

<b>NOM, Prénom :</b>	<b>Correction par Jean-Paul Stromboni</b>
<b>Groupe de TD :</b>	
<b>Note (sur 20) :</b>	

***Lire attentivement les consignes suivantes :***

1. **l'épreuve dure 2 heures ; les seuls documents autorisés sont les polycopiés de cours annotés et les comptes-rendus de travaux dirigés rédigés par vos soins.**
2. **calculatrices autorisées, téléphones mobiles et ordinateurs portables proscrits.**
3. **on répond sur le texte dans les zones laissées libres sous les questions :**
  1. les réponses doivent tenir dans les zones prévues à cet effet (on peut utiliser la dernière page au besoin, **mais avec un renvoi explicite à la question concernée**).
  2. les réponses aux questions posées doivent être facilement lisibles.
  3. le barème indiqué en gris à gauche est **indicatif**.

--

***I. Exercice : niveaux sonores et décibels :***

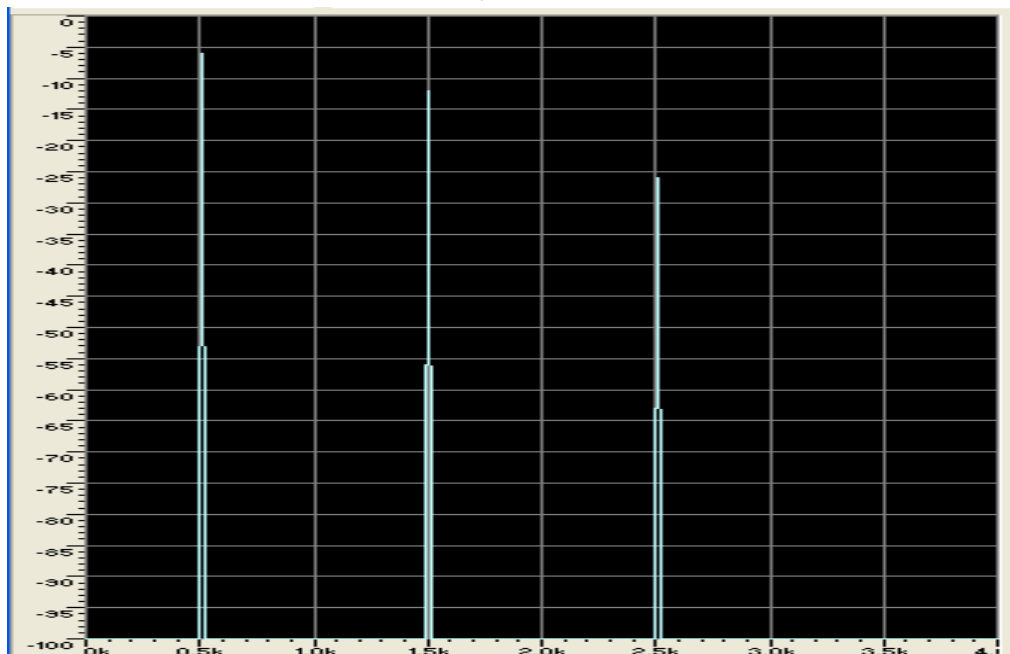
On peut exprimer les niveaux sonores en décibel (*dB*) par rapport au seuil d'audition qui correspond à une pression de l'air sur le tympan valant  $20 \times 10^{-6} Pa$  (*Pa* pour Pascal, est l'unité de pression du système international). Pour donner un exemple, un niveau de **6dB** correspondra ainsi à une pression de  $40 \times 10^{-6} Pa$  :

<b>Barème</b>	<b>Répondre aux questions dans l'espace laissé libre en dessous</b>
<b>0.5pt</b>	<b>De rappeler l'expression en <i>dB</i> d'une quantité <i>x</i></b>
	<b>Rappel : la quantité <i>x</i> exprimée en décibels (<i>dB</i>) vaut <math>20 \times \log_{10}( x )</math></b>
<b>0.5pt</b>	<b>De traduire en pression sur le tympan le niveau sonore d'un chuchotement : <i>20dB</i></b>
	<b>20 dB équivaut à un facteur 10, la réponse est donc <math>200 \times 10^{-6} Pa</math></b>
<b>0.5pt</b>	<b>Idem pour <i>60dB</i> (le niveau sonore d'un lave-linge, paraît-il)</b>
	<b><math>60 dB \Leftrightarrow \times 1000</math>, la réponse est donc <math>20 \times 10^{-3} Pa</math></b>
<b>0.5pt</b>	<b>Idem pour <i>72dB</i>, circulation en ville, taille-haie</b>
	<b>72 dB égale 60 dB + 12 dB, la facteur multiplicatif est donc de 4000, <math>80 \times 10^{-3} Pa</math></b>

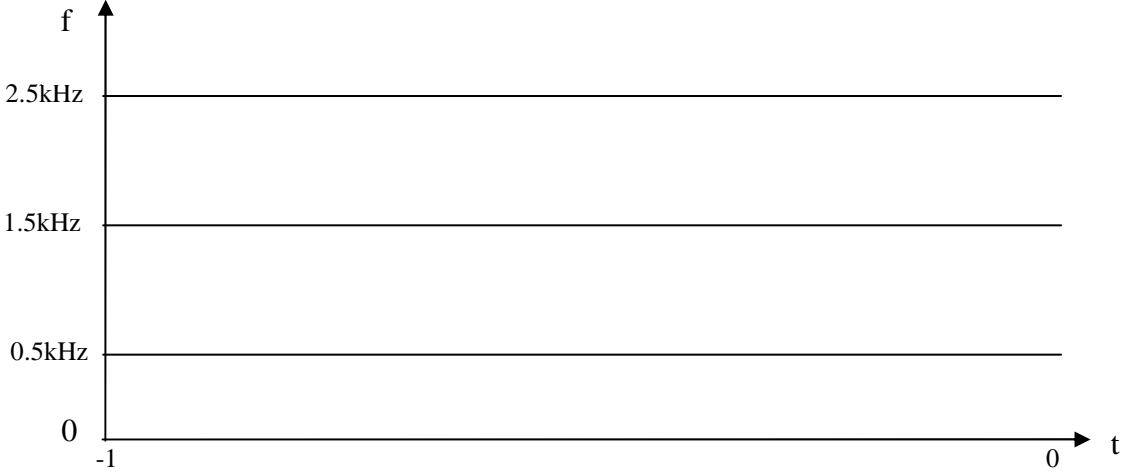
0.5pt	idem pour 120dB (vuvuzela à 2m, décollage avion à réaction)
	120 dB $\Leftrightarrow$ 20Pa sur le tympan
0.5pt	Inversement, exprimer en dB une onde de choc de $60 \times 10^3$ Pa :
	$60 \times 10^3$ Pa = $20 \times 10^{-6} \times 3 \times 10^9$ dB d'où le résultat, environ 190 dB

## II. Exercice : Goldwave et le spectre d'amplitude d'un signal audio

Voici le spectre d'un signal audio calculé par Goldwave, avec une fenêtre rectangulaire (option None) et 60 Frames per second (fenêtres de calcul par seconde). Ce spectre est représenté entre les fréquences 0 et  $f_e / 2$  (option : Automatic Frequency Range).



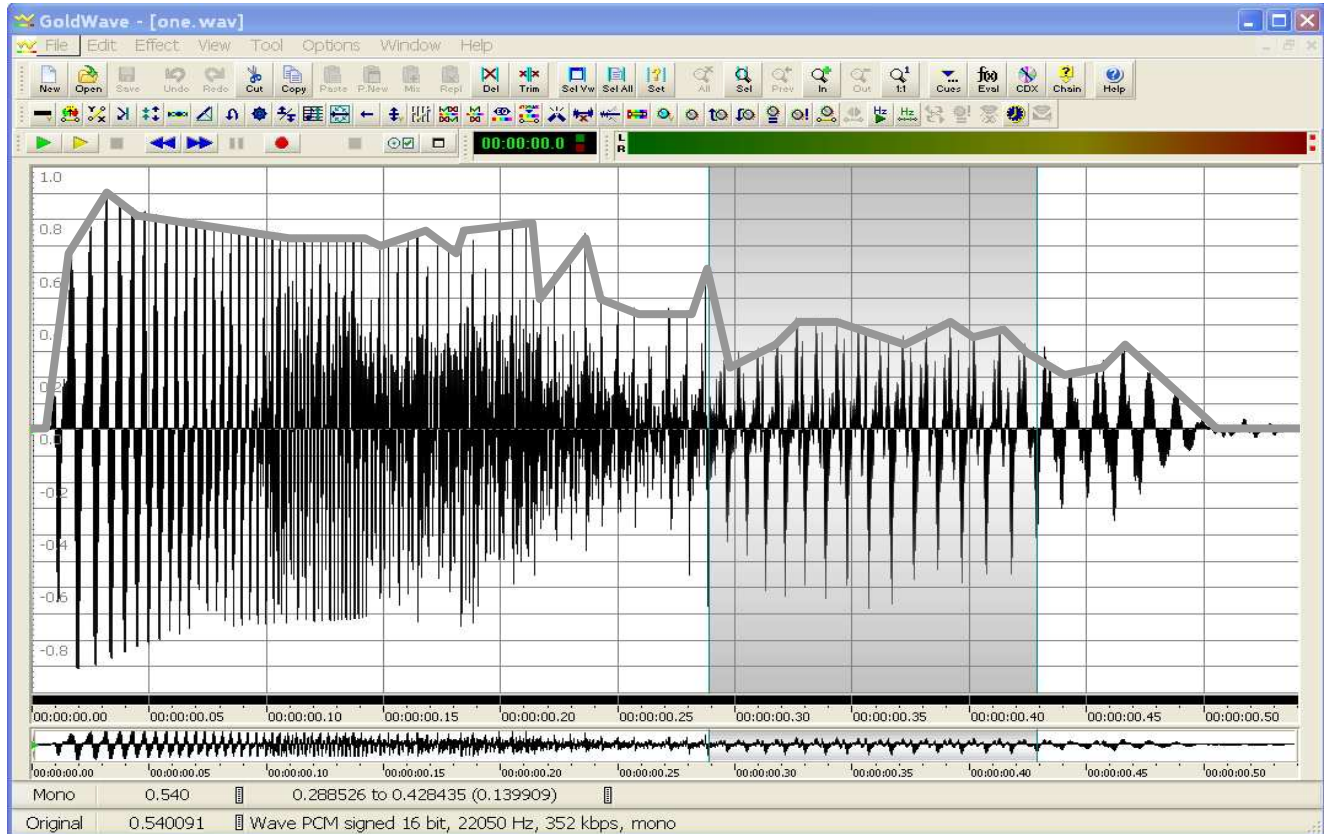
Barème	Répondre à chaque question dans la case laissée vide en dessous
0.5pt	Quelle est la fréquence d'échantillonnage $f_e$ du signal audio analysé par Goldwave ?
	$f_e = 2 \times 4kHz = 8000Hz$
1pt	Décrire ou représenter le spectre d'amplitude entre 0 et 8kHz
	Pour obtenir le spectre d'amplitude entre 0 et 8kHz, on conserve le spectre ci-dessus inchangé entre 0 et 4kHz, et on le complète entre 4 et 8kHz en faisant une symétrie paire du spectre ci-dessus par rapport à la fréquence 4kHz

0.5pt	<b>Quel est le nombre <math>N</math> d'échantillons de ce signal qui sont contenus dans une fenêtre rectangulaire de durée <math>1/60</math> s ?</b>
	<b>Il y en a <math>\text{int}(8000/60)</math>, soit <math>N=133</math> échantillons</b>
0.5pt	<b>Recenser les composantes fréquentielles dans le spectre ci-dessus, en précisant pour chacune sa fréquence et son amplitude exprimée en <math>dB</math></b>
	<b>On compte trois composantes :</b> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. <math>0.5kHz, -6 dB</math></li> <li>2. <math>1.5kHz, -12 dB</math></li> <li>3. <math>2.5kHz, -26 dB</math></li> </ol>
1pt	<b>Trouver une expression temporelle <math>s(t)</math> du signal compatible avec le spectre d'amplitude ci-dessus :</b>
	<b>Ainsi un signal compatible avec le spectre serait :</b> $s(t) = \cos(1000\pi t) + \frac{1}{2} \times \cos(3000\pi t) + \frac{1}{10} \times \cos(5000\pi t)$
0.5pt	<b>Tracer l'allure du spectrogramme de <math>s(t)</math> qui serait tracé par Goldwave durant 1 s</b>
	
1pt	<b>Si on remplaçait la fenêtre rectangulaire par une fenêtre de Hamming, comment le spectre du signal <math>s(t)</math> serait-il modifié ?</b>
	<ol style="list-style-type: none"> <li>1. L'amplitude des trois composantes fréquentielles serait multipliée par 0.53, soit à peu près divisée par deux. En décibels chaque composante perdrait 6 dB :</li> <li>2. par exemple, on aurait -12 dB au lieu de -6 pour la composante à la fréquence 0.5kHz, -12 et -32 dB pour les deux autres.</li> <li>3. De plus, il n'y a pas de lobes latéraux avec la fenêtre de Hamming.</li> </ol>

### III. Exercice : Analyse du chronogramme ci-dessous tracé par Goldwave :

Rappels :

- sur le chronogramme suivant, l'axe des temps se lit en : **heure:minute:seconde.**
- de plus, le délai donné entre parenthèses est en microsecondes



Barème	On demande de répondre dans l'espace vide laissé sous les questions :
0.5pt	Relever la fréquence d'échantillonnage, le nombre de bits par échantillon, et la durée du signal audio.
	<p>On lit ci-dessus en bas de la fenêtre que  <math>f_e = 22050\text{Hz}</math>, et qu'il y a 16 bit par échantillon, c'est un signal en mono(phonie)</p> <p>La durée est de 0.54s environ (en bas de la fenêtre).</p>
1pt	Ajouter l'enveloppe du signal audio sur la figure ci-dessus et donner la durée du signal audible
	<p>Sur l'enveloppe ajoutée ci-dessus, on voit que le signal est inaudible pendant un dixième de seconde au départ, et 4 dixièmes de seconde à la fin, la durée du signal audible est donc de 0.5 seconde</p>

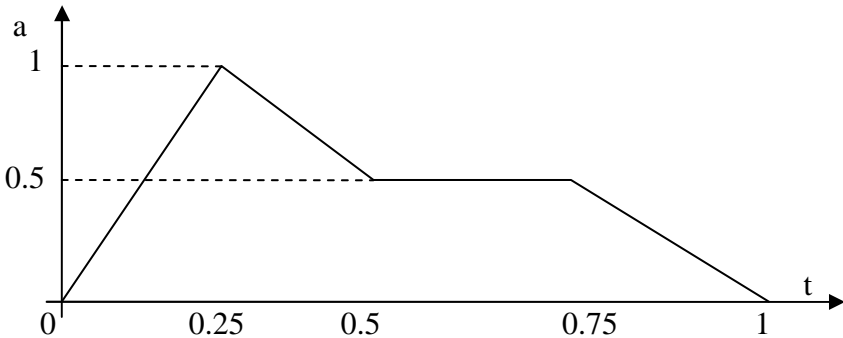
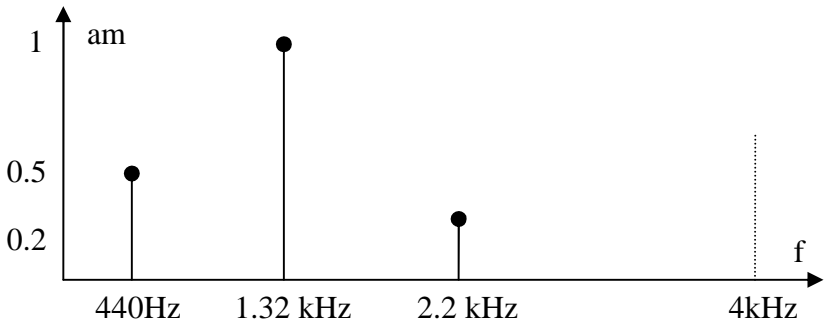
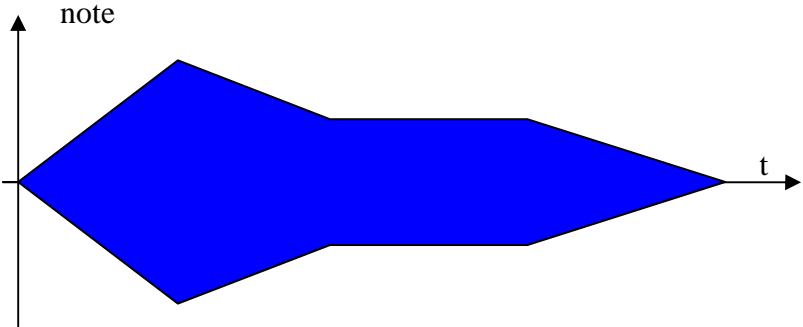
<b>1pt</b>	<b>Compter les quasi-périodes dans la fenêtre de signal sélectionnée en gris sur le chronogramme, et déterminer le pitch du signal dans cette fenêtre.</b>
	<b>Il y a quinze quasi périodes, ou pitches, pour environ 0.14 secondes.                  Dans cette fenêtre temporelle, au bout de 0.3 secondes, le pitch dure 0.01 secondes.</b>
<b>0.5pt</b>	<b>Quelle est la fréquence fondamentale associée au pitch de la question précédente ?</b>
	<b>La fréquence fondamentale du pitch est <math>f_{pitch} = \frac{1}{0.01} Hz</math> soit environ 100Hz</b>
<b>0.5pt</b>	<b>Calculer en octet la taille mémoire de ce signal audio</b>
	<b>En octet, c'est <math>M = 1 \times 22050 \times 0.54 \times 2</math> soit 23814 octets</b>
<b>0.5pt</b>	<b>Trouver le pas de quantification <math>Q</math> du signal</b>
	<b><math>2^{16}</math> niveaux se partagent également un intervalle de largeur 2, donc <math>Q = \frac{2}{2^{16}}</math></b>
<b>0.5pt</b>	<b>Calculer la période d'échantillonnage <math>T_e</math> du signal.</b>
	<b><math>T_e = 1 / f_e = \frac{1}{22050} \approx 4 \times 10^{-5} s</math></b>
<b>0.5pt</b>	<b>Calculer le bit rate de ce signal numérique :</b>
	<b>C'est le produit <math>f_e \times B \times NbChannel = 22050 \times 16 \times 1 \approx 352 kbps</math></b>

#### IV. Exercice : Synthétiser des timbres avec Matlab

Le script suivant appelle les fonctions Matlab 'envelop' et 'synthad' vues en cours pour synthétiser une note de musique :

```
fe=8000; f1=440; T= 3;
t=T*[0, 0.25, 0.5, 0.75, 1];
a=[0,1,0.5,0.5,0];
env=envelop(t,a,fe);
f= f1*[1,3,5];
am=[0.5,1.0,0.2];
s=synthad(am,f,0*f,T,fe);
note= s.*env;
```

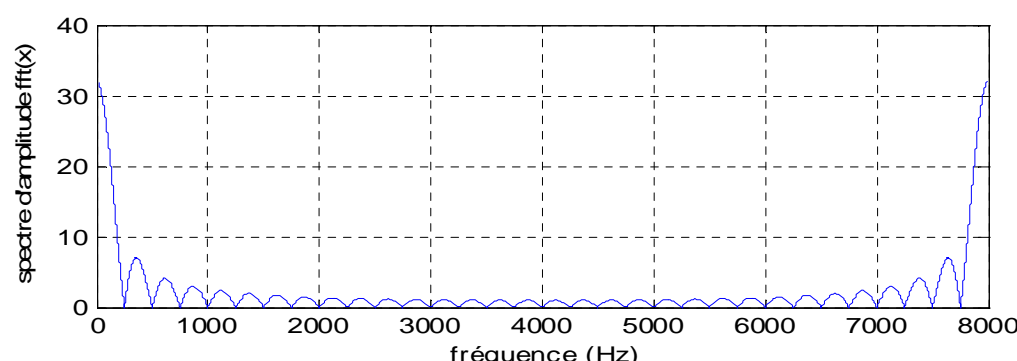
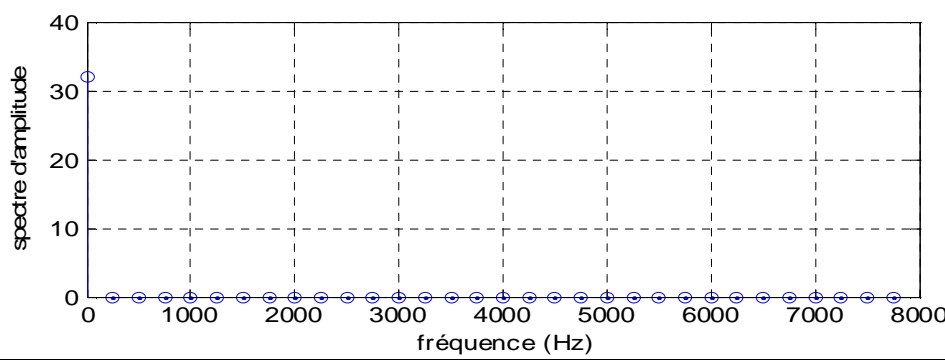
<b>Barème</b>	<b>On demande de répondre dans l'espace vide laissé sous les questions :</b>
---------------	--

0.5pt	Quelle sera la durée de la note synthétisée ?
	$T = 3$ (secondes)
0.5pt	Quelle sera la fréquence de la note synthétisée ?
	Il y a trois fréquences dans le spectre, multiples de $f_1$ , c'est donc la fréquence du signal, soit $f_1 = 440 \text{ Hz}$
0.5pt	Tracer l'enveloppe de la note synthétisée entre les instants 0 et $T$
	
0.5pt	Tracer le spectre d'amplitude de la note obtenue entre les fréquences 0 et $f_e/2$
	
0.5pt	Que réalise la dernière instruction du script ?
	note= s.*env; % multiplie composante par composante les vecteurs s et env, qui doivent être de dimensions identiques cette instruction applique l'enveloppe env, au signal s, le résultat est dans le vecteur note
0.5pt	Comment programmer la dernière instruction sous la forme d'une boucle 'for' ?
	<pre>note=zeros(size(s) ; for n=[1 :1 :length(s)]     note(n)=env(n)*s(n) ; end</pre>
1pt	Tracer l'allure du chronogramme de la note obtenue
	

## V. Exercice : transformée de Fourier discrète

D'après le cours, le spectre d'amplitude du signal  $x(n/f_e) = 1, n = 0 \dots 31, f_e = 8000 \text{ Hz}$  est

$$X(f) = \left| \frac{\sin(32\pi f / f_e)}{\sin(\pi f / f_e)} \right| = \left| \sum_{n=0}^{31} e^{-2i\pi n f / f_e} \right|, f \text{ est la fréquence (en Hz)}. \text{ On demande :}$$

<b>Barème</b>	<b>On demande de répondre dans l'espace vide laissé sous les questions :</b>
<b>0.5pt</b>	<b>D'établir que la périodicité de <math>X(f)</math> vaut <math>f_e</math></b>
	<b>Il suffit de comparer <math>X(f)</math> et <math>X(f + k f_e)</math>. Ces deux quantités sont égales si <math>k</math> est un entier relatif, car <math>\sin(\pi \times (f + k f_e) / f_e) = \sin(k\pi + \pi f / f_e) = \sin(\pi f / f_e)</math>  <math>f_e</math> est donc la période <math>X(f)</math></b>
<b>0.5pt</b>	<b>prouver que <math>X(0) = 32</math></b>
	<b>On peut utiliser soit les propriétés du sinus cardinal, <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(32x)}{\sin(x)}</math></b>
<b>0.5pt</b>	<b>calculer <math>\sin(32\pi f / f_e)</math> pour les fréquences <math>f_k = k f_e / 32, k</math> entier, <math>k = 0 \dots 31</math></b>
	$\sin(32\pi k f_e / (32 f_e)) = \sin(k\pi) = 0$
<b>0.5pt</b>	<b>représenter l'allure de <math>X(f)</math> entre les fréquences <math>f = 0</math> et <math>f = f_e</math>.</b>
	
<b>0.5pt</b>	<b>tracer <math>X(f_k) = X_k</math>, avec <math>f_k = k f_e / 32, k = 0 \dots 31</math>, entre <math>f = 0</math> et <math>f = f_e</math>.</b>
	
<b>0.5pt</b>	<b>retrouver l'amplitude, la fréquence et la taille de <math>x(n/f_e)</math> à partir des <math>X(f_k)</math></b>
	<b>L'amplitude de <math>x</math>, c'est <math>X(0)/32 = 1</math></b> <b>La fréquence, c'est <math>f = 0</math></b> <b>Et la taille c'est la nombre de valeurs <math>X_k</math> calculées, soit 32</b>