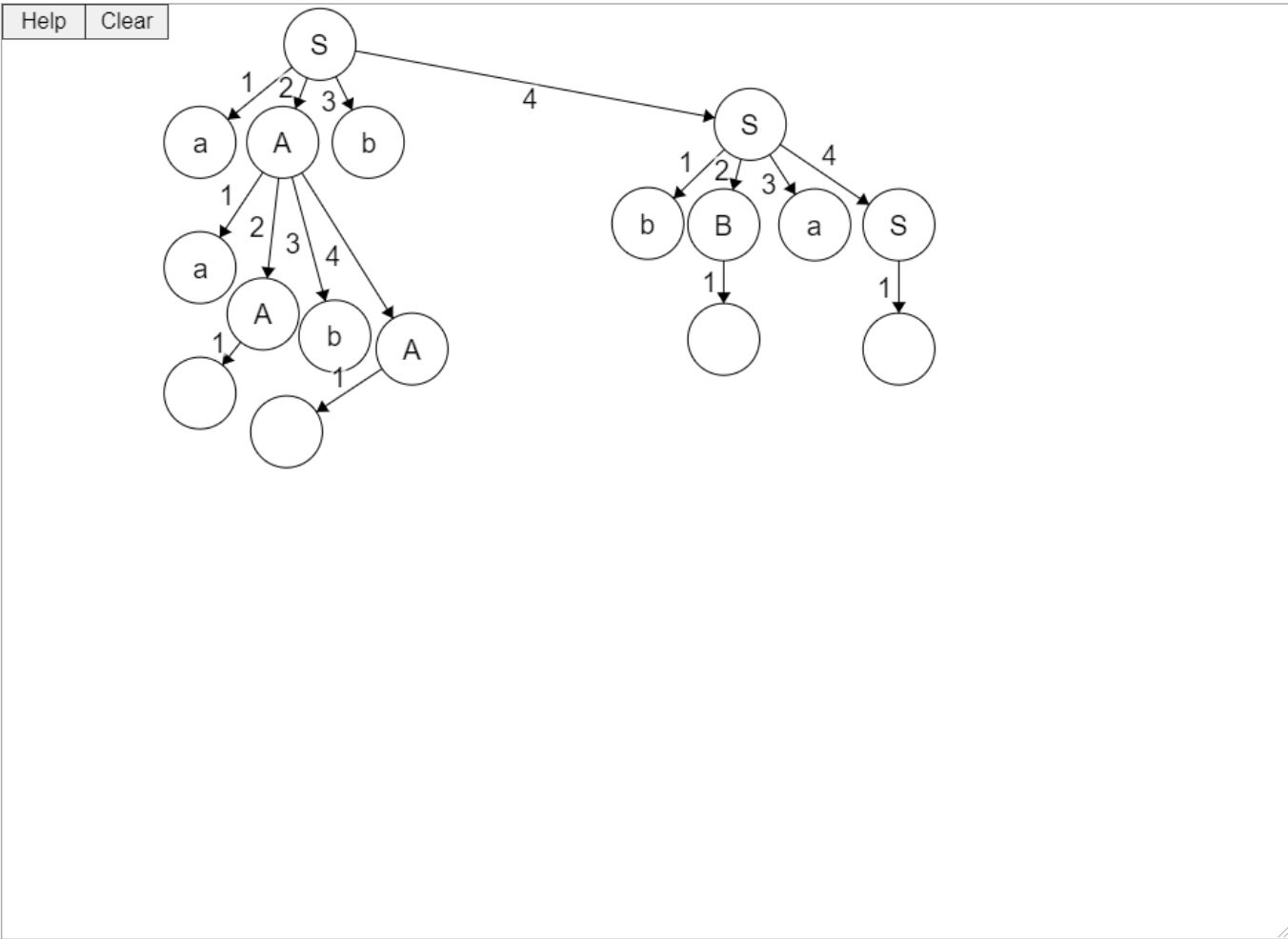
$B \rightarrow bBaB \mid \epsilon$

Trouver un arbre de dérivation pour le mot *aabbba*.

*Si un sommet a plusieurs enfants, mettre des numéros 1,2,3,4,... sur les arcs pour indiquer qui est le premier sommet, le second, ... Ne rien mettre dans un sommet à la place de  $\epsilon$ .*

Réponse :

Réinitialiser la réponse



	Test	Résultat attendu	Résultat obtenu	
✓	len(arbres)	1	1	✓
✓	"".join(feuilles(arbre))	aabbba	aabbba	✓

	Test	Résultat attendu	Résultat obtenu	
✓	respecte_regles(arbre, regle, True)	True	True	✓

Tous les tests ont été réussis ! ✓

► **Montrer / masquer la solution de l'auteur de la question (Python3)**

Correct

Note pour cet envoi : 1,00/1,00.

Question 5

Correct

Note de 1,00 sur 1,00

Écrire un automate à pile qui reconnait les mots sur l'alphabet { ( , ) , [ , ] } qui sont bien parenthésés.

Le symbole sur la pile à l'état initial est **Z**.

Vous pouvez écrire vos transitions au format **a.A.w** où

- **a** est une unique lettre de l'alphabet d'entrée (ou rien pour epsilon),
- **A** est une unique lettre de l'alphabet de la pile (ou rien pour epsilon), et
- **w** est un mot sur l'alphabet de la pile.

Vous pouvez écrire toutes vos transitions sur plusieurs flèches où sur une seule flèches séparés par des virgules.

Exemples: **a.A.BA,b.B.BA**

Réponse :

Réinitialiser la réponse

HelpClear

	Test	Résultat attendu	Résultat obtenu	
✓	npda.accepts_input('(()[])')	True	True	✓
✓	npda.accepts_input('([])')	False	False	✓
✓	npda.accepts_input('(((([]))))')	True	True	✓
✓	npda.accepts_input('[[([[]])]')	True	True	✓
✓	npda.accepts_input('([([]))]')	False	False	✓

Tous les tests ont été réussis ! ✓

► Montrer / masquer la solution de l'auteur de la question (Python3)

Correct

Note pour cet envoi : 1,00/1,00.

Question 6

Correct

Note de 1,00 sur 1,00

On considère le langage  $L = \{a^n b^m c^k \mid m = n + k\}$ .

Dessiner un automate à pile qui reconnaît le langage  $L$ .

Le symbole sur la pile à l'état initial est **Z**.

Vous pouvez écrire vos transitions au format **a.A.w** où

- a** est une unique lettre de l'alphabet d'entrée (ou rien pour epsilon),
- A** est une unique lettre de l'alphabet de la pile (ou rien pour epsilon), et
- w** est un mot sur l'alphabet de la pile.

Vous pouvez écrire toutes vos transitions sur plusieurs flèches où sur une seule flèches séparés par des virgules.

Exemples: **a.A.BA,b.B.BA**

Réponse :

Réinitialiser la réponse

HelpClear

	Test	Résultat attendu	Résultat obtenu	
✓	npda.accepts_input('')	False	False	✓
✓	npda.accepts_input('abc')	False	False	✓
✓	npda.accepts_input('abbc')	True	True	✓
✓	npda.accepts_input('bbcc')	True	True	✓
✓	npda.accepts_input('ba')	False	False	✓
✓	npda.accepts_input('aabbcc')	False	False	✓
✓	npda.accepts_input('bbcc')	True	True	✓
✓	npda.accepts_input('abbbccc')	True	True	✓
✓	npda.accepts_input('abbbc')	False	False	✓

Tous les tests ont été réussis ! ✓

► Montrer / masquer la solution de l'auteur de la question (Python3)

Correct



Note pour cet envoi : 1,00/1,00.

Écrire un automate à pile qui reconnait les mots palindromes sur l'alphabet **{a,b}**.  
(il doit accepter les mots de taille paire ou impaire)  
Le symbole sur la pile à l'état initial est **Z**.  
Vous pouvez écrire vos transitions au format **a.A.w** où

- a** est une unique lettre de l'alphabet d'entrée (ou rien pour epsilon),
- A** est une unique lettre de l'alphabet de la pile (ou rien pour epsilon), et
- w** est un mot sur l'alphabet de la pile.

Vous pouvez écrire toutes vos transitions sur plusieurs flèches où sur une seule flèche séparées par des virgules.  
Exemples: **a.A.BA,b.B.BA**

Réponse :

Réinitialiser la réponse

Help

Clear

	Test	Résultat attendu	Résultat obtenu	
✓	npda.accepts_input('')	True	True	✓
✓	npda.accepts_input('a')	True	True	✓
✓	npda.accepts_input('b')	True	True	✓
✓	npda.accepts_input('aa')	True	True	✓
✓	npda.accepts_input('ab')	False	False	✓
✓	npda.accepts_input('ba')	False	False	✓
✓	npda.accepts_input('bb')	True	True	✓
✓	npda.accepts_input('aab')	False	False	✓
✓	npda.accepts_input('aba')	True	True	✓
✓	npda.accepts_input('baa')	False	False	✓
✓	npda.accepts_input('aaa')	True	True	✓
✓	npda.accepts_input('aaaa')	True	True	✓

	Test	Résultat attendu	Résultat obtenu	
✓	<code>npda.accepts_input('aaba')</code>	False	False	✓
✓	<code>npda.accepts_input('abababa')</code>	True	True	✓
✓	<code>npda.accepts_input('abbabba')</code>	True	True	✓
✓	<code>npda.accepts_input('ababaa')</code>	False	False	✓
✓	<code>npda.accepts_input('aabbaabb')</code>	False	False	✓

Tous les tests ont été réussis ! ✓

► **Montrer / masquer la solution de l'auteur de la question (Python3)**

Correct

Note pour cet envoi : 1,00/1,00.

Question 8

Correct

Note de 1,00 sur 1,00

En utilisant l'algorithme vu en cours, transformer cette grammaire hors-contexte en automate à pile à un seul état:  $Z \rightarrow aZa \mid bZb \mid a \mid b \mid \epsilon$ .  
un automate à pile qui reconnaît les mots palindromes sur l'alphabet **{a,b}**.

Le symbole sur la pile à l'état initial est **Z**.

Vous pouvez écrire vos transitions au format **a.A.w** où

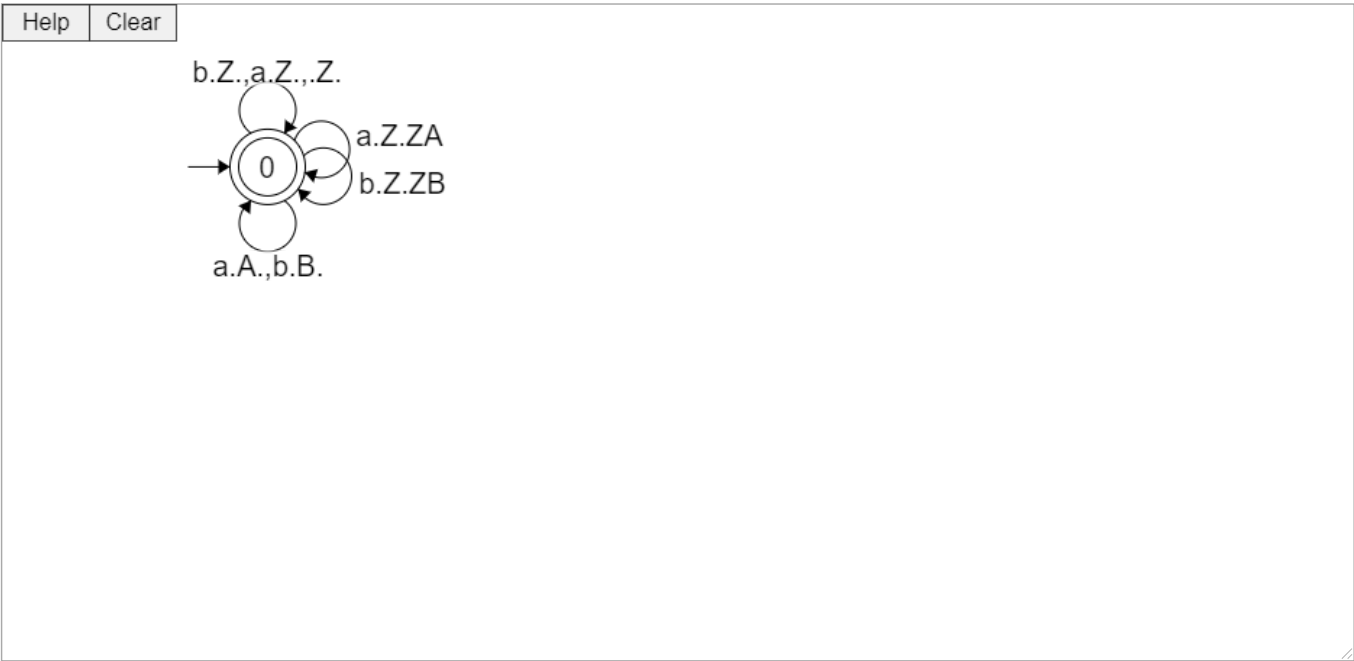
- **a** est une unique lettre de l'alphabet d'entrée (ou rien pour epsilon),
- **A** est une unique lettre de l'alphabet de la pile (ou rien pour epsilon), et
- **w** est un mot sur l'alphabet de la pile.

Vous pouvez écrire toutes vos transitions sur plusieurs flèches où sur une seule flèche séparées par des virgules.

Exemples: **a.A.BA,b.B.BA**

Réponse :

Réinitialiser la réponse



	Test	Résultat attendu	Résultat obtenu	
✓	npda.accepts_input('aabb')	False	False	✓
✓	npda.accepts_input('abba')	True	True	✓
✓	npda.accepts_input('abbaabba')	True	True	✓
✓	npda.accepts_input('bababab')	True	True	✓
✓	npda.accepts_input('baababb')	False	False	✓
✓	len(npda.states)	1	1	✓

Tous les tests ont été réussis ! ✓

► Montrer / masquer la solution de l'auteur de la question (Python3)

Correct

Note pour cet envoi : 1,00/1,00.

Question 9

Correct

Note de 1,00 sur 1,00

Sur l’alphabet  $\Sigma = \{1,2,+,=\}$ , on considère l’ensemble des mots représentant une égalité numérique (vraie !) sur des sommes de 1 et de 2.

Par exemple :

- $1 + 1 = 2$
- $1 + 2 = 1 + 2$
- $1 + 2 + 1 = 2 + 2$

(Pour être clair  $12 + 1 = 1 + 12$  n'est pas accepté, les additions sont sur des nombres qui sont 1 ou 2).

Montrer que ce langage est hors-contexte en construisant un automate à pile qui l'engendre.

Le symbole sur la pile à l'état initial est **Z**.

Vous pouvez écrire vos transitions au format **a.A.w** où

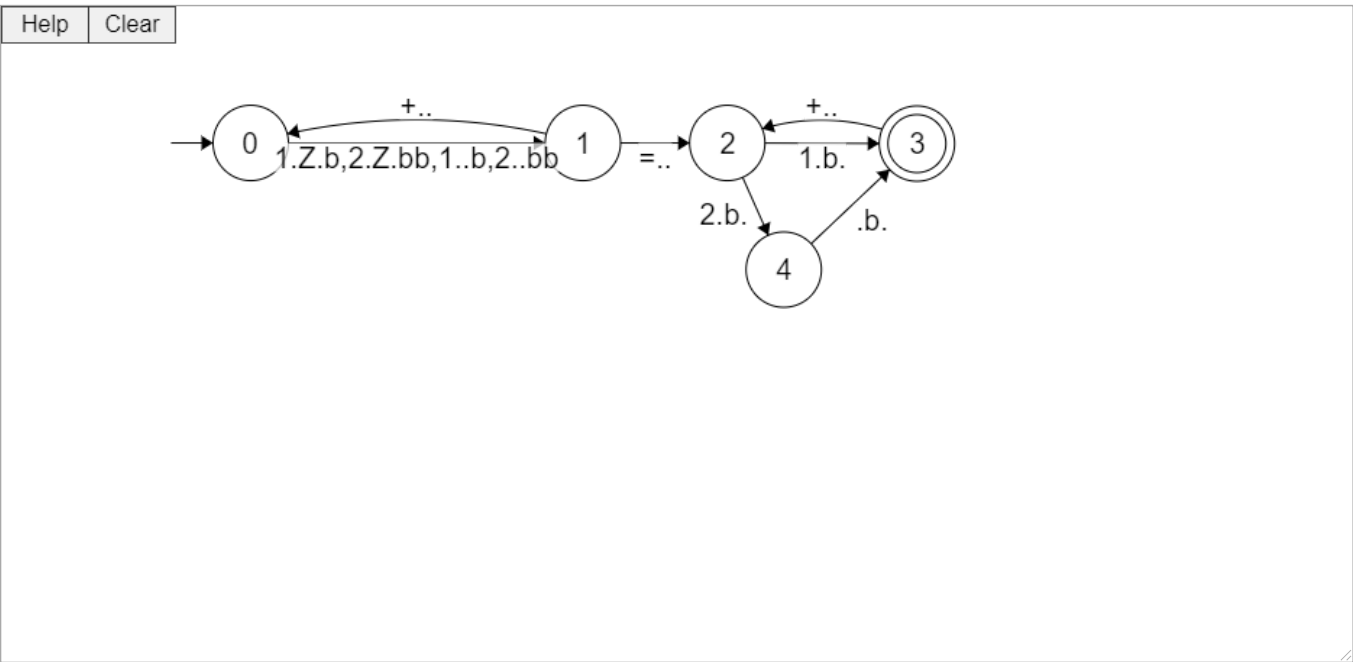
- **a** est une unique lettre de l'alphabet d'entrée (ou rien pour epsilon),
- **A** est une unique lettre de l'alphabet de la pile (ou rien pour epsilon), et
- **w** est un mot sur l'alphabet de la pile.

Vous pouvez écrire toutes vos transitions sur plusieurs flèches où sur une seule flèches séparés par des virgules.

Exemples: **a.A.BA,b.B.BA**

Réponse :

Réinitialiser la réponse



	Test	Résultat attendu	Résultat obtenu	
✓	npda.accepts_input('=')	False	False	✓
✓	npda.accepts_input('+')	False	False	✓
✓	npda.accepts_input('1')	False	False	✓
✓	npda.accepts_input('1+1')	False	False	✓
✓	npda.accepts_input('1=1')	True	True	✓
✓	npda.accepts_input('2=1+1')	True	True	✓

	Test	Résultat attendu	Résultat obtenu	
✓	npda.accepts_input('1+1+1=2+2')	True	True	✓
✓	npda.accepts_input('2+1+1+1=1+2+2+1')	True	True	✓
✓	npda.accepts_input('2+1+1=2+1+1+1')	True	True	✓

Tous les tests ont été réussis ! ✓

► **Montrer / masquer la solution de l'auteur de la question (Python3)**

Correct

Note pour cet envoi : 1,00/1,00.