5.1 Compound Interest

Compound Interest Formula:

For an original principal of P, the formula $S = P(1+r)^{n}$

gives the compound amount S at the end of n interest periods at the periodic rate of r

The compound amount as also called the accumulated amount, and the difference between the compound amount and the original principal (S-P) is called the compound interest.

صيغة الفائدة المركبة:

للحصول على المبدأ الأصلى لـ P، الصيغة

 $S = P(1+r)^n$

يعطي المبلغ المركب S في نهاية فترات الفائدة n بالمعدل الدوريr

المبلغ المركب كما يسمى أيضًا المبلغ المتراكم، والفرق بين المبلغ المركب وأصل المبلغ الأصلي، (S-P) يسمى الفائدة المركبة.

Example 1:

Suppose that \$500 amounted to \$588.38 in a savings account after three years. If interest was compounded semiannually, find the nominal rate of interest, compounded semiannually, that was earned by the money.

مثال ١:

لنفترض أن ٥٠٠ دولار بلغت ٥٨٨.٣٨ دولارًا في حساب التوفير بعد ثلاث سنوات. إذا كانت الفائدة تتضاعف على أساس نصف سنوي، فأوجد معدل الفائدة الاسمي، المركب على أساس نصف سنوي، الذي حصل عليه المال.



Example 2:

At what nominal rate of interest, compounded yearly, will money double in eight years?

Solution:

Let r be the rate at which a principle of P doubles in eight years. Then the compound amount is 2P. (S = 2P, n = 8 and r=?) From equation (1)

$$S = P(1+r)^n$$

Example 3:

How long will it take for \$600 to amount to \$900 at an annual rate of 6% compounded quarterly?

مثال ۲:

بأي معدل فائدة اسمي، يتضاعف سنويًا، يتضاعف المال خلال تمانى سنوات؟

الحل:

نفرض ان r هو المعدل الذي يتضاعف فيه مبدأ P خلال ثمانى سنوات. ثم المبلغ المركب هو 2P

(
$$S = 2P$$
, $n = 8$ and $r=?$
 $S = P(1+r)^{n}$

مثال ٣:

كم من الوقت سيستغرق الأمر ٢٠٠ دولار ليصل إلى ٩٠٠ دولار بمعدل سنوي ٦٪ مركب كل ثلاثة أشهر؟



Effective Rate:

to a nominal rate of r compounded n times a year is given by

$$r_e = (1 + \frac{r}{n})^n_{-1}$$

Example 4:

What effective rate is equivalent to a nominal rate of 6% compounded

- (a) semiannually
- (b) quarterly

5.2 Present Value

Present Value:

The principal P that must be invested at periodic rate of for n interest periods so that the compound amount is S is given by $S = P(1+r)^{-n}$ And is called the present value of S.

Example 1 present value

after three years if the interest rate is 9% compounded monthly.

المعدل الفعلى:

The effective rate r_e that is equivalent r_e الذي يعادل المعدل الاسمي r_e الذي يعادل المعدل الاسمي يتم إعطاء المعدل الفعلي r_e المركب n مرات في السنة بواسطة

$$r_e = (1 + \frac{r}{n})^n_{-1}$$

مثال ٤:

ما هو المعدل الفعال الذي يعادل المعدل الاسمى ٦% المركب

- (أ) نصف سنوية
- (ب) ربع سنوي

٥.٢ القيمة الحالية

القيمة الحالية:

المبلغ الرئيسي P الذي يجب استثماره بمعدل دوري r لفترات فائدة n بحيث يكون المبلغ المركب هو S يُعطى بواسطة

 $S = P(1+r)^{-n}$ ويسمى القيمة الحالية لـ S.

مثال ١

القيمة الحالية

أوجَّد القيمة التحالية البالغة ١٠٠٠ دولار المستحقة بعد ثلاث | Find the present value of \$1000 due سنوات إذا كان سعر الفائدة ٩٪ مركبًا شهريًا.



المهندس / منور العامري

شروحات مقررات الماث لجامعة حائل (ماث 110)+(ماث 127)+(ماث 128) وباسعار جدا مناسبة خصم خاص للقروبات ومشرفين الشعب)

خدمات طلابية متكاملة - تصاميم - بحوث - عروض تقديميه

إنضم الآن عبر حساباتي على مواقع التواصل الاجتماعى

موقعی علی github.com

https://monawweralameri.github.io/Math_Academy/

قناتى تليجرام

https://t.me/+G26LNiXDZMZkNDg0

حساب الواتساب

https://wa.me/967711848728

حسابى تليجرام

https://t.me/Monwwer





