

**Commencé le** mardi 29 septembre 2020, 14:45

**État** Terminé

**Terminé le** mardi 29 septembre 2020, 15:43

**Temps mis** 57 min 53 s

**Note** 10,92 sur 12,00 (91%)

### Question 1

Terminer

Note de 1,00 sur 1,00

En notant

*Baleine*(*x*) : *x* est une baleine

*Mammifere*(*x*) : *x* est un mammifère

*Poisson*(*x*) : *x* est un poisson

*Animal*(*x*) : *x* est animal

*Nage*(*x*) : *x* sait nager

Une formulation en calcul des prédicats de :

**Tous les poissons savent nager et d'autres mammifères que les baleines aussi**  
est :

Veillez choisir une réponse :

- ☒  $[\forall x (\neg \text{Poisson}(x) \vee \text{Nage}(x))] \wedge [\exists x (\text{Mammifere}(x) \wedge \text{Nage}(x) \wedge \neg \text{Baleine}(x))]$
- ☐  $[\forall x (\text{Poisson}(x) \wedge \text{Nage}(x)) ] \wedge [\exists x (\text{Mammifere}(x) \wedge \text{Nage}(x) \wedge \neg \text{Baleine}(x)) ]$
- ☐  $\forall x [( \text{Nage}(x) \Rightarrow (\text{Poisson}(x) ) \vee (\text{Mammifere}(x) \wedge \neg \text{Baleine}(x)) )]$
- ☐ rien de tout ça

La réponse correcte est :  $[\forall x (\neg \text{Poisson}(x) \vee \text{Nage}(x))] \wedge [\exists x (\text{Mammifere}(x) \wedge \text{Nage}(x) \wedge \neg \text{Baleine}(x))]$

### Question 2

Terminer

Note de 1,00 sur 1,00

En notant

*Baleine*(*x*) : *x* est une baleine

*Mammifere*(*x*) : *x* est un mammifère

*Poisson*(*x*) : *x* est un poisson

*Animal*(*x*) : *x* est animal

*Nage*(*x*) : *x* sait nager

Une formulation en calcul des prédicats de :

**Si des poissons ne savent pas nager alors des baleines ne sont pas des mammifères**  
est :

Veillez choisir une réponse :

- ☐  $[\exists x (\text{Poisson}(x) \wedge \neg \text{Nage}(x)) ] \wedge [\exists x (\text{Baleine}(x) \wedge \neg \text{Mammifere}(x)) ]$
- ☐ Aucune des autres réponses
- ☒  $[\exists x (\text{Poisson}(x) \wedge \neg \text{Nage}(x))] \Rightarrow [\exists x (\text{Baleine}(x) \wedge \neg \text{Mammifere}(x))]$
- ☐  $[\forall x (\text{Poisson}(x) \Rightarrow \neg \text{Nage}(x)) ] \Rightarrow [\forall x (\text{Baleine}(x) \Rightarrow \neg \text{Mammifere}(x)) ]$

La réponse correcte est :  $[\exists x (\text{Poisson}(x) \wedge \neg \text{Nage}(x))] \Rightarrow [\exists x (\text{Baleine}(x) \wedge \neg \text{Mammifere}(x))]$

Question 3

Terminer

Note de 2,00 sur 2,00

Associer à chacune des phrases ci-dessous, la formule qui en est une formulation en utilisant les prédicats suivants :

- $pauvre(x)$  : x est une personne pauvre
- $riche(x)$  : x est une personne riche
- $mDroits(x,y)$  : x et y ont légalement les mêmes droits
- $gLoto(x)$  : x est un gagnant du loto
- $imafa(x)$  : x a fait IMAFA

Certaines personnes qui ont fait IMAFA ne sont ni riches ni pauvres

$\exists x ( IMAFA(x) \wedge \neg riche(x) \wedge \neg pauvre(x) )$

Les riches sont des gagnants du loto ou ont fait IMAFA

$\forall x [(riche(x) \Rightarrow ( gLoto(x) \vee IMAFA(x) ))]$

Tous les riches qui ont gagné au loto ont fait IMAFA

$\forall x [(riche(x) \wedge gLoto(x) ) \Rightarrow IMAFA(x) ]$

Certains gagnants du loto sont pauvres et ont fait IMAFA

$\exists x ( gLoto(x) \wedge pauvre(x) \wedge IMAFA(x) )$

Les riches sont des gagnants au loto qui ont fait IMAFA

$\forall x [riche(x) \Rightarrow (gLoto(x) \wedge IMAFA(x) )]$

La réponse correcte est : Certaines personnes qui ont fait IMAFA ne sont ni riches ni pauvres  $\rightarrow \exists x ( IMAFA(x) \wedge \neg riche(x) \wedge \neg pauvre(x) )$ , Les riches sont des gagnants du loto ou ont fait IMAFA  $\rightarrow \forall x [(riche(x) \Rightarrow ( gLoto(x) \vee IMAFA(x) ))]$ , Tous les riches qui ont gagné au loto ont fait IMAFA  $\rightarrow \forall x [(riche(x) \wedge gLoto(x) ) \Rightarrow IMAFA(x) ]$ , Certains gagnants du loto sont pauvres et ont fait IMAFA  $\rightarrow \exists x ( gLoto(x) \wedge pauvre(x) \wedge IMAFA(x) )$ , Les riches sont des gagnants au loto qui ont fait IMAFA  $\rightarrow \forall x [riche(x) \Rightarrow (gLoto(x) \wedge IMAFA(x) )]$

Question 4

Terminer

Note de 1,00 sur 1,00

Cochez la ou les modélisations correctes de la phrase:

"Il y a des tickets gagnants et des tickets perdants parmi les tickets vendus".

Veillez choisir au moins une réponse :



$(\exists x (Vendu(x) \wedge Ticket(x) \wedge Gagnant(x)) \wedge (\exists x (Vendu(x) \wedge Ticket(x) \wedge \neg Gagnant(x)))$



$\forall x ( (Ticket(x) \wedge Vendu(x)) \Rightarrow (Gagnant(x) \vee \neg Gagnant(x) ) )$



$(\exists x (Vendu(x) \wedge Ticket(x) \wedge Gagnant(x)) \wedge (\exists y (Vendu(y) \wedge Ticket(y) \wedge \neg Gagnant(y)))$



$\exists x (Vendu(x) \wedge Ticket(x) \wedge \neg Gagnant(x) \wedge Gagnant(x))$

Les réponses correctes sont :

$(\exists x (Vendu(x) \wedge Ticket(x) \wedge Gagnant(x)) \wedge (\exists x (Vendu(x) \wedge Ticket(x) \wedge \neg Gagnant(x)))$

,

$(\exists x (Vendu(x) \wedge Ticket(x) \wedge Gagnant(x)) \wedge (\exists y (Vendu(y) \wedge Ticket(y) \wedge \neg Gagnant(y)))$

## Question 5

Terminer

Note de 1,00 sur 1,00

Cochez la ou les modélisations correctes de la phrase:

"Tous les tickets gagnants ont été vendus".

Veuillez choisir au moins une réponse :

- ☐  $\forall x [\text{Ticket}(x) \Rightarrow (\text{Vendu}(x) \Rightarrow \text{Gagnant}(x))]$
- ☐ Aucune des réponses proposées
- ☐  $\forall x [\text{Ticket}(x) \Rightarrow (\neg \text{Gagnant}(x) \wedge \neg \text{Vendu}(x))]$
- ☒  $\forall x (\text{Vendu}(x) \vee \neg \text{Ticket}(x) \vee \neg \text{Gagnant}(x))$
- ☒  $\forall x [\text{Ticket}(x) \Rightarrow (\neg \text{Gagnant}(x) \vee \neg \text{Vendu}(x))]$
- ☒  $\forall x [\text{Ticket}(x) \Rightarrow (\text{Gagnant}(x) \Rightarrow \text{Vendu}(x))]$
- ☒  $\forall x [(\text{Ticket}(x) \wedge \neg \text{Vendu}(x)) \Rightarrow \neg \text{Gagnant}(x)]$
- ☒  $\forall x [(\text{Ticket}(x) \wedge \text{Gagnant}(x)) \Rightarrow \text{Vendu}(x)]$

Les réponses correctes sont :  $\forall x (\text{Vendu}(x) \vee \neg \text{Ticket}(x) \vee \neg \text{Gagnant}(x))$ ,  $\forall x [(\text{Ticket}(x) \wedge \text{Gagnant}(x)) \Rightarrow \text{Vendu}(x)]$ ,  $\forall x [(\text{Ticket}(x) \wedge \neg \text{Vendu}(x)) \Rightarrow \neg \text{Gagnant}(x)]$ ,  $\forall x [\text{Ticket}(x) \Rightarrow (\neg \text{Gagnant}(x) \vee \neg \text{Vendu}(x))]$ ,  $\forall x [\text{Ticket}(x) \Rightarrow (\text{Gagnant}(x) \Rightarrow \text{Vendu}(x))]$

## Question 6

Terminer

Note de 0,67 sur 1,00

On considère les prédicats suivants

- $\text{eleve}(x)$  : x est un eleve
- $\text{question}(y)$  : y est une question
- $\text{reponse}(z)$  : z est une réponse
- $\text{correct}(y,z)$  : la réponse y est proposée à la question z et c'est une reponse correcte
- $\text{incorrect}(y,z)$  : la réponse y est proposée à la question z mais c'est une réponse incorrecte
- $\text{choisit}(x,y,z)$  : la réponse z a été choisie comme bonne à la question y par l'élève x

Cochez ci dessous toutes les formules qui signifient

"tous les élèves ont coché toutes les réponses proposées correctes"

Veuillez choisir au moins une réponse :

- ☒  $\forall x \forall y \forall z [\{\text{eleve}(x) \wedge \text{question}(y) \wedge \text{correct}(y,z)\} \Rightarrow \text{choisit}(x,y,z)]$
- ☐  $\forall x \forall y \forall z [\{\text{eleve}(x) \wedge \text{question}(y) \wedge \text{choisit}(x,y,z)\} \Rightarrow \text{correct}(y,z)]$
- ☐ Aucune des autres réponses proposées
- ☐  $\forall x \forall y \forall z [\text{eleve}(x) \wedge \text{question}(y) \wedge \text{correct}(y,z) \wedge \text{choisit}(x,y,z)]$
- ☐  $\forall x \forall y \forall z [\neg \text{eleve}(x) \vee \neg \text{question}(y) \vee \neg \text{correct}(y,z) \vee \text{choisit}(x,y,z)]$
- ☒  $\forall x \forall y \forall z [\neg \text{choisit}(x,y,z) \Rightarrow \{\neg \text{eleve}(x) \vee \neg \text{question}(y) \vee \neg \text{correct}(y,z)\}]$

Les réponses correctes sont :  $\forall x \forall y \forall z [\{\text{eleve}(x) \wedge \text{question}(y) \wedge \text{correct}(y,z)\} \Rightarrow \text{choisit}(x,y,z)]$ ,  $\forall x \forall y \forall z [\neg \text{eleve}(x) \vee \neg \text{question}(y) \vee \neg \text{correct}(y,z) \vee \text{choisit}(x,y,z)]$ ,  $\forall x \forall y \forall z [\neg \text{choisit}(x,y,z) \Rightarrow \{\neg \text{eleve}(x) \vee \neg \text{question}(y) \vee \neg \text{correct}(y,z)\}]$

### Question 7

Terminer

Note de 1,00 sur 1,00

On considère les prédicats suivants

- $\text{eleve}(x)$  :  $x$  est un eleve
- $\text{question}(y)$  :  $y$  est une question
- $\text{reponse}(z)$  :  $z$  est une réponse
- $\text{correct}(y,z)$  : la réponse  $y$  est proposée à la question  $z$  et c'est une reponse correcte
- $\text{incorrect}(y,z)$  : la réponse  $y$  est proposée à la question  $z$  mais c'est une réponse incorrecte
- $\text{choisit}(x,y,z)$  : la réponse  $z$  a ete choisie comme bonne à la question  $y$  par l'élève  $x$

En supposant qu'un élève n'obtient les points d'une question que lorsqu'il a coché toutes les bonnes réponses proposées à la question et elles seules,

Cochez ci dessous toutes les formules qui signifient que :

*l'élève  $x$  obtient les points de la question  $y$*

Veillez choisir au moins une réponse :

- ☒  $\forall z [\text{question}(y) \wedge \text{eleve}(x) \wedge \{\text{choisit}(x,y,z) \Rightarrow \text{correct}(y,z)\} \wedge \{\text{correct}(y,z) \Rightarrow \text{choisit}(x,y,z)\}]$
- ☒  $\forall z [\text{question}(y) \wedge \text{eleve}(x) \wedge \{\neg \text{choisit}(x,y,z) \Leftrightarrow \neg \text{correct}(y,z)\}]$
- ☒  $\forall z [\text{question}(y) \wedge \text{eleve}(x) \wedge \{\text{choisit}(x,y,z) \Leftrightarrow \text{correct}(y,z)\}]$
- ☒  $\forall z [\text{question}(y) \wedge \text{eleve}(x) \wedge \{\neg \text{choisit}(x,y,z) \Rightarrow \neg \text{correct}(y,z)\} \wedge \{\neg \text{correct}(y,z) \Rightarrow \neg \text{choisit}(x,y,z)\}]$
- ☐ Aucune des autres réponses proposées

Les réponses correctes sont :  $\forall z [\text{question}(y) \wedge \text{eleve}(x) \wedge \{\text{choisit}(x,y,z) \Leftrightarrow \text{correct}(y,z)\}]$ ,  $\forall z [\text{question}(y) \wedge \text{eleve}(x) \wedge \{\text{choisit}(x,y,z) \Rightarrow \text{correct}(y,z)\} \wedge \{\text{correct}(y,z) \Rightarrow \text{choisit}(x,y,z)\}]$ ,  $\forall z [\text{question}(y) \wedge \text{eleve}(x) \wedge \{\neg \text{choisit}(x,y,z) \Rightarrow \neg \text{correct}(y,z)\} \wedge \{\neg \text{correct}(y,z) \Rightarrow \neg \text{choisit}(x,y,z)\}]$ ,  $\forall z [\text{question}(y) \wedge \text{eleve}(x) \wedge \{\neg \text{choisit}(x,y,z) \Leftrightarrow \neg \text{correct}(y,z)\}]$

### Question 8

Terminer

Note de 0,75 sur 1,00

Soit la formule, concernant le prédicat  $p$  d'arité 2, appelé relation dans la suite :

$$\forall x \forall y \forall z [ \{ p(x,y) \wedge p(y,z) \} \Rightarrow p(x,z) ]$$

Elle signifie que la relation  $p$  est transitive.

Cochez les relations transitives ci-dessous :

Veillez choisir au moins une réponse :

- ☒  $p(x,y)$  signifie que :  $x$  et  $y$  sont dans la même promo
- ☒  $p(x,y)$  signifie que :  $x$  et  $y$  sont clients de la même agence une personne peut être cliente de plusieurs agences
- ☐  $p(x,y)$  signifie que :  $x$  et  $y$  sont 2 agences distantes de moins de 1km
- ☒  $p(x,y)$  signifie que :  $x < y$
- ☐  $p(x,y)$  signifie que :  $x$  et  $y$  ont un ami commun
- ☐  $p(x,y)$  signifie que :  $x$  et  $y$  sont dans le même groupe pour au moins une matière

Les réponses correctes sont :  $p(x,y)$  signifie que :  $x < y$ ,  $p(x,y)$  signifie que :  $x$  et  $y$  sont dans la même promo

## Question 9

Terminer

Note de 1,00 sur 1,00

On considère un graphe, c'est à dire un ensemble de sommets et d'arêtes.  
Une arête relie deux sommets distincts ou non.  
Un sommet est isolé s'il n'est relié à aucun sommet.  
Le predicat binaire  $p(x,y)$  est vrai si et seulement si il y a une arête entre  $x$  et  $y$

Tous les sommets sont reliés entre eux

 $\forall x \forall y p(x,y)$ 

Aucun sommet n'est isolé

 $\forall x \exists y p(x,y)$ 

Un des sommets est relié à tous les sommets

 $\exists x \forall y p(x,y)$ 

Le graphe n'est pas sans arêtes

 $\exists x \exists y p(x,y)$ 

Votre réponse est correcte.

La réponse correcte est : Tous les sommets sont reliés entre eux  $\rightarrow \forall x \forall y p(x,y)$ , Aucun sommet n'est isolé  $\rightarrow \forall x \exists y p(x,y)$ , Un des sommets est relié à tous les sommets  $\rightarrow \exists x \forall y p(x,y)$ , Le graphe n'est pas sans arêtes  $\rightarrow \exists x \exists y p(x,y)$

## Question 10

Terminer

Note de 0,50 sur 1,00

En utilisant les prédicats suivants :

- $pauvre(x)$  :  $x$  est une personne pauvre
- $riche(x)$  :  $x$  est une personne riche
- $mDroits(x,y)$  :  $x$  et  $y$  ont légalement les mêmes droits

quelle(s) formule(s) est(sont) une formulation de la phrase suivante :

*Les pauvres et les riches ont légalement les mêmes droits*

Veuillez choisir au moins une réponse :

- ☐  $\forall x \exists y ( (pauvre(x) \wedge riche(y)) \Rightarrow mDroits(x,y) )$
- ☐ Aucune des formules proposées
- ☒  $\forall x \forall y ( \neg pauvre(x) \vee \neg riche(y) \vee mDroits(x,y) )$
- ☐  $\forall x \forall y ( (pauvre(x) \wedge riche(y)) \Rightarrow mDroits(x,y) )$
- ☐  $\forall x \exists y ( (pauvre(x) \wedge riche(y)) \wedge mDroits(x,y) )$

Les réponses correctes sont :  $\forall x \forall y ( (pauvre(x) \wedge riche(y)) \Rightarrow mDroits(x,y) )$ ,  $\forall x \forall y ( \neg pauvre(x) \vee \neg riche(y) \vee mDroits(x,y) )$

Question **11**

Terminer

Note de 1,00 sur  
1,00

Indiquez quelles sont les ou la traduction correcte de l'énoncé  
"Les carrés sont des parallélépipèdes rectangles"

Veillez choisir au moins une réponse :

- ☐  $\forall x (\text{carre}(x) \wedge \text{parallelepiped}(x) \wedge \text{rectangle}(x))$
- ☐ Aucune des formules proposées
- ☒  $\forall x [(\neg \text{parallelepiped}(x) \vee \neg \text{rectangle}(x)) \Rightarrow \neg \text{carre}(x)]$
- ☐  $\exists x (\text{carre}(x) \Rightarrow (\text{parallelepiped}(x) \wedge \text{rectangle}(x)))$
- ☐  $\exists x (\text{carre}(x) \wedge \text{parallelepiped}(x) \wedge \text{rectangle}(x))$
- ☐  $\forall x [(\neg \text{parallelepiped}(x) \wedge \neg \text{rectangle}(x)) \Rightarrow \neg \text{carre}(x)]$
- ☒  $\forall x (\text{carre}(x) \Rightarrow (\text{parallelepiped}(x) \wedge \text{rectangle}(x)))$

Les réponses correctes sont :  $\forall x (\text{carre}(x) \Rightarrow (\text{parallelepiped}(x) \wedge \text{rectangle}(x)))$ ,  $\forall x [(\neg \text{parallelepiped}(x) \vee \neg \text{rectangle}(x)) \Rightarrow \neg \text{carre}(x)]$