

Tableau de bord / Mes cours / EIIN511B - ECUE Informatique theorique 1 / Logique ou pas

/ Training : preuves en calcul des prédicats

**Commencé le** mardi 19 octobre 2021, 14:45

**État** Terminé

**Terminé le** mardi 26 octobre 2021, 14:22

**Temps mis** 6 jours 23 heures

**Note** Pas encore évalué

### Question 1

Correct

Note de 1,00 sur 1,00

Soit la formule suivante où  $x_1, x_2, x_3$  et  $x_4$  sont des variables et  $P$  (arité 1),  $Q$  (arité 2) et  $R$  (arité 2) sont des prédicats:

$$\varphi_1 = \exists x_1 ( \neg P(x_1) \Rightarrow \{ \forall x_2 [ ( \exists x_3 \neg Q(x_2, x_3) ) \Rightarrow \exists x_4 R(x_1, x_4) ] \} )$$

Quelle(s) formule(s) correspond(ent) à une mise sous forme prénexe de  $\varphi_1$  :

- ☒  $\exists x_1 \forall x_2 \forall x_3 \exists x_4 ( P(x_1) \vee \{ Q(x_2, x_3) \vee R(x_1, x_4) \} )$  ✓
- ☐  $\exists x_1 \forall x_2 \exists x_3 \exists x_4 ( P(x_1) \vee \{ Q(x_2, x_3) \vee R(x_1, x_4) \} )$
- ☐ aucune des autres réponses proposées
- ☐  $\exists x_1 \forall x_2 \exists x_3 \exists x_4 ( \neg P(x_1) \Rightarrow \{ \neg Q(x_2, x_3) \Rightarrow R(x_1, x_4) \} )$
- ☐  $\exists x_1 \forall x_2 \forall x_3 \forall x_4 ( P(x_1) \vee \{ Q(x_2, x_3) \vee \neg R(x_1, x_4) \} )$

Votre réponse est correcte.

Correct

Note pour cet envoi : 1,00/1,00.

## Question 2

Correct

Note de 1,00 sur 1,00

Soit la formule suivante où  $x_2, x_3$  et  $x_4$  sont des variables et  $P$  (arité 1),  $Q$  (arité 2) et  $R$  (arité 2) sont des prédicats:

$$\varphi_1 = \exists x_1 ( \neg P(x_1) \Rightarrow \{ \forall x_2 [ ( \exists x_3 \neg Q(x_2, x_3) ) \Rightarrow \exists x_4 R(x_1, x_4) ] \} )$$

En supposant que  $a$  et  $b$  représentent des constantes,  $f$  et  $f'$  des fonctions d'arité 1 et  $g$  une fonction d'arité 2, quelle(s) formule(s) correspond(ent) à une mise sous forme de Skolem de  $\varphi_1$  :

(dans les formules suivantes, toutes les variables sont quantifiées universellement (quantificateur  $\forall$ ), et donc comme cela a été fait en TD, il n'y a pas de quantificateurs)

- ☐  $P(x_1) \vee Q(x_2, x_3) \vee R(a, g(x_2, x_3))$
- ☒  $P(a) \vee Q(x_2, x_3) \vee R(a, g(x_2, x_3))$  ✓
- ☐  $P(a) \vee Q(x_2, x_3) \vee \neg R(a, x_4)$
- ☐  $P(a) \vee \{ Q(x_2, f(x_2)) \vee R(a, g(x_2, x_3)) \}$
- ☐  $\neg P(a) \Rightarrow (\neg Q(x_2, b) \Rightarrow R(a, b))$
- ☐ aucune des autres réponses proposées
- ☐  $P(a) \vee Q(x_2, f(x_2)) \vee R(a, f'(x_2))$

Votre réponse est correcte.

Correct

Note pour cet envoi : 1,00/1,00.

## Question 3

Correct

Note de 1,00 sur 1,00

Dans cette question  $p$  est un prédicat d'arité 3,  $a$  est une constante,  $f$  et  $g$  sont des fonctions d'arité 1 et  $x, y, z$  et  $t$  sont des variables.

Sélectionner les affirmations exactes et elles seulement.

Veuillez choisir au moins une réponse :

- ☐ aucune des autres réponses n'est vraie
- ☒ Les deux atomes  $p(x, x, f(x))$  et  $p(y, y, f(z))$  sont unifiables ✓
- ☒ Les deux atomes  $p(a, a, f(x))$  et  $p(y, y, f(z))$  sont unifiables ✓
- ☒ Les deux atomes  $p(f(g(x)), x, x)$  et  $p(y, t, f(z))$  sont unifiables ✓
- ☐ Les deux atomes  $p(x, x, f(x))$  et  $p(y, f(y), z)$  sont unifiables
- ☐ Les deux atomes  $p(a, x, f(x))$  et  $p(y, y, y)$  sont unifiables

Votre réponse est correcte.

Correct

Note pour cet envoi : 1,00/1,00.

## Question 4

Correct

Note de 1,00 sur 1,00

Dans cette question  $p$  est un prédicat d'arité 3,  $a$  et  $b$  sont des constantes,  $f$  et  $g$  sont des fonctions d'arité 1 et  $x$ ,  $y$  et  $z$  sont des variables.

Sélectionner les affirmations exactes et elles seulement.

Veillez choisir au moins une réponse :

- ☐ aucune des autres réponses n'est vraie
- ☐ Les deux atomes  $p(f(g(x)), b, x)$  et  $p(y, a, z)$  sont unifiables
- ☐ Les deux atomes  $p(x, x, f(x))$  et  $p(y, f(z), z)$  sont unifiables
- ☒ Les deux atomes  $p(x, x, f(x))$  et  $p(z, f(a), f(f(y)))$  sont unifiables ✓
- ☒ Les deux atomes  $p(a, b, f(x))$  et  $p(x, y, f(z))$  sont unifiables ✓
- ☒ Les deux atomes  $p(x, x, f(x))$  et  $p(b, y, f(y))$  sont unifiables ✓

Votre réponse est correcte.

Correct

Note pour cet envoi : 1,00/1,00.

## Question 5

Correct

Note de 1,00 sur 1,00

Dans cette question  $p$  est un prédicat d'arité 3,  $f$  et  $g$  sont des fonctions d'arité 1,  $h$  est une fonction d'arité 2,  $a$ ,  $b$  et  $c$  sont des constantes,  $x$ ,  $y$ ,  $z$ ,  $t$ ,  $u$ ,  $v$  sont des variables.

Cochez toutes les réponses exactes et elles seules.

Veillez choisir au moins une réponse :

- ☐ aucune autre réponse n'est exacte
- ☒ Les deux atomes  $p(x, y, z)$  et  $p(y, z, x)$  sont unifiables ✓
- ☐ Les deux atomes  $p(f(x), x, x)$  et  $p(g(y), y, y)$  sont unifiables
- ☒ Les deux atomes  $p(h(f(a), g(b)), f(g(c)), h(a, b))$  et  $p(x, y, z)$  sont unifiables ✓
- ☐ Les deux atomes  $p(x, y, x)$  et  $p(a, b, c)$  sont unifiables
- ☒ Les deux atomes  $p(h(f(x), g(x)), y, z)$  et  $p(h(y, z), f(a), g(a))$  sont unifiables ✓

Votre réponse est correcte.

Correct

Note pour cet envoi : 1,00/1,00.

## Question 6

Correct

Note de 1,00 sur 1,00

Soit la formule suivante, où  $P$  représente un prédicat d'arité 1 ;

$$\varphi_3 = \exists x P(x) \wedge \exists y \neg P(y)$$

Si on met  $\varphi_3$  sous forme de Skolem, avec  $a$  et  $b$  qui représentent des constantes, et  $f$  qui représente une fonction d'arité 1, on obtient :

Veuillez choisir une réponse :

- ☐  $P(a) \wedge \neg P(a)$
- ☐  $P(a) \wedge \neg P(f(x))$
- ☐  $P(a) \wedge \neg P(f(a))$
- ☐ aucune des autres réponses
- ☒  $P(a) \wedge \neg P(b)$  ✓

Votre réponse est correcte.

Correct

Note pour cet envoi : 1,00/1,00.

## Question 7

Terminer

Noté sur 1,00

Montrer par résolution que :

$$(\forall x P(x)) \Rightarrow (\exists x P(x))$$

Écrire la réponse ci-dessous, vous pouvez utiliser des copier/coller pour le symboles :

$\forall \exists \Rightarrow \vee \neg$

Écrire la réponse ci-dessous, vous pouvez utiliser des copier/coller pour le symboles :

$\forall \exists \Rightarrow \vee \neg$

Soit on montre que la négation de  $(\forall x P(x)) \Rightarrow (\exists x P(x))$  conduit à une contradiction.

Soit, ce qui revient au même, on montre que de l'hypothèse  $(\forall x P(x))$  on déduit le résultat  $(\exists x P(x))$ .

Quel que soit le choix fait, on obtient les 2 clauses :

$P(x)$

$\neg P(y)$

Et on unifie  $x$  en  $y$  (ou  $y$  en  $x$ ), et on déduit la clause vide.

## Question 8

Non répondue

Noté sur 1,00

On a les hypothèses :

$$\forall x [ P(x) \Rightarrow (S(x) \vee T(x)) ]$$

$$\forall x ( P(x) \vee S(x) )$$

$$\neg S(a)$$

Peut on en déduire par résolution  $T(a)$  ?

Écrire la réponse ci-dessous, vous pouvez utiliser des copier/coller pour le symboles  $\Rightarrow$ ,  $\vee$  et  $\neg$ .

On obtient les 4 clauses :

$$\neg P(x) \vee S(x) \vee T(x)$$

$$P(x) \vee S(x)$$

$$\neg S(a)$$

$$\neg T(a)$$

$$\neg P(x) \vee S(x) \vee T(x) \text{ et } \neg S(a) \text{ donne : } \neg P(a) \vee T(a)$$

$$P(x) \vee S(x) \text{ et } \neg S(a) \text{ donne : } P(a)$$

$$\neg P(a) \vee T(a) \text{ et } P(a) \text{ donne : } T(a)$$

$$T(a) \text{ et } \neg T(a) \text{ donne : clause vide}$$

