## Annexe

## Liste de problèmes NP-difficiles à utiliser pour les réductions

Nom: Chaîneham

**Instance**: Un graphe fini G = (V, E) représenté sous forme de listes d'adjacence.

 ${\bf Question:} \ {\bf Le} \ {\bf graphe} \ {\bf admet}\hbox{-il une chaîne Hamiltonienne (cest-\`{\bf a}-dire qui passe une et une seule fois par$ 

tous les sommets)?

Nom: Cycleham

**Instance :** Un graphe fini G = (V, E) représenté sous forme de listes d'adjacence.

 $\textbf{Question:} \ \text{Le graphe admet-il un cycle Hamiltonien (c'est-\`{a}-dire qui passe une et une seule fois par tous}$ 

les sommets)?

Nom: Somme de Sous-Ensembles

**Instance :** un ensemble fini E, une taille  $s(e) \in \mathbb{N}$  pour chaque  $e \in E$  et une capacité $C \in \mathbb{N}$ . Question: existe-t-il un sous-ensemble  $E' \subseteq E$  tel que la somme des éléments de E' = C?

Nom: Cheminham

**Instance**: Un graphe orienté fini G = (V, E) représenté sous forme de listes d'adjacence.

**Question :** Le graphe admet-il un chemin Hamiltonien (C'est-à-dire qui passe une et un seule fois par tous les sommets) ?

Nom: Circuitham

**Instance**: Un graphe orienté fini G = (V, E) représenté sous forme de listes d'adjacence.

**Question :** Le graphe admet-il un circuit Hamiltonien (cest-à-dire qui passe une et une seule fois par tous les sommets) ?

Nom: Partition

**Instance :** un ensemble fini d'entiers non-négatifs A

 $\mathbf{Question:} \ \mathrm{Existe-t-il} \ \mathrm{une} \ \mathrm{partition} \ \mathrm{de} \ A \ \mathrm{en} \ \mathrm{deux} \ \mathrm{sous-ensembles} \ A_1 \ \mathrm{et} \ A_2 \ \mathrm{dont} \ \mathrm{les} \ \mathrm{sommes} \ \mathrm{de} \ \mathrm{ses} \ \mathrm{\acute{e}l\acute{e}ments}$ 

soient égales?

Nom: 3-Dimensional Matching

**Instance :** un ensemble M de triplets (w, x, y), avec w, x et y des éléments de trois ensembles W, X, Y de

même cardinalité q.

Question : M contient-il un couplage (un sous-ensemble de triplets contenant tous les éléments une fois et une seule)