Plan

Hachage, Signatures et Certification

Bruno MARTIN. Université Côte d'Azur

- Machage
 - Paradoxe des anniversaires
 - Construction de Merkle-Damgård
 - Construction en éponge
 - Utilité des fonctions de hachage
- - par RSA
 - par El Gamal

Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur Hachage

Hachage, Signatures et Certification

Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur

Hachage

Hachage, Signatures et Certification

Classification

Conditions à satisfaire

- MDC ou MIC (message integrity code) à IV=0
 - fonctions de hachage à sens unique (OWHF)
 - fonctions de hachage résistantes aux collisions (CRHF)
- MAC
 - assure authentification et intégrité
 - IV≠0

Une fonction de hachage h calcule

$$z = h(x)$$

où x message de taille arbitraire et z empreinte de taille fixe. h à sens unique (OW), i.e.

- h(x) rapide à calculer à partir de x
- z difficile à inverser.

Résistance aux collisions

collision: 2 mots $x \neq x'$ tels que h(x) = h(x') = z. h vérifie

- **préimage-résistance** si, donné h, z, il est difficile de trouver un x tq h(x) = z
- **2**^e **préimage-résistance** si, donnés h, x, il est difficile de trouver x' tq $x \neq x'$ et h(x) = h(x')
- résistance aux collisions si donné h il est difficile de calculer la moindre collision (x, x').

Difficile = sécurité calculatoire (sait-on faire mieux?) Relations entre les propriétes de résistance :

- **1** résistance aux collisions \Rightarrow 2^e préimage-résistance
- 2 résistance aux collisions ne garantit pas la préimage résistance

Formalisation d'une fonction de hachage

Définition

Une fonction de hachage Π est la donnée de 2 algos PPT (Gen, h) qui satisfont :

- Gen est un algo PPT reçevant 1^n et produisant s utile pour choisir une fonction de hachage au sein d'une famille
- $\exists \ell$ polynôme tq h_s sur l'entrée $x \in \{0,1\}^*$ fournit $h_s(x) \in \{0,1\}^{\ell(n)}$ où n est la valeur du paramètre de sécurité implicite dans s

Si h_s n'est définie que pour des entrée $x \in \{0,1\}^{\ell'(n)}$ pour $\ell'(n) > \ell(n)$, (Gen, h) est une fonction de hachage à longueur fixée sur des entrées de taille $\ell'(n)$ (fonction de compression).

Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur

Hachage Signatures Certification Hachage, Signatures et Certification Paradoxe des anniversaires Construction de Merkle-Damgård

Construction de Merkle-Damgår Construction en éponge Utilité des fonctions de hachage Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur

Hachage Signatures Certification Hachage, Signatures et Certification

Paradoxe des anniversaires Construction de Merkle-Damgård Construction en éponge Utilité des fonctions de hachage

Formalisation de la sécurité

Formalisation de la résistance aux collisions

Définition (Expérience de recherche de collisions Hash-coll_{A, Π}(n))

- Engendrer s par $Gen(1^n)$
- ② l'adversaire A reçoit s et construit x, x'. Si Π est une fonction de compression d'entrées de taille $\ell'(n), x, x' \in \{0, 1\}^{\ell'(n)}$
- 3 la sortie de l'expérience est 1 ssi $x \neq x'$ et $h_s(x) = h_s(x')$. Dans ce cas, A a trouvé une collision.

Définition

Une fonction de hachage $\Pi = (Gen,h)$ est résistante aux collisions si pour tout adversaire A PPT, il existe une fonction negl tq

$$Pr(Hash-coll_{A,\Pi}(n)=1) \leq negl(n)$$

C'est la plus forte condition de sécurité qu'on puisse demander à une fonction de hachage.

Modèle de l'oracle aléatoire

Boîte noire déterministe H qui, sur l'entrée x, engendre une sortie aléatoires y et qui fonctionne comme une fonction à sens unique.

Définition

Un oracle aléatoire RO prend en entrée un mot binaire de longueur arbitraire et retourne une suite aléatoire infinie (ou tronquée).

Permet de construire une fonction de hachage CR. La probabilité de succès de tout adversaire A PPT dans l'expérience suivante est négligeable :

- on choisit une fonction aléatoire H
- ② A réussit s'il trouve $x \neq x'$ tel que H(x) = H(x')

Modèle abstrait qui permet de construire des preuves de sécurité et qui a donné pratiquement de bons résultats.

Attaques

- contre MDC :
 - OWHF : donné z, trouver x tq h(x) = z.
 - CRHF: trouver deux entrées $x \neq x'$ to h(x) = h(x') (attaque des anniversaires).
- contre MAC :
 - sans connaître k, donnés $(x_i, h(x_i))$, calculer $x, h_k(x), x \neq x_i$
 - KPA, CPA, ...
 - falsification sélective et existentielle

(beaucoup plus de résultats de sécurité prouvée)

Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur
Hachage
Signatures
Certification

Hachage, Signatures et Certification

Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur

Hachage Certification

Hachage, Signatures et Certification

Objectifs de sécurité

Type de H	Conception	sécurité	Adversaire
OWHF	préimage-res	2 ⁿ	trouve préimage
	2-préimage-res	2 ⁿ	trouve 2e préimage
CRHF	rés. collisions	$2^{n/2}$	trouve collision
MAC	key recovery	$2^{\sharp k}$	trouve clé MAC
	sécurité calc.	$\min\{2^n, 2^{\sharp(k)}\}$	trouve nouv. MAC.

n : taille empreinte $\sharp k$: taille clé (IV)

Quelques attaques de base

- tentatives répétées : une fonction de hachage de long. n a une robustesse idéale si elle satisfait les bornes sup. de OWHF et **CRHF**
- recherche exhaustive de clé MAC (KPA) demande $2^{\sharp k}$ opérations
- deviner MAC demande 2ⁿ opérations
- précalcul d'empreintes http://gdataonline.com/ (fini)
- parallélisation pour 2^e préimage

Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur

Attaque par force brute

En O(|D|) sur $h: \{0,1\}^k \times D \to \{0,1\}^n$ tq $(D,<) = (D_1, \dots D_d)$.

Algorithme

$$x_1 \stackrel{\mathcal{U}}{\leftarrow} D$$
; $y := h_k(x_1)$
pour $i := 1 \dots d$ faire
si $(h_k(D_i) = y \land x_1 \neq D_i)$ alors
retourne x_1, D_i
fsi
retourne echec

Paradoxe des anniversaires

Donnée: $B = (b_1, ..., b_k) \in \{1, 2, ..., n\}^k$.

Problème : Proba p qu'il existe au moins 2 élts identiques de B?

$$1 - p = q = 1\left(1 - \frac{1}{n}\right)\left(1 - \frac{2}{n}\right)\dots\left(1 - \frac{k-1}{n}\right) = \prod_{i=1}^{k-1}\left(1 - \frac{i}{n}\right)$$

1 proba de tirer b_1 ; $(1-\frac{1}{n})$ proba de tirer $b_2 \neq b_1$ car $P(b_2=b_1)=\frac{1}{n}$; $(1-\frac{i}{n})$ proba de tirer $b_i \neq b_1, \ldots, b_{i-1}$

Comme $1-x \le e^{-x}: q \le \prod_{i=1}^{k-1} e^{-\frac{i}{n}} = e^{-\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{k-1} i} = e^{-\frac{(k-1)k}{2n}}.$

Passage au logarithme : $2n \ln q = -(k-1)k \Leftrightarrow 2n \ln \frac{1}{q} \propto k^2$

Pour $p > \frac{1}{2}$, $k \ge \sqrt{2n \ln 2}$ et $k \propto O(\sqrt{n})$ car $\sqrt{2 \ln 2} = 1, 17$

Exemple : n = 365, k = 23 personnes. (n = 12, k = 5).

Utilité : dimensionner la longueur *n* de l'empreinte d'une fonction de hachage pour éviter les collisions.

Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur

Hachage Certification

Hachage, Signatures et Certification Paradoxe des anniversaires

Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur

Fonctions de hachage efficaces

Hachage Certification

Hachage, Signatures et Certification Paradoxe des anniversaires

Attaque basée sur le paradoxe de $h: \{0,1\}^* \to \{0,1\}^n$

Calculer et trier des couples (x, h(x)) pour détecter des collisions. Combien de couples pour en trouver 2 identiques parmi 2^n à p > 1/2? Hyp: les images par h suivent une distribution uniforme. Pour k entrées on a p>1/2 d'avoir une collision avec $k \propto O(\sqrt{2^n}) \approx 2^{\frac{n}{2}}$

En calculant $> 2^{n/2}$ empreintes, on a une collision avec proba > 1/2. Pour que h soit CR, on choisit n pour que le calcul de $2^{n/2}$ images par h soit irréaliste. A ce jour, n > 128 voire même n > 160.

Les plus courantes :

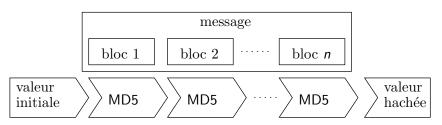
nom	bits	tours×étapes	vitesse relative
MD5	128	4×16	1
SHA	160	4×20	0,28
SHA 3	256	24	0,25

A quoi servent-elles et comment sont-elles construites?

Hachage par compression (Merkle-Damgård)

Construire une fonction de hachage cryptographique

Dans la plupart des algos, on découpe x en n blocs et on effectue :



Partir d'un chiffre symétrique e_k , construire une fonction de compression:

$$g: \{0,1\}^m \to \{0,1\}^n$$
 pour $m, n \in \mathbb{N}$, $m > n$

Etendre la fonction de compression en fonction de hachage :

$$h: \{0,1\}^{\star} \rightarrow \{0,1\}^n$$
 pour $n \in \mathbb{N}$

Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur

Hachage Certification Hachage, Signatures et Certification Paradoxe des anniversaires

Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur

Hachage

Hachage, Signatures et Certification

Construction de Merkle-Damgård

Construction d'une fonction de compression

A partir de $e_k : \{0,1\}^n \times \{0,1\}^n \to \{0,1\}^n$ on construit une fonction de compression

$$g: \{0,1\}^n \times \{0,1\}^n \to \{0,1\}^n$$
 pour $n \in \mathbb{N}$

Le chiffre est utilisée soit directement s'il est résistant aux collisions soit en le « perturbant » un peu plus comme p.e.

$$g(k,x) = e_k(x) \oplus x$$

$$g(k,x) = e_k(x) \oplus x \oplus k$$

$$g(k,x) = e_k(x \oplus k) \oplus x$$

$$g(k,x) = e_k(x \oplus k) \oplus x \oplus k$$

Construction d'une fonction de hachage (Merkle-Damgård)

Soit r = m - n > 1. On construit $h: \{0,1\}^* \to \{0,1\}^n$ à partir de $g: \{0,1\}^m \to \{0,1\}^n \text{ (compression)}.$

Soit $x \in \{0,1\}^*$ et ℓ sa longueur en binaire.

- compléter x avec des "0" : $u = 0^i x$ t.g. $|u| \equiv 0 \mod r$
- compléter ℓ avec des "0" : $y = 0^{j} \ell$ t.g. $|y| \equiv 0 \mod r 1$
- découper y en blocs de r-1 bits et ajouter un "1" au début de chacun des blocs pour former le mot v
- construire $w = u0^r v$ composé de t blocs de longueur r.

Exemple

$$r = 4$$
, $x = 11101$, $\ell = 101$. On forme $u = \mathbf{000}11101$, $v = \mathbf{1}101$.

$$w = 0001 \, 1101 \, 0000 \, 1101 = w_1 \, w_2 \, w_3 \, w_4 \, (t = 4)$$

H déf. inductive : $H_0 = 0^n$; $H_i = g(H_{i-1}w_i)$, 1 < i < t, $h(x) = H_t$

Construction en éponge

Nouvelle construction (2007) d'une fonction de hachage [1] qui permet des preuves de sécurité.

F calcule une empreinte de taille fixée sur une entrée P de longueur qcq.

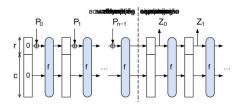


Figure – construction en éponge image Wikipedia

Etat interne de <u>largeur</u> b = r + c bits; de <u>débit</u> r et de <u>capacité</u> c. f permute b bits et conçue algébriquement comme la boîte S de AES.

Construction en éponge

L'entrée est complétée avec une règle de bourrage réversible et découpée en blocs de r bits (P_0, P_1, \ldots) . Les b bits de l'état sont initialisés à 0 et on applique les 2 étapes de la construction :

absorption : blocs d'entrée XOR avec les r bits de l'état puis mélangés par f. Une fois les blocs absorbés :

essorage : les r premiers bits de l'état sont extraits et servent de sortie avant un mélange par f. Le nombre de blocs de sortie est fixé par l'utilisateur.

Les *c* derniers bits de l'état ne sont jamais affectés directement par l'entrée et ne produisent jamais de sortie.

Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur Hachage Signatures Certification

Hachage, Signatures et Certification Paradoxe des anniversaires Construction de Merkle-Damgård Construction en éponge Utilité des fonctions de hachage Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur

Hachage Signatures Certification Hachage, Signatures et Certification Paradoxe des anniversaires Construction de Merkle-Damgård Construction en éponge Utilité des fonctions de hachage

Règle de bourrage

 $P = M \mid |pad[x](\sharp M)|$ dénote le bourrage de M à la taille x

Définition

Une règle de bourrage est compatible si elle ne retourne jamais le mot vide et si elle satisfait :

$$\forall n \geq 0, M, M' \in \mathbb{Z}_2^{\star} : M \neq M' \Rightarrow$$
 $M \mid\mid pad[r](\sharp M) \neq M' \mid\mid pad[r](\sharp M') \mid\mid 0^{nr}$

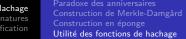
Exemples de règles de bourrage compatibles :

- bourrage simple qui ajoute à droite 10*
- bourage multi-débit qui ajoute à droite 10*1

pour obtenir un multiple de la taille des blocs

Plan

- 1 Hachage
 - Paradoxe des anniversaires
 - Construction de Merkle-Damgård
 - Construction en éponge
 - Utilité des fonctions de hachage
- 2 Signatures
 - par RSA
 - par El Gamal
- Certification



Hachage

Utilité des fonctions de hachage

Utilisation

Vérification de mots de passe

Identification & authentification

- mécanisme de base dans les protocoles cryptographiques
- outil essentiel pour des applications
 - cryptographiques
 - et autres...
 - dont les preuves de travail pour les cryptomonnaies,...

- mdp de A est p et le serveur mémorise $\overline{p} = h(p)$
- $A \rightarrow B$: p sur canal sûr; B vérifie $h(p) = \overline{p}$

sûr tq Eve qui obtiendrait \overline{p} ne peut retrouver p (OWHF) attaques possibles par dictionnaire.

Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur	Hachage, Signatures et Certification	25	Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur	Hachage, Signatures et Certification	26
Hachage Signatures Certification	Paradoxe des anniversaires Construction de Merkle-Damgård Construction en éponge Utilité des fonctions de hachage		Hachage Signatures Certification	Paradoxe des anniversaires Construction de Merkle-Damgård Construction en éponge Utilité des fonctions de hachage	

Comparaison par hachage

- A (resp. B) possède un grand fichier F_A (resp. F_B)
- ils veulent savoir si $F_A = F_B$
- $A \rightarrow B$: $h(F_A)$ et B teste $h(F_A) = h(F_B)$

identification affirmation de l'identité d'une entité au moyen de son identifiant. (Je suis Bruno)

authentification procédé de vérification de l'identité d'une entité. (Je suis Bruno et en voici la preuve)

L'identification permet de connaître l'identité d'une entité et l'authentification de vérifier cette identité.

Mots de passe jetables de Lamport [3]

Application du hachage pour le service de contrôle d'accès. Accès distant : identification par login/ mot de passe. Un pirate peut découvrir le mdp de l'utilisateur de 3 manières :

- en accédant aux informations contenues au sein du système, pe en accédant au fichier des mots de passe;
- en interceptant l'envoi du mot de passe par l'utilisateur par l'espionnage de la ligne de connexion ou par un programme d'espionnage sur l'ordinateur de l'utilisateur;
- par la divulgation du mot de passe de l'utilisateur si ce dernier a choisi un mot de passe facile à deviner.

- conserver les mots de passe chiffrés. C'est ce qui est réalisé à l'heure actuelle dans la plupart des systèmes.
- ne pas utiliser un unique mot de passe mais une suite de mots de passe. Méthode utilisée dans les systèmes à mot de passe jetables (OTP : One time passwords) comme S/Key, Opie,... au moyen d'une fonction de hachage cryptographique.
- De plus en plus appel à des systèmes biométriques (empreintes vocales, digitales ou rétiniennes).

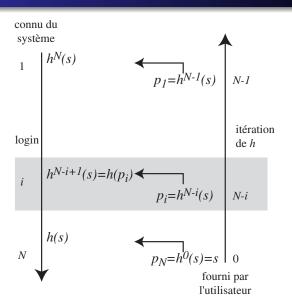
Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur Hachage Signatures

Hachage, Signatures et Certification Paradoxe des anniversaires Construction de Merkle-Damgård Construction en éponge Utilité des fonctions de hachage Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur

Hachage Signatures Certification Hachage, Signatures et Certification
Paradoxe des anniversaires
Construction de Merkle-Damgård
Construction en éponge

Utilité des fonctions de hachage

Fonctionnement des OTP



Fonctionnement des OTP

Remèdes

On fixe N nombre maximal de connexions et s secret initial. Le système et l'utilisateur partagent soit une fonction à sens unique soit une fonction de hachage cryptographique h. Le i^e mot de passe p_i est $h^{N-i}(s)$. La suite des N mots de passe d

Le i^e mot de passe p_i est $h^{N-i}(s)$. La suite des N mots de passe de connexion fournis par l'utilisateur est :

$$h^{N-1}(s), h^{N-2}(s), \ldots, h(h(h(s))), h(h(s)), h(s), s$$

et celle du système pour identifier l'utilisateur par :

$$h^{N}(s), h^{N-1}(s), \ldots, h(h(h(s))), h(h(s)), h(s)$$

29

Hachage Signatures Certification Paradoxe des anniversaires Construction de Merkle-Damgård Construction en éponge Utilité des fonctions de hachage

Hachage Signatures Certification Paradoxe des anniversaires Construction de Merkle-Damgåre Construction en éponge Utilité des fonctions de hachage

Fonctionnement des OTP

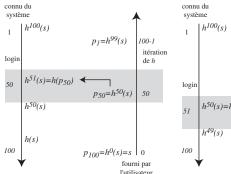
Connexion i/N; connus du système : h^{N-i+1} et i n° de connexion.

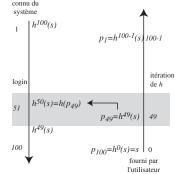
Demande de connexion • Système envoie un <u>défi</u> : numéro de connexion, *i*

• utilisateur utilise h en fonction de s, N et i: calcule $p_i = h^{N-i}(s)$ et le transmet au système

Vérification système reçoit $p_i = h^{N-i}(s)$, calcule $h(p_i) = h(h^{N-i}(s)) = h^{N-i+1}$ qu'il connaît. S'il y a égalité, il accepte la connexion et mémorise la valeur p_i reçue de l'utilisateur pour la prochaine connexion.

Chaque mdp est la valeur requise par le système pour la connexion suivante.





Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur

Hachage
Signatures

Hachage, Signatures et Certification Paradoxe des anniversaires Construction de Merkle-Damgård Construction en éponge Utilité des fonctions de hachage Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur

Deux connexions consecutives

Hachage Signatures Certification Hachage, Signatures et Certification Paradoxe des anniversaires Construction de Merkle-Damgård Construction en éponge Utilité des fonctions de hachage

Et maintenant?

Avenir du hachage :

• MD5 : no future

• SHA-0 : collisions touvées

SHA-1; recherche collisions en 2⁶⁹; boincstats (over).
 Premières collisions construites en 2017 requièrent 1 siècle
 GPU mais plus rapide qu'une recherche exhaustive d'un facteur 100000

Et maintenant – suite –?

- NIST: nouveau concours pour fonctions de hachage http://csrc.nist.gov/groups/ST/hash/index.html; paramètres demandés (deadline était 20081031!):
 - conception : famille de fns, sorties de 224, 256, 384, 512 bits
 - compatible avec les standards cryptographiques
 - sécurité : CR, OW, autres critères de résistance
 - efficace : au moins aussi rapide que SHA-256
- SHA-3 : gagnant : Keccak; connu depuis le 2 octobre 2012. Utilise la construction en éponge
 - empreinte de taille variable SHA3-384, SHA3-512,...
 - effet avalanche : 1 bit d'entrée changé modifie en moyenne 50% de la sortie
 - atteint les bornes supérieures de sécurité

34

Objectifs des PKI

- confidentialité : message chiffré doit rester secret.
- authentification : assurance de l'authenticité (expéditeur/origine)
- identification : déclaration de son identité
- intégrité : message n'a pas été altéré durant la transmission
- non répudiation : l'expéditeur ne peut nier l'envoi du message

Techniques utilisées

- signature : moyen d'associer l'expéditeur à un message
- certificat : attestation (d'un tiers) confirmant une affirmation (d'identité)
- tiers de confiance : autorité qui délivre les certificats

Hachage

Signatures

• estampillage : ajout dates ou jetons → unicité du message

Où se tenir au courant?

Tous les standards sont enregistrés dans les PKCS ¹ qui se trouvent à https://arxiv.org/abs/1207.5446

These standards cover RSA encryption. Diffie-Hellman key agreement, password-based encryption, extendedcertificate syntax, cryptographic message syntax, privatekey information syntax, and certification request syntax, as well as selected attributes.

1. Public Key Cryptographic Standards

Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur Hachage Signatures

Hachage, Signatures et Certification

Signatures

But traditionnel de la crypto : assurer la confidentialité.

Autre application : les signatures introduites par Diffie et Hellman.

par RSA

par El Gamal

But des signatures : garantir intégrité et authentification.

Signature dépend de l'id. du signataire et du contenu du message.

Signature empêche deux types de fraudes :

Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur

- la falsification de la signature par le destinataire;
- la non-reconnaissance du message par l'expéditeur.

Utilisation électronique légale depuis la loi 2000-230 du 13/3/2000 Art.3 :L'écrit sur support électronique a la même force probante que l'écrit sur support papier

Cahier des charges

Le cahier des charges d'une signature $\Sigma(m)$ est :

- elle doit être calculable par le signataire pour tout message m;
- tout individu (surtout le destinataire) peut la vérifier;
- elle doit être impossible à falsifier;
- l'expéditeur ne doit pouvoir affirmer que sa signature a été imitée.

Hachage, Signatures et Certification

Mécanisme général de signature Σ

Une signature est composée de 3 algos PPT :

- génération de clés noté **gen** (pk, sk) fonction de 1^n
- signature (privée) noté sig qui, pour une clé fixée sk, retourne une signature s pour un clair m;

$$sig_{sk}(m) = s$$

• vérification (déterministe et publique) noté ver qui, à une clé fixée pk et pour tout couple clair/signature (m, s) va vérifier si la signature correspond bien au clair.

$$\operatorname{ver}_{pk}(m,s) = \left\{ egin{array}{l} \operatorname{vrai} \operatorname{si} s = \operatorname{sig}_{sk}(m) \\ \operatorname{faux} \operatorname{si} s
eq \operatorname{sig}_{sk}(m) \end{array} \right.$$

Expérience Sig-forge_{A, Σ}(n)

Formalise l'attaque du faussaire (Adversaire change *m* et calcule une signature valide en usurpant l'identité de Bob).

L'expérience Sig-forge_{A, Σ}(n):

- Gen (1^n) produit (pk, sk)
- 2 A reçoit pk et l'accès à un oracle $\operatorname{Sig}_{sk}(.)^2$. A renvoie (m, s). Soit Q l'ensemble des messages pour lesquels A a eu recours à l'oracle
- A réussit l'expérience (i.e. renvoie 1) ssi
 - $\operatorname{ver}_{pk}(m,s) = 1$ et
 - m ∉ Q

2. l'oracle fournit $sig_{sk}(m)$ à tout m choisi par A

Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur Signatures

Hachage, Signatures et Certification

Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur

Signatures

Hachage, Signatures et Certification par RSA

Sécurité des signatures Sig-forge_{A,\(\nabla\)} (n)

Signer avec RSA

Bob désire envoyer un message M signé à Alice. Paramètres RSA :

	Privés	Publics	
Alice	d_A	n_A, e_A	
Bob	d_B	n_B, e_B	

Procédé de signature :

$$\operatorname{sig}_{sk}(M) = M^{d_B} \mod n_B = S$$

Vérification:

$$\operatorname{\mathsf{ver}}_{pk}(M,S) = \operatorname{\mathsf{vrai}} \Leftrightarrow S^{e_B} \mod n_B \equiv M$$

Définition

Un mécanisme de signature Σ est existentiellement infalsifiable pour une attaque adaptative à messages choisis si pour tout adversaire A PPT, il existe negl tq :

$$Pr(Sig\text{-}forge_{A,\Sigma}(n) = 1) \leq negl(n)$$

Exemple d'envoi d'un message secret signé (RSAKE)

Falsification sans message

d'une authentification par défi?

Comment Bob peut-il envoyer à Alice un message secret signé? Fonctions de chiffrement et de déchiffrement d'Alice et Bob :

	Privés	Publics
		$E_A(M) = M^{e_A} \mod n_A$
Bob	$D_B(C) = C^{d_B} \mod n_B$	$E_B(M) = M^{e_B} \mod n_B$

Bob envoie le message $C = E_A(D_B(M))$ Et Alice le déchiffre en $E_B(D_A(C))$ Pour cela, il faut que $M < n_B < n_A$.

Faussaire reçoit pk = (n, e), choisit $s \in \mathbb{Z}_n^*$ calcule $m := s^e \mod n$ (m, s) valide qui n'a pas été signé par le propriétaire de sk!Faussaire n'a pas le choix de m mais... que se passe-t-il dans le cas

Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur	Hachage, Signatures et Certification	45	Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur	Hachage, Signatures et Certification	46
Hachage Signatures Certification	par RSA par El Gamal		Hachage Signatures Certification	par RSA par El Gamal	
Falsification d'un message ch	noisi		C'est plus sûr en hachant!		

Si le faussaire obtient 2 signatures du propriétaire de sk il peut signer un message m de son choix :

- $m_1 \stackrel{u}{\leftarrow} \mathbb{Z}_n^{\star}$
- $m_2 := m.m_1^{-1} \mod n$
- obtient s_1 et s_2 , signatures de m_1 et m_2
- $s := s_1 s_2 \mod n$ signe m!

Vous acceptez de signer n'importe quoi?

Et vous savez si votre protocole favori signe ce qu'on lui présente?

- En remplaçant m par h(m), la signature par RSA devient plus sûre (hashed RSA signature scheme).
- Il faut h résistante aux collisions, sinon, on trouve $m_1 \neq m_2$ avec $h(m_1) = h(m_2)$ qui donnent les mêmes signatures.
- Les 2 attaques précédentes échouent (du fait de CR de h)
- Utilisé en pratique; sous certaines hypothèses, prouvé sûr avec SHA-1.

Signature par El Gamal

Soit p un nombre premier pour lequel DLP est difficile dans \mathbb{Z}_p^{\times} et α un générateur de \mathbb{Z}_p^{\times} . Le message $M \in \mathbb{Z}_p^{\times}$ et sa signature est $(M,S) \in \mathbb{Z}_p^{\times} \times \mathbb{Z}_p^{\times} \times \mathbb{Z}_{p-1}$. L'ensemble des clés est $K = \{(p, \alpha, a, \beta) : \beta = \alpha^a \mod p\}$

Secrets	Publics
а	p, α, β

On choisit $k \in \mathbb{Z}_{p-1}^{ imes}$ aléatoire et secret qui vérifie $\gcd(k,p-1)=1$ On définit une signature comme :

$$sig_K(M, k) = (\gamma, \delta)$$

pour

$$\gamma = \alpha^k \mod p$$
 $\delta = (M - a\gamma)k^{-1} \mod (p-1)$

Exemple

Soit p = 467 et a = 127. On a bien que gcd(a, p - 1) = 1. Soit $\alpha = 2$ un générateur de \mathbb{Z}_p^{\times} . On calcule

$$\beta = \alpha^a \mod p = 2^{127} \mod 467 = 132$$

Si Bob veut signer le message M=100 pour la valeur aléatoire k = 213 qui est tq gcd(k, p - 1) = 1, il calcule $k^{-1} \mod p - 1$ par Euclide étendu qui donne $k^{-1} = 431$ alors,

$$\gamma = \alpha^k \mod p = 2^{213} \mod 467 = 29$$

et

$$\delta = (M - a\gamma)k^{-1} \mod (p-1) = (100 - 127.29).431 \mod 466 = 51$$

Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur

Signatures

Hachage, Signatures et Certification

par El Gamal

Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur

Signatures

Hachage, Signatures et Certification

par El Gamal

Fonctionnement – Vérification

Pour $M, \gamma \in \mathbb{Z}_p^{\times}$ et $\delta \in \mathbb{Z}_{p-1}$, on définit

$$\operatorname{ver}_K(M, \gamma, \delta) = \operatorname{vrai} \Leftrightarrow \beta^{\gamma} \gamma^{\delta} \equiv \alpha^M \mod p$$

Si la signature est construite correctement, la vérification authentifie la signature car :

$$\beta^{\gamma} \gamma^{\delta} \equiv \alpha^{\mathsf{a}\gamma} \alpha^{\mathsf{k}\delta} \mod p$$
$$\equiv \alpha^{\mathsf{M}} \mod p$$

en utilisant le fait que $a\gamma + k\delta \equiv M \mod (p-1)$

Exemple

On vérifie la signature de (100, 29, 51) par $ver_K(M, \gamma, \delta) = vrai$:

$$\beta^{\gamma} \gamma^{\delta} \equiv \alpha^{M} \mod p \Leftrightarrow 132^{29} 29^{51} \equiv 2^{100} \mod p \equiv 189$$

Digital Signature Standard DSA – 1991

- Variante d'El Gamal qui diminue la taille de la signature.
- DSS-DSA proposé en 1991 par D.W. Kravitz (NSA); adopté en 1993.
- Un module de 512 bits d'El Gamal donne une signature de 1024 bits. DSA: avoir une signature plus courte.
- Par une astuce, DSA raccourcit les tailles en offrant une signature de 320 bits sur un message de 160 bits en impliquant un module de 512 bits. Astuce : travailler dans un sous-groupe de \mathbb{Z}_p^{\times} de taille 2^{160} .

Fonctionnement de DSS

Soit p un premier de 512 bits, q facteur premier de 160 bits de p-1 et α racine q^e primitive de 1 modulo p to DLP dans le sous-groupe engendré par α est difficile. Message $h(M) \in \mathbb{Z}_{p}^{\times}$; signature : $(h(M), S) \in \mathbb{Z}_p^{\times} \times \mathbb{Z}_q \times \mathbb{Z}_q$. L'ensemble des clés est $K = \{(p, q, \alpha, a, \beta) : \beta = \alpha^a \mod p\}$

Pr	ivé	Publics
	а	${m p},{m q},lpha,eta$

Choisir $1 < k \le q - 1$ aléatoire et secret ; la signature est :

$$\operatorname{sig}_K(h(M), k) = (\gamma, \delta)$$

pour

$$\gamma = \alpha^k \mod q$$
 $\delta = (h(M) + a\gamma)k^{-1} \mod q$

Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur

Signatures

Hachage, Signatures et Certification

par RSA par El Gamal

Exemple

On choisit q=101 et p=78q+1=7879. Une racine primitive de \mathbb{Z}_{7879} est 3 et on peut prendre

$$\alpha = 3^{78} \mod{7879} = 170$$

On suppose que a = 75, on a :

$$\beta = \alpha^a \mod{7879} = 4567$$

Bob souhaite signer M d'empreinte h(M) = 1234 et choisit comme valeur de k = 50. $k^{-1} \mod 101 = 99$. On a

$$\gamma = (170^{50} \mod 7879) \mod 101 = 2518 \mod 101 = 94$$

et

$$\delta = (1234 + 75.94)99 \mod 101 = 97$$

La signature du message d'empreinte 1234 est alors (94, 97)

Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur

Signatures

Hachage, Signatures et Certification par El Gamal

Vérification par DSS

Pour $h(M) \in \mathbb{Z}_p^{\times}$ et $\gamma, \delta \in \mathbb{Z}_q$, $\operatorname{ver}_K(h(M), \gamma, \delta) = \operatorname{vrai} \Leftrightarrow (\alpha^{e_1} \beta^{e_2})$ $\operatorname{mod} p) \operatorname{mod} q = \gamma$

$$\operatorname{pour} \left\{ \begin{array}{ll} e_1 & = & h(M)\delta^{-1} \mod q \\ e_2 & = & \gamma\delta^{-1} \mod q \end{array} \right.$$

NB : $\delta \not\equiv 0 \mod q$ car $\delta^{-1} \mod q$ est nécessaire à la vérification. Si on a $\delta \equiv 0 \mod q$, il faut choisir une nouvelle valeur de k.

Exemple

La signature de 1234 est (94,97); vérification :

$$\delta^{-1} = 97^{-1} \mod 101 = 25$$
 $e_1 = 1234.25 \mod 101 = 45; \quad e_2 = 94.25 \mod 101 = 27$
 $et (170^{45}4567^{27} \mod 7879) \mod 101 = 2518 \mod 101 = 94$

Inconvénient

Procédé plus lent que RSA d'un facteur compris entre 10 et 40. Générer des clés est plus rapide que pour RSA.

Autre inconvénient : clé de 512 bits trop petite. La taille des clés DSA passe à 1024 ou 2048 (et le sous-groupe à 224 ou 256 bits). La fonction de hachage est aussi en train de changer dans FIPS 186-3 qui devra utiliser SHA-224/256/384/512.

Plan

- 1 Hachage
 - Paradoxe des anniversaires
 - Construction de Merkle-Damgård
 - Construction en éponge
 - Utilité des fonctions de hachage
- 2 Signatures
 - par RSA
 - par El Gamal
- 3 Certification

Contenu d'un certificat (X.509)

Associe une clé publique à l'identité d'un sujet ; comprend :

- Subject : Nom Distingué, Clé publique
- Issuer : Nom Distingué, Signature
- Period of Validity : date de début, date de fin
- Administrative Information : version, numéro de série
- Extended Information :

où l'information « Nom Distingué » comprend les champs :

Common Name : nom à certifier	Bruno Martin
Organization— Company : contexte	UCA
 Organizational Unit : contexte spécifique 	I3S
• City/Locality : ville	Sophia Antipolis
• State/Province : pour US	PACA

• Country : code pays

Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur Hachage

Hachage, Signatures et Certification

Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur

Hachage, Signatures et Certification

fr

Politique d'utilisation par AC

L'autorité de certification spécifie les champs obligatoires et optionnels et impose évent. cond. de validité sur des champs

Exemple

Vérif. requiert que le champ **Common Name** d'un serveur corresponde au nom de domaine du serveur (univ-cotedazur.fr).

Le certificat délivré par AC garantit la relation (Identité, pk) en vérifiant que l'identité du détenteur de la biclé (pk,sk) correspond bien à celui inscrit dans le certificat.

L'AC s'en assure lors de la requête de certificat.

Si Alice requiert un certificat personnel, l'AC doit tout d'abord vérifier qu'Alice est bien la personne requérante.

Paradoxe

Comment connaît-on l'algorithme de vérification de l'autorité de certification ?

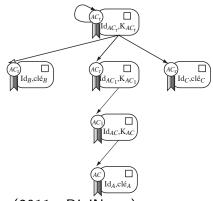
Quel est le modèle de confiance?

- confiance directe
- confiance hiérarchique X509 (le plus utilisé)
- toile de confiance PGP (web of trust)

Chaîne de certification (confiance hiérarchique)

Création d'une AC « racine »

Une AC peut aussi fournir un certificat à une autre AC. Bob remonte la chaîne de certification jusqu'à trouver une AC en qui il a confiance.



Mauvaise AC: attaques possibles (2011: DigiNotar)

Problème : il faut une AC « racine » qui ne peut se faire certifier. Son certificat est auto-délivré. L'autorité de certification est identique au sujet certifié.

La confiance repose dans une large distribution de la pk de l'AC. Les clients et les serveurs sont configurés pour faire confiance à certaines AC par défaut, comme CertiSign ou VeriSign. Ces sociétés proposent des techniques de gestion des certificats, des procédures de vérification de l'information, délivrent des certificats. Il est possible de se déclarer comme AC « racine », utile au sein d'un intranet, où la vérification de l'information est plus aisé. Observons que la librairie OpenSSL délègue la confiance à l'OS.

Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur Hachage Certification

Hachage, Signatures et Certification

Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur

Hachage, Signatures et Certification

Rupture dans la chaîne

Impossible de se connecter

réseau. Vérifiez les réglages du compte "ESSI" ou réessayez.

le certificat est accordé à "email.essi.fr". L'erreur était

Le certificat racine pour ce serveur n'a pas pu être vérifié.

passer pour "email.essi.fr", mettant en danger vos données confidentielles. Souhaltez-vous continuer?





Services de certification

Commercialisent, délivrent des certificats via procédure spécifique. Gèrent des liste de révocation des certificats :

Hachage

Certification

- liste des certificats corrompus ou invalides
- certificats cassés
- certificat d'un sujet obsolète (licenciement, panne serveur)

Réalisation « asymétrique » : au moyen d'un schéma de signature avec appendice qui consiste en [2] :

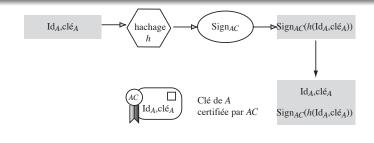
- une signature
- une vérification

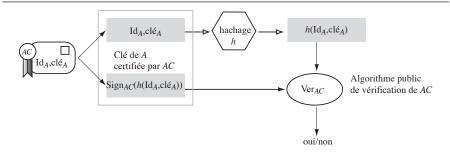
sur le contenu d'un certificat.

Avec un contenu répondant à la norme X509, on fournit un identificateur numérique ou Digital ID, une "carte d'identité" numérique.

? Annuler Continuer

Certification & Vérification





Une attaque MIM de plus haut niveau

Porte sur la transmission d'un certificat dont l'AC n'est pas connue. C'est le cas, par exemple, d'un certificat "auto-délivré".

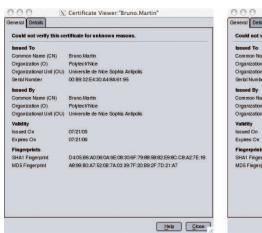


Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur Certification

Hachage, Signatures et Certification 65 Bruno MARTIN, Université Côte d'Azur

Hachage, Signatures et Certification

Certificat original et celui falsifié

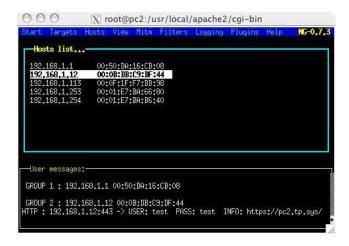




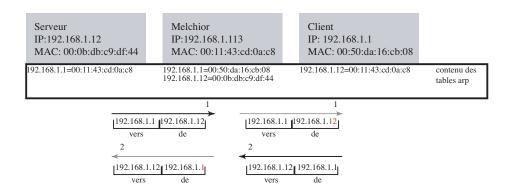
Avec quel outil?

Des logiciels libres comme dsniff ou ettercap permettent de mener à bien de telles attaques sur un LAN.

Certification



Attaque de l'homme du milieu en pratique sur un LAN





G. Bertoni, J. Daemen, S. Hoffert, M. Peeters, G. Van Assche, and R. Van Keer.

Cryptographic sponge functions.

https://keccak.team/files/CSF-0.1.pdf, 2011.



RSA Laboratories.

PKCS #1 v2.0, RSA cryptography standard. Technical report, RSA Data Security, 1998.



L. Lamport.

Password authentication with insecure communication. Communications of the ACM, 24(11):770–772, 1981.